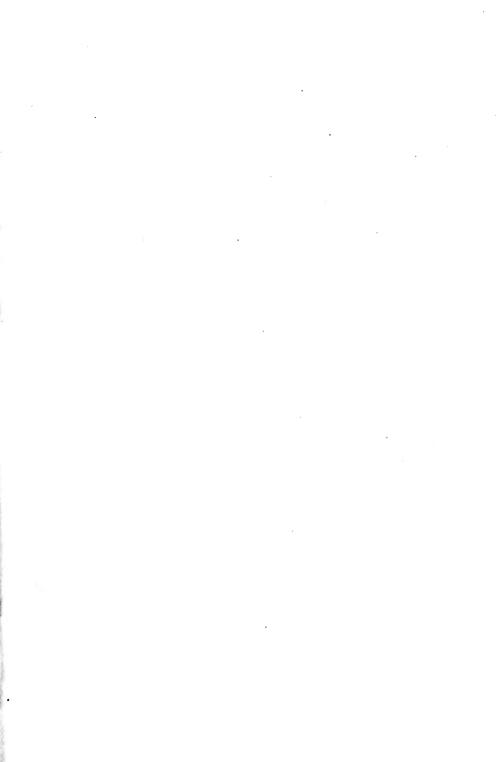
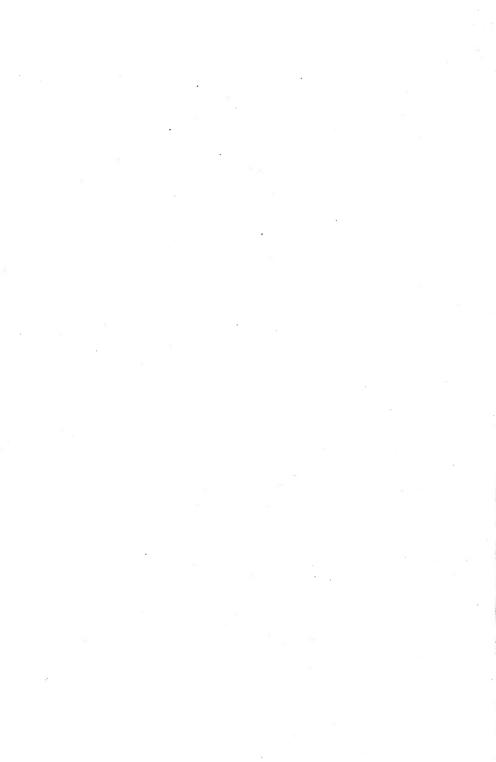






•





## Anleitung

3111

# Waldwertrechnung.

Mit einem Abrig ber forftlichen Statif.

Bon

Dr. Gustav Heyer,

Heyer

weil. Geb. Regierungerat und Professor ber Forstwiffenschaft an ber Universität gu Munchen.

Bierte Auflage,

in teilweise neuer Bearbeitung herausgegeben

bon

Dr. Karl Wimmenauer,

o. 5. Professor ber Forstwiffenschaft an ber Universität Giegen.

LIBRARY

A.

UNIVERSITY OF TORONTO

Leipzig,

Drud und Berlag von B. G. Tenbner.

1892.

84/0/11

5D 551 H48 1892

#### Vorwort zur erften Auflage.

Die Waldwertrechnung ist — im Gegensaße zu andern Zweigen der Forstwissenschaft — mehr durch Monographien und Aufsäße in Zeitschriften, als durch Lehrbücher gefördert worden. Die vorliegende Schrift hat zum Zweck, das zerstreute Material zu sammeln, Lücken auszufüllen und das Ganze sustematisch zu ordnen. Sie zersällt in zwei Hauptteile. Der erste enthält die reine Waldwertrechnung, der andere die Anwendungen derselben auf Gegenstände der forstlichen Betriebselehre. Da dieser setztere Teil keinen Anspruch auf Vollständigkeit macht (diese wird er überhaupt nur in einem Werke sinden können, welches die gesamte Betriebssehre umsaßt), so hat ihn der Versasserals "Anhang" behandelt.

Seit einer Reihe von Jahren ift die Waldwertrechnung gur Lösung von Aufgaben aus ber forftlichen Statif, insbesondere gur Ermittelung der vorteilhaftesten Umtriebszeit benutt worden. Die gewonnenen Resultate haben sich bis jest einer allgemeinen Anerkennung noch nicht zu erfreuen gehabt. Während Ginzelne ihren Standpunkt mit großer Entschiedenheit vertreten, zögert die Mehrzahl der Forst= wirte, fich nach ber einen ober ber andern Seite bin zu entscheiben. Man fühlt die zwingende Beweisfraft ber mathematischen Methode. aber man hat Bebenken, ob die Ofonomie bas Ergebnis ber Rechnung ausführbar erscheinen laffe. Dieses Dilemma ift es, welches einen Stillstand in die Behandlung ber oben genannten Frage gebracht hat. Um sich ihm zu entwinden, wird man die ökonomischen Bringipien, welche ber Rechnung zu Grunde liegen, prazifieren, auf ber andern Seite aber ben Effett berechnen muffen, welchen die Beobachtung gewiffer ökonomischen Rudfichten im Gefolge hat. In bem I. Rapitel bes "Anhangs" hat ber Berfasser versucht, diesen Weg einzuschlagen. Es wurde ihn freuen, wenn es ihm gelungen fein follte, gur Aufflarung bes Gegenstandes und gur Bermittelung ber mitunter noch fehr ichroff fich gegenüberftebenben Anfichten einiges beigetragen gu haben.

Obaleich ein Keind alles überflüssigen Formelframs, hält es der Berfasser doch für zwecklos, mathematische Aufgaben unter Ausschluß ber Mathematik zu behandeln, weil ohne biefe ein entscheidendes Resultat nicht zu erzielen ift. Zudem sett die vorliegende Schrift nur die Renntnis der elementarsten Regeln der Arithmetik voraus. Mit jener sogenannten populären Darstellungsweise, welche barauf ausgeht, jeden, dem ein gründliches Studium unbequem ift, gum Mitsprechen befähigen zu wollen, durch welche aber nur die Oberflächlichkeit groß gezogen und der wissenschaftliche Fortschritt gelähmt wird. hat der Verfasser sich nie zu befreunden vermocht. Er hat daher von ber Mathematik überall da Gebrauch gemacht, wo dieselbe notwendig Die gablreichen, der Braris entnommenen Rechnungsbeisviele, durch welche die einzelnen Lehrsätze der Waldwertrechnung erläutert worden find, werden übrigens ben Beweis liefern, baß bie Entwickelung mathematischer Ausbrücke bem Berfasser nur Mittel gum Möchten jene Beispiele ben Anfänger zugleich bavon überzeugen, daß der praktische Forstwirt die Baldwertrechnung ebensowenig entbehren fann, wie die Lehren des Waldbaues, der Waldpflege, Waldbenutung 2c., welchen jene Disziplin wohl an Alter, nicht aber an Wichtigkeit nachsteht.

Gießen, Oftern 1865.

#### Vorwort zur zweiten Auflage.

Bei der Bearbeitung der ersten Auslage dieser Schrift, welche im Jahre 1865 erschien, hatte der Bersasser sich die Aufgabe gestellt, das in der Litteratur zerstreute Material über Waldwertrechnung zu sammeln, Lücken auszufüllen und das Ganze systematisch zu ordnen. Seitdem war er bemüht, das begonnene Werk nach den angedenteten Richtungen hin immer mehr zu vervollkommnen.

Bas zunächst die Sammlung des in der Litteratur niedergelegten Materials anlangt, so erhielt ber Berfasser bei dem wiederholten Studium ber einschlägigen Schriften zwar in Bezug auf die Berfahren ber Baldwertrechnung nur eine fehr geringe Ausbeute, und überzeugte er sich, daß er nach dieser Richtung die ihm erreichbaren Quellen schon früher nahezu erschöpft habe. Dagegen fand fich unter ben geschichtlichen Notizen ber ersten Auflage manches, mas einer Erganzung und Berichtigung bedurfte. Go 3. B. ergaben die Forschungen bes Berfassers, daß die Entwickelung der Theorie des Boden-Erwartungswertes und des Bestands-Rostenwertes viel weiter gurudreicht. als er, und mit ihm mancher andere, seither angenommen hatte\*). -Gine über ben blogen Ralful hinausgehende Benutung der Litteratur. etwa durch Aufnahme statistischer Angaben oder durch Erörterung von Fragen der Agrargesetzgebung, welche vor der Lösung gewiffer Aufgaben ber Baldwertrechnung zu erledigen find, erachtete ber Berfaffer nicht für ratlich, weil sie ihm mit dem Charafter seines Buches als einer "Anleitung" nicht vereinbar zu sein schien.

In Betreff ber Ausfüllung von Lücken verweist der Versasser auf die Zusätze, welche die Kapitel über Bestands und Waldwerts berechnung und die mit denselben in Verbindung stehenden Teile des "Anhangs" ersahren haben. Diese Zusätze beziehen sich auf die Bezrechnung des Wertes abnormer sowie solcher Bestände, deren Boden zu einer einträglicheren Benutungsart verwendbar ist. Als der Versasser

<sup>\*)</sup> Der Bersaffer erlaubt sich, hierauf noch besonders aufmertsam zu machen, weil er gefunden hat, daß die geschichtlichen Notizen der ersten Auflage in andere Schriften übergegangen sind.

bie erste Aussage dieser Schrift bearbeitete, meinte er seiner Ausgabe schon Genüge zu leisten, wenn er nur erst einmal die Grundzüge der Waldwertrechnung und zwar mit vorzugsweiser Rücksicht auf normale Bestandsverhältnisse sesstschen Inzwischen gaben die zu Tage gestretenen Bedürfnisse der Praxis, wie nicht minder die Fortschritte der sosstschen Statik\*\*) Veranlassung, die Lehre von der Bestandswertsberechnung durch Einreihung des vorerwähnten Themas zu erweitern.

Hinsichtlich ber instematischen Anordnung des Stoffes weicht die zweite Auflage dieser Schrift von der ersten in so fern ab, als das Rapitel "Wahl der Zinsenberechnungsart" und der Abschnitt "Entwicklung ber Formeln der Zinseszinsrechnung" aus dem Texte in die Noten verwiesen wurden. Diese beiden Underungen bedürfen wohl faum einer Rechtfertigung. Für die gemischte Binsrechnung, beren Erfindung man nur als eine Verirrung bezeichnen kann, ist in neuerer Beit niemand mehr aufgetreten; fie barf baber nur noch in hiftorischer Beziehung ein Interesse beanspruchen, und diesem wird in der That hinlänglich Rechnung getragen, wenn man den fr. Gegenstand überhaupt nicht mit Stillschweigen übergeht. Bas die Zinseszins= rechnung anlangt, so wird bem Bedürfnisse ber meisten Leser eine Überficht ber gebränchlichsten Formeln genügen, die beshalb in bem "Borbereitenden Teile" belassen wurde. Denjenigen Lesern aber. welche bei ber Entwickelung ber einen ober ber anderen Formel auf Schwierigkeiten ftogen follten, bietet die in ben Noten enthaltene Anleitung immerhin Gelegenheit, sich Rat zu holen.

Das Kapitel "Zur forstlichen Statit" hat der Verfasser in Ansbetracht dessen, daß die nämliche Materie von ihm mittlerweile in einer besonderen Schrift behandelt worden ist, ganz ausfallen lassen.

Schließlich sei noch bemerkt, daß sämtliche Beispiele ber neuen Auflage auf Hektar und Mark gestellt find.

Münden, im Februar 1876.

<sup>\*)</sup> Daß der Verfasser übrigens auch damals schon die Wertsverhältnisse abnormer Bestände nicht gänzlich unbeachtet gelassen hat, kann aus Seite 149 der ersten Aussage entnommen werben.

<sup>\*\*)</sup> Siehe den von dem Verfasser in der Allgemeinen Forst- und Jagds Zeitung von 1871, S. 104 veröffentlichten Artifel: Ueber die Bestimmung der einträglichsten Abtriebszeit abnormer Bestände.

#### Vorwort zur britten Auflage.

Auch diese neue Auslage enthält viele Verbesserungen und Erweiterungen. Insbesondere wurde in dieselbe der Abris der forstlichen Statik wieder ausgenommen, welcher in der II. Auslage ausgefallen war. Da nämlich die von dem Verfasser im Jahre 1871 heraussgegebene I. Abteilung eines Handbuchs der forstlichen Statik vergriffen ist und die Vollendung der zweiten Auslage wegen der aussührlicheren Bearbeitung einzelner Teile, namentlich der sog. Dogmengeschichte und der Theorie der lausendsjährlichen Verzinsung, sich noch einige Zeit hinausschieden wird, so hat der Verfasser, zugleich einem mehrseitig geäußerten Bunsche entsprechend, der neuen Auslage der Baldwertzrechnung die Statik innerhalb des Rahmens, welchen sie in der I. Aufzlage einnahm, also ohne die Dogmengeschichte und die Noten, wieder einverleibt. Dieser Abris der forstlichen Statik möge einstweilen auch als Ersat sir die I. Abteilung des Handbuchs dienen, deren Ersneuerung übrigens der Berkssser nach Kräften beschleunigen wird.

Den Zahlenbeispielen der I. und II. Auflage hatte der Berfasser eine Gelbertragstafel von Burdhardt zu Grunde gelegt. Mittlerweile find auf Beranlaffung bes Bereins beutscher forftlicher Bersuchsan= stalten Solzertragstafeln entworfen worden, welche einen von den Burdhardtichen Tafeln abweichenden Zuwachsgang zeigen. Da Burdhardt weber bas Material, welches er zur Aufstellung feiner Tafeln benutte, noch die Urt der Konstruktion angegeben hat, so hielt es der Berfaffer für geboten, von jenen Tafeln wenigstens je eine für Buche, Richte und Riefer zum Gebrauche bei praftischen Waldwertrechnungen beizufügen; er felbft hat fie gur Berechnung ber Bahlenbeifpiele in bem Rapitel "Wahl der Holzart" benutt. Für die übrigen Beispiele, welche lediglich zur Erläuterung bes Rechnungsverfahrens bienen follen, hat er bagegen bie Burdhardtichen Tafeln auch jest wieder zu Grunde gelegt. Die Beibehaltung ber nämlichen Rahlenbeisviele mit ben näm= lichen Ertrags: und Roftenanfagen bot ben Borteil größerer Sicherheit ber Rechnung, weil bei beren Bieberholung die gum Borschein gekommenen Fehler ausgemerzt werden konnten.

Münden, im Juni 1883.

#### Vorwort zur vierten Auflage.

Bei der Bearbeitung dieser neuen Auslage, welche ich auf Wunsch der Familie des Verfassers, meines hochverehrten Lehrers, sowie der Verlagsbuchhandlung übernommen habe, war für mich der Gedanke leitend, daß einem Buche von der Bedeutung der Hehrerschen Waldwertrechnung der ursprüngliche Charakter möglichst zu erhalten sei und daß Änderungen nur da angebracht werden sollten, wo diesselben nach dem neueren Stande der Wissenschaft unumgänglich notwendig schienen. Bei der Vornahme solcher Änderungen aber habe ich mich in erster Linie auf den Standpunkt des ausübenden Forstwirts gestellt und mich bemüht, den Bedürsnissen des letzteren in Bezug auf die Anwendung der dargebotenen wissenschaftlichen Lehren nach Möglichkeit gerecht zu werden.

Demgemäß find diejenigen Abschnitte, welche die Rechnungs= methoden zur Darstellung bringen, sowie die wertvollen geschicht= lichen Ausführungen Bebers großenteils unverändert geblieben ober nur hier und da durch einzelne Aufätze erweitert worden. Dies gilt im wesentlichen auch von den "Methoden der Rentabilitäts= rechnung", obwohl gegen ben eigentümlichen Begerschen Dualismus die konseguent durchgeführte Gegenüberstellung des "Unternehmergewinns" und der "Berginsung des Produktioneaufwandes" - vielleicht mit Grund manche Einwendungen erhoben werden können. Diesen suchte ich dadurch zu begegnen, daß ich den inneren Rusammenhang beiber Methoden weiter verfolgte und insbesondere bem Vorgange Wageners und Lehrs folgend - an der Stelle des "Boden = Erwartungswertes" den "Bald = Erwartungswert" als maßgebend für alle wirtschaftlichen Erwägungen in den Vordergrund Denn der erstere ift ja gewissermaßen nur ein spezieller Fall des letteren.

Tiefer eingreifende Umgestaltungen haben diejenigen Abschnitte ersahren, welche von den Anwendungen der Theorie auf die Fragen bes praktischen Lebens handeln. So wurde im "Borbereitenden

Teile" unter Rapitel I ein kleiner neuer Abschnitt IV "Rapital und Rente" eingeschoben und bas IV. Rapitel "Beranschlagung und Berrechnung ber Einnahmen und Ausgaben" gang umgearbeitet. "Ungewandten Teile" ift namentlich die Unwendung ber Formeln auf folde Betriebsarten, welche ben "Lichtungszuwachs" auszunuben suchen, sowie die Ermittelung des "Holzvorratswertes" in erweitertem Umfang vorgetragen. Unter ben im ersten Ravitel bes "Unbangs" besprochenen "besonderen Fällen der Waldwertrechnung" ift es haupt= fächlich die "Berechnung ber Bergutung für den Abtrieb einzelner Bäume", welche im Anschluß an die neuere Litteratur wesentliche Anderungen erfahren hat. Um weitesten aber bin ich in biefer Begiehung beim II. Abschnitt bes zweiten Rapitels "Behandlung einiger Aufgaben ber forftlichen Rentabilitäterechnung" gegangen. Denn die ichon erwähnte, eigentumlich bugliftische Darstellungsweise G. Bepers, welche im ersten Abschnitt bei ber Ent= widelung der Methoden interessante Aufschlüsse über die Theorie der Rechnung gewährt, schien mir hier, ben Fragen ber Brazis gegen= über, nicht am Blage ju fein; weil die lettere nach jenen beiben Methoden thatfachlich nicht rechnet und nicht rechnen fann; sich vielmehr lediglich zweier abgeleiteter Rechnungsarten bedient: entweder bes "Wald-Erwartungswertes" ober bes "Beiserprozents" bezw. eines bem letteren verwandten Näherungs = Berfahrens.

Bon den "Noten" habe ich die beiden ersten — Bahl ber Binfenberechnungsart und Entwickelung ber Binfeszins : Formeln in etwas fürzerer Fassung beibehalten, Note 3 und 4 dagegen ge= Die lettere - .. Ginige Unfate über Broduftionstoften ber Baldwirtschaft" - ichien mir überflüssig, weil solche Rostensätze teils burch den weitverbreiteten "Forst = und Jagotalender" allgemein gu= ganglich find, teils in gedrängter Form fich bem "Borbereitenden Teile", Rapitel IV, einflechten ließen. An Stelle ber Rote 4 -Maffen: und Gelbertragstafeln - find die Anlagen E bis L getreten, welche eine Reihe neuerer Aufstellungen ähnlichen Inhalts nebst den zugehörigen Berechnungen bes jährlichen Balbreinertrags und bes Boden: Erwartungswertes enthalten und hauptfächlich als Belege für Die Ausführungen im zweiten Abschnitt ber "Statif" bienen follen; während fur die übrigen Bahlenbeifviele aus dem auf Seite VII angegebenen Grunde die alte Burdhardtiche Riefern : Ertragstafel nebit ihren Beilagen, Anlage A bis D, beibehalten worden ift. Den Schluß bes Wertes bilben wie feither die brei Binfeszins Tafeln.

Bas nun endlich bie befannten Streitfragen auf bem Gebiete ber forftlichen Statit anbelangt, fo habe ich mir, auch hierin bem

Vorbilde Hehers folgend, eine rein sachliche Behandlung derselben angelegen sein lassen. Sin Lehrbuch soll meines Erachtens keine Streitschrift sein; vielmehr in der Hauptsache sich auf den Vortrag deszenigen beschränken, was der Verfasser als richtig erkannt hat; gegnerische Ansichten aber, wo deren Berührung notwendig erscheint, ohne jede persönliche Beziehung zur Sprache bringen und zu widerslegen suchen. Wenn Andere diese Beschränkung sich bekanntlich nicht auserlegt haben, so konnte dies für mich kein Grund sein, Gleiches mit Gleichem zu vergelten.

Gießen, im Januar 1892.

Dr. Wimmenauer,

### Inhalt.

						Q.	mu	ettui	tg.									,	Scite
	Be	griff	, Eint	eilung	und	Lit	ttera	ıtur	der	U	Balb	tve	rtr	ectj	nu	ng	•		
					I. Ą	dorb	ere	iten	der	T	il.							,	
I.	Ka	vitel.	Alla	emeines	ibe	r di	e B	estim	muı	ta i	des	<b>65</b> ii	ter	me	rtı	es .			3
	I.	Bear	riff bo	n Gut	und	2Ber	t .												3
	H.	Arte	en bes	Bertee	3								Ī					·	3
		1) 6	Bebrauc	Wertes	Ta	uichr	vert							:					3
		Ā	1. Geb:	rauchsw	ert .														3
		E	3. Tau	ichwert .															3
		2) 6	Battung	schwert : 18wert :	und 1	tonfr	eter	Wei	rt .										3
	Ш.	Beat	riff bo	n Breif	3														4
	IV.	Rapi	ital ur	nd und aude, L	e														4
		1) 🤉	dapital					1 .											4
		A	1. Gru	nd und	Bod	en													5
		E	3. Gebi	äude, X	detrie	b8= :	und	Tra	nsp	orta	nsta	Itei	t.						5
		C	3. Der	ftodend	e Ho	lzvo	rrat												5
		D	). Aufr	stockend vendung	zen a	n G	eld	und	Nai	tura	lien								6
		2) H	tente -																7
				brente .															7
				enrente.															7
		(	J. Born	ratørent	e														8
	V.	Met	hoden	ber 28	ertbe	ftimı	nun	g.											8
		1) &	rwarti	ıngswer	t														8
		2) R	toftenw	ert .														٠	9
		3) 2	sertauf	swert .								٠		•	•		٠	٠	9
		4) 3	tentteri	ingswer	t								٠					٠	9
11.	Aa	pitel	. Wa	hl des	Bins	fuße	s.												10
	I.	Bea	riff no	n Bins	iuk 1	ınd	Bro	ient											10
	П	Mila	emeine	8 über	Die	Söb	e be	8 fo	rfili	dien	Ri	naf	uke	8			Ĭ.		11
	**.	1) 3	für 993	aldwertr	echni	maei	n if	eir	0.6	rii	100	rer	- "Z	iné	3 F11	i. Rc	11131	11:	• •
		-/ O	venben	, als be	rieni	ae.	311	weld	em	Gel	blas	oita	lie	1 0	us	aeli	ieb	en	
		2	u werd	en pfle	nen														11
		2) 2	der for	ftliche ?	linsfi	iß if	it te	ine	ton	ı ft a	nte	G	rö	Ве					14
	III.	Beft	immun	a bes	orfil	iden	Ri	nsiu	Res										15
		1) 2	Bemeffr	ing bes	for	filid	en	Ring	fuß	es	nad	b	em	-	oge	nar	ınt	en	
		1	anhean	hlichen	Qina	ful	, , , , ,	J	1		,,,,,			-	0.				15

2) Bemessung des forstlichen Zinsfußes nach bemjenigen der Land-	
	4.0
wirtschaft	16
3) Bestimmung des Zinssuges auf Grunolage sortifiatistischen	17
Materials. a) Herleitung bes forstlichen Zinsfußes aus Boden-Berkaufs-	14
mert und Memartungamert	17
wert und - Erwartungswert	
-Erwartungswert	19
c) Herleitung des Zinssußes aus Waldrente (Waldreinertrag)	
und Waldwert. (Jährlicher Betrieb)	20
III. Kapitel. Die Binseszinsrechnung	24
	41
Erster Abschnitt. Zusammenstellung der gebräuchlichsten For-	
meln der Zinseszinsrechnung.	
I. Prolongierung oder Bestimmung des Nachwertes	24
II. Diskontierung oder Bestimmung des Borwertes	25
	25
III. Rentenrechnung.	25
1) Summierung von Renten	$\frac{25}{25}$
a) Aussetzende Renten	25
b) Jährliche Renten	25
B. Summierung der Vorwerte von Kenten	26
a) Quitrenten	26
a) Aussende Renten	26
β) Jährliche Renten	26
α) Aussetzende Renten. β) Fährliche Renten. b) Jumerwährende Renten.	27
2) Verwandlung einer aussetzenden Rente in eine jährliche Rente	28
Zweiter Abschnitt. Faktorentafeln für die Zinseszinsrechnung	29
	40
IV. Kapitel. Veranschlagung und Verrechnung der Einnahmen und	
Ausgaben	32
Ausgaben	
Ausgaben	32 32 32
Ausgaben	32 32 32 32
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Berauschlagung derselben.  a) auf Grund besonderer Holzmassenachmen.	32 32 32 32 34
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Berauschlagung derselben.  a) auf Grund besonderer Holzmassenachmen.	32 32 32 32 34 34
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnugung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Grund besonderer Holzmassenaufnahme.  b) mit Hilse von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssäßen.	32 32 32 34 34 39
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Erund besonderer Holzmassenachnahme.  b) mit Hilse von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen  d) nach dem Zuwachsprozent.	32 32 32 34 34 39
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Erund besonderer Holzmassenaufnahme.  b) mit Hilse von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschlitzsähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Rebennuhungen.	32 32 32 34 34 39 42
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Frund besonderer Holzmassenafenaufnahme.  b) mit Hilse von Ertragstassen.  c) nach örtlichen Durchschlitzsähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Nebennuhungen.	32 32 32 34 34 39 39 42 43
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptmuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Frund besonderer Holzmassenalfenaufnahme.  b) mit Hilfe von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent  B. Rebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst	32 32 32 34 34 39 42 43
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Veranschlagung derselben.  a) auf Grund besonderer Holzmassenalfenaufnahme.  b) mit Hilfe von Ertragstafeln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Rebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Veranschlagung der Breise auf längere Zeiträume hinaus.	32 32 32 34 34 39 42 43 43
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Verauschlagung derselben.  a) auf Erund besonderer Holzmassenstenen.  b) mit Hilfe von Ertragstafeln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Rebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte.  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Beranschlagung der Preise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Allagmeine Breis-Veränderungen bei dem Forstprodukten	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47
Ausgaben.  1. Einnahmen  1. Katuralerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Berauschlagung derselben.  a) auf Grund besonderer Holzmassenalfenaufnahme.  b) mit Hilfe von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Juwachsprozent.  B. Rebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte.  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Berauschlagung der Breise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Allgemeine Preise-Beränderungen bei den Forstprodukten b) Rückgang des Geldwertes.	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47 50
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Grund besonderer Holzmassenaufnahme.  b) mit Hisse von Ertragstassen.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Rebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte.  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Beranschlagung der Breise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Augemeine Preiserinderungen bei den Forstprodukten b) Kückgang des Geldwertes.	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47 50
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Grund besonderer Holzmassenaufnahme.  b) mit Hisse von Ertragstasseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssäpen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Rebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Reranschlagung der Preise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Augemeine Preis-Beränderungen bei den Forstprodukten b) Kückgang des Geldwertes.  c) Örtliche Preisverschiedungen.	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47 50 51
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Erund besonderer Holzmassenaufnahme.  b) mit Hilse von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Nebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte.  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Beranschlagung der Preise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Ausgemeine Preise Veränderungen bei den Forstprodukten.  b) Kückgang des Geldwertes.  c) Örtliche Preisverschiedungen.  3) Gelderträge.  II. Ausgaben.	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47 50 51 52
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Erund besonderer Holzmassenaufnahme.  b) mit Hilse von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Nebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte.  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Beranschlagung der Preise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Ausgemeine Preise Veränderungen bei den Forstprodukten.  b) Kückgang des Geldwertes.  c) Örtliche Preisverschiedungen.  3) Gelderträge.  II. Ausgaben.	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47 50 51 52 53
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Veranschlagung derselben.  a) auf Frund besonderer Holzmassendsnahme.  b) mit Hilfe von Ertragstassen.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Nebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte.  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Veranschlagung der Preise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Ausgemeine Preise-Veränderungen bei den Forstprodukten b) Rückgang des Geldwertes.  c) Örtliche Preiseverschiebungen.  3) Gelderträge.  II. Nusgaben.  1) Erntekosten.	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47 50 51 52
Ausgaben.  I. Einnahmen  1) Raturalerträge.  A. Hauptnuhung, insbesondere Beranschlagung derselben.  a) auf Erund besonderer Holzmassenaufnahme.  b) mit Hilse von Ertragstaseln.  c) nach örtlichen Durchschnittssähen.  d) nach dem Zuwachsprozent.  B. Nebennuhungen.  2) Preise der Forstprodukte.  A. Bestimmung derselben für die Gegenwart oder nächste Zukunst.  B. Beranschlagung der Preise auf längere Zeiträume hinaus.  a) Ausgemeine Preise Veränderungen bei den Forstprodukten.  b) Kückgang des Geldwertes.  c) Örtliche Preisverschiedungen.  3) Gelderträge.  II. Ausgaben.	32 32 32 34 34 39 42 43 46 47 50 51 52 53

11. tengewandter zett.	Seite
I. Kapitel. Ermittelung des Bodenwertes	56
I. Methoden der Wertsermittelung	56
11. Boden : Erwartungswert	57
1) Begriff	57
2) Berfahren zur Ermittelung des Boden : Erwartungswertes	57
2) Berführen zur Ermittetung des Boden: Etwartungswettes	57
A. Berechnung ber Jettwerte der Einnahmen	57
a) Haubarfeitenugung	57
b) Zwischennugungen	59
c) Rebennutzungen	60
B. Berechnung der Jestwerte der Ausgaben	60
a) Kulturkosten	60
b) Jährliche Kosten	60
c) Etnie: uno Geloerhedungstopen	61
C. Formel für den Boden-Erwartungswert	61
3) Allgemeines über die Größe des Boden : Erwartungswertes	65
A. Umftande, von welchen die Große des Boden-Erwartungs=	
wertes abhängt	65
a) Umtriebszeit	66
b) Ringfuß	67
b) Zinssuß	68
d) Zeit der Berausgabung der Produktionskoften	68
B. Eintritt des Maximums des Boden : Erwartungswertes	68
4) Burdigung der Methode des Boden-Erwartungswertes	69
Bur Geschichte der Theorie des Boden-Erwartungswertes	71
III Mahan Maffantant	
III. Boden : Roftenwert	76
1) Begriff	76
2) Burdigung dieser Methode der Bertsermittelung	76
IV. Boden = Bertaufswert	77
1) Begriff	77
1) Begriff	77
II. Kapitel. Ermittelung des Bestandswertes	80
I. Methoden der Wertsermittelung	80
11. Ermittelung bes Bertes ganger Beftanbe	81
1) Bestands-Erwartungswert	81
A. Begriff	81
A. Begriff	
Beftanbes	81
a) Berechnung des Jettwertes der zu erwartenden Ein-	
nahmen	81
a) Haubarkeitsnugung	81
B) Amischen= und Nebennutungen	81
b) Berechnung des Neutwertes der Produktionskoften	82
a) Jährliche Koften für Berwaltung, Schut und Steuern	82
B) Bodenrente	82
6) Bobenrente	82
Anmertung. Die Formel bes Bestands-Erwartungswertes	
unter Bugrundelegung des Boden-Erwartungswertes .	84
C. Allgemeines über bie Große bes Bestands: Erwartungswertes.	
Letterer hängt ab	
a) Bon der Größe der Einnahmen und Ausgaben	84
b) Bon der Länge der Umtriebszeit	85
a) Normale Bestände	85
β) Abnorme Bestände	97
p) wontime Offunde	04

		Seite
	c) Bon dem Bestandsalter	88
	a) Im allgemeinen	88
	β) Bestands-Erwartungswert zu Ende der Umtriebszeit	88
	y) Bestands-Erwartungswert zu Anfang der Umtriebszeit	89
	d) Von der Höhe des Zinsfußes	89
	Bur Geschichte der Theorie des Bestands : Erwartungs :	
	wertes	89
	2) Bestands-Rostenwert	92
	A. Begriff	92
	B. Berfahren zur Bestimmung des Bestands-Rostenwertes	92
	a) Berechnung der Ausgaben	92
	α) Zinsen und Zinseszinsen des Boden-Rapitalwertes.	92
	β) Rachwert der jährlichen Kosten	92
	y) Radwett der Kulturtopen	93
	b) Berechnung der Einnahmen	93 93
	Unmerkung. Die Formel des Bestands Rostenwertes	95
	unter Zugrundelegung des Boden-Erwartungswertes	94
	C. Allgemeines über die Größe des Bestands-Kostenwertes.	<i>7</i> <b>T</b>
	Letterer hängt ab	
	a) Von der Größe der Einnahmen und Ausgaben	94
	b) Bon dem Bestandsalter	95
	α) Bestands-Kostenwert zu Anfang der Umtriebszeit.	95
	b) Beliands-Kollenwert zu Ende der Umtriebszeit	95
	c) Bon der Höhe des Zinsfußes	96
	Bur Geschichte der Theorie des Bestands-Rostenwertes	96
	3) Bestands-Verkaufswert	97
	A. Begriff	97 97
		98
	B. Allgemeines über die Größe des Bestands-Verbrauchswertes	98
	4) Gegenseitiges Verhältnis zwischen bem Erwartungs-, Koften-	00
	und Berbrauchswerte normaler Bestände	98
	A. Berhältnis zwischen bem Bestands-Erwartungs= und Be-	
	stands-Rostenwerte	98
	B. Berhältnis zwischen dem Bestands : Erwartungs : und dem	
	Bestands = Rostenwerte einerseits und dem Bestands = Ber-	
	brauchswerte anderseits	99
	C. Anwendbarkeit der Bestands-Verbrauchswerte	104
111.	Wert einzelner Bäume.	104
	1) Durchschnittlicher Wert	$\begin{array}{c} 104 \\ 105 \end{array}$
T 77		
	Wert der Einheit des Raummaßes	106
V.		107
	1) Für einen Bodenwert von beliebiger Größe	107
	a) Erwartungswert des x jährigen Zuwachses	$\frac{107}{108}$
	b) Kostenwert des x jährigen Zuwachses	108
VI.		100
¥ 1.	des normalen Borrates)	108
	1) Zeitpunkt für die Berechnung des normalen Borrates	109
	2) Erwartungswert des normalen Vorrates	109
	A. Ermittelung des Erwartungswertes des normalen Vorrates	
	unter Zugrundelegung eines beliebigen Bodenwertes	109

 $\mathbf{x}\mathbf{v}$ 

	Seite
a) Für die Fläche einer Betriebstlaffe	109
b) Für die Flächeneinheit	110
unter Zugrundelegung des Boden-Erwartungswertes	111
3) Rostenwert des normalen Vorrates	112
A. Ermittelung des Kostenwertes des normalen Borrates unter	114
Rugrundelegung eines beliebigen Bodenwertes	112
a) Für die Fläche einer Betriebstlasse	112
b) Für die Flächeneinheit	113
B. Ermittelung des Kostenwertes des normalen Borrates unter Zugrundelegung des Boden-Erwartungswertes	113
4) Rentierungsmert des normalen Karrates	113
4) Rentierungswert des normalen Borrates	
normalen Borrates	114
Berhältnis zwischen Borrats- und Bodenwert	119
III. Kapitel. Ermittelung des Waldwertes	120
I. Methoden der Wertsermittelung	120
II. Bald : Erwartungswert	120
1) Berechnung des Waldwertes unter der Voraussetzung, daß	
nach der Ernte des Holzbestandes die Waldwirtschaft mit Bei-	
behaltung der vorhandenen Holz= und Betriebsart weiter ge-	120
führt werden soll	140
bestand	120
a) Zusammensehung des Wald-Erwartungswertes aus dem	
Bodenwerte und dem Bestands-Erwartungswerte	120
b) Direkte Herseitung bes Wald-Erwartungswertes aus ben in Aussicht stehenden Ginnahmen und Ausgaben .	121
B. Wald-Erwartungswert von Wäldern mit abnormem Holz-	121
bestand	123
2) Berechnung des Bald-Erwartungswertes, unter der Boraus-	
setung, daß nach der Ernte des Holzbestandes eine andere	
Holzart oder eine andere Boden Benutzungsart eingeführt werben foll	123
III Mala - Onfenmert	124
III. Bald : Roftenwert	144
werte und dem Bestandswerte	124
a) Für einen beliebigen Bodenwert	124
b) Bei Unterstellung des Boden : Erwartungswertes und für normale Bestände	124
2) Dirette herleitung des Bald-Rostenwertes aus den stattge-	124
habten Aufwänden	124
IV. Bald : Verfaufswert	124
V. Wald-Rentierungswert	125
1) Fur die Flache einer Beiriebstlasse	125
2) Fur die Flächeneinheit	126
IV. Kapitel. Ermittelung der jährlichen Rente	127
I. Bermandlung einzelner Ginnahmen ober Ausgaben in eine	
jährliche Rente	127
II. Bodenrente	127
111. Bestandsrente	128
AV. ADMIDITALE	128

#### Anhang.

~ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	Seite
	129
. Abschnitt. Begeln für die Berechnung des Wertes solcher Balder,	120
welche zur Veräußerung bestimmt find	129
1) Wertsberechnung bei freiwilligen Verkäufen	129
	132
II. Abschnitt. Berechnung ber Vergutung fur den Abtrieb von	
	134
	134
1) Das gefällte Solz gehe in den Besit desjenigen über, welcher	
den Abtrieb des Bestandes bewirft hat	134
des abgetriebenen Bestandes sofort ein neuer Bestand be-	
	134
a) Als Benugungsart des Bodens jet die forstwirtschafts	134
liche zu unterstellen	194
schaftliche, sondern eine andere, vorteilhaftere zu unter-	
ftellen	135
B. Berechnung der Bergütung für den Fall, daß an die Stelle	
des abgetriebenen Bestandes nicht sosort ein neuer Bestand begründet werden kann	135
2) Das gefällte Holz verbleibe dem Waldeigentümer	136
,	137
1) Für den Fall eines möglichen alsbaldigen Erfates durch Re-	
frutierung	137
	138
	140
Tr. Gerlingerere Gorechung and Garburge Luc Grant of the Bruger	142
IV. Abschnitt. Berechnung der Vergutung für Benuhung des	440
Coverns out Serving	146
	146 146
III. Erfat für den Minderwert des Bodens nach Beendigung der	140
	146
V. Abschnitt. Ablösung von Forftberechtigungen	147
	149
II Ahlasung durch Ahtretung bon Wald	154
1) Es wird nur die Bedingung gestellt, daß der Waldwert des abzutretenden Grundstücks dem Kapitalwert der Berechtigungs-	
	1 = 4
	154 154
b) Der Boden sei mit Holz bestanden	155
2) Das abzutretende Waldstück soll dem Berechtigten die Mög=	
lichkeit gewähren, die Einnahme, auf welche derfelbe Anspruch	
zu machen hat, bemnächst aus dem Balbe selbst jährlich nach	155
haltig zu beziehen	T99
teiles	155
b) Holzvorrat auf dem Stocke	155
c) Umtriebszeit	156
J. Committering See Obether Streets	156

Inhalt.	XVII
	Geite
VI. Abschnitt. Feilung und Busammenlegung von Balbern	157
I. Teilung gemeinschaftlicher Wälder	157
I. Teilung gemeinschaftlicher Wälder	158
2) Teilung bes gesamten Balbes	158
3) Gesonderte Teilung des Bodens und des Solzbestandes	158
a) Berechnung des Bodenwertes	158
b) Berechnung bes Bestandswertes	158
II. Zufammenlegung bon Teilforften	158
VII. Abschnitt. Besteuerung der Balber	159
II. Kapitel. Bur forftlichen Statik	162
I. Abschnitt. Die Methoden der Bentabilitätsrechnung im allge-	162
meinen	162
1. Eitel. Entwickelung der Methoden zur Vergleichung des Ertrages mit dem Produktionsauswande.	162
	163
I. Bestimmung des Unternehmergewinns	
1) Beranichlagung ber Ertrage und Produktionskoften	164
A. Aussetzender Betrieb	164
a) Veranschlagung der Kapitalwerte des Ertrags und des	
Kostenauswandes	
b) Verwandlung dieser Kapitalwerte in jahrliche Kenten.	166
B. Jährlicher Betrieb	166
2) Berhaltnis zwischen Ertrag und Produktionsaufwand bei einem	
einzelnen Birtichaftsverfahren	166
A. Aussetzender Betrieb	<b>16</b> 6
B. Jährlicher Betrieb	167
3) Bahl bes einträglichsten Wirtschaftsverfahrens	167
II. Bestimmung der Verzinsung des Produktionsaufwandes	169
1) Herleitung ber Berginsungsformeln	169
A. Laufend = jährliche Berginsung	169
a) Aussetzender Betrieb	169
b) Jährlicher Betrieb	170
B. Durchichnittlich zährliche Rerzinlung	171
a) Aussepender Betrieb	171
b) Jährlicher Betrieb	171
2) Berhaltnis amifchen Ertrag und Broduftionsaufmand bei einem	
einzelnen Wirtschaftsversahren	172
einzelnen Birtschaftsversahren	173
2. Titel. Antersuchungen über die Große des Unternehmerge-	
winns und über die Berzinsung des Produktionsauswandes.	175
I. Untersuchungen über die Größe Des Unternehmergewinns.	175
1) Aussegender Betrieb	175
2) Jährlicher Betrieb	176
Geschichtliches	177
II. Untersuchungen über Die Berginfung Des Produttionsaufmandes	.179
1) Laufend : jährliche Berginfung	179
A. Aussetzender Betrieb	179
B. Jährlicher Betrieb	180
2) Durchichnittlich jährliche Berginfung	181
Geschichtliches	186
II. Abidnitt. Behandlung einiger Aufgaben ber forfilichen Ben=	
tabilitätsrechnung	187
1. Gitel. 28aft der Amtriebszeit	
G. Deper, Balbmertrechnung. 4. Muff. b	

	Seite
I. Finanzielle Umtriebszeit	189
1) Methoden zur Bestimmung der finanziellen Umtriebszeit	189
A. Borteilhafteste Umtriebszeit einzelner Bestände	189
a) Bestimmung berfelben nach Maggabe des größten Bald-	
Erwartungswertes	189
a) Bei normalen Beständen	190
8) Bei ahnormen Beständen	191
<ul> <li>β) Bei abnormen Beständen</li></ul>	
Maßgabe des sog. Weiserprozentes	192
Bur Geschichte der Theorie der laufend-jährlichen Ber-	
zinsung	199
B. Wahl zwischen mehreren Beständen, deren Verjüngung in	200
Grage fammen fann	207
Frage kommen kann	208
a) Bestimmung der vorteilhaftesten Umtriebszeit nach Maß-	200
gabe des größten Wald-Erwartungswertes	208
b) Wahl der Umtriebszeit nach Maßgabe der Verzinsung	200
bes Waldvermögens	211
2) Höhe der finanziellen Umtriebszeit	215
2) Duje vet juungteuen unttrevyzett	
3) Berichtigung der berechneten finanziellen Umtriebszeit	$\frac{218}{220}$
4) Beränderlichkeit der finanziellen Umtriebszeit	220
5) Berechnung des Verlustes, welcher sich bei Einhaltung einer anderen als der finanziellen Umtriebszeit ergiebt	221
6) Zeitraum für die Berwertung eines Borratsüberschusses	221
7) Berechnung des Preises, zu welchem ein Borratsüberschuß	244
	222
8) Herstellung der sinanziellen Umtriebszeit	224
II. Sonstige Umtriebszeiten	225
1) Technische Umtriebszeit.	225
2) Umtriebszeit des größten Naturalertrages	$\begin{array}{c} 231 \\ 234 \end{array}$
3) Umtriebszeit bes größten Gebrauchswertes	234
	235
trages)	237
Unmerkung 1. Der durchschnittlich-jährliche Reinertrag des	201
	243
aussegenden Betriebes	240
Anmerkung 2. Die Umtriebszeit des größten Walbreiner-	
trags liefert den höchsten Bald-Erwartungswert im allge-	244
meinen nicht	244
und Müssianna darfallan nach Mahaaka ihran mintskaft	
und Würdigung derselben nach Maßgabe ihrer wirtschaft-	248
lichen Bedeutung	240
2. Titel. Baft zwifden land- und forstwirtschaftlicher Benuhung	
des Bodens	<b>249</b>
I. Bei einer Bloke	249
II. Bei bestandenen Waldstägen	253
	054
3. Litel. Auswahl der Solg- und Betriebsart	254
I. Für eine Bloke	255
II. Wahl der Betriebsart für mit Solz bestandene Flächen	262
1) Behandlung haubarer Hochwaldungen	263
2) Bewirtschaftung von Stangenhölzern	<b>26</b> 6
3) Behandlung junger Kernwuchsbestände	267
4) Bewirtschaftung der Nieder= und Mittelwaldungen	269

Inhalt.	XIX
	Seite
A Cantistana Sad Soithanisan Batniche	269
A. Fortsetzung bes seitherigen Betriebs	269
C. Spätere Umwandlung in Hochwald	270
4. Titel. Wahl der Bestandes - Begründungsart	271
5. Titel. Bestimmung der vorteilhafteffen Bestandesdichte, ins-	
besondere Statik des Durchforstungsbetriebs	272
I. Finangieller Effett einer einzelnen Durchforftung	273
II. Bergleichung zweier oder mehrerer Durchforflungsarten	276
1) Bei gleichen Durchforstungs : Wertmengen	276
2) Bei berschiedenen Durchforstungs : Wertmengen	279
III. Gefamtwirfung berichiedener Durchforftungsmethoden bis jum	
Abtriebsalter	281
Noten.	
Note 1. Bahl ber Zinsenberechnungsart	287
I Mathaban der Vinsenharachung	287
I. Methoden der Zinsenberechnung	287
2) Rechnung nach Zinseszinsen ober Doppel Binsen	287
3) Rechnung nach arithmetisch=mittleren Zinsen	287
A) Rechnung nach genmetrisch-mittleren Dinsen	288
4) Rechnung nach geometrischemittleren ginsen	288
II. Burdigung der Zinsenberechnungsarten	288
1) Burdigung der Rechnung nach einsachen Zinsen	$\frac{288}{288}$
2) Würdigung der Zinseszinsrechnung	292
3) Burdigung ber gemischten Zindrechnung	295
	200
Note 2. Entwickelung ber Formeln ber Binjes-	297
zinerechnung	297
I. Abschnitt. Summierung der geometrischen Reihe, als Vor- bereitung für die Entwickelung der Zinseszinsformeln	
bereitung fur die Entwickelung der Binseszinsformeln	297
I. Begriff	297
11. Summierung der geometrischen Reihe	297
1) Steigende geometrische Reihe	297
2) Fallende geometrische Reihe	298
a) Fallende geometrische endliche Reihe	298
b) Fallende geometrische unendliche Reihe	298
II. Abschnitt. Entwickelung der gebrauchlichften Formeln der Binfes-	
jinsrechnung	298
I. Prolongierung oder Bestimmung des Nachwertes	298
II. Distontierung ober Bestimmung Des Borwertes	300
III. Rentenrechnung	300
1) Summierung von Renten	300
A. Summierung der Nachwerte von Renten	300
a) Aussetzende Renten	300
b) Jährliche Renten	301
B. Summierung ber Borwerte von Renten	
	301
a) Beitrenten	$\begin{array}{c} 301 \\ 301 \end{array}$
a) Beitrenten	
a) Beitrenten	$\frac{301}{301}$
a) Beitrenten  a) Uussepende Renten  b) Jährliche Renteu  b) Ammerwährende Renten	$301 \\ 301 \\ 302 \\ 302$
a) Beitrenten  a) Uussepende Renten  b) Jährliche Renteu  b) Ammerwährende Renten	301 301 302 302 302
a) Beitrenten	301 302 302 302 303

	Anlagen.	Seite
A.	Ertragstafel für 1 ha Riefernwalb II. Standortsklaffe nach	
ъ	Burchhardt	307
ь.	fuß 3 %	308
C.	fuß 3 %	
T	fuß 2 %	- 309
υ.	nach Anl. A	310
$\mathbf{E}_{\cdot}$	nach Anl. A. Holze und Geldertragstafel für Eichenhochwald II. Standorts-	
	flaffe im Lichtungsbetrieb mit Unterbau nach Burdhardt nebst Berechnung bes jährlichen Walbrobertrags und bes Boden-Er-	
	wartungswertes	311
$\mathbf{F}_{\cdot}$	wartungswertes	
	Femelschlagbetrieb mit 30-jähriger Verjüngungsbauer (Oberhessen) nebst Berechnung bes jährlichen Walb-Reinertrags und bes Boben-	
		312
G.	Solg= und Geldertragstafel für Fichten II. Standortsklaffe in	
	Rord= und Mittelbeutschland (harz und Thuringen) nach Schwap- pach, nebst Berechnung des jährlichen Wald-Reinertrags und des	
	Boden=Ermartungsmertes	313
Н.	Solg= und Gelbertragstafel für Riefern II. Standortsklaffe in	
	der Main=Rhein=Ebene nebst Berechnung des jährlichen Bald=	314
J.	Meinertrags und bes Boben-Erwartungswertes Solz- und Gelbertragstafel für Riefern II. Standortaklaffe in	314
	der Main=Khein=Evene vei intensiverem Aurchforstungsverried,	
	nebst Berechnung des jährlichen Balb-Reinertrags und des Boden-	315
K.	Erwartungswertes	010
	der Main-Rhein-Chene bei Lichtungsbetrieb mit Unterbau, nebst	
	Berechnung des jährlichen Wald-Reinertrags und bes Boden-	316
L.	Erwartungswertes	510
	nach Oftner und Dr. Walther	317
M.		319
	Tafel I. Faktor 1,0 pn	<b>32</b> 0
	Tafel II. Faktor $\frac{1}{1,0\mathrm{p^n}}$	326
	Tafel III. Faktor $\frac{1}{10n^n-1}$	332

#### Einleitung.

#### Begriff, Ginteilung und Litteratur der Waldwertrechnung.

#### I. Begriff.

Die Waldwertrechnung, eine Borbereitungswissenschaft der forstlichen Gewerbs- oder Betriebslehre<sup>1</sup>), befaßt sich mit der Ermittlung

- 1) bes Bodenwertes.
- 2) bes Beftanbswertes,
- 3) des Waldwertes,
- 4) ber jährlichen Boden-, Bestands- und Waldrente.

Unter Bald ist die Bereinigung von Boden und Holzbestand zu verstehen.

#### II. Einteilung.

Die Waldwertrechnungslehre läßt sich zerfällen:

- 1) in einen vorbereifenden Teil, wekcher die ökonomischen, mathematischen und forstlichen Vorkenntnisse der Waldwertrechnung entwickelt;
- 2) in einen angewandten Teil, welcher die unter I. gesinannten Wertsberechnungen ausführen lehrt.

#### III. Litteratur.

Cotta: Systematische Anleitung zur Tagation der Waldungen, II. Abteilung, Berlin 1804. G. L. Hartig: Anleitung zur Berechsenung des Geld-Werthes eines in Betreff seines Natural-Ertrages schon tagirten Forstes, Berlin 1812. Derselbe: Anweisung zur Tagation der Forste, 3. Auflage, Gießen 1813. Krause: Anleitung zur Abschäung und Berechnung des Geldwerthes der Forstgrundstücke, Leipzig 1812. v. Seutter: Grundsätze der Werths-Bestimmung der Waldungen, Ulm 1814. Cotta: Entwurf einer Anweisung zur Waldwerthberechsung, Dresden 1818; 4. Auflage 1849. Klein: Formeln zu den Cotta'schen Waldwerthberechnungstafeln, München 1823; 2. Ausgabe 1836. Hoßfeld: Waldwerthbestimmung, Hilbburghausen 1825. (Dritter

<sup>1)</sup> Bezüglich dieser beiben Ausdrude verweisen wir auf hundeshagens Enchelopädie der Forstwissenschaft, 2. Auflage, II. Abtheilung, S. 3 und auf Pabst's Lehrbuch der Landwirthschaft, 2. Auflage, II. Band, 2. Abtheilung, S. 1.

<sup>3.</sup> Dener, Baldwertrechnung. 4. Huft.

Theil der .. Forsttagation" desselben Berf.) Bernitsich: Anweisung zur Waldwerthberechnung, Leipzig 1820. Derfelbe: Untersuchungen über Rapitalwerth 2c. der Balber, Frankfurt 1842. Sundeshagen: Forst= abschätzung 2c., Tübingen 1826; 2. Auflage 1848. v. Gehren: Waldwerthberechnung, Cassel 1825. Riede: Ueber die Berechnung des Geldwerthes der Waldungen, Stuttgart 1829. Pfeil: Die Forst= tagation, Berlin 1833; 3. Auflage 1858. König: Die Forstmathe= matik, Gotha 1835, 1842, 1846, 1854, 1864. Winkler: Waldwerth= schähung, II. Abtheilung, Wien 1836. Smalian: Forfteinrichtung 2c., Reber: Handbuch der Waldtaration, Kempten 1840. Berlin 1840. Sierl: Anleitung zur Waldwerthsberechnung, München 1852. Brenmann: Anleitung zur Waldwerthberechnung, Wien 1855. Dionigi Biancardi: Theoria per la valutazione delle piante, Milano e Lodi, 1856. Brekler: Rationeller Waldwirth, I. u. II. Buch, Dresben 1858 u. 1859. Burdhardf: Der Baldwerth, hannover 1860. Robert und Rulius Midlin: Beleuchtung 2c. des rationellen Baldwirths. Olmüt 1861. Beivinkler: Anleitung zur Baldwerthberechnung, Besth 1861. Albert: Lehrbuch der Waldwerthberechnung, Wien 1862. Boje, Beiträge zur Waldwerthberechnung, Darmstadt 1863. Derfelbe: Das forftliche Weiserprocent, Berlin 1889. Unleitung gur Waldwerthberechnung, verfaßt vom Königl. Preuß. Ministerial= Forftbureau, Berlin 1866; 2. Ausgabe 1888. Baur: Ueber die Berechnung der zu leistenden Entschädigungen für die Abtretung von Wald zu öffentlichen 3weden, Wien 1869. Derfelbe: buch der Waldwertberechnung, mit besonderer Berücksichtigung der Bedürfnisse ber forstlichen Braris. Berlin 1886. Rraft: Bur Braris ber Waldwerthrechnung und forstlichen Statif, Hannover (ohne Jahres= gahl), 1882 erschienen. Derfelbe: Beitrage gur forftlichen Buwachs= rechnung und zur Lehre vom Weiserprocente, hannover 1885. Der= felbe: Beitrage zur forstlichen Statit und Waldwerthrechnung, San-Derfelbe: Ueber die Beziehungen des Bodenermartungswerthes und ber Forsteinrichtungsarbeiten zur Reinertragelehre, Sannover 1890. Lehr: Waldwertrechnung und Statik, Abschnitt X in Lorey's Sandbuch der Forstwiffenschaft, Tübingen 1887. Borg = \* greve: Die Forstreinertragslehre 2c., Bonn 1878. Derselbe: Die Forftabschätzung, britter Theil, Berlin 1888. Wimmenauer: Grundriß ber Waldwerthrechnung und forstlichen Statit nebst einer Aufgabenfammlung, Leipzig und Wien 1891.

Außerdem sind in fast allen forstlichen Zeitschriften Abhandlungen über Waldwertrechnung enthalten.

#### I. Vorbereitender Teil.

#### I. Rapitel.

#### Allgemeines über die Bestimmung des Güterwertes.

#### I. Begriff von Gut und Wert.

Unter einem Gut versteht man jeden Gegenstand, welcher zur Befriedigung von Bedürfnissen dient (Hermann). Den im menschlichen Urteil anerkannten Grad der Nüplichkeit eines Gutes heißt man den Wert desselben (Rau).

#### II. Arten des Wertes.

Man unterscheidet:

#### 1) Gebrauchs: und Taufchwert.

- A. Unter dem Gebrauchswert versteht man den Grad der Tauglichkeit eines Gutes, seinem Besitzer bei der eignen Anwendung einen Borteil zu gewähren.

Derselbe wird "Verbrauchswert" genannt, sofern das Gut zum Zwede der Erzielung eines Genusses unmittelbar verbraucht; "Erzeugungswert" dagegen, sofern es zur Herstellung eines neuen Gutes verwendet wird.

- B. Tauschwert ist berjenige Wert, welchen man einem Gute wegen seiner Eigenschaft, als Gegengabe für ein anderes Gut dienen zu können, beilegt.
- 2) Gattungswert [nach Rau, abstrakter Wert nach Riedel, allgemeiner Wert] und konfreter [besonderer] Wert.

Unter ersterem versteht man den Wert, welchen gewisse Gattungen und Arten von Gütern für den Menschen im allgemeinen besitzen; unter letzterem den Grad der Nützlichkeit, welchen ein bestimmtes Gut für eine gewisse Berson hat.

So 3. B. kann eine Waldparzelle, welche für sich eine Wirtschaftseinseit bildet, einen andern Wert im allgemeinen haben als für denjenigen, welcher sie mit einem Wirtschaftskompler vereinigen kann, namentlich mit einem solchen, an welchen sie unmittelbar angrenzt oder welcher sie umsichließt. Die Vorteile, welche sich aus einer solchen Vereinigung ergeben, können u. a. darin bestehen, daß man für die hinzugekommene Fläche keine Kosten für Verwaltung und Beschühung auszuwenden braucht (wenn nämlich das vorhandene Beamtenpersonal diese Funktionen ohne Gehaltserhöhung besorgen kann); daß der Wald besser arrondiert und hierdurch die Grenze vereinsacht wird (Ersparnis an Grenzunterhaltungskosten); daß man freiere Hand bei der Wahl der Holzart, Betriebsart 2c. erhält; daß die hinzutretende Fläche in den jährlich-nachhaltigen Betrieb sich aufnehmen läßt, sür welchen sie etwa sür sich allein zu klein war; daß unzureichende Betriebsklassen angemessen ergänzt werden können; daß die Gelegenheit zur Ansführung von Freveln von seiten des Angrenzers wegfällt 2c.

Ein überhaupt nur von einer Person anerkannter, besonders hoher konkreter Gebrauchswert heißt nach Roscher "Affektionswert"; insbesondere sofern er einer Sache aus subjektiven Gründen (Pietät u. dgl.) beigelegt wird. Der Affektionswert übt auf Tausch und Preis eines Gutes nur dann Einfluß aus, wenn der Schäpende nicht zugleich Besitzer ist.

Die Waldwertrechnung befaßt sich vorzugsweise mit der Bestimmung von allgemein anerkannten, in gewissen Fällen auch mit besonderen Werten. Affektionswerte liegen außer ihrem Bereiche.

#### III. Begriff von Preis.

Unter dem Preise versteht man den Gegenwert, welcher bei Bertauschung eines Gutes in andern Gütern für dasselbe geboten wird. Der Preis wird entweder in einer bestimmten Menge einer anderen Ware, oder — um die unendlichen Mannigsaltigkeiten der Preisebestimmung abzuschneiden — durch das allgemeine Tauschmittel, das Gelb ausgedrückt.

#### IV. Kapital und Rente.

1) Unter Kapital verstehen wir jedes außer und neben der menschlichen Arbeit wirkende Hilfsmittel der Güter-Erzeugung, welches Tauschwert hat 1). Die Volkswirtschaftslehre unterscheidet umlaufende (bewegliche) Kapitalien, welche ganz in das Produkt

<sup>1)</sup> Lehr, Forstpolitik in Loren's Handbuch der Forstwissenschaft 1887, II. S. 425. — Die verschiedenen Theorien der Nationalökonomen über Begriff und Entstehung des Kapitals können hier nicht abgehandelt werden.

übergehen, also nach beendigter Herstellung des letzteren nicht mehr in ihrer ursprünglichen Gestalt vorhanden sind; und stehende (sixe) Kapitalien, welche bei der Produktion nur benutzt, nicht aufgezehrt werden, also auch nachher noch ganz oder doch zum größeren Teile erhalten bleiben. Bon diesen letzteren sind mithin nur Zins und Amortisationsquote, bezw. Unterhaltungs= und Erneuerungskosten, unter den Produktions=Auswand zu rechnen.

Bei ber Forstwirtschaft kommen folgende Rapitalien in Betracht:

A. Der Grund und Boben, welcher im Sinne der Waldswertrechnung jedenfalls als Kapital und zwar als stehendes zu betrachten ist 1). Denn der Wert desselben besteht eben in seiner Fähigkeit, der Produktion dauernd dienen zu können, und ist danach zu bemessen. Dieser Wert kann ein sehr verschiedener sein, je nachsdem ein und derselbe Boden verschiedene Benutungsarten zuläßt. In der Rechnung wird daher grundsätlich derzenige größte Bodenswert einzustellen sein, welcher sich aus der vorteilhaftesten Benutungsart ergiebt, die nach seiner natürlichen Beschaffenheit sowie nach Lage des Marktes und der Gesetzgebung überhaupt als möglich erscheint.

B. Gebäude, Betriebs und Transport Anstalten. Auch diese sind stehende Kapitalien, unterscheiden sich aber dadurch, daß sie entweder, wie z. B. Beamten Bohnungen, Maschinen zur Holzsfällung u. dgl., auch anderweitig benutt werden können oder aber, wie die Holzabsuhrwege, mit dem Boden untrennbar verbunden sind. Der Bert dieser Gegenstände ist je nach dem Zwecke der Rechnung verschieden zu bemessen; derselbe besteht für den Baldeigentümer zunächst in den zu ihrer Beschaffung ausgewendeten Kosten, welche durch den Baldertrag mit zu verzinsen sind; für denzenigen dagegen, welcher den Baldwert zum Zwecke des Ans und Berkaufs, der Besteuerung ze. abschäßen will, entweder in dem Maße ihrer anderweitigen Gebrauchssähigkeit oder, soweit sie vom Boden nicht getrenut werden können oder sollen, in der durch sie bewirkten, bezw. zu beswirkenden Erhöhung der Walderträge.

C. Der stodende Holzvorrat. Dieser ist nichts anderes, als eine angesammelte Menge von Produkten, welche zu anderweitiger Berwendung oder Berwertung noch nicht reif ober wenigstens noch

<sup>1)</sup> Der Streit über die sonstigen Kapital-Eigenschaften des Bodens kann baher hiet unberührt bleiben. Bgl. n. a. Baur, Handbuch der Waldwert-rechnung 1886, S. 25; Lehr, a. a. D. S. 29 n. 425; Mehger, Die Grundslagen, Mittel und Ziele der forstlichen Produktion 1891, S. 35.

nicht bestimmt sind. Da sie aber biesen Zwecken über kurz ober lang dienen sollen und da der Holzvorrat durch die Broduktionskraft des Bodens, durch Arbeit und bare Auslagen von feiten des Baldbesitzers entstanden ist; so ist jener vom Standpunkte des letteren jedenfalls als umlaufendes Rapital zu betrachten. Ganz unzweifelhaft erscheint er als solches im aussetzenden Betriebe, wo er von Sahr zu Sahr wächst, um schließlich am Ende des Umtriebs als fertiges Produkt verwendet oder verwertet zu werden. Das Gleiche gilt von jedem einzelnen Gliede in der Schlagreihe (Betriebsflaffe) des jährlichen Nachhaltbetriebs; folglich auch von der letteren im ganzen, obwohl der Holzvorrat hier — eben durch das Nebeneinandertreten der verschiedenen Glieder - den Charafter des stehenden Kapitals insofern anzuniehmen scheint, als er - innerhalb gewisser Grenzen — stets annähernd gleich groß bleibt. Man hat ihn daher wohl auch als "langfam umlaufendes" oder als "gebundenes Rapital" bezeichnet 1).

Weit wichtiger als diese theoretische Streitsrage sind für die Zwecke der Wirtschaft die zur Ermittelung des Vorratswertes in Borschlag gebrachten Methoden. Dieselben werden im II. und IV. Kapitel des "angewandten Teiles" aussührlich besprochen. Hier sei nur noch erwähnt, daß bei den gebräuchlichen Hochwald-Umtrieben der Wert des sog. Normalvorrats denjenigen des Bodens oft um das doppelte dis zehnsache u. m. übertrifft.

D. Aufwendungen an Geld oder Naturalien für Geshälter, Arbeitss und Fuhrlöhne, Beschäffung von Kulturmaterial, Bureauschegenstände, Unterhaltung der unter B genannten Inventarsstüde u. s. w. Alle diese Ausgaben haben den Charakter des umslaufenden Kapitals. Da sie aber beim jährlichen Betriebe, welcher in den Forstwirtschaften ja weitaus-überwiegend vertreten ist, einsach aus den jährlichen Einnahmen bestritten werden, so ersordern sie hier überhaupt nicht das Vorhandensein eines baren "Betriebsstapitals" im gewöhnlichen Sinne des Wortes. Wenn gleichwohl im Folgenden mitunter von einem "Kulturkostenkapital", "Verwaltungsstostenkapital" u. dgl. die Rede ist, so sind hierunter nur zur Vereiussachung der Rechnung eingeführte Begriffe, nicht wirklich ausgebrachte oder vorhandene Kapitalwerte zu verstehen<sup>2</sup>).

Beim aussetzenden Betriebe, sowie von jedem einzelnen

<sup>1)</sup> Lehr, a. a. D. S. 429. — Jubeich, Tharander forstl. Jahrbuch, Band 29, S. 20.

<sup>2)</sup> Lehr, a. a. S. S. 429.

Gliebe ber Schlagreihe gilt annähernd das Gleiche in Bezug auf die Kosten der jedesmaligen Holzernte. Andere, wie z. B. die Ausgaben für Bestandsbegründung, Schut, Berwaltung, Steuern zc. werden hier erst nach längerer Zeit durch das Produkt ersett, sind also diesem mit Einschluß ihrer aufgelausenen Zinsen in Anrechnung zu bringen.

Das eigentliche Grundkapital der Forstwirtschaft, der Waldswert, besteht sonach aus der Summe der Werte des Bodens und des Holzvorrats einschließlich der mit dem Boden verbundenen Transportanstalten 2c. Die übrigen unter b und d genannten Kapitalien erscheinen bei Waldwertrechnungen als einmalige, zu verzinsende, oder als regelmäßig wiederkehrende Ausgaben.

- 2) Mit dem Ausdruck Rente bezeichnen wir das aus dem Kapitalbesite fließende reine Einkommen, welches gewöhnlich nach seinem jährlichen Betrage bemessen wird. In der Forstwirtschaft werden vom Standpunkte des Waldeigentümers, auf welchen sich die Waldwertrechnung in der Regel zu stellen hat, unterschieden:
- A. Die Waldrente. Diese kann in jährlich gleichem ober ans nähernd gleichem Betrage nur beim Nachhaltbetrieb wirklich bes zogen werden und ist hier gleich dem Reste, welcher vom Rohertrage nach Bestreitung der oben genannten Ausgaben dem Waldbesitzer versbleibt. Dieser Rente steht der Waldwert als Kapital gegenüber; ihr Verhältnis zu diesem ist der forstliche Zinssuß.

Beim aussetzenden Betriebe läßt sich eine solche jährlich gleiche Rente nicht thatsächlich erzielen, sondern nur rechnungmäßig beziffern, indem man denjenigen jährlichen Reinertrag aufsucht, welcher den ungleich großen und zu verschiedenen Beiten erfolgenden Ginnahmen und Ansgaben im Gesamtwerte (Vorwert, Kapitalwert) gleichkommt.

B. Die Bobenrente, d. i. berjenige Teil der Waldrente, welscher auf das Bodenkapital — allenfalls einschließlich der vom Boden nicht zu trennenden Transportanstalten, Gebäude 2c. — entfällt 1).

Beim jährlichen Nachhaltbetriebe ist bemnach die Bobenrente gleich der Waldrente, vermindert um den Bins vom Holzvorrats-Rapital.

Im aussetzenben Betriebe bagegen sowie für jedes einzelne Glied ber "normalen Schlagreihe" tann ber (fingierte) Betrag ber

<sup>1)</sup> Diese Definition burfte für die Zwede der Waldwertrechnung völlig ansreichen. Bgl. Lehr a. a. D. S. 29 und 30. Näheres über die versichiedenen Grundrenten-Theorien der Nationalökonomen findet sich u. a. ebens daselbst S. 31 sowie in Baurs Handbuch der Waldwertrechnung 1886, S. 33 f.

jährlichen Bobenrente in gleicher Weise wie derzenige der Watdrente berechnet werden; nur hat man die Borwerte aller Einnahmen und Ausgaben auf den Anfang eines Umtriebs zu beziehen, weil zu dieser Zeit eben nur der Boden und noch kein Holzvorrat vorhanden ist.

Es wird sich später zeigen, daß bei Annahme stets gleichbleibender Erträge beide Rechnungsarten das nämliche Ergebnis liesern. Daher wird die letztere auch beim jährlichen Betriebe angewendet; zumal es unmöglich ist, den Kapitalwert des Holzvorrats ohne vorherige Kenntnis des Bodenwertes richtig zu ermitteln.

C. Die Vorratsrente, d. h. der Zins des Holzvorrats-Kapitals, ist demnach in dem Unterschied zwischen Wald- und Bodenrente zu sinden. Dieselbe könnte nur dann auch direkt ermittelt werden, wenn es gelänge, den Kapitalwert des Holzvorrats unmittelbar — d. h. ohne Bezugnahme auf den Bodenwert — festzustellen.

#### V. Methoden der Wertbestimmung.

Man kann ben Wert eines Gutes bestimmen:

1) Als Erwartungswert, d. h. nach der Summe der reinen (von den Produktionskosten befreiten) Jetztwerte aller Nutzungen, welche von einem Gute überhaupt zu erwarten sind. — Diese Jetztwerte bestimmt man mit Hilse der Zinsrechnung.

Die Theorie des Erwartungswertes gründet sich auf die Ansicht, daß der Wert eines Gutes, welches nicht selbst verzehrbar ist (wie z. B. der Waldboden), oder bei der sosstentigen Berzehrung nicht den größten Ruten gewährt (z. B. unreise Holzbestände), ausschließlich oder mit größerem Borteil in den von demselben zu erwartenden Erträgen gesucht wird; und zwar besteht dieser Wert in der Summe jener Erträge, abzüglich der auf der Etzeugung derselben lastenden Unkosten. Da jedoch eine nach Jahren eingehende Einnahme gegenwärtig einen geringeren Wert besitzt, weil sie sich aus einem in der Gegenwart verzinslich angelegten Kapital und den Interessen desselben zusammensehen läßt, so müssen zur Bestimmung des Erwartungswertes alle von dem betressenden Gute zu erwartenden Einnahmen (und ebenso die Produktionskosten) durch Diskontierung auf die Gegenwart reduziert werden.

Der Ausdruck "Erwartungswert" kommt bei den älteren Schriftstellern der Nationalökonomie nicht vor; er ist in obigem Sinne wohl zuerst von Preßler (Rationeller Waldwirth, 2. Buch, 1859, S. 184) gebraucht worden 1).

<sup>1)</sup> Späth (Anleitung, die Mathematik und physikalische Chemie auf das Forstwesen und forstliche Camerale nühlich anzuwenden, 1797, S. 391; Handbuch der Forstwissenschaft, 1801—1805, 2. Band, S. 130) und König (Forstmathematik, 3. Aust. 1846, S. 467) verstehen unter den Erwartungs-werten die absoluten (nicht auf die Gegenwart reduzierten) Erträge, welche ein Bestand zu liesern verspricht.

Das Berdienst, die Methode des Erwartungswertes zuerst gelehrt zu haben, gebührt J. Rördlinger und Hoßfeld (Zeitschrift Diana, III. Band, 1805), obgleich dieselben keine allgemeine Definition aufstellten 1). — Bei der Bestrechnung des Bodenwertes, Bestandswertes und Waldwertes spielt, wie wir später sehen werden, der Erwartungswert eine große Rolle.

2) Als **Kostenwert** (Produktions = , Anschaffungs = , Erzeugungs = , natürlicher , notwendiger Wert bezw. Preis), d. h. nach demjenigen Auswande, welcher zur Erzeugung eines Gutes ersorder lich ist.

Der Kostenwert bestimmt bas Minimum des Preises, zu welchem z. B. ein Fabrikant eine Bare ohne Verlust abgeben kann. Je nach den Zweden der Rechnung kann es jedoch unter Umständen auch geboten sein, nicht die wirklich aufgewendeten, sondern diejenigen Kosten in Rechnung zu stellen, welche durchschnittlich zur Produktion ausgewendet zu werden psiegen oder voraussichtlich in Zukunst hierzu nötig sein werden.

3) Als Berkaufswert, d. h. nach bemjenigen Preise, zu welchem andere Güter von gleicher oder ähnlicher Beschaffenheit verstauft zu werden pslegen.

-In dieser Beise bestimmt man 3. B. den Wert von Getreide, aufgearbeitetem Holz 2c. Sosen der Verkaufspreis von Handelsartikeln sich durch freie Konkurrenz der Käuser und Berkauser gebildet hat, wird derzselbe auch als "Marktpreis" bezeichnet. Dieser ist in Bezug auf das Holz oder andere Waldprodukte selbstverständlich nicht etwa im Gegensate zum "Baldpreis" zu verstehen.

4) Als **Rentierungswert** (auch Kapitalisierungswert genannt), indem man zur Rente R, welche ein Gut jährlich gewährt, den entsprechenden Kapitalwert K nach der Proportion p (= Proportion Rapitalwert K nach der Proportion p

zent): 
$$100 = R : K$$
 auffucht, aus welcher  $K = \frac{R}{p}$  folgt.

Nach dem Rentierungswerte pslegt man u. a. den Wert eines Acers, Hauses zc. aus, dem jährlichen Reinertrage zu bestimmen. Wie sich aus Formel VII. in der Rote 2 (am Schlusse der vorliegenden Schrift) ergiebt, läßt sich der Rentierungswert auf den Erwartungswert zurücksühren. Der Rentierungswert ist in der That nichts anderes als der Erwartungswert eines Gutes, welches bis in die Unendlichkeit jährlich am Jahresschlusse ein gleiches Einkommen gewährt.

Da alles Gelb ohne Unterschied bessen, ob dasselbe von einem Rapital oder von Zinsen herrührt, die Eigenschaft, Zinsen zu tragen,

<sup>1)</sup> Die Nationalösonomen haben den Erwartungswert unter die Methoden der Bertbestimmung erst viel später aufgenommen. Bir sinden ihn zuerst bei Macleod (The elements of political economy, 1858, S. 75.)

besitht, so barf bei Waldwertrechnungen nur die Zinseszinss ober Doppelzinss Rechnung, nicht aber die Rechnung mit einsachen ober gemischten Zinsen (arithmetisch-mittleren, geometrisch-mittleren Zinsen, beschränkten Zinseszinsen), angewendet werden.

Eine ausführliche Kritik dieser verschiedenen Zinsenberechnungsearten sindet der Leser in Note 1 (am Schlusse der vorliegenden Schrift). Eine Zusammenstellung der bei Waldwertrechnungen vorskommenden Formeln der Zinseschnung werden wir im III. Kapitel mitteilen.

#### II. Kapitel.

#### Wahl des Binsfußes.

#### I. Begriff von Binsfuß und Prozent.

Der Zinsfuß Z bezeichnet das Verhältnis, in welchem die, gewöhnlich nach ihrem Fahresbetrag bemessenen reinen Einkünste (Interessen, Renten, Zinsen) I eines Kapitals K zu dem Kapitale selbst stehen. Es drückt sich daher Z durch den Duotienten  $\frac{J}{K}$  aus, und dieser zeigt zugleich die Wenge von Zinsen an, welche die Einheit des Kapitals jährlich liesert. Das "Prozent" p giebt die Zinsen an, welche sich für das Kapital 100 berechnen; man erfährt daher, wenn J und K bekannt sind, das Prozent dadurch, daß man den Zinssuß mit 100 multipliziert, d. h. es ist  $p = \frac{J}{K}$  100.

Unter I dürfen nur die reinen Einkünfte vom Kapital verstanden, d. h. es müssen behuß Ermittelung des Zinssußes von dem zu erwartens den Einkommen alle diejenigen Beträge in Abzug gebracht werden, welche auf Mühewaltung oder thatsächliche Auswendungen von seiten des Unterenehmers entsallen oder ersahrungsmäßig versoren zu gehen pstegen. Um leichtesten ist daher der Zinssuß für diejenigen Kapitalien sestzustellen, dei welchen solche Abzüge am wenigsten vorkommen; z. B. bei der Aulage in Staatspapieren u. dgl. Schwieriger wird die Trennung zwischen Kapitalzins und Geschäftsgewinn (oder »Verlust) bei eigenen Unternehmungen des Besigers. Man pstegt daher auch hier einen nach den Erträgnissen verliehener Kapitalien bemessenen Zinssuß in Ansatz zu bringen und den etwaigen Überschuß als "Unternehmergewinn" zu betrachten.

## II. Allgemeines über die Sohe des forftlichen Binsfußes1).

Wenn hier von einem besonderen "forftlichen Bingfuße" die Rede ift, fo tann felbstverständlich hierunter nichts anderes verstanden werden, als berjenige Geldzinsfuß2), zu welchem in ber Balb= wirtschaft angelegte Rapitalien sich erfahrungsmäßig zu rentiren vflegen, bezw. ber den Anforderungen der Waldbesitzer entspricht. Dieje Anforderungen können je nach subjektiver Auffaffung, Bermogenslage 2c. febr verschieden fein. Wer 3. B. mit gelichenem Gelde einen Bald taufen wollte, mußte feiner Abschätzung bes Raufpreises ohne Zweifel einen Binsfuß zu Grunde legen, ber mindestens bem= jenigen gleich fame, zu welchem er felbst seinem Gläubiger gegenüber Ahnliche hohe Ansprüche an die Verzinsung des vervflichtet ift. Baldvermögens wird berjenige Befiter ftellen, beffen Guter ftark mit Schulden belaftet find; mahrend ber Erbe eines ichuldenfreien Grund= besites sich mit einem geringeren Binsfuße begnügen fann und thatfächlich aus verschiedenen Grunden oft genug damit zufrieden ift. Derartige subjettive Bestimmungsgrunde konnen hier nicht Gegen= ftand ber Erörterung fein; es laffen fich aber aus ber Gigenart ber Waldwirtschaft auch gewisse objektive Gesichtspunkte ableiten, welche für den sachverständigen Taxator bei der Wahl des Binsfußes maß= gebend fein werben.

- 1) Für Waldwertrechnungen ist im allgemeinen ein geringerer Zinsfuß anzuwenden, als derjenige, zu welchem Geldkapitalien ausgeliehen zu werden pflegen und zwar aus folgenden Gründen:
- a) Weil Walbungen, wie Grundstücke überhaupt, nur in beschränktem Umfange vorhanden sind und sich nicht, wie z. B. viele Erzeugnisse der Industrie, beliedig vermehren lassen. Aus diesem Grunde pflegt der Kapitalwert des Bodens mit zunehmender Besvölkerung und insbesondere mit eintretender Berbesserung der wirtsichaftlichen Gesantlage zu steigen, während die Erträge desselben unverändert bleiben oder doch nicht in gleichem Maße einer Erhöhung fähig sind. Hieraus aber resultiert für die Bodenwirtschaft übershaupt und somit auch für die Waldwirtschaft ein verhältnismäßig niedriger Zinssuß, wie er neuerdings zwar vielsach beklagt, aber eben

<sup>1)</sup> Bezüglich ber allgemeinen Theorie des Zinssußes verweisen wir auf die Schriften der Nationalökonomen. Die Theorie des forstlichen Zinseschat Zudeich (Tharander Jahrbuch 20 Band, 1870, S. 1 ff. und 22. Band, 1872, S. 132 ff.) in vortrefflicher Beise behandelt.

<sup>2)</sup> Bgl. Borggreve, Forftabichatung G. 403.

hierdurch als allgemein — natürlich nicht ohne Ausnahmen — bestehend anerkannt wird. Wenn andererseits auch dem Leihzinsfuß die allgemeine Tendenz, im Laufe der Zeit zu sinken<sup>1</sup>), zugeschrieben worden ist, so kann hierin, zugleich im Hindlick auf die langen forstelichen Umtriebszeiten, nur ein weiterer Grund für die Annahme eines mäßigen Zinsfußes dei Waldwertrechnungen erblickt werden.

b) Wegen der verhältnismäßig großen Sicherheit der Navitalanlage im Walde 2).

Denn die Substanz des Bodens bleibt, abgesehen von den sehr seltenen Fällen, in welchen der letztere durch Abschwemmung oder Überschüttung mit Steingerölle (als Folge von Überschwemmungen) unproduktiv wird, bei genügend psieglicher Wirtschaft immer erhalten und die Schmälerungen, welche die Walderträge durch Kalamitäten erleiden, erreichen in ihrer Verteilung aufs Ganze nur einen sehr geringen Betrag.

In einzelnen Fällen kann zwar ein Wald durch widrige Naturereignisse 2c. bedeutend geschädigt werden, allein bei der Bemessung des verhältnismäßigen Grades der Sicherheit eines Besitzes darf man nur den mittleren Betrag der stattgehabten Berluste in Rechnung nehmen.

. Übrigens werden die Gefahren, welche den Waldungen drohen, häufig überschätzt. Nur das Feuer kann die Holzbestände gänzlich zerstören; Insektenfraß, Windwurf, Dufts und Schneebruch zc. geben wohl zu einer frühzeitigen Rutung Veranlassung oder führen eine zeitweise Überfüllung des Marktes und damit eine Preiserniedrigung herbei, bewirken jedoch keine vollständige Vernichtung des Holzes.

In den preußischen Staatswaldungen gingen in den 13 Jahren von 1868—1880 die Holzbestände von 6948 ha durch Brand zu Grunde, also jährlich 534 ha<sup>3</sup>). Da die gesamte zur Holzzucht benutte Fläche der

<sup>1)</sup> Baur, Sandbuch der Waldwerthberechnung, S. 72.

<sup>2)</sup> Diese wird von vielen namhaften Forstschriftstellern betont. Bgl. Th. Hartig, Allg. Forst- und Jagdzeitung, 1855, S. 86; Burchardt, der Waldwerth, 1860, S. 95 u. 96; Danckelmann, Zeitschr. f. d. Forst- und Jagdwesen, 1867, I. S. 62; Judeich, Forsteinrichtung, 3. Aust., S. 66; Baur, Hand der Waldwerthrechnung, S. 82. — Borggreve bestreitet zwar auf Seite 45 seiner "Forstreinertragslehre" die Sicherheit der Kapital- anlage im Wald unter Hinweis auf die demselben drohenden Gesahren, u. a. durch Feuer, gerät aber dabei mit sich selbst in Widerspruch, da er andererseits in seiner "Forstabschähung" S. 296 gerade diese Gesahr als sehr gering bezeichnet.

<sup>3)</sup> von Sagen: Die forstlichen Berhaltniffe Preugens, 2. Auflage, be- arbeitet von Donner, 1883, II. Band S. 210.

preußischen Staatswalbungen im Durchschnitt jener Jahre sich auf rund 2373 000 ha stellte, so kommt auf 4444 ha Waldsläche 1 ha Brandsläche. Hierbei ist noch zu beachten, daß es zumeist junge, also noch nicht hoch im Werte stehende Bestände sind, welche durch Feuer vernichtet zu werden psiegen.

In den bahrischen Staatsmaldungen entsallt, nach den von der königl. Ministerial-Forstabteilung gesertigten Zusammenstellungen, 1 ha Brandsläche jährlich auf ein noch weit größeres Gebiet, 3. B. während der Jahre 1877 bis 1881 erst auf 13167 ha. Und der jährliche Brandschaden beträgt nur etwa  $\frac{200}{100}\%$  der Robetnnahme.

c) Beil die Forstproduktenpreise, abgesehen von kleineren Zeitabschnitten, in welchen sie stille standen oder eine rückläusige Bewegung machten, fortwährend gestiegen sind, während der Bert des Geldes gesunken ist.

Diese Thatsache ist im wesentlichen eine Folge bes schon unter a erwähnten, auf ein gewisses Maß beschränkten, Umfangs der produzierenden Baldstäche.

Die Frage, ob und in wie weit solche Preissteigerungen auch für die Instunft angenommen werden dürsen und wie dieselben vorkommenden Falles im Zinssuß ihren Ausdruck sinden, wird im IV. Kapitel ausführlich besprochen. Ebenso die Frage einer etwaigen Erhöhung des Zinssußes mit Rücksicht auf mögliche oder wahrscheinliche Verluste an den Erträgen

- d) Bei der Berechnung der Nachwerte barer Auslagen, wie z. B. der Aufturkosten dars ebenfalls nur ein mäßiger Zinssuß einsgestellt werden, weil auch bei anderweitiger verzinslicher Anlage solcher Gelder auf die langen Zeiträume der forstlichen Umtriebe hinaus Berluste nicht ausbleiben würden, also ein ganz ungestörtes Anwachsen derselben nach den Gesehen der Zinseszinsrechnung kaum zu erwarten wäre<sup>1</sup>).
- e) Wegen gewisser, mit dem Waldbesitz verbundener Annehmslichkeiten und Borteile, z. B. weil derselbe, wie der Grundbesitz überhaupt, sehr geeignet zur Gründung von Fideikommissen ist, weil sich an ihn (bei hinreichender Größe) die Wahlfähigkeit zu manchen öffentlichen Ümtern knüpft, weil er dem Jagdliebhaber die dauernde Erhaltung eines Jagdgebietes sichert 2c. 2c.

Diesen Borteilen stehen allerdings auch Nachteile gegenüber, z. B. daß die Holzbestände sich nur zu hohen Prämien oder gar nicht gegen Feuer versichern, daß Waldungen sich ohne großes Risiko für den Eigentümer nicht verpachten lassen zc. Übrigens können gewisse Eigentümlichkeiten des Waldbesitzes dem einen als Nachteile erscheinen,

<sup>1)</sup> Baur, handbuch ber Baldwerthberechnung, S. 72.

während ein anderer sie als Vorteile betrachtet, wie 3. B. daß Walsbungen bei Anleihen ein wenig geschätztes Unterpfand bilden 1), daß das Holz von jungen Beständen entweder gar nicht oder nur in geringer Menge zu verwerten ist 2c.

2) Der forstliche Zinsfuß ist keine konstante Größe. Er hängt von der örtlich und zeitlich verschiedenen Reigung der Kapistalisten, Geld in Grundbesit anzulegen, und von dem Stande des landesüblichen Zinsssußes ab. Letterer pslegt mit dem Steigen der Kultur zu sinken²), und deshalb müßte man eigentlich die Jettwerte von Einnahmen und Ausgaben, welche bei einem Walde in mehreren Umtrieben erfolgen, mit fallenden Zinsssüßen berechnen. Indessen ist der Gang der Zinsssußabnahme noch nicht hinreichend sestgestellt, auch scheint lettere selbst für Zeiträume von der Länge eines Hochwaldenmtriebes nicht bedeutend zu seins³). Da nun gerade die später erssolgenden Einnahmen und Ausgaben einen verhältnismäßig geringen Jettwert besitzen, so läßt es sich rechtsertigen, daß man bisher bei der Ermittelung der Waldsapitalwerte von der Rechnung mit fallensben Zinsssüßen keinen Gebrauch gemacht hat<sup>4</sup>).

<sup>1)</sup> Auszug aus dem Statut der preußischen Central Bodenkredit-Aktien- gesellichaft:

Art. 62. Die Gesellschaft beleiht Grundstüde in ber Regel nur gur ersten Stelle und zwar

a) Liegenschaften innerhalb zwei Drittel,

b) Gebände innerhalb der erften Sälfte des Werthes.

Auf Weinberge, Wälder und andere Liegenschaften, deren Ertrag auf Anpflanzung beruht, dürfen, insoweit der angenommene Wert durch diese Anspstanzungen bedingt ist, hnpothekarische Darlehen nur bis zu einem Drittel ihres Wertes gegeben werden.

<sup>2)</sup> Roscher: Nationalökonomie, 17. Auflage (1883), S. 466 ff. "Eine Hauptursache dieses Borganges liegt in der Nothwendigkeit, bei wachsender Bevölkerung und Consumtion auch die minder einträglichen Grundstücke und sonstigen Anlagepläte mit Kapital zu befruchten." Roscher bemerkt jedoch, daß auch Ausnahmen von der obigen Regel vorkommen, z. B. wenn neue Produktionsarten auftauchen, welche große Mengen von Kapital in Anspruch nehmen, oder wenn sich Gelegenheit bietet, Kapitalien in minder kultivierte Länder mit hohem Zinssuße überzusiedeln.

<sup>3)</sup> Nach Roscher, a. a. D. stand schon im 17. und 18. Jahrhundert der Zinssuß in manchen Ländern zeitweise auf 3 Prozent.

<sup>4)</sup> Sollte dieselbe aber jemals angewandt werden, so würde es nicht genügen, lediglich für hohe Umtriebszeiten einen geringeren Zinssuß anzunehmen, als für niedere, und die einmal gewählten Zinssuße für alle Zeiten beizubehalten, sondern man müßte den Zinssuß, fortdauernd ermäßigen. So wäre

#### III. Bestimmung des forftlichen Binsfußes.

Sierzu hat man folgende Methoden in Borichlag gebracht.

1) Bemeffung des forstlichen Zinsfußes nach dem jogenannten landesüblichen Zinsfuß, unter welchem man nach Roscher "die mittlere Zinshöhe sicher und mühelos verliehener Geldkapitalien" zu verstehen hat<sup>1</sup>).

Er beträgt im beutschen Reiche gegenwärtig etwa  $3\frac{1}{2}-4\frac{1}{2}\frac{9}{6}$ . Sinige Schriftsteller wollen diesen Zinkfuß bei Waldwertberechnungen unverfürzt angewendet wissen<sup>2</sup>). Man muß ihn jedoch durchschnittelich für zu hoch halten, weil das Ausleihen der Kapitalien, selbst auf Grundstücke, nicht diejenige Sicherheit gewährt, wie der Besitz von Grundstücken. Der Darleiher hat also wohl einen höheren Zinssfatz in Anspruch zu nehmen, als der Inhaber des Grundbesitzes.

Diese Ansicht hat Nördlinger ichon 1805 (Diana, S. 375) ausgeiprochen. Bir führen nachstehend seine eigenen Borte an, weit dieselben mit Rudficht auf die damalige Beit, in welcher die Baldwertrechnung fich eben erft zu entwideln begonn, besonders beachtenswert find. "Benn nun aber gleich, sowohl hier als bei allen übrigen Ginnahmen und Ausgaben in barem Gelb, immer die gewöhnlichen Brozente gerechnet werden, fo scheint es boch nötig zu fein, hiervon abzugeben, wenn von der Bestimmung bes Rapitals, movon ber reine Ertrag bes Balbes als bas Jutereffe angeseben wird, die Rede ift, und zwar aus folgenden Grunden. Die Große der Rinfen eines Rapitals richtet fich, unter übrigens gleichen Umftanden, vorzüglich nach der Sicherheit und Gewißheit, womit fowohl die Binfen als bas Rapital felbst erhoben werden konnen. Je gesicherter ein Rapital ift, befto geringere Progente, und umgefehrt. Deshalb begnügt man fich bei ber großen Sicherheit eines auf Grundftude verwendeten Rapitals mit fehr geringen Prozenten. Gin Ertrag tann verloren geben, aber ber Boden bleibt immer. Aber eben wegen der verschiedenen Sicherheit bei verschiebenen Grundftuden werden auch nicht von allen gleiche Prozente gefordert.

<sup>3.</sup> B. der Ertrag, welchen ein mit 20jähriger Umtriebszeit zu behandelnder Riederwald am Ende des 5. Umtriebs liefert, mit dem nämlichen Zinsfuß auf die Gegenwart zu distontieren, wie der Abtriebsertrag eines mit 100 jähr. Umtriebe zu behandelnden Hochwaldes.

<sup>1)</sup> Rofcher, Grundlagen ber Nationalöfonomie, 17. Aufl. (1883), S. 458.

<sup>2) 3.</sup> B. Cotta, Baldwerthherechnung (1818), S. 33: "Da 5 Prozent ber gewöhnliche Zinssuß ist, so wird derselbe überall zu Grunde gelegt, wo nicht ausdrücklich ein anderer Zinssuß bestimmt wird." Ferner Hundesshagen, Enchelopädie, 2. Aussage, II. Abtheilung (1828), S. 314: "In Bahrsheit durste derjenige Zinssuß der richtige sein, sür den man die betreffenden Kapitalien in baarem Betrag zu entsehnen und zu verseihen oder auch anderswärts zu benußen imstande sein würde,"

Da nun ein Wald zwar nicht so viel Sicherheit als ein Acker, jedoch mehr als ein in fremde Hände gegebenes Kapital gewährt, — von einem Acker aber gewöhnlich 3%, von barem Gelde aber 5% gesordert werden, so wird auch er zwischen 3 und 5% ertragen müssen, also in ganzen Zahlen 4%. Es lohnte sich übrigens, wegen des großen Einflusses auf das Resultat der Rechnung, die Mühe wohl, diese Prozente ganz genau zu bestimmen, und nach Beschaffenheit der Sachen auch von ganzen Zahlen abzugehen und sich auf Brüche einzulassen. Zede Bestimmung der Größe der Prozente kann übrigens nur örtlich sein."

Um den landesüblichen Zinsfuß auf den forftlichen, d. h. den für Waldwertrechnungen anzuwendenden zu reduzieren, müßten die Eigentümlichkeiten des Waldbesitzes nach ihren Vorteilen und Nachteilen in Geld veranschlagt werden, was mit großen Schwierigkeiten verknüpft ist. Denn wenn sich vielleicht auch Zahlen für die durchsschnittliche Steigerung des Wertes der Forstprodukte, der Arbeitslöhne und sonstigen Kosten auf statistischem Wege gewinnen lassen, so ist es doch nicht möglich, die Vorteile des Waldbesitzes in Bezug auf die Sicherheit der Kapitalanlage und die sonstigen mit ihm verbundenen Annehmlichkeiten, ebenso aber auch die Nachteile desselben, in Geld präzis auszudrücken.

Dies gilt insbesondere auch von denjenigen indirekten Vorteilen, welche den Staaten und Gemeinden aus ihrem Waldbesitze erwachsen: den günstigen klimatischen Einflüssen der Waldvegetation, der Gelegensheit zu Arbeits: und Gewerdsverdienst für gewisse Bevölkerungssklassen u. s. w.

## 2) Bemeffung des forstlichen Zinsfußes nach bemjenigen der Landwirtschaft.

Das landwirtschaftliche Gewerbe stimmt mit dem forstwirtschaft- lichen in vielen Punkten überein, es bestehen jedoch zwischen beiden auch einige wesentliche Verschiedenheiten.

- A) Borzüge der Forstwirtschaft sind u. a. folgende:
- a) Daß der Walb, wenn er einmal zum jährlichen Betriebe eingerichtet ist, gleiche Erträge liefert, während die Größe der land-wirtschaftlichen Ernte von Jahr zu Jahr wechselt und mitunter sehr bedeutenden Schwankungen unterliegt;
- b) daß die letztere stets incherhalb kurzer Zeit verwertet werden muß, während der Forstwirt in der Lage ist, den vorliegens den Handels-Konjunkturen dadurch Rechnung zu tragen, daß er bez gehrte Sortimente in verstärktem, augenblicklich im Preise gesunkene dagegen in vermindertem Maße zur Fällung bringt oder letztere vorsläusig ganz stehen läßt;

- c) daß die Forstwirtschaft kein ober nur wenig bares Bestriebskapital, auch ein minder zahlreiches Personal verlangt und weniger Mühe verursacht, als die Verwaltung eines Landgutes von aleichem Kavitalwerte.
  - B) Nachteile der Forstwirtschaft sind:
- a) daß sie, wenn die Holzbestände erst begründet werden mussen oder noch jung sind, eine Reihe von Jahren hindurch keine oder nur geringe Erträge gewährt;
- b) daß fie für den Grundeigentümer weniger Gelegenheit zum Arbeitsdienst bietet;
- c) daß Waldungen ohne großes Risito für den Eigentümer sich nicht verpachten lassen; insbesondere nicht in kleineren Parzellen, die bei landwirtschaftlicher Benuhung oft verhältnismäßig höhere Pachtserträge abwerfen, als große Güter;
- d) daß die Vorausbestimmung der Walderträge an Unzuverlässigkeit leidet, während die Größe des durchschnittlich-jährlichen Reinertrages der Landwirtschaft gewöhnlich schon aus den Wirtschaftsbüchern sich entnehmen läßt oder ortsbekannt ist.

Was die Sicherheit der Kapitalanlage anlangt, so kommt in Betracht, daß beim Walde der Zuwachs einer längeren Reihe von Jahren (in maximo einer ganzen Umtriedszeit) zu Grunde gerichtet werden kann (z. B. durch Feuer), während beim Felde höchstens der einjährige Zuwachs auf dem Spiele steht. Indessen läßt sich hieraus keineswegs der Schluß ziehen, daß die möglichen Berluste bei der Forstwirtschaft größer seien, als bei der Agrikultur. Vielmehr dürfte anzunehmen sein, daß jener Nachteil auf der anderen Seite durch die größere Häusigkeit des Eintretens widriger Naturereignisse — Hagelsschaden u. dgl. — ausgeglichen werde. Allerdings läßt die Landwirtsschaft in gewissen Fällen eine Bersicherung zu, die Forstwirtschaft nicht.

Aus Borstehendem folgt, daß der landwirtschaftliche Zinsssuß nicht ohne weiteres als forstwirtschaftlicher angenommen werden kann. Es müßte also jener Zinssuß nach Maßgabe der Licht- und Schattenseiten der beiden Gewerbe geändert werden. Die Lösung dieser Aufgabe ist jedoch mit ähnlichen Schwierigkeiten verbunden, wie die Herleitung des forstlichen Zinssußes aus dem landesüblichen (s. o.).

- 3) Bestimmung bes Binsfußes auf Grundlage forfistati: stifden Materials.
- a) Herleitung bes Zinsfußes aus Boben : Berkaufs : wert und : Erwartungswert.
  - Im I. Rapitel bes "Angewandten Teils" ift unter II. die Methode G. Dener, Waldwertrechnung. 4. Aust.

entwickelt, nach welcher ber Wert bes Waldbodens (Bo) aus bessen zu erwartenden Erträgen — abzüglich der erforderlichen Kostenaufwände — abgeleitet werden kann. Die betr. Formel lautet

$$\mathrm{Be} = \frac{\mathrm{Au} + \mathrm{Da} \cdot 1,0 \ \mathrm{p^{u-a}} + \dots - \ \mathrm{c} \cdot 1,0 \ \mathrm{p^{u}}}{1,0 \ \mathrm{p^{u}} - 1} - \frac{\mathrm{v}}{0,0 \ \mathrm{p}}.$$

Wäre nun nicht allein die Größe der mutmaßlichen Erträge (Au, Da...) und Kosten (c, v) durch eine passende Geldertragstasel gegeben, sondern auch der ortsübliche Verkaufswert des Waldbodens durch eine hinreichende Auzahl wirklich vollzogener Verkäuse sessenkt, so könnte jener für Bo eingeseht und alsdann durch versuchsweise Einführung verschiedener Verte für p berjenige Zinssuß ermittelt werden, welcher die Gleichung erfüllt.

Gegen die grundsähliche Richtigkeit dieses Berfahrens, welches im wesentlichen zuerst von Egger (Allg. Forst= und Jagdzeitung 1854, S. 345) vorgeschlagen worden ist, läßt sich nichts einwenden. Da aber die obigen Bedingungen für dessen Anwendbarkeit — zweisellos richtige Einschähung der Erträge, Kosten und des Bodenwertes — unr selten vorliegen werden, so wird auch der hieraus abgeleitete Binssuß nicht als undestritten zutressend gelten dürsen. Insbesondere wird zu beachten sein, daß Verkänse von Waldboden vielsach nur bei kleineren Parzellen vorkommen, sür welche z. B. der Besitzer eines angrenzenden größeren Waldes mehr als den reinen Bodenwert zahlen kann, weil Schutz und Verwaltung durch das vorhandene Personal ohne besonderen Kostenauswand besorgt werden können. In dem Kanspreise ist demnach nicht allein Be, sondern auch der größere Teil

von V (ausschließlich der Grundsteuer 20.) enthalten. Wollte man aber jenen Boden-Verkanfswert auf größere Waldslächen, z. B. ein ganzes Revier anwenden, so müßte derselbe folgerichtigerweise um einen entsprechenden Betrag vermindert werden.

Immerhin wird das besprochene Versahren dazu dienen können, diejenigen Grenzen, innerhalb deren die Wahl des Zinsssußes sich zu bewegen hat, mit den thatsächlichen Verhältnissen des wirtschaftlichen Lebens in Übereinstimmung zu bringen.

Die Anssindung des Prozentsates p, welcher der obigen Gleichung Genüge leistet, kann mittelst der Rewtonschen Räherung smethode erleichtert werden. Hat man nämlich durch Prodieren einen Prozentsat  $p_1$  gesunden, welcher dem richtigen schon nahe kommt, so setzt man  $p=p_1+y$  und sindet y annähernd aus

$$y = -\frac{f(p_i)}{f'(p_i)},$$

wobei f(p1) bie für p1 entwidelte Junttion und f' (p1) beren Differentialquotienten bebeutet.

Bezeichnen wir den fog. "Bodenbruttowert"  $\left(B + \frac{v}{0.0 \text{ p}}\right)$  mit Bb und seinen 1.0 p. der Kurze halber — x, so ift

$$Bb = \frac{Au + Da \cdot x^{u-a} + \cdots - c \cdot x^{u}}{x^{u} - 1};$$

ober als Funktion von x entwidelt (welche bei Einführung bes richtigen p - 0 werben mußte):

$$f(x) = Au + Bb + Da \cdot x^{u-a} + \cdots - (Bb + c) x^{u}$$

Chenfo ber Differentialquotient

$$f'(x) = (u-a) Da \cdot x^{u-a-1} + \cdots - u (Bb + c) x^{u-1}$$

Beibe Funktionen werben ausgerechnet und bann  $y=-\frac{f(x)}{f'(x)}$  gefest; erforderlichen Falles aber die ganze Operation mit dem so gefundenen Räherungswerte von p nochmals wiederholt.

Beifpiel: Es fei nach Anlage H bei 60 jahrigem Riefern-Umtrieb

$$A_{50} = 2359$$
 $D_{40} = 38$ 
 $D_{50} = 112$ 

ferner e - 60 und Bb nach Analogie mehrfacher Berkäufe = 600 anzusnehmen. Setzen wir p, vorläufig = 3, also x = 1,03, so wird

$$f(x) = 2359 + 600 + 38.1,03^{20} + 112.1,03^{10} - 660.1,03^{60} = -710,3 \text{ unb}$$
  
 $f'(x) = 20.38.1,03^{10} + 10.112.1,03^{9} - 60.660.1,03^{69} = -223718.$ 

Folglich y — 
$$\frac{710.3}{223718}$$
 — 0,0032; b. h. der gesuchte Prozentsat p ift — 2,68 oder rund — 2,7. Führen wir diesen in die Bodenwertsormel ein, so ergiebt sich Bb — 576; also in der That nahezu der richtige Betrag. Für p — 2,6% würde man Bb — 624 erhalten haben.

b) Herleitung bes Zinsfußes aus Bestandes:Rosten: wert und :Erwartungswert 1).

Die hierfür gebräuchlichen Formeln find im II. Rapitel bes "angewandten Teiles" unter II, 1 und 2 entwickelt; nämlich

$$He_{m} = \frac{Au + Dn \cdot 1,0 p^{u-n} + \dots - (B + V) (1,0 p^{u-m} - 1)}{1,0 p^{u-m}} unb$$

$$\mathbf{Hk_m} = (\mathbf{B} + \mathbf{V}) (\mathbf{1}_{,0} \mathbf{p^m} - \mathbf{1}) + \mathbf{c} \cdot \mathbf{1}_{,0} \mathbf{p^m} - \mathbf{Da} \cdot \mathbf{1}_{,0} \mathbf{p^{m-a}} - \cdots$$

<sup>1)</sup> Borggreve, Forftabicatung G. 390.

Wären nun für einen mejährigen Bestand der Ankaufspreis oder der ortsübliche Verkaufswert des Bodens sowie die seitherigen Erträge und Kosten für Andau, Verwaltung, Steuern z. bekannt, bezw. den geführten Büchern zu entnehmen; wären serner die noch zu erwartenden Erträge nebst zugehörigen Ausgaden zuverlässig absgeschätzt; so könnte durch Gegenüberstellung beider Bestandswerte und probeweise Sinführung verschiedener Beträge für p derzenige Prozentsatzgesunden werden, welcher die Gleichung erfüllt; d. i. der thatsächliche forstwirtschaftliche Zinssuß.

Da aber die obigen Bedingungen nur selten gegeben sind und es selbst in diesem Falle noch zweiselhaft bleibt, ob der so gefundene Zinssuß nicht etwa ein ausnahmsweise großer oder kleiner sein wird, so dürste von diesem Versahren in der Praxis noch weniger Gebrauch zu machen sein, als von dem vorigen. In der Aussührung stimmen beide übrigens völlig überein; denn die Gleichsetzung von  $\mathrm{He}_{\mathrm{m}}$  und  $\mathrm{Hk}_{\mathrm{m}}$  oder

$$\frac{\text{Au} + \text{Da} \cdot 1,0 \, p^{u-n} + \dots - (B+V) \, (1,0 \, p^{u-m} - 1)}{1,0 \, p^{u-m}}$$

$$= (B + V) (1.0 p^{m} - 1) + c \cdot 1.0 p^{m} - Da \cdot 1.0 p^{m-a} - \cdots$$

führt ebenfalls zu der unter a) entwickelten Funktion, bezw. zur Formel des Bodenerwartungswertes.

e) Herleitung bes Zinsfußes aus Walbrente (Waldsreinertrag) und Walbwert. (Sährlicher Betrieb.)

Gesetzt es sei der Wert W eines zum jährlichen Betriebe eins gerichteten Waldes, welcher den jährlichen Reinertrag R liesert, durch einen wirklich vollzogenen Verkauf bekannt, so sindet man das gesuchte Prozent aus der Gleichung

$$p = \frac{J}{K} 100 = \frac{R}{W} 100.$$

Beispiel. Ein zum jährlichen Betriebe eingerichteter Wald, welcher jährlich die in Tabelle A für die 70jährige Umtriebszeit angegebenen Erträge liesert, sei zu 100000 Mt. verkauft worden. Der Kulturkostenauswand betrage 24 Mt., die jährliche Ausgabe für Verwaltung 2c. 252 Mt. Nach Kap. IV des "Angewandten Teils" ist der jährliche Waldreinertrag —

$$2970 + 12 + 42 + 57.6 + 67.2 - (24 + 252) = 2952$$
 und p stellt sich auf  $\frac{2952}{100000}$   $100 = 2.95$ .

Die eben angegebene Methode ber Zinsssußermittlung ist von ben Mängeln der vorigen frei, weil die Bezisserung der Waldrente nicht auf Schätzung, sondern auf sicheren Angaben beruht. Indem der Käuser angiebt, welchen Kapitalwert er für einen bekannten jährelichen Reinertrag bietet, macht er zugleich, wenn auch nur indirekt, den Zinsssuß namhaft, welchen er der Waldwirtschaft unterlegt.

Die Anwendbarkeit dieser Methode ist jedoch an folgende Bebingungen geknüpft: 1) daß der Ertrag des verkausten Waldes seit einer Reihe von Jahren genau gebucht war und voraussichtlich auch in Zukunst der nämliche bleiben wird, weil andernfalls der Käuser, wegen der Unsicherheit der Einnahmen, mit einem höheren Prozent rechnen müßte; 2) daß der Wald wenigstens annähernd im Normalzustand für den jährlichen Betrieb sich befand, insbesondere kein beträchtliches Borrats-Plus oder Desizit enthielt; 3) daß keine Liebshaberpreise gezahlt wurden und daß, was übrigens auch für die Methoden a und b gilt, eine hinreichende Zahl von Käusern konsturrierte. Denn sehlt es an solchen, so wird der Wald von dem bedürstigen Verkäuser unter dem wahren Werte losgeschlagen werden müssen.

Den vorstehend angegebenen Bedingungen ist bei den dem Verf. bekannt gewordenen Baldverkäufen nicht Genüge geleistet worden; sie sind überhaupt schwer zu erfüllen.

Nach Rau (Finanzwissenschaft, 5. Aust., S. 184) wurden in Frankreich von 1831—1835 116780 Hektar Staatswald für 114297000 Fr. veräußert. Diese Waldungen hatten bisher 4 140 000 Fr. ertragen, wovon aber für Aussichten 143 600 Fr. abgingen; der reine Ertrag war also 3 996 400 Fr. Die Grundsteuer, in welche die verkausten Waldstüde eintraten, betrug 261 475 Fr., mithin der Zinssuß für die Käuser (3 996 400 — 261 475) 100:114297000 — 3,27%. Man vermißt jedoch einen Nachweis darüber, ob der Bestand der fr. Waldungen und die Zahl der konkurrierenden Käuser den vorerwähnten Bedingungen entsprach. An ähnlichen Mängeln leiden mehrere andere statistische Notizen, welche dem Verfasser zu Gesicht kamen, weshalb von deren Mitteilung hier Abstand genommen wird.

Bis jett bietet die Statistit nicht das Material dar, welches vorhanden sein müßte, um den bei Waldwertrechnungen anzuwendenden Zinssuß auf forstlicher Unterlage bestimmen zu können. Unter diesen Umständen bleibt vorerst nichts übrig, als auch von den Methoden 1) und 2) ungeachtet ihrer Unvollkommenheiten Gebrauch zu machen. Namentlich möchte sich die Anwendung des landwirtschaftlichen Zinssußes empsehlen, wobei es demjenigen, welcher sich hierzu die Fähigsteit zutraut, überlassen bleibt, diesen Zinssuß nach Maßgabe der unter

2) A und B aufgeführten Momente zu verändern. Da Landgüter häufig zum Verkause kommen, da man außerdem die Schätzungswerte vieler Landgüter kennt, so kann es nicht schwer fallen, den örtlich üblichen landwirtschaftlichen Zinssuß außsindig zu machen. Je größer das hierbei zu benutzende statistische Material ist, um so eher darf man hoffen, daß etwa vorgekommene Liebhaberpreise keinen erheblichen Einsluß auf die Bestimmung des Zinssußes äußern werden. — Im großen Durchschnitt mag der landwirtschaftliche Zinssuß im mittleren Deutschland etwa 2-3% betragen.

Auf Grund der vorstehenden oder ähnlicher Betrachtungen empsiehlt die Mehrzahl der neueren Forstschriftsteller die Anwendung eines "forstlichen Zinssußes", welcher je nach Absahlage, Holz= und Betriebsart, Umtriebszeit u. s. w. zwischen 2,5 und 4% schwankt. Nur Helferich 1) und Borggreve 2) fordern die Rechnung mit 5 oder 6%, kommen dadurch aber in Widerspruch mit der von letzterem selbst 3) zugegebenen Thatsache, daß Kenten von dieser Höhe aus den Bodenwirtschaften kaum irgendwo in Kulturländern erzielt werden.

Die Frage, ob für verschiedene Wirtschaftsformen der nämliche oder ein verschiedener Zinssuß anzunehmen sei, wird im IV. Kapitel berührt. Hier sei nur noch erwähnt, daß bei längeren Umtrieden auch die leichtere Realisierbarkeit 4) eines größeren Teiles vom Holzvorrats-Kapital für die Unwendung eines geringeren Zinssußes spricht. Bgl. auch Rote 1 im Anhang.

Es ist endlich auch die Frage <sup>5</sup>) aufgeworfen worden, ob die in der Forstwirtschaft thätigen, teils stehenden, teils umlaufenden Kapitalien die Rechnung mit gleichem oder ungleichem Zinssuße ersordern. Für letzteren können wir uns aus dem unter II, 1, d ansgegebenen, sowie auch aus dem Grunde nicht aussprechen, weil nach II, 1, b die Sicherheit der Kapitalanlage in Boden einers und in Holzbeständen andererseits nicht sehr wesentlich verschieden ist. Übrigens wird sich im I. Kapitel des angewandten Teiles Gelegenheit sinden, hierauf nochmals zurückzukommen.

In der Banerischen "Anleitung zu Werthbestimmungen für das königs liche Aerar" vom Jahr 1844 ist ein Zinssuß von 3½ % vorgeschrieben; in

<sup>1)</sup> Zeitschrift für die gesammte Staatswissenschaft, 1867, Heft 1. — Forst-liche Blätter 1872, S. 4.

<sup>2)</sup> Forstreinertragslehre 1878, S. 82. — Forstabschätzung 1888, S. 400.

<sup>3)</sup> Forstabschätzung S. 398.

<sup>4)</sup> Borggreve, Forftabichatung S. 397.

<sup>5)</sup> Baur, Handbuch 2c. 1886, G. 101.

ber neueren Beit wird jedoch bei diefen Wertbestimmungen ein Binsfuß von 21/4 % angewandt. — Rach Burdhardt (Baldwerth, 1860, S. 99) tann ber Binsfuß bei Baldwertrechnungen dem bei Guteranschlägen (in Sannover) üblichen Zinsfuße von 3 % füglich gleichgestellt werden. Weiter bemerkt Burdhardt (a. a. D., S. 96), daß die Hannoverischen Expropriations= gefete den geschätten Ertrag der zu enteignenden Grundstude mit 3 % oder dem 331/3 fachen Reinertrage entschädigen, daß bewährte Landwirte bei Guteranichlagen nach bemfelben Binsfuße falfulieren, daß bei Grundverfäufen viel häufiger der dreiprozentige, als ein höherer Zinsfuß verwirklicht werde und daß mau sich im Hannoverschen, wenn bei Abfindung servitutischer Berechtigungen, namentlich Solzberechtigungen, an die Stelle von Grundabfindung Rapitalzahlung trete, häufig ichon dazu verftehe, die Rugung mit 3 % zu fapitalifieren, obgleich bie Sannoverschen Gesetze über Ablösung ber grund- und gutsherrlichen Laften für die Rapitalifierung ber abzulöfenden feften Geld: und Naturalgefälle, wie der veränderlichen Gefälle, den Binsfuß von 4 % bestimmen. Nach Pregler (Rat. Waldwirth, S. 10) foll man als Birtichaftszinsfuß bei ber fistalischen Forftwirtichaft 31/2 %, bei Ror= porations: und großem Brivat-Waldbau 4 %, bei der fleinen und spetula: tiven Privatwirtschaft 41/2 % zu Grunde legen, denselben aber, je nachdem bie Ronfervierung einer gemiffen örtlichen Solzproduktion ganglich gleichgultig ober gegenteils einer petuniaren Bergichtleiftung wert ericheine, nach Befinden um 1/2 % höher oder tiefer festseten. - Die Ronigl. Gachfische Generalverordnung bom 15. Januar 1861 ichreibt gur Beranichlagung bes Bobenwertes von Balbgrundftuden, welche bem Staatsfisfus jum Antauf offeriert werden, einen Binsfuß von 3 % vor; nach der Generalverordnung vom 27. Juli 1874 foll aber außerbem, und zwar mit Rudficht auf die hinfictlich ber Geldverhaltniffe und bes herrschenden Binsfußes mittlerweile eingetretenen Beränderungen, noch der Binsfuß von 31/2 % in Anwendung gebracht werden, und behält sich das Finanzministerium die Bahl zwischen ben beiden Resultaten vor (Tharander forftl. Jahrbuch, 1875, 25. Band, 1. Beft, G. 89). - Nach ber "Anleitung zur Baldwerthberechnung, verfaßt vom Ronigl. Breußischen Ministerial = Forftbureau", 1866, foll man gur "Distontierung" aussetzender Renten einen Binsfuß von 3 %, jur "Rapi= talifierung" jährlicher Renten (mit Ausnahme ber Jagdbenugung, welche mit 3 % fapitalisiert wird) einen Zinsfuß von 5 % benugen. Da jedoch (fiehe Rote 2, Formel VII) die Rapitalifierung nichts Anderes als die Distontierung ift, indem jede jährliche Rente aus einer Reihenfolge von intermittierenden Renten besteht, fo lagt fich bie Unwendung verschiedener Bindfuße bei ber Berechnung bes Jeptwertes aussepender und jährlicher Renten nicht rechtfertigen. - In Burttemberg find die Forftbeamten angewiesen, bei Baldwertrechnungen einen "ber Binszinsrechnung entsprechenden mäßigen Binsfuß" ju Grunde ju legen (Die forftl. Berhaltniffe Burttembergs, 1880, G. 167).

#### III. Kapitel.

## Die Binseszinsrechnung.

#### Erfter Abschnitt.

Busammenftellung ber gebräuchlichften Formeln ber Binfeszinsrechnung 1), mit erläuternben Beispielen.

#### I. Prolongierung oder Bestimmung des Nachwertes.

Ein gegenwärtig verzinslich angelegtes Kapital V erlangt bei einem Zinsfuß von p $^0/_0$  binnen n Jahren den Wert

$$N = V \cdot 1.0 p^n \qquad I.$$

Aufgabe 1 zu Formel I 2). Der Kostenauswand für Anzucht und Berpflanzung eines Sichenheisters betrage 0,2 Mark; welchen Gelderlös muß biese Siche bei der im 200. Jahre ersolgenden Fällung gewähren, wenn nur der mit 5 %0 auswachsende Rachwert der Kulturkosten gedeckt werden soll?

 $\mathfrak{Auflösung}$ . N = 0,2 · 1,05200 = 3458,52 Mark 3).

Aufgabe 2 zu Formel I. Ein Hektar Kiefernwald gewähre im 80. Jahre einen Zwischennugungserlös von 42 Mark. Welchen Haubarkeitsertrag ersetzt jene Nutung, wenn man annimmt, daß dieselbe mit 4 % verzinslich angelegt wird und daß die Umtriebszeit 120 Jahre beträgt?

Muflösung.  $N = 42 \cdot 1,04^{90} = 1433 \text{ Mart.}$ 

<sup>1)</sup> Eine Anleitung zur Entwicklung dieser Formeln enthält Rote 2 (am Schlusse ber vorliegenden Schrift).

<sup>2)</sup> Dem Anfänger empsehlen wir, diese und die solgenden Ausgaben dieses I. Abschnittes vorerst mit Logarithmen, später aber mittelst der Faktorentaseln zu berechnen, nachdem er den Gebrauch derselben (siehe den solgenden Abschnitt) kennen gelerut hat. Wir machen jedoch darauf ausmerksam, daß die Resultate der logarithmischen Rechnung mit denjenigen der Faktorentaseln nicht immer ganz genau übereinstimmen. Der Unterschied hat darin seinen Grund, daß die Faktorentaseln nur eine gewisse Anzahl von Decimalstellen angeden. Benutzt man eine 7stellige Logarithmentasel, so erhält man mitunter ein weniger genaues Resultat, als mittelst der Faktorentaseln, weil diese mit größeren Logarithmentaseln berechnet wurden. Die logarithmische Berechnung der im I. Abschnitt enthaltenen Beispiele wurde durchaus mit 7stelligen Logarithmen ausgeführt; alle übrigen Beispiele, welche in dieser Schrift vom II. Abschnitt des III. Kapitels an vorkommen, sind mittelst der Faktorentaseln berechnet worden.

<sup>3)</sup> Will man aus dem vorstehenden Resultate eine praktische Folgerung ziehen, so kann dieselbe nur dahin gehen, daß die Holzzacht bei hohen Kulturkosten, hohen Umtriebszeiten und bei Unterstellung eines hohen Zinssußes nicht lohnt.

## II. Diskontierung oder Bestimmung des Vorwertes.

Der gegenwärtige Wert V einer nach n Jahren nur einmal einsgehenden Einnahme N ergiebt sich mittelst der Formel

$$V = \frac{N}{1.0 p^n}$$
 II.

Aufgabe zu Formel II. Welchen Jettwert besitht ein Erlös von 120 Mart, wenn berselbe einmal von einer im 20. Jahre erfolgenden Durchforstung, das andere Mal von einer im 180. Jahre eingehenden Hausbarkeitsnutzung herrührt? Zinssuß  $= 3\frac{1}{2}\frac{9}{9}$ .

Auflösung. Im ersten Fall  $\frac{120}{1,035^{20}}=60,31$  Mark, im zweiten Fall  $\frac{120}{1,035^{180}}=0,245$  Mark.

#### III. Rentenrednung.

- 1) Summierung von Renten.
- A. Summierung ber Rachwerte von Renten.
  - a) Aussetenbe Renten.

Eine zum ersten Male nach m Jahren, im ganzen n mal in Zwischenräumen von m Jahren verzinslich angelegte Rente R erlangt nach mn Jahren den Summenwert

$$S_n = \frac{R(1,0p^{mn} - 1)}{1,0p^m - 1}$$
 III.

Aufgabe zu Formel III. Ein Heftar Buchenhochwald liefere im 85., 90., 95., 100., 105. und 110. Jahre jedesmal einen Mastpachterlös von 24 Mart. Zu welcher Summe wächst diese Einnahme bis zum Ende des 110. Jahres an? Zinssuß  $=4^{1}/_{2}$ %.

Must bijung. 
$$\frac{24 (1,045^{30} - 1)}{1,045^5 - 1} = 267,64 \text{ Mark.}$$

b) Jährliche Renten.

Eine alljährlich am Jahresschlusse und im ganzen n mal verzinse lich angelegte Rente r erlangt nach n Jahren ben Summenwert

$$S_n = \frac{r(1,0p^n-1)}{0,0p}$$
 IV.

Aufgabe 1 zu Formel IV. Die jährliche Jagdbenutung eines Walbes sei pro heltar zu 40 Pfennigen verpachtet; auf welche Summe wächst dieser Bachtertrag mit 3 % Binsen bis zu Ende bes 100. Jahres an?

Muflösung. 
$$\frac{0.4 (1.03^{100} - 1)}{0.03} = 242.91$$
 Mark.

Aufgabe 2 gu Formel IV. Der Eigentumer eines Balbes gahlt für Berwaltung, Schnt und Steuern jährlich pro heftar 3,6 Mart. Bu

welcher Summe wächst dieser Auswand mit  $2^{1/2}$  % Zinsen bis zum Ende bes 30. Jahres an?

$$\mathfrak{A}$$
uflöfung.  $\frac{3.6 (1,025^{30}-1)}{0.025}=158,05 \, \mathfrak{Mark}$ 

Aufgabe 3 zu Formel IV. Ein Hektar Waldboben, welcher soeben mit Kiefern in weitläufigem Verbande bepflanzt worden ist, verspricht vom 1.—6. Jahre jährlich am Jahresschlusse für Grasnutzung einen Erlös von 1,6 Mart zu liefern. Auf welchen Betrag wächst diese Sinnahme mit 2% Zinsen bis zum Ende des 80. Jahres an?

Auflösung. Nach Formel IV ist die Summe der Nachwerte dieser 6 Einnahmen am Ende des 6. Jahres  $=\frac{1,6~(1,02^6-1)}{0,02}$ . Dieser Wert ist nach Formel I noch 80-6=74 Jahre weiter zu prolongieren; demnach erhalten wir  $\frac{1,6~(1,02^6-1)}{0.02}\cdot 1,02^{74}=43,69$  Mark.

## B. Summierung ber Borwerte von Renten.

- a) Zeitrenten.
  - a) Aussende Renten.

Eine in Zwischenräumen von m Jahren und im ganzen n mal eingehende Rente R hat m Jahre vor dem Bezug der ersten Kente den Wert

$$S_v = \frac{R(1,0p^{mn}-1)}{1,0p^{mn}(1,0p^m-1)}$$
 V.

Aufgabe zu Formel V. Ein Kiefernbestand liesere vom 45. (einschl.) bis zum 100. (einschl.) Jahre alle 5 Jahre einen Ertrag an Zapsen im Werte von 6 Mark; welchen Wert hat dieser Erlös am Ende des 40. Jahres? Zinssuß =  $3\frac{1}{2}\frac{9}{0}$ .

$$\mathfrak{Auflösung.} \quad \frac{6 \; (1,035^{60}-1)}{1,035^{60} \; (1,035^5-1)} = 27,91 \; \mathfrak{Mark}.$$

β) Jährliche Renten.

Eine n mal jährlich am Jahresschlusse eingehende Rente r hat gegenwärtig den Wert

$$S_v = \frac{r(1,0p^n - 1)}{1,0p^n \cdot 0,0p}$$
 VI.

Aufgabe 1 zu Formel VI. Ein Walbeigentümer verpachtet einen Hektar Walbboben zur landwirtschaftlichen Benutzung auf 4 Jahre gegen eine jährliche Abgabe von 36 Mark; welchen Jettwert hat dieser 4 malige Pachterlöß? Zinssuß = 4 %.

$$\mathfrak{Auflöfung.} \quad \frac{36 \ (1,04^4-1)}{1,04^4 \cdot 0,04} = 130,68 \ \mathfrak{Mart.}$$

Aufgabe 2 gu Formel VI. Welche Gelbfumme muß ein Walbeigenstümer gegenwärtig besitzen, um in ben nächsten 30 Jahren bie Ausgabe für

Berwaltung, Schut und Steuern im Gesamtbetrag von 3,6 Mark bestreiten zu können? Binsfuß = 5 %.

Muflösung. 
$$\frac{3,6 (1,05^{30}-1)}{1,05^{30} \cdot 0,05} = 55,34$$
 Mark.

b) Immermährende Renten.

lpha) Der gegenwärtige Wert  $S_{\mathbf{v}}$  einer von jetzt an all jährlich am Jahresschlusse eingehenden Rente  ${\mathbf r}$  ist

$$S_v = \frac{r}{0.0 p}$$
 VII.

Aufgabe 1 zu Formel VII. Ein zum ftrengsten jährlichen Betriebe eingerichteter Balb liefere pro hektar einen jährlichen Reinertrag von 60 Mark. Bie groß ist die Summe der Jetztwerte aller dieser Erträge? Zinsfuß =  $2\frac{1}{2}$ %.

$$\mathfrak{Auflöfung}$$
.  $\frac{60}{0.025} = 2400$  Mark.

Aufgabe 2 zu Formel VII. Welches Gelbkapital muß ein Waldseigentumer besitzen, um aus den Interessen besselben die jährlichen Kosten für Berwaltung, Schutz und Steuern im Gesamtbetrag von 3,6 Mark bestreiten zu können? Zinssuß = 5%.

Auflösung. 
$$\frac{3.6}{0.05} = 72$$
 Mark.

eta) Der gegenwärtige Wert  $\mathrm{S}_{\mathbf{v}}$  einer von jetzt an alle n Jahre eingehenden Rente R ist

$$S_{v} = \frac{R}{1,0p^{n} - 1}$$
 VIII.

Aufgabe zu Formel VIII. Ein Kiefernbestand liefere alle 60 Jahre eine Abtriebsnutzung von 2062,8 Mart. Belchen Jettwert besitzen diese sämtlichen Autungen? Zinssuß = 3%.

Muflösung. 
$$\frac{2062,8}{1.03^{60}-1}=421,70$$
 Mart.

 $\gamma$ ) Der gegenwärtige Wert  $\mathrm{S}_{\mathtt{v}}$  einer zum ersten Male nach m Jahren, dann aber alle n Jahre eingehenden Rente R ist

$$S_v = \frac{R \cdot 1,0 p^{n-m}}{1,0 p^n - 1}$$
 IX.

Aufgabe zu Formel IX. Wie groß ift ber gegenwärtige Wert einer Durchforstungsnutzung, welche im Betrage von 57,6 Mart zum ersten Male nach 40 Jahren und bann alle 100 Jahre erfolgt? Binsfuß =  $3\frac{1}{2}$ %.

Auflösung. 
$$\frac{57.6 \cdot 1,035^{60}}{1,035^{100} - 1} = 15,03$$
 Mart.

 $\delta$ ) Der gegenwärtige Wert  $\mathrm{S_v}$  einer zum ersten Male augenblicklich, dann aber alle  $\mathrm{n}$  Jahre eingehenden Kente  $\mathrm{R}$  ist

$$S_v = \frac{R \cdot 1,0 p^n}{1,0 p^n - 1} \qquad X.$$

Aufgabe zu Formel X. Welches Kapital muß der Waldeigentümer besitzen, um die Kulturkosten zu bestreiten, welche jedesmal zu Ansang einer 120 jährigen Umtriebszeit im Betrage von 24 Mark zu verausgaben sind? Und wie groß ist dieses Kapital für eine 60 jährige Umtriebszeit? Zinssuß = 3%.

Muflöfung. Für die 120jährige Umtriebszeit  $\frac{24 \cdot 1,03^{120}}{1,03^{120}=1}$  = 24,71 Mart;

für die 60 jährige Umtriebszeit  $\frac{24\cdot 1,03^{60}}{1,03^{60}-1}=28,91$  Mark.

- 2) Berwandlung einer aussetzenden Rente  ${\bf R}$  in eine jähr= liche Rente  ${\bf r}.$ 
  - a) Erfolgt die Rente R schon von jetzt an alle n Jahre, so ist

$$r = \frac{R}{1,0p^n - 1} \cdot 0,0p \qquad XI.$$

Aufgabe zu Formel XI. Ein Sektar Landes liefere bei forstlicher Benutzung jedesmal am Ende der zu 60 Jahren angenommenen Umtriebszeit einen reinen Erlös von 7200 Mark, während er als Feld einen jährlichen Reinertrag von 60 Mark abwerfen würde. Welche Benutzungsweise ist die vorteilhaftere? Zinsfuß = 3%.

Auflösung. Verwandelt man den Erlös von 7200 Mark in eine jährliche Rente, so erhält man  $\frac{7200}{1,03^{80}-1}\cdot 0,03=44,16$  Mark. Mithin ist die landwirtschaftliche Benutungsweise dieses Bodens die einträglichere.

Anmerkung. Formel XI erhält man auch, wenn man eine nach n Jahren nur einmal eingehende Einnahme R in eine n malige jährliche Kente r verwandelt.

b) Erfolgt die Rente R zum ersten Male nach m Jahren, dann aber alle n Jahre, so ist

$$r = \frac{R \cdot 1,0p^{n-m}}{1,0p^{n} - 1} \cdot 0,0p$$
 XII.

Aufgabe zu Formel XII. Welche jährliche Kente würde einem Walbeigentümer zu entrichten sein, wenn berselbe auf einen Durchforstungsertrag von 240 Mark verzichten sollte, welchen ein mit 100 jähriger Umstriebszeit zu behandelnder Wald jedesmal im 40. Bestandesjahre abwirst?  $\sin 5 \ln 5 \ln 5$ .

Muflösung. 
$$\frac{240 \cdot 1,03^{60}}{1,03^{100}-1} \cdot 0,03 = 2,33$$
 Mark.

Anmerkung. Formel XII erhält man auch, wenn man eine nach m Jahren nur einmal eingehende Einnahme R in eine n malige jährliche Rente r verwandelt.

c) Erfolgt die Rente R zum ersten Male augenblicklich, dann aber alle n Jahre, so ist

$$r = \frac{R \cdot 1,0p^n}{1,0p^n - 1} \cdot 0,0p$$
 XIII.

Aufgabe zu Formel XIII. Es soll ber Kulturkostenauswand, welcher jedesmal zu Ansang einer 120 jährigen Umtriebszeit 24 Mark beträgt, in eine jährliche Ausgabe verwandelt werden. Wie hoch stellt sich letztere? Und wie groß ist sie sine 60 jährige Umtriebszeit? Zinssuß = 3%.

Auflösung. Für den 120 jährigen Umtrieb 
$$\frac{24 \cdot 1,03^{120}}{1,03^{120}-1} \cdot 0,03 = 0,74$$
 Mark; für den 60 jährigen Umtrieb  $\frac{24 \cdot 1,03^{60}}{1,03^{60}-1} \cdot 0,03 = 0,87$  Mark.

Anmerkung. Formel XIII erhält man auch, wenn man eine Einsnahme R, welche nur einmal, und zwar im Jahre 0 erfolgt, in eine n malige Rente r verwandelt.

## Zweiter Abichnitt.

## Fattorentafeln für Die Binfeszinsrechnung.

Bur Abkürzung der Rechnung hat man die konstanten Faktoren der Zinsformeln für verschiedene Zinsfüße und Prolongierungs, bezw. Diskontierungszeiten im voraus berechnet, so daß es bei der Answendung jener Formeln nur erübrigt, die betreffenden Faktoren mit V, N, R oder r zu multiplizieren. Hierzu kann man sich der Logazithmen bedienen; weit mehr fördert aber der Gebrauch solcher Rechentaseln, aus welchen die Produkte zweier Faktoren entweder unmittels dar entnommen, oder (bei größeren Zahlen) durch bloßes Abdieren gewonnen werden können, wie z. B. der Rechentaseln von Erelle (Berlin, bei Reimer).

Es ist indessen nicht erforberlich, für sämtliche Formeln ber Binsrechnung Faktorentafeln zu besitzen. Mit den am Schlusse bieses Berkes befindlichen brei Tafeln reicht man vollkommen aus.

Die Mehrzahl ber Schriften über Waldwertrechnung (3. B. biejenigen von Cotta, v. Gehren, Hierl, Brehmann, Burchardt, Baur, Wimmenauer) sowie einige forstwirtschaftliche Histafeln (3. B. G. L. Hartigs Kubiktabellen, Preßlers holzwirtschaftliche Taseln), ebenso auch der Forst= und Jagdtalender, herausgegeben von Judeich und Behm, enthalten Zinstaseln. Denjenigen der neueren Schriften ist ausschließlich die Zinseszinsrechnung zu Grunde gelegt, während einzelne ältere auch auf einsachen Zinsen, beschränkten Zinseszinsen, arithmetischen oder geometrischen Mittelzinsen beruhen. Die von uns mitgeteilten Taseln, deren Ausstellung und Druck mit größter Sorgsalt bewerkstelligt wurde, umfassen die Zinssüße von ½ bis zu 5%, mit Abstusungen von je ½ 0%.

Nachstehend soll die Anwendung der Faktorentafeln für die im vorigen Abschnitt enthaltenen Formeln gezeigt werden.

Formel I. Man multipliziert V mit dem Faktor von Tasel I. Es sei z. B. V=0.2, n=200, p=5, so ist  $N=0.2\cdot 17292,5808=3458,52$ .

Formel II. Man multipliziert N mit dem Faktor von Tafel II. Es sei z. B. N = 120, n = 20, p =  $3\frac{1}{2}$ , so ist V =  $120 \cdot 0.5026$  = 60.31.

Formel III. Man multipliziert R mit dem um 1 verminderten Faktor von Tafel I und dieses Produkt mit dem Faktor aus Tafel III. Es sei z. B. R = 24, p =  $4\frac{1}{2}$ , m = 5, n = 6, also mn = 30, so ift  $\mathbf{S}_n = 24 \cdot 2,7453 \cdot 4,062 = 267,63$ .

Formel IV. Man multipliziert r mit bem um 1 verminderten Faktor von Tafel I und dividiert das Produkt aus der Hand durch 0,0p oder multipliziert dasselbe mit dem Faktor für das Jahr 1 aus Tafel III. Es sei z. B. r = 3,6, n = 30, p =  $2^1/_2$ , so ist  $S_n = \frac{3,6 \cdot 1,0976}{0,025}$  oder auch = 3,6 · 1,0976 · 40 = 158,05.

Formel V. Man multipliziert R mit dem um 1 verminderten Faktor von Tasel I, und dieses Produkt mit den Faktoren von den Taseln II und III. Es sei z. B. R = 6, p =  $3\frac{1}{2}$ , m = 5, n = 12, also mn = 60, so ist  $S_v = 6 \cdot 6,8781 \cdot 0,1269 \cdot 5,328 = 27,90$ .

Formel VI. Man multipliziert r mit dem um 1 verminderten Faktor von Tafel I, dann mit dem Faktor von Tafel II und dividiert das Produkt aus der Hand mit 0,0p oder multipliziert dasselbe mit bem Faktor für das Jahr 1 aus Tafel III. Es sei z. B. r=36, n=4, p=4, so ist  $S_v=\frac{36\cdot 0,1699\cdot 0,8548}{0,04}$  oder auch  $36\cdot 0,1699\cdot 0,8548\cdot 25=130,71$ .

Formel VII. Man dividiert r aus der Hand mit  $0.0\,\mathrm{p}$  oder man multipliziert dasselbe mit dem Faktor für das Jahr 1 aus Tafel III. Es sei z. B.  $r=60,\ \mathrm{p}=2^{1}/_{2},\ \mathrm{so}$  ist  $60\cdot40=2400.$ 

Formel VIII. Man multipliziert R mit dem Faktor von Tafel III. Es sei z. B. R = 2062.8, n = 60, p = 3, so ist  $\mathrm{S_v}$  =  $2062.8 \cdot 0.2044$  = 421.64.

Formel IX. Man multipliziert R mit den Faktoren von den Tafeln I und III. Es sei z. B. R=57.6,  $p=3\frac{1}{2}$ , m=40, n=100, also n-m=60, so ist  $S_v=57.6\cdot 7.8781\cdot 0.03312=15.03$ .

Formel X. Man multipliziert R mit den Faktoren von den Tafeln I und III. Es sei z. B. R = 24, n = 60, p = 3, so ist  $S_{\rm v}=24\cdot 5,8916\cdot 0,2044=28,90.$ 

Formel XI. Man multipliziert R mit dem Faktor von Tafel III und das Produkt mit 0,0p. Es sei z. B. R = 7200, n = 60, p = 3, so ist  $r = 7200 \cdot 0,2044 \cdot 0,03 = 44,15$ .

Formel XII. Man multipliziert R mit den Faktoren von den Tafeln I und III und das Produkt mit 0,0 p. Es sei z. B. R = 240, p = 3, m = 40, n = 100, also n — m = 60, so ist r =  $240 \cdot 5,8916 \cdot 0,05489 \cdot 0,03 = 2,33$ .

Formel XIII. Man multipliziert R mit den Faktoren von den Tafeln I und III und das Produkt mit 0,0 p. Es sei z. B. R = 24, n = 60, p = 3, so ist  $r = 24 \cdot 5,8916 \cdot 0,2044 \cdot 0,03 = 0,87$ .

## IV. Rapitel.

# Veranschlagung und Verrechnung der Einnahmen und Ausgaben.

- I. **Die Einnahmen**, welche die Waldwirtschaft gewährt, ergeben sich aus den Naturalerträgen derselben, indem man deren Mengen mit den zugehörigen Preisen in Ansat bringt.
- 1) Die Naturalerträge zerfallen in Haupt- und Nebennutzungen. Unter ersteren versteht man die Erträge an Holz und Rinde, welche letztere bei getrennter Aufarbeitung zwar früher in vielen Forstwirtschaften unter die Nebennutzungen gerechnet wurde, der aber durch die 1875er Übereinkunft betr. "die Einführung gleicher Holzsortimente und einer gemeinschaftlichen Rechnungseinheit für Holz im deutschen Reiche" die ihr zweisellos gebührende Stellung unter den Hauptnutzungen endgültig zugewiesen worden ist.

#### A. Hauptnutung.

Auf beren Größe und Wert ist eine Reihe verschiedener Umstände von bestimmendem Ginfluß; insbesondere Hiebsart und Ginsgangszeit, Sortimentsverhältnis, Holz- und Betriebsart, Umtriebszeit.

Sinsichtlich des ersterwähnten Bunktes werden unterschieden: Saubarfeitserträge, welche am Ende, und 3mifchennugungen, bie im Laufe des Umtriebs erfolgen; von letteren wieder: Ausjätung, eigentliche Durchforftung und Aushieb einzelner pradominierender Stämme, Borwuchse, Oberständer u. bgl. Für die Baldwertrechnung fommen folche Fällungen erft dann als Einnahmen in Betracht, wenn ber bavon zu erzielende Erlös bie Erntekoften übersteigt; gleichen sich beide gerade aus, so kann die Rupung ganz außer Ucht gelassen werden; überwiegen die Erntekosten, so findet die Fällung ihre Stelle unter den Ausgaben. Bgl. Abschnitt II. Daß die Eingangszeit der Nutungen von wesentlichem Einfluß ift, wird weiterhin nachgewiesen werden. In der Hochwaldwirtschaft wieder= holen sich die Durchforstungen, etwa mit dem 20. bis 40. Jahre beginnend, in fürzeren ober längeren Beitabschnitten, mitunter jähr= Doch genügt es für die 3wecke der Waldwertrechnung, eine etwa 10 jährige Wiederholung zu unterstellen. Beim Niederwald= betriebe findet in der Regel nur eine Durchforstung im Laufe bes Umtriebs ober auch gar feine folche ftatt. Die Saubarkeitserträge

erfolgen je nach ber Betriebsart (s. unten) entweder auf einmal durch Kahlschlag oder im Laufe einer Reihe von Jahren durch allmähliche Auslichtung, Samen-, Licht-, Abtriebsschläge u. dgl.

Von größtem Einsluß auf den Wert der Nutzungen ist das Sortimentsverhältnis, insbesondere der verhältnismäßige Anfall an Nuthölzern, das sog. Nutholzprozent. Dies lettere ist in vielen Nieder= und Buchenhochwaldwirtschaften — 0, kann aber (bei Kichten und Tannen) bis zum Betrage 100 steigen, falls Reis= und Stockholz als wertlos ganz außer Ansat bleiben. Demnach, und weil die Preise der verschiedenen Brenn= und Nutholz=Sortimente oft um das 2=, 3=, ... 10 sache u. m. von einander abweichen, genügt es für Waldwertrechnungen durchaus nicht, nur die Menge an Derb= und Reisholz, wie sie die meisten Ertragstafeln angeben, zu versanschlagen; es müssen vielmehr und zwar auf Grund örtlicher Ersfahrungen zahlreiche, namentlich auch Nutholz-Sortimente — wie Schnitt=, Bau=, Schwellen=, Grubenholz u. a. — unterschieden werden.

Ein und derselbe Boden kann, je nachdem er mit der einen oder anderen Holzart bestanden ist, sehr verschiedene Holzerträge liesern. Nach einer Notiz im Jahrgang 1882 der A. F. und J.-B. S. 283 dürsten die Holzmassen geschlossener ca. 100 jähriger Buchen-, Niesern- und Fichtenbestände sich auf gleichem Standort ungefähr verhalten wie 100:125:200. Noch weit größer können die Wertunterschiede sein, die demnach in den weitesten Grenzen schwanken.

Aber auch bei einer und derselben Holzart sind noch sehr verschiedene Raturalerträge möglich, je nachdem die eine oder andere Betriebsart gewählt wird. So kann es z. B. offendar nicht gleichsgültig sein, ob im Lause von 120 Jahren ein 6 maliger Abtrieb im Eichenniederwald mit Produktion von Lohrinde und Brennholz oder ein einziger Haubarkeitsertrag vom Eichenhochwald mit mannigsachen Ruphölzern ersolgt; selbst wenn das Gesamtergednis an Holzemasse in beiden Fällen das nämliche wäre. Und ebenso verschieden können die Erträge sein, je nachdem geschlossene Buchens, Fichtens, Tannenwaldungen kahl abgetrieben oder unter Ausnuhung des besonderen Lichtungszuwachses allmählich verjüngt werden.

Bon geringerem Einfluß auf ben Gesamtwert ber (jährlichen) Holzerzeugung ist endlich die Umtriebszeit, da nach allen Ertragsetaseln der jährliche Durchschnittszuwachs an Holzmasse sich längere Zeit hindurch auf annähernd gleicher Höhe hält und bessen in höherem Alter abnehmende Beträge durch größeren Wert der Masseninheit häusig ausgeglichen werden. Daß gleichwohl die Umtriebszeit bei

Waldwertrechnungen eine große Rolle spielt, wird später nachgewiesen werden.

Unter Berücksichtigung aller seither genannten Momente kann nun zur Veranschlagung der Hauptnutzungserträge ein mehrsach versichiedenes Versahren eingehalten werden.

- a) Handelt es sich um die Berechnung des Wertes bereits oder angehend haubarer Holzbestände, so wird die nach Anleitung der "Holzmeskunde" auszusührende spezielle **Folzmassenaufnahme** das sicherste Ergebnis liesern. Nur müssen aus dem oben bezeichneten Grunde hierbei solche Methoden in Anwendung kommen, welche das Sortimentsverhältnis möglichst richtig zur Darstellung bringen.
- b) Sollen bagegen die, aus den künftigen Erträgen abzusleitenden, Werte jüngerer Bestände oder die Nutungen ganzer Umtriebe veranschlagt werden, so hat man Ertragstaseln nötig. Solche sind schon seit längerer Zeit von verschiedenen Autoren versöffentlicht worden. Diejenigen, welche neuerdings auf Grund ausgedehnter Aufnahmen der forstlichen Versuchsanstalten von Baur'), Schuberg²), Kunze³), Weise⁴), Lorey⁵), Schwappach⁶) und Danckelmann¹) für geschlossene Normalbestände von Buchen, Kiesern, Hichten und Tannen herausgegeben worden sind, verdienen mit Mücksicht auf die Veröffentlichungen über Grundlagenmaterial und Aufstellungsmethode ohne Zweisel das größte Vertrauen und die weitestzgehende Anwendung, die ihnen denn auch, wie es scheint, immer mehr zu teil werden. Indessen ist hier die Frage zu erörtern, ob und inwieweit gerade bei Waldwertrechnungen von diesen Taseln Gebrauch gemacht werden könne und dürse.

Da es gerade nach den neuesten Untersuchungen feststeht, daß Standorte von an sich gleicher Ertragsfähigkeit bennoch je nach Lage,

<sup>1)</sup> Baur: Die Fichte in Bezug auf Ertrag, Zuwachs und Form, 1877.
— Derfelbe: Die Rotbuche 2c., 1881.

<sup>2)</sup> Schuberg: Die Beiftanne bei ber Erziehung in geschloffenen Beständen, 1888.

<sup>3)</sup> Runge: Beiträge zur Kenntnis bes Ertrags ber Fichte, Tharander forstl. Jahrbuch, Suppl. 1878; bgl. ber gemeinen Kiefer, das. Suppl. 1883.

<sup>4)</sup> Beise: Ertragstafeln für die Riefer, 1880.

<sup>5)</sup> Loren: Ertragsuntersuchungen in Fichtenbeständen, A. F. u. J.-Z., Suppl. XII, 1883. — Derselbe: Ertragstafeln für die Beißtanne, 1884.

<sup>6)</sup> Schwappach: Wachstum und Ertrag normaler Kiefernbestände in ber norddeutschen Tiefebene, 1889. — Derselbe: Wachstum und Ertrag normaler Fichtenbestände, 1890.

<sup>7)</sup> Dandelmann: Beitschrift für Forft- und Jagdwefen , 1887, G. 73.

Meereshöhe. Bestandsbegrundung und Behandlung Ertrage liefern tonnen, welche in Bezug auf Solzmaffe und insbesondere auf bas Berhaltnis ber Sortimente weit von einander abweichen; ba ferner auch ber Zuwachsgang ein örtlich verschiedener sein fann, so ware ftreng genommen nur die Berwendung besonderer, ad hoc konftruier= ter Lotalertragstafeln ftatthaft. In Ermangelung solcher bürfte indessen auch die Benutung jener allgemeinen, bezw. Durch= schnittsertragstafeln zulässig sein, wenn man folche barunter findet, die nicht allein hinfichtlich des Maffenertrags, sondern auch beffen einzelner Faktoren — Stammzahl, Mittelhöhe und Stärke wenigstens annabernde Übereinstimmung mit örtlichen Erfahrungs= Sat man fich für die Tafeln bes einen ober anderen fäßen zeigen. Autors entschieden, fo erübrigt nun noch für jeden einzelnen Fall bie Bestimmung ber Standortsflaffe, die Bonitierung. Hierbei kann Die mittlere Bestandshöhe qute Dienste leiften, vorausgesett, bag auch die (burch die Stammaahl bedingte) Mittelftarte nicht erheb-Bare 3. B. für einen jett nejahrigen Bestand ber lich abweicht. Saubarkeitsertrag im Alter von u Jahren zu veranschlagen, so mare beffen Mittelhöhe zu meffen; biejenige Tafel zu mahlen, beren Sobenangabe für nejähriges Solz damit am nächsten übereinstimmt, und alsbann die Broportion anzuseten:

Gesuchter Haubarkeitsertrag = Gemessene Bestandsmittelhöhe Taselmasse im Alter u Mittelhöhe der Tasel im Alter n

Selbstverständlich gilt dies nur für geschlossene und normal erwachsene Hochwaldbestände. Im anderen Falle, z. B. bei vorhans benen Bestandslücken, beigemengten Stockausschlägen, fremden Holzsarten, Oberständern zc., wäre außer der Standortss auch die spezielle Bestandsgüte zu untersuchen und demgemäß zur Vergleichung nicht nur die Höhe, sondern auch mindestens noch die Grundslächensumme des zu bonitierenden Bestandes heranzuziehen.

Außerdem genügt, wie bereits erwähnt, die Ausscheidung von nur 2 Sortimenten — Derb= und Reisholz —, wie sie in den meisten Ertragstafeln vorliegt, für Waldwertrechnungen durchaus nicht; dieselbe muß vielmehr nach örtlichen Ersahrungen und Untersuchungen ergänzt werden. Anhaltspunkte hierfür bieten die neueren Ertragstaseln von Schwappach und Dandelmann.

Nun bleibt aber immer noch die Frage offen, ob selbst bei gesichlossenen und scheinbar normalen Hochwaldbeständen, namentlich solchen jüngeren Alters, die Ansätze der Tafeln unverfürzt ansgewendet werden durfen oder nicht. Den letteren liegen nach

dem Arbeitsplane des Vereins deutscher forstlicher Versuchsanstalten nur solche Bestände zu Grunde, "welche nach Maßgabe der Holzart und des Standorts bei ungestörter Entwicklung auf großen Flächen von mindestens 1 ha als die vollkommensten anzuerkennen sind." Dieser Grad der Vollkommenheit wird aber im großen von ganzen Waldsomplezen selten oder nie erreicht werden. Dazu kommt, daß jüngere Bestände bis zum Haubarkeitsalter noch mancherlei Gesahren, wie Feuer, Windwurf, Insettenfraß, ausgesetzt sind, wodurch die Erträge eine weitere Schmälerung ersahren können. Solchen Gesahren sind die Nadelhölzer, namentlich Fichte, im allgemeinen mehr als die Laubhölzer, unter diesen die Buche mehr als die standsestere Eiche unterworsen. Man hat deshalb empfohlen, bei der Anwendung im großen gewisse ersahrungsmäßige Abzüge an den Taselansähen zu machen.

Schon Hoffeld schlug (Diana, 1805, III. Band, S. 430) solche Abzüge vor, die er mit einer Affekurang verglich und ohne Unterschied der Umtriebszeit und Holzart zu 1000 bes jährlichen Ertrages G. Q. Hartig empfahl in seiner "Forstwissenschaft nach ihrem ganzen Umfange", 1831, S. 264, bei Ermittelung bes Ertrages selbst der .. jetzt gang vollkommenen jungen Bestände unter 60 Jahren" von den Zwischennutzungen 1/4, von der Haubarkeitsnutzung ber Nadelholzwaldungen 1/5, der Laubholzwaldungen 1/6, der Nieder= waldungen mit 20= und mehrjährigem Umtriebe 1/8, 12= bis 19=jäh= rigem Umtriebe 1/9, noch fürzerem Umtriebe 1/10 abzusehen. Burdhardt (Baldwerth, 1860, S. 36-37) bedarf es "für Mittel= und Niederwälder, wie für die Giche, selten einer besonderen Affefurang, und für die Buche in nicht allzu bedrohter Lage können 2 bis 3% des Bruttoertrages, oder eine entsprechende Ermäßigung der anzuwendenden Ertragsanfabe ausreichend fein. Die meifte Bedeutung hat die Affekurang für Nadelwälder, obwohl nach der Örtlichkeit fehr Mit Einrechnung des Ausfalles, welcher durch die mei= ftens unentbehrlichen Betriebsblößen entsteht, nehmen wir unter mitt= leren Verhältnissen 8-10% bes Robertrags als Asseturanz auf besondere Greignisse in soweit, als beren Ginflug über den herrschenden Bestandscharakter hinausreicht. Es kann dieser Sat für die eine Örtlichkeit als ein reichlich hoher erscheinen, während er in der an= beren nicht zureicht. Lokale Erfahrungen mussen hier leitend sein". Baur halt diese Abzugsquoten für zu gering; er sagt auf Seite 148 seines Sandbuchs der Waldwertberechnung: "Nach unseren auf diesem Gebiete reichlich gemachten langjährigen Erfahrungen kann man an ben Anfähen der neuesten Ertragstafeln 20-25% in Abzug bringen, ehe man auf Werte kommt, welche ben wirklich erreichbaren Ergebnissen einer aufgeklärten, intensiven Wirtschaft im großen und ganzen
entsprechen. In einzelnen, sehr gleichmäßig geschlossenen Beständen
betragen die Abzüge vielleicht nur 5—10%, in anderen reichen dagegen 50% noch nicht ganz auß". Bei diesem Schlußsaße hat der
Verfasser offenbar nicht mehr "scheinbar normale", sondern in hohem
Grade abnorme Bestände im Auge gehabt. Man wird wohlthun,
diese beiden Fälle nicht zu vermengen; nur im ersteren kann es sich
um einen gutachtlich bestimmten durchschnittlichen "Assekuranzabzug"
handeln, der doch wohl 20% nicht überschreiten dürste; im letzteren
wäre der Taselansaß auf Grund spezieller Messung (Bestandsaußzählung) zu reduzieren.

Die nämlichen Ermäßigungen ber Ertragsvorwerte, welche bie Rechnung mit Abzügen an ben normalen Ertragsanfäben bervorbringt, laffen fich übrigens auch burch eine entsprechende Erhöhung bes Binsfußes erzielen1). In der That mandte G. Q. Sartia anfangs diefes Mittel an, und erft fpater ging er (f. oben) bagu über, ben Binsfuß unverändert zu lassen und den Bruttoertrag nach Berhältnis ber Unficherheit ber Ginnahmen zu vermindern. In seiner "Unweisung zur Taration und Beschreibung der Forste", 1813, I. S. 172, empfahl er, bem Ranfer eines Radelholzwaldes wegen ber größeren Gefahr immer 1% mehr zuzubilligen, als bem Räufer eines Laubholzwaldes, also dort 7, hier 6%. Ferner nahm er bei der Bestimmung bes Binsfußes auch auf bas Solzalter Rudficht, weil ber Räufer für langes Warten auf Gintunfte und für die Befahr, worin der Bald stehe, durch hohe Zinsen entschädigt werden muffe. Sartig rechnete bemgemäß (Unleitung zur Berechnung bes Geldwerthes eines Forstes 2c., 1812, S. 10) bei dem Ankauf einer "Walbbenutung", wenn diese innerhalb ber nächften 20 jährigen Beriode gu beziehen war, mit 6% und ließ weiterhin für jede folgende Beriode ben Binsfuß um 1/2 0/0 fteigen. Dabei ift freilich zu beachten, baß bie einfache Bingrechnung, beren Sartig fich bediente, bei mäßigem Ringfuß viel zu hobe Borwerte liefert, welche burch iene Steigerung einigermaßen verbeffert werben tonnten. Der letteren durfte heute, wo man allgemein mit Binfeszinsen und bemgemäß niedrigen Brogent= faten rechnet, tein praftischer Wert mehr beizulegen fein.

Das richtige Maß ber Zinsfußerhöhung, welches erforderlich ist, bamit bei ber Bestimmung ber Baldkapitalwerte bie nämlichen Re-

<sup>1)</sup> v. Fabrice: Uber die Bebeutung einer Erhöhung des Radelholzzins= fußes über ben bes Laubholzes. A. F. u. J.-B., 1880, S. 80.

38

3

sultate gewonnen werden, welche die Verminderung der Ertragsanfätze hervorbringt, ergiebt sich aus der Gleichung

$$\frac{A_u (1 - q)}{1,0p^u - 1} = \frac{A_u}{1,0x^u - 1},$$

in welcher  $\mathbf{A}_{\mathbf{u}}$  ben im Umtriebsalter  $\mathbf{u}$  erfolgenden Abtriebsertrag — eventuell einschließlich der Zwischennutzungsnachwerte —,  $\mathbf{q}$  die Abzugsquote (einen echten Bruch),  $\mathbf{p}$  das Wirtschaftsprozent, welches unter Boraussetzung jenes Abzugs angewendet wird, endlich x dasjenige höhere Prozent bedeutet, welches mit Unterstellung vollstommener Bestände die gleichen Ertragsvorwerte liefert wie das Prozent  $\mathbf{p}$  mit dem um  $\mathbf{q}$  verminderten Abtriebsertrag.

Aus obiger Gleichung folgt

$$1.0x = \sqrt[n]{\frac{1.0p^{u} - q}{1 - q}}.$$

Sett man hierin q=0,1, was nach Burckhardt schon als eine ziemlich hohe Asseturanz anzusehen wäre, und p=3, so erzgiebt sich

und ebenso, wenn q = 0,2 angenommen wird,

für 20 jährigen Umtrieb: 
$$x=3,55\,\%_0$$
, , 60 ,, , , :  $x=3,32\,\%_0$ , , 100 ,, , ;  $x=3,22\,\%_0$ .

Diese Zahlen beweisen, daß die fragliche Zinsssußerhöhung sich innerhalb ziemlich enger Grenzen bewegt, daß sie bei den gebräuchslichen Hochwaldumtrieben nicht höher als etwa 0.3% in maximo zu veranschlagen ist und daß sie mit steigendem Umtriebe immer geringer wird, falls nicht etwa anzunehmen wäre, daß die Verlustzgesahr selbst, bezw. die Quote q mit dem Bestandsalter zunehme. Diese letztere Unterstellung erscheint aber nicht gerechtsertigt, weil ältere Vestände wohl einzelnen Gesahren in höherem, anderen aber in geringerem Maße unterworfen sind als jüngere und weil sie selbst im Falle einer eintretenden Kalamität in der Regel den größten Teil ihres Wertes behalten.

Die Frage endlich, welche von beiden Rechnungsarten — direkter Abzug an den Erträgen oder Erhöhung des Zinsfußes — den Borzug verdiene, wird dahin zu beantworten sein, daß hier nur Zwecksmäßigkeitsgründe entscheiden können. Kommt man bei letzterem Berzuch

fahren auf Prozentsäte, welche wie 3. B. 3,2 in ben Binfeszinstafeln nicht vorgesehen find, so wird die Rechnung umftandlicher und erscheint demnach der erstere Modus als der bessere. Anderen Falles tann es fich umgefehrt verhalten.

- c) In gahlreichen Fällen ber Braris reichen die vorhandenen Tafeln zur sicheren Beranschlagung ber Holzertrage nicht aus. Bwifchennutungen 3. B. find barin häufig gar nicht enthalten; auch wechseln dieselben je nach den Absatverhältniffen, der Beftands= dichte u. f. w. örtlich zu fehr, als daß die in manchen Tafeln (Schwappach, Dandelmann) angegebenen Bahlen überall ohne weiteres benutt werden fonnten. Für feltener vorfommende Holzarten wie Eiche, Eiche, Erle, Lärche, für gemischte Bestände, Rieder- und Mittelwaldungen u. a. m. fehlen zuverläffige Ertragstafeln überhaupt. In allen diefen Fällen bleibt nichts anderes übrig, als die Abschätzung auf Grund örtlicher Durchidnittsfate vorzunehmen. Dies geschieht 3. B. bei Niederwaldungen ganz allgemein, wobei namentlich die gebuchten Ergebniffe des letten Abtriebs als maßgebend für die fünstigen Erträge angesehen zu werben pflegen.
- d) Selbst bei Beranschlagung ber Haubarkeitserträge jener oben genannten vier Sauptholzarten (Buche, Riefer, Fichte und Tanne) laffen uns die Ertragstafeln regelmäßig bann im Stiche, wenn es fich nicht um tahlen Abtrieb geschloffener Beftanbe, fonbern um allmäh= liche Auslichtung ober gar langdauernde Lichtstandsperioden handelt. hierauf gegründete Berjüngungemethoden aber fommen befanntlich bei allen diesen Holzarten oft genug vor und bilden bei Buche und Tanne sogar die Regel. Run find zwar die Gesetze bes besonderen Lichtungegumachses noch nicht hinlänglich bekannt; aber soviel läßt sich doch aus den seitherigen Untersuchungen 1) über diesen

<sup>1)</sup> Borggreve, Forftliche Blätter 1877, G. 211; Solgzucht 1885, G. 21 ff.; Forftabichatung 1888. - Brasmann, Allg. Forft- und Jagdzeitung 1890, S. 1 u. 45. — Rönig, Über Lichtungezuwache, inebefondere der Buche, 1886. — Rraft, Aus dem Balbe, VII. 1876, G. 40; Beitrage gur Lehre von den Durchforstungen 2c. 1884; Beiträge zur forftlichen Bumacherechnung 2c. 1885. — R. Sartig, Allg. Forft = und Jagdzeitung 1888, G. 1 u. a. m. - Nord = linger, holgring 1871; Forstbotanit 1874; Kritische Blatter 47. bis 52. Band an vericied. Stellen. - Bregler, Tharander forftliches Jahrbuch, 28. Band, S. 140 u. a. m. - Reiß, Allg. Forft: und Jagdzeitung 1885, G. 217. -Rinifer, Bumachegang in Fichten: und Buchenbeständen 1887. - Schmap: pach, Beitichrift fur Forft: und Jagdwesen 1887, G. 265 und 1890, G. 21. -Behringer, Ueber ben Ginflug wirthichaftlicher Magregeln 2c. 1891. -

40

Gegenstand mit Sicherheit schließen, daß in gelichteten Beständen, also an einem verminderten Holzvorrat häufig ebensoviel oder gar noch mehr Ruwachs erfolgt wie an gleichaltrigen geschlossenen Beständen. Das Berhältnis zwischen Zuwachs und Vorrat, bas fog. Ruwachs: prozent, wird bemnach im Lichtstande ein gang anderes als im Bestandsichluß und in beffen Bezifferung besitzen wir somit auch bas richtige Hilfsmittel zur Veranschlagung der Abtriebserträge bei denjenigen Betriebsarten, welche von jenem Lichtungszuwachse in der einen ober anderen Form Gebrauch machen. Denn Ertragstafeln, in welchen — analog benjenigen geschlossener Bestände — die absoluten Borrats. Rubungs: und Ruwachsbeträge von Sahr zu Sahr oder von Beriode zu Beriode verzeichnet maren, laffen fich für folche Betriebs= arten gar nicht aufstellen, weil dabei zu vielerlei Modifikationen vorfommen: lange und furze Berjungungszeitraume ober Lichtstands= perioden, früherer oder späterer Beginn berselben, mehr oder weniger zahlreiche, stärkere ober schwächere Aushiebe mit Zwischenzeiten von verschiedener Dauer u. f. w.

Im Gegensatz zum Zuwachsprozent geschlossener Bestände, das naturgemäß und nach allen Ertragstaseln eine stets sallende Reihe bildet, scheint dasjenige des Lichtstandes sich oft längere Zeit hindurch auf annähernd gleicher Höhe zu erhalten. Zum Zwecke der Ermittlung desselben können zwei Bege eingeschlagen werden: entweder derzenige der Untersuchung an Einzelstämmen (Stamm=Unalhse¹), welche längere Zeit hindurch sich in gelichteter Stellung besunden haben, oder derzenige der Berechnung aus den Gesamt=Fällungsergebnissen einer Lichtstandsperiode und dem zu Ansang der letzteren vorhandenen Holzvorrate. Ist dieser M durch Holzmassen und verlauf von weiteren a, b,... f Jahren bis zur völligen Schlagräumung noch Fällungen im Betrage von Ma, Mb... Mf stattgesunden, so ergiebt sich das (mittlere) Zuwachsprozent z der Lichtstandsperiode aus der Gleichung

$$M = \frac{Ma}{1.0 \, z^a} + \frac{Mb}{1.0 \, z^b} + \dots + \frac{Mf}{1.0 \, z^f}.$$

Diese Gleichung läßt sich zwar nicht direkt, wohl aber durch versuchse weises Einsetzen verschiedener Beträge für z oder annähernd auch das

Wagener, Walbbau 1884, S. 205 2c.; Allg. Forst= und Jagdzeitung 1887, S. 7 u. 145. — Wimmenauer, Allg. Forst= und Jagdzeitung 1882, S. 133 1885, S. 109, 1891, S. 265.

<sup>1)</sup> Bgl. die Schriften über Holzmeßkunde.

durch lösen, daß man zunächst die ungefähre mittlere Dauer des Lichtungszuwachses aus

$$a \cdot Ma + b \cdot Mb + \cdots + f \cdot Mf = x (Ma + Mb + \cdots + Mf)$$
 berechnet und dann

$$M = \frac{Ma + Mb + \cdots + Mf}{1,0 z^x}$$

set, woraus der gesuchte Näherungswert für z unmittelbar folgt 1). Durch Einführung desselben in die erste Gleichung findet man dann leicht, ob er genau genug zutrifft oder noch einer kleinen Korrektur bedarf.

Beispiel. Die Aufnahme eines 63-jährigen bereits gelichteten Fichtensbestandes hat 410 fm Derbholz ergeben. Hierauf ist allmählicher Abtrieb ersolgt und zwar

Hieraus folgt x=3,85 und z=4,46. Führt man nun z mit dem Werte von (rund)  $4,5\,\%$  in die erste Gleichung ein, so ergiebt sich M=410,3. Folglich ist  $4,5\,$  das richtige Buwachsprozent. — Für den gleichaltrigen geschlossenn Bestand geben Baurs Ertragstafeln nur  $1,5\,$  bis  $2,9\,\%$  Ruswachs am Derbholz an.

Im Borstehenden ist die Rechnung so geführt, als ob der Holzzuwachs nach Art der Zinseszinsen exfolge, also bei gleichbleibendem Prozentsat von Jahr zu Jahr zunehme. Dies ist in geschlossenen Beständen nicht oder doch nur in der Jugend der Fall; nach übersschrittenem Kulminationspunkte sinkt der Zuwachs, seinem absoluten Betrage nach, sogar fortwährend. Aus diesem Grunde wird in den meisten Ertragstaseln das Zuwachsprozent für eine jede der 5= oder 10=jährigen Wachstumsperioden nach Art der einsachen Zinsen besrechnet, d. h. auf die zu Ansang der Periode vorhandene Holzmasse wachse auf einmal dem Kapital, hier dem Holzvorrat, zugeschlagen. Hierin liegt wie in allen gemischen Zinsechnungen eine gewisse Instonsegnenz, von welcher sich nur die Taseln von Baur und Schwappach speichlen haben. Gleichwohl kann jene Berechnungsweise aus Zweckmäßigkeitsgründen unter Umständen den Vorzug verdienen, wenn

<sup>1)</sup> Wimmenauer, A. F. u. J.= B. 1885, S. 124.

42

angenommen werden darf, daß innerhalb gewisser Perioden der Zuswachs von Jahr zu Jahr annähernd gleich bleibe.

Bare dies in obigem Beifpiele der Fall, fo murden wir

$$\begin{split} M &= \frac{\text{Ma}}{1 + \text{a} \cdot 0,0 \; \text{z}} + \frac{\text{Mb}}{1 + \text{b} \cdot 0,0 \; \text{z}} + \dots + \frac{\text{Mf}}{1 + \text{f} \cdot 0,0 \; \text{z}} \; , \; \text{resp.} \\ &= \frac{\text{Ma} \; + \; \text{Mb} \; + \dots + \; \text{Mf}}{1 + \text{x} \cdot 0,0 \; \text{z}} \end{split}$$

zu segen haben und hierbei z selbstwerftandlich größer, nämlich = 4,75 finden.

Für die Anwendung, bezw. die Übertragung anderweitig gestundener Zuwachsprozente auf einzelne Fälle der Ertragsschätzung ist es natürlich einerlei, welche von beiden Berechnungsarten man wählt, vorausgesetzt nur, daß man dabei denjenigen Modus beibehält, welcher auch zur Ermittelung des Prozentsatzes selbst gedient hat. Wie bei solchen Anwendungen etwa zu rechnen wäre, soll wiederum an einem einsachen Beispiele gezeigt werden. Weiteres hierüber folgt im ersten Kapitel des angewandten Teiles.

Baurs Ertragstafel für Buchen I. Bonität giebt für das Alter von 110 Jahren eine Holzmasse von 784 fm (Derbs und Reisholz) an. Wird zu dieser Zeit ein Vorbereitungshieb geführt, welcher ½ des vorhandenen Holzvorrats wegnimmt, und solgen hierauf innerhalb eines 20-jährigen Berjüngungszeitraumes weitere Lichtungshiebe dis zur völligen Schlagsräumung im 130. Jahre; ist endlich nach anderweitigen Untersuchungen anzunehmen, daß der Zuwachs während dieser Lichtstandsperiode durchsichnittlich 3,5 %, nach Art der Zinseszinsen berechnet, betrage; so wird eine mittlere Dauer des Lichtungszuwachses von 10 Jahren zu unterstellen und der Gesamt-Abtriedsertrag wie solgt zu veranschlagen sein:

Vorbereitungshieb 
$$=\frac{784}{4}=196~\mathrm{fm}$$

Weitere Lichtungshiebe und endlicher Abtrieb 
$$= 588 \times 1{,}035^{10} = 829$$
 ,, Rusammen  $= 1025$  fm.

Dem gegenüber würde der Kahlabtrieb im 120. Jahre nach der Tafel nur 840 fm liefern. Der Mehrertrag des Femelschlagbetriebs beträgt also fm oder 22 %. Dazu kommt noch der weitere Borteil einer frühzeitigeren Rutung im Betrage von 196 fm.

#### B. Nebennugungen.

Diese sind entweder ständig oder unständig. Zu ersteren gehören die jährlichen Erträge bleibender Acker= und Wiesenparzellen, von Steinbrüchen, Erdgruben u. dgl. im Walde, von der Jagd oder Fischerei. Zur Veranschlagung der Naturalerträge wird hier in der Regel das oben unter c) angeführte Versahren, die Zugrundelegung örtlicher Durchschnittssähe, in Anwendung zu bringen sein. Übrigens werden gerade hier, namentlich wenn die Nutungen ver= pachtet sind, die Gelbeinnahmen häusig nicht aus den Naturalerträgen abgeleitet, sondern birekt in Ansatz gebracht werben.

Unständige, d. h. nur zeitweise erfolgeude Waldnebennutzungen wie Gras, Streu, Mast, Harz u. dgl., bei denen mithin außer Menge und Wert auch die Eingangszeit wesentlich in Betracht kommt, wird man meist in ähnlicher Weise veranschlagen. Indessen ist hierbei noch zu beachten, daß manche dieser Autungen direkt oder indirekt, d. h. durch Beeinträchtigung des Zuwachses oder der Standortsgüte, den Holzertrag schmäsern. Würden sich Vorteil und Nachteil hierbei gegenseitig ausgleichen, so könnte die betr. Nebennutzung einsach außer Ansat und zugleich der Holzertrag unverändert bleiben; im anderen Falle müßten beide besonders eingeschätzt werden. Auch bei ständigen Nebennutzungen kann unter Umständen eine ähnliche Wirkung eintreten; wenn z. B. ein hoher Wildstand größere Ausgaben für Kulturzwecke erfordert.

## 2) Preise ber Forfiprodutte.

Dieselben werden auf die Einheit des Verkaufsmaßes (Ausbitmeter, Raummeter, Gebund, Centner 2c.) oder auch auf die gemeinsame Rechnungseinheit ganzer Bestände (das Festmeter) bezogen, daher auch östers mit dem Ausdruck "Einheitswerte" bezeichnet. Ihre Veranschlagung ist in der Regel weit unsicherer als diesenige der Naturalerträge, weil nicht nur Angebot und Nachstage an Forstprodukten, sondern auch der Wert des Taxations-Waßtabes selbst, des Geldes, einem beständigen Wechsel<sup>1</sup>) unterworfen sind. Die Schwierigkeit wächst daher mit der Länge des Zeitraums, auf welchen hinaus die Einschäung zu erfolgen hat, und diese selbst kann niemals eine vollkommen sichere sein, vielmehr im besten Falle immer nur eine gewisse, größere oder geringere, Wahrscheinlichkeit sür sich in Anspruch nehmen.

A. Wir werden bemgemäß zunächst die leichtere Aufgabe der Preisbestimmung für sofort oder in kurzer Zeit eingehende Nasturalerträge ins Auge fassen und dann zu der schwierigeren der Einsichäung von Einheitswerten für Nutungen der ferneren Zukunft übergehen. Da aber für Rinde und Nebennutungen im wesentlichen

<sup>1)</sup> Raß faßt in seiner "Balbertragsregelung gleichmäßigster Nachhaltigeteit, 1890" alle diese Schwankungen als solche bes Geldwertes auf und untersicheibet bemgemäß akute und stetige Beränderungen desselben. Indessen dürfte es verständlicher sein und der gebräuchlichen Anschauung mehr entsprechen, wenn erstere als Schwankungen im Preise der Forstprodukte betrachtet werden.

bas nämliche gilt wie für ben stets weitaus wichtigsten Holzertrag, so wird in ber Folge, auch ber Kürze halber, meist nur von Holzepreisen die Rede sein.

Diese pflegen in Bezug auf die einzelnen Sortimente je nach der Konkurrenz im Angebote und der mehr oder weniger gunftigen Absat = und Transport = Gelegenheit innerhalb des Zeitraums einiger Sahre in ziemlich engen Grenzen zu schwanten und diese nur vorübergehend, aus Anlag besonderer, außergewöhnlicher Ereignisse großer Sturmichaden, plöglicher Underungen ober Stodungen im aewerblichen und Verkehrsleben 2c. - zu überschreiten. Alle preis= bestimmenden Faktoren aber kommen ohne Zweifel da am richtigsten zum Ausdruck, wo die Breife nicht einseitig festgesett, sondern durch freie Ronfurreng zwischen Räufern und Berfäufern gebildet werden; also bei öffentlichen Versteigerungen ober größeren Submissionen, vorausgesett daß diese wirklich zum Berkaufe geführt und nicht etwa mit einer Zurudziehung des Angebots geendigt haben. Sandelt es fich daher um die Wertabschätzung folder Holzerträge, die alsbald ober in ben nächsten Sahren zu erwarten find, so wird man am fichersten geben, wenn man jene öffentlichen Bertäufe und mehr= jährige Durchschnittspreise ju Grunde legt, dabei aber außer= gewöhnlich hohe oder niedere Erlöse, welche nur vereinzelt infolge besonderer Umftande sich ergeben haben, außer acht läßt. Die Durchschnittspreise selbst sind in der Art zu berechnen, daß man mit ber Gesamtzahl ber Verkaufsmaße eines jeden Sortiments in die Gesamtfumme des dafür erzielten Erlöses dividiert. Nur wenn in jedem Sahre ungefähr die gleiche Anzahl von Mageinheiten zum Verkaufe gelangt ist, giebt das grithmetische Mittel ber einzelnen Sahresdurchschnitte das nämliche Refultat. Selbstverständlich durfen nur folche Verkaufsergebniffe ber Rechnung zu Grunde gelegt werden, die am Orte felbst oder in gleicher Absatlage erzielt worden find.

Diese Forderung gilt noch in erhöhtem Maße, wenn man — wie es häusig der Kürze halber erwünscht sein kann — die Bersanschlagung nicht auf Grund der einzelnen Sortimentspreise, sondern nach dem durchschnittlichen Werte der Rechnungseinheit, des Festmeters, also für ganze Bestände in einem Ansate entwersen will. Hier liegt der Gedanke nahe und ist es wohl auch versucht worden, die Ergebnisse anderweitiger Ermittelungen dadurch anwendbar zu machen, daß man sie mit einem ständigen Faktor reduciert, welcher aus dem Verhältnis der Preise eines einzelnen Sortiments oder aus demjenigen der durchschnittlichen Einheitswerte eines gewissen Alters entnommen ist.

Beispiele. Frgendwo gilt das Raummeter Buchenscheitholz 7 Mark und berechnet sich hieraus und aus den Preisen der übrigen Sortimente sowie beren verhältnismäßigem Anteil an der ganzen Bestandsmasse für 100- jähriges Buchenholz ein durchschnittlicher Wert von 8.89, sür 60-jähriges ein solcher von 7.95 Mark pro Festmeter. An einem anderen Orte, wo der Preis des Buchenscheitholzes auf 8.40 Mark steht, wären hiernach beide letztgenannten Einheitswerte mit dem Faktor  $\frac{8.4}{7}=1.2$  zu reducieren, also zu 10.67 resp. 9.54 Mark sür 100- resp. 60-jähriges Holz zu berechnen.

An einem britten Orte gilt 100-jähriges Buchenholz burchschnittlich nur 7,11 Mark pro Festmeter; demnach das 60-jährige  $\frac{7,11}{8.89} > 7,95 = 6,36$  Mark.

Eine solche Übertragung wäre nur dann gerechtfertigt, wenn die Preise aller einzelnen Sortimente von Ort zu Ort in gleichem Maße sich änderten, bezw. wenn das Preisverhältnis derselben überall das nämliche wäre. Dies ist aber ersahrungsmäßig keineswegs der Fall. Bielmehr kann man häusig die Beodachtung machen, daß, wenn die wertvolleren Sortimente hoch im Preise stehen, eben hierdurch die Nachfrage nach den geringeren, wie Stock: und Reisholz, gesteigert und deren vorteilhafter Absah ermöglicht wird; während andererseits an Orten oder zu Zeiten niedrigen Preisstandes jene besseren Hölzer immer noch gesucht und zu annehmbaren Preisen verkäusslich sind, die schlechteren dagegen nicht einmal mehr die Kosten der Ausarbeitung decken. Mit anderen Worten: dei steigenden Preisen rücken diejenigen der einzelnen Sortimente einander verhältnismäßig näher, bei sinkender Tendenz entsernen sie sich immer mehr von einander.

Wagener<sup>1</sup>) und in neuerer Zeit auch Räß<sup>2</sup>) haben anstatt bes durchschnittlichen Festmeterpreises das sog. "Wertmeter" in die Rechnung eingeführt; d. h. diesenige Holzmenge verschiedener Sortismente, welche einem gewissen Einheitssatze, z. B. dem Festmeter Buchenscheits oder Fichtenstammholz, oder auch einer gewissen Geldssumme, z. B. 10 Mark, gleichwertig ist. Auf dieses Wertmeter werden alle vorkommenden Sortimente nach Maßgabe des Preisverhältnisses umgerechnet. Unter Umständen, z. B. bei der Aufstellung von Wertsertragstafeln, kann das "Wertmeter" als anschaulicher, kürzer und präciser Maßstab für die pekuniären Wachstumsleistungen der Bestände u. dgl. dienen, indem hierbei durch eine einzige Zahl zum

<sup>1)</sup> Bagener, Anleitung gur Regelung bes Forstbetriebs 2c., Berlin 1875.

<sup>2)</sup> Räß, Die Baldertragsregelung gleichmäßigster Nachhaltigkeit, Frankfurt 1890.

46

Ausdrucke kommt, was sonst durch mehrere Einzelziffern für die verschiebenen Sortimente und deren Einheitswerte bezeichnet werden müßte.

Beispiel. Ist in Buchenbeständen das Sortimentsverhältnis folgendes:

im	100.	Jahre	71 %	12 %	17 %,
,,	<b>6</b> 0.	,,	22 %	56 %	22 %,

und verhalten sich die Preise dieser 3 Sortimente wie 100:85:45, so hat ein Festmeter 100-jähriges Buchenholz im Durchschnitt denselben Wert wie 0,71 + 0,12 · 0,85 + 0,17 · 0,45 = 0,8885 Festmeter Buchenscheitholz. Gilt nun 1 fm des letzteren Sortiments als Wertmeter (Wm) und giebt die Ertragstasel sür das Alter von 100 Jahren eine Holzmasse von 500 fm an, so sind dafür 444,25 Wm zu setzen. Sbenso sind 256 fm im 60. Jahre = 203,52 Wm und der Zuwachs vom 60. bis 100. Jahre = 244 fm = 240,73 Wm.

Sollten aber die hierzu erforderlichen Reduktionsfaktoren aus dem durchschnittlichen Wertverhältnis der einzelnen Sortimente absgeleitet werden, wie es sich für größere Gebiete, z. B. ganze Länder, im Lauf einer Reihe von Jahren ergeben hat, so wäre dies, für Waldwertrechnungen wenigstens, zu beanstanden. Denn wenn jenes Wertverhältnis im großen Durchschnitt auch ziemlich konstant bleibt, so schwankt es doch, wie schon erwähnt, vielsach von Ort zu Ort. Und da bei Waldwertrechnungen immer nur örtliche Preiss und Absatzerhältnisse in Betracht kommen, so bedarf es auch in diesem Falle einer örtlichen Bestimmung der Reduktionsfaktoren.

In dem hier zunächst angenommenen Falle — daß nämlich in nächster oder doch kurzer Zeit eingehende Erträge zu veranschlagen sind — werden endlich mutmaßliche Preisveränderungen gegenüber dem seitherigen Durchschnitt nur insoweit in Betracht gezogen werden dürsen, als bestimmte örtliche Ursachen, wie z. B. die bevorstehende Eröffnung neuer Transportmittel oder holzverbrauchender Gewerbszweige, dafür vorliegen.

- B. Anders verhält sich, wie oben schon angedeutet, die Sache, wenn eine Abschäung von Werterträgen auf lange Zeiträume hinaus, wie z. B. auf ganze Hochwaldumtriebe, oder gar auf die Unendlichkeit sich zu erstrecken hat. Hier ist den seitherigen Durchsschnittspreisen gegenüber dreierlei zu erwägen; nämlich
  - a) die Möglichkeit oder Wahrscheinlichkeit allgemeiner Üns derungen im Preise der Forstprodukte;
  - h) der erfahrungsmäßige Rückgang des Geldwertes und
  - e) die Aussicht auf örtliche Preisverschiebungen.

ad a) Durch statistische Zusammenstellungen ist vielsach für eine Reihe von Jahrzehnten oder gar von Jahrhunderten eine forts währende, wenn auch nicht stetig ersolgende, sondern durch einzelne Rückgänge nnterbrochene Steigerung der Holzpreise in großen Landes-Durchschnitten nachgewiesen worden. Ein Hinweis hierauf sindet sich bereits auf Seite 13; n. a. giebt Lehr 1) für Preußen eine durchschnittlich jährliche Steigerung um 1,4 % während des Zeitraums von 1830 bis 1880, für mehrere deutsche Mittelstaaten eine solche von 1,8 bis 2,9 % innerhalb der Zeit von 1850 bis 1880 an.

Dürfte nun hieraus geschlossen werben, daß diese Steigerung und zwar im Betrage von jährlich s % auch in Zukunft stattsinden werde, so wäre der Vorwert eines alle u Jahre zu erwartenden Holzertrags, der nach jetigen Preisen den Wert R besitzt,

$$= R \left( \frac{1.0 s^{u}}{1.0 p^{u}} + \frac{1.0 s^{2u}}{1.0 p^{2u}} + \cdots \right)$$

Der Summenwert biefer Reihe ift

$$= R \frac{1,0 \text{ s}^{u}}{1,0 \text{ p}^{u}} \times \frac{1}{1 - \frac{1,0 \text{ s}^{u}}{1,0 \text{ p}^{u}}} = R \frac{1,0 \text{ s}^{u}}{1,0 \text{ p}^{u} - 1,0 \text{ s}^{u}} \cdot$$

Wir haben asso mit zwei verschiedenen Prozentsätzen s und p zu rechnen, deren Wirkung eine entgegengesetzte ist. Führen wir statt dessen nur einen Zinssuß x ein, welcher die Gesamtwirkung jener beiden zum Ausdruck bringen soll, so ist zu setzen

$$\frac{R}{1.0 \, x^{u} - 1} = \frac{R \cdot 1.0 \, s^{u}}{1.0 \, p^{u} - 1.0 \, s^{u}}.$$

Sieraus folgt

$$1.0 x^{u} - 1 = \frac{1.0 p^{u} - 1.0 s^{u}}{1.0 s^{u}} = \frac{1.0 p^{u}}{1.0 s^{u}} - 1,$$

$$1.0 x = \frac{1.0 p}{1 s.0}$$

ober

$$(1 + \frac{x}{100}) (1 + \frac{s}{100}) = 1 + \frac{p}{100}$$

$$= 1 + \frac{x}{100} + \frac{s}{100} + \frac{s \cdot x}{10000} .$$

<sup>1)</sup> Lorens Sandbuch ber Forstwiffenschaft Band II, G. 26.

Da das lette Glied als sehr klein vernachlässigt werden kann, so bleibt schließlich

$$x = p - s;$$

d. h. wenn die Holzpreise voraussichtlich um einen gewissen Prozentsatz steigen, man aber trotdem die heutigen Preise den Berechnungen zu Grunde legen will, so ist der Diskonstierungszinssuß um eben jenen Prozentsatz zu vermindern. Die Länge der Umtriebszeit, bezw. die Eingangszeit der Rutzungen ist hierbei ohne Einsusse.

Selbstverständlich liesert diese Rechnungsregel nur dann ein brauchs bares Ergebnis, wenn s < p  $\cdot$  Denn anderen Falles wäre die obige geosmetrische Reihe eine steigende, deren Summe mithin unendlich groß. Übrigens wird kaum anzunehmen sein, daß s jemals > p werden könne.

Bahlenbeispiel. Ein zum strengsten jährlichen Nachhaltbetrieb einsgerichteter Wald liesert nach heutigem Stand der Holzpreise einen jährlichen Reinertrag von 1000 Mark. Unter der Boraussehung, daß diese Rente auch künstig unverändert bleiben werde, kann daher ein Kapitalist, der eine 4-prozentige Berzinsung seines Bermögens sordert,  $\frac{1000}{0.04} = 25000$  Mark für den Wald anlegen. Glaubt er dagegen annehmen zu dürsen, daß die Holzpreise jährlich nm 1 % steigen werden, so kann er  $\frac{1000}{0.03} = 33333$  Mark für den Wald zahlen.

Diese Annahme einer bis ins Undendliche fortgesetzten Preissteigerung ist nun freilich an sich unthunlich; denn die Preise müßten hierbei ja schließlich selbst unendlich groß werden. Unterstellt man daher, daß die Preise nur n Jahre lang jährlich um s % zunehmen, dann aber weiterhin gleichbleiben, so berechnet sich der Kapitalwert Sv einer immerwährenden Jahresrente, deren heutiger Geldwert — R ist, wie folgt:

$$Sv = R \left( \frac{1.0 \text{ s}}{1.0 \text{ p}} + \frac{1.0 \text{ s}^2}{1.0 \text{ p}^2} + \dots + \frac{1.0 \text{ s}^n}{1.0 \text{ p}^n} \right) + R \cdot 1.0 \text{ s}^n \left( \frac{1}{1.0 \text{ p}^{n+1}} + \frac{1}{1.0 \text{ p}^{n+2}} + \dots \right)$$

Wir erhalten also zwei geometrische Reihen, eine endliche und eine unendliche. Die Anwendung der Summenformel auf dieselben ergiebt nach einigen Umsormungen

$$Sv = 100 R \left( \frac{1.0 s (1.0 p^{n} - 1.0 s^{n})}{1.0 p^{n} (p - s)} + \frac{1.0 s^{n}}{1.0 p^{n} \cdot p} \right) \cdot$$

Setzt man endlich diese Summe  $=\frac{\mathrm{R}}{\mathrm{0.0~x}}$ , so läßt sich derjenige Prozentsatz

x berechnen, welcher bei Annahme unveränderter Holzpreise in die Rechenung einzustellen mare, um den nämlichen Rapitalwert zu erhalten.

Rehmen wir wieder wie oben R=1000, p=4 und s=1, so finden wir 3. B.

```
für n = 30 : Sv = 30066 unb x = 3,33 \%

" n = \dot{6}0 : Sv = 32168 " x = 3,11 \%

" n = 100 : Sv = 33196 " x = 3,01 \%
```

Hieraus folgt, daß die obige, ftreng genommen nur für eine unaufshörliche Preissteigerung giltige Rechnungsvorschrift  $(\mathbf{x} = \mathbf{p} - \mathbf{s})$  doch schon in dem Falle praktisch wird, wenn diese Steigerung auf einen Zeitraum hinaus unterstellt werden darf, der ungefähr unseren gebräuchlichen Hochswaldumtrieben entspricht.

Bur Beantwortung der Frage nun, ob und unter welchen Umständen solche allgemein aus großen Landesdurchschnitten abgeleiteten Breiserhöhungen bes Solzes und der fonstigen Waldprodutte um etwa 1 bis 2% auch bei der Beranschlagung fünftiger Erträge unterftellt, bezw. burch die entsprechende Bingfuß : Erniedrigung bei Waldwertrechnungen zum Ausdruck gebracht werden dürfen, muffen wir und junachft über die Urfache jener feither beobachteten Erscheinung Diese tann aber eine zweifache fein: entweder find flar werben. alle Solzfortimente ungefähr gleichmäßig im Breife geftiegen - bann fteht die Erscheinung im Busammenhang mit dem Rudgange bes Geldwertes, welcher nachher ad b) besprochen werden soll; ober es find für einzelne Solgarten, Baumteile 2c., Die vielleicht früher nur als geringwertiges Brennholz ober gar nicht abzusetzen waren, beffere Berwendungen gefunden, höhere Breife erzielt und hierburch die Gefamt-Erlofe aus bem Bald, auch pro Festmeter, gehoben worden - Erhöhung des Nutholzprozents und des Erports. Letteres war ohne allen Zweifel ber Fall während ber hinter uns liegenden Sahrzehnte, in benen die Gifenbahnnete ausgebaut worden find und im Zusammenhange bamit Sandel und Industrie einen vorher nicht gefannten Aufschwung genommen haben. In dieser Zeit wurden bald ba, balb bort neue Landesteile bem Bertehr erschloffen und die hier= burch gehobenen örtlichen Preise ber Baldprodntte mußten auch auf ben Besamt Durchschnitt gunftig wirten. Aber die Erhöhung bes Rupholaprogents findet ihre natürliche Grenze, fobald dies = 100 geworden ift; und ber inländischen Ausnutung ber Waldprodutte fowie dem Export berfelben fteht die Ronturreng bes Gifens, ber Mineraltoblen und ber fonftigen Surrogate, wie folche fich nament= lich in der Gerberei schon merklich fühlbar gemacht haben, nicht minder ber Import aus fremden billiger produzierenden Ländern brobend

gegenüber. Demnach erscheint es nicht ratsam, jene seither bevbachtete allgemeine Preissteigerung ohne weiteres bei jeder beliebigen Erstragsabschäung auch für die Folge in Ansatz zu bringen; vielmehr stets die besonderen Verhältnisse des abzuschätzenden Objektes im Auge zu behalten. Handelt es sich um einen Wald in abgelegener, dem Handel und Gewerbe noch nicht genügend erschlossener Gegend, so mag eine Rechnung wie die obige mit s % am Plaze sein; unter den entgegengesetzen Umständen schwerlich oder doch nur aus besonderen örtlichen Ursachen. Bgl. nuten ad e.

- ad b) Bei ben für die Bergangenheit nachgewiesenen Preissteigerungen läßt sich nicht unterscheiden, wieviel hiervon lediglich auf Rechnung der fortschreitenden Entwertung des Geldes (der edlen Metalle) zu seben ist. Man mußte zu diesem Zwecke die Preise der Waldprodukte mit denjenigem anderer notwendiger Lebensbedürfnisse Für die Bukunft aber läßt sich kaum ein Grund angeben, aus welchem zu schließen ware, daß Holz und andere Wald= erzeugnisse jeder Art gang allgemein in höherem Make an Wert zunehmen follten als die fonftigen Produtte bes Bodens und der Industrie. Demnach erscheint es bei Forstabschätzungen und Waldwertrechnungen nur gerechtfertigt, die fünftigen Holzerträge 2c. lediglich insoweit allgemein mit höheren Geldwerten als den heutigen in Unsatz zu bringen, als das Gleiche etwa auch bei den übrigen Baren Bier mare also die vorhin bezifferte Binsfußermäßigung um s %, welcher Betrag aus bem großen Durchschnitt aller Lebens= bedürfnisse abgeleitet werden müßte, der Berzinfung ausgeliehener Rapitalien gegenüber gang am Plate. Indessen wird man sich vor einer Überschätzung hüten muffen, zumal ber Rückgang bes Geldwertes im ganzen doch nur sehr langsam, auch nicht stetig, erfolgt; alle in entferntere Zufunft fallenden Underungen aber, wie das obige Beispiel zeigt, nur eine untergeordnete Wirfung haben konnen.
- ad c) Die wichtigste Erwägung bleibt nach allebem auch hier die Frage, ob und welche örtlichen Preisveränderungen zu erwarten sind. Will man solche aus der seitherigen örtlichen Preisdewegung ableiten, so bieten sich hierfür zwei Wege: grasphische Aufzeichnung, Konstruktion der mittleren Preiskurve und Verslängerung derselben oder Berechnung des seitherigen Zunahme-Prozentsaßes und Unterstellung desselben für die Zukunft. Beide Methoden würden nur dann ein zuverlässiges Ergebnis liefern, wenn nachgewiesen werden könnte, daß die Preise mathematischen Gesehen folgten, daß sie mathematisch zu formulierende Funktionen zissermäßig sest

gestellter Ursachen wären. Da diese Bezisserung resp. Formulierung schwerlich jemals gelingen wird, so kann die seitherige Preisbewegung höchstens einen gewissen Anhalt für die gutächtliche Abschähung der künstigen bieten; wobei insbesondere zu erwägen ist, ob die bisher wirksamen Ursachen derselben auch weiterhin thätig sein werden oder ob bestimmte anderweitige Gründe vorliegen, welche die Annahme einer örtlichen Preisverschiebung rechtsertigen können. Bejahenden Falles wird eine solche Annahme in der Regel auch hier in der entsprechenden Zinssußermäßigung ihren bequemsten Ausdruck sinden.

### 3) Gelberträge.

Diese ergeben sich in der Regel aus der Multiplikation der nach Nr. 1 veranschlagten Naturalerträge mit den zugehörigen Preisen (Nr. 2); ausnahmsweise kann es, wie schon oben angedeutet, namentslich bei Nebennutzungen vorkommen, daß die Gelderträge direkt, etwa nach früheren Erlösen, vereinbarten Pachtschillingen 2c. in Anschlag gebracht werden.

Im erfteren Falle, insbesondere bei den Solzerträgen, läßt fich die Rechnung auf zweierlei Art führen: entweder wird in jedem Falle die Magangahl ber einzelnen Sortimente mit dem guge= hörigen Breise besonders angesett, oder es wird ein anderweitig abgeleiteter Durchichnittspreis ber Rechnungseinheit (bes Feftmeters) zu Grunde gelegt und hiermit ber gesamte Gelbertrag bes gangen Bestandes, resp. Siebes, auf einmal berechnet. Unter Dr. 1, A. a-d find vier verschiedene Berfahren für die Beranschlagung der Naturalertrage angegeben; nämlich befondere Solzmaffenaufnahme, Benutung von Ertragstafeln, von örtlichen Erfahrungsfäten und Berechnung nach bem Buwachsprozent. In einem jeden biefer 4 Falle können die Geldertrage nach den beiden soeben genannten Rechnungsarten ermittelt werden; im vierten aber wird man in ber Regel noch ichneller zum Ziele kommen, wenn man, anftatt ber porhandenen Solzmaffe und bes Maffengumachsprozentes, ben gegen= wartigen Geldwert des Bestandes und bessen anderweitig ermitteltes Bertzunahmeprozent') in die Rechnung einführt, die im übrigen gang ebenfo wie oben erfolgt.

<sup>1)</sup> Rach Schuhmacher (Forftl. Blätter, 1889, S. 7) und Borggreve (baf. 1891, S. 10) soll ber Einheitswert ber Rubstüde im allgemeinen bem Durchmesser, folglich beren Gesamtwert bem Rubus besselben proportional zunehmen. Demnach wäre bas Wertzunahmeprozent von Bäumen und Holzbeständen aus der Jahrringbreite mittelft der Formel

Beispiel. Wenn der unter Nr. 1, A, d genannte 110 jährige Buchensbestand einen Geldwert von 784 · 10 = 7840 Mark besitzt und die Wertzunahme desselben (Massens und Qualitätszuwachs zusammen) innerhalb der 20 jährigen Lichtstandsperiode auf 4% zu veranschlagen ist, so ergiebt sich der Wert des gesamten Haubarkeitsertrages wie solgt:

Vorbereitungshieb im 110. Jahre 
$$=\frac{7840}{4}=1960$$
 Mart Nachlichtungen und Abtrieb  $=5880 \times 1,04^{10}=8704$  ,,  $3$ usammen  $=10664$  Mart.

Stände diesem bei Kahlabtrieb im 120. Jahre ein Bestandswert von  $840 \times 10,2 = 8568$  Mark gegenüber, so wäre der Mehrertrag des Femelschlagbetriebs = 2096 oder 24,5%. Erwägt man aber, daß der Borbereitungshieb 10 Jahre früher erfolgt ist, mithin bis zum 120. Jahre bei Annahme einer 3prozentigen Berzinsung zum Werte von  $1960 \times 1,03^{10} = 2634$  Mark anwächst, so erhöht sich jener Mehrertrag auf 2770 Mark oder 32,3%.

Bur Ausführung größerer Waldwertrechnungsaufgaben der forstlichen Praxis sind ebenso wie zur Erläuterung der Theorie in einem Lehrbuche Geldertragstafeln nötig, in welchen sich neben den nutzbaren Holzmassen auch deren Geldwerte, getrennt nach Sortimenten oder bezogen auf die Rechnungseinheit, verzeichnet sinden. Die neuere Litteratur weist solche Geldertragstaseln für verschiedene Örtlichkeiten, Holz- und Betriebsarten 2c. auf. Einige derselben sind zum Zwecke der Benutzung zu Lehrbeispielen in den Anlagen A bis L dieses Buches mitgeteilt.

Anlage A enthält eine Holze und Geldertragstafel für Kiefern nach Burchardt, welche in den Anlagen B, C und D zur Berechnung des Bodenerwartungswertes und des durchschnittlich jährlichen Waldreinertrags benutt ift. Die Anlagen E dis K bringen analoge Zahlen und Berechenungen in gedrängterer Form für Eichene, Buchene, Fichtene und Kiefernhochwald nach Burchardt, Schwappach und Wimmenauer. Anlage L endlich giebt nach Oftner und Walther eine Reihe von Daten über durchschnittliche Holze, Kindene und Gelderträge von Eichenschläswaldungen in zwei hervorragenden Absatzebieten, Odenwald und Rheine hessen.

II. Die Ausgaben der Waldwirtschaft bestehen vornehmlich in den Kosten für Ernte des Holzes und der Nebennutzungen, für

 $p=rac{600}{n \cdot d}$  abzuleiten, worin d den Durchmesser und n die auf 1~cm gehende Anzahl von Jahrringen bedeutet. Diese Rechnungsvorschrift bedarf jedens salls noch einer allgemeineren Bestätigung ihrer vorerst nur hypothetischen Grundlage.

Kulturen, Wegbau und sonstige Betriebsanlagen, Berwaltung und Schutz, Steuern und Grundlasten, Begrenzung, Bermessung, Kartierung und Einrichtung. Zuweilen kommen noch außerordent = liche Ausgaben für Ablösung von Berechtigungen, Ankauf von Grundstücken zur Arrondierung oder zum Wegebau u. a. nr. hinzu.

- 1) Die Erntekosten pflegt man in der Weise in Rechnung zu stellen, daß man sie von dem Gelderlöse der betr. Rutzung abzieht, also nur den Reinertrag derselben in Ansatz bringt. Dieses Versahren wird in praxi nicht zu beanstanden sein, obwohl es namentslich da, wo beim Holzverkause zc. längere Zahlungsfristen gewährt werden, nicht ganz richtig ist, weil in diesem Falle die Ausgabe ersheblich früher ersolgt als die Einnahme.
- 2) Die Kulturkosten können, wenn deren jährlicher Gesamtbetrag beim Nachhaltbetrieb in Frage steht, aus dem Durchsschnitt einer Reihe von Jahren abgeleitet werden. Für einzelne Grundstücke dagegen sind sie je nach der Art der Bestandesbegrünsdung besonders zu veranschlagen und zum Zwecke der Vergleichung mit den Erträgen auf deren Eingangszeit zu prolongieren. In der Regel unterstellt man dabei, daß die Kulturkosten auf einmal und zwar zu Ansang des Umtrieds ausgegeben werden, obgleich auch dies streng genommen nicht immer zutrifft.
- 3) Die Kosten für Wegebau und sonstige Transportanstalten sind, je nachdem es sich um laufende Unterhaltung oder Neubau handelt, entweder ständige oder einmalige. Erstere können nach Durchschnittssäßen veranschlagt und mit den unter Nr. 5 besprochenen jährelichen Ausgaben kombiniert werden. Lettere mögen je nach Umständen als ein Kapital angesehen werden, dessen Zinsen eventuell einschließlich einer Amortisationsquote durch die jährlichen Erträge des Waldes zu decken sind; oder man bringt sie kurzer Hand an dem Ertrage derjenigen Nutung, zu deren Gewinnung sie ausgewendet worden sind, in Abzug. Werden aber die Kosten infolge besserer, Abfuhrgelegenheit voraussichtlich durch entsprechend höhere Erträge gedeckt, so kann die Veranschlagung der ersteren mitunter ganz untersbleiben.
- 4) Eine ähnliche Unterscheidung zwischen dauernden und einmaligen Ausgaben wird bei denjenigen zu machen sein, welche für Dienstgebäude und sonstige Betriebsanlagen sowie für Begrenzung, Bermessung, Kartierung und Einrichtung des Waldes aufzuwenden sind; ebenso bei außerordentlichen Ausgaben.
  - 5) Die Roften fur Berwaltung und Schut, Steuern und

54

Grundlasten bleiben sich — wenigstens innerhalb gewisser Zeiträume — meist jährlich gleich und sind auf Grund seitheriger Aufzeich= nungen zu veranschlagen.

Diese letzteren wie überhaupt alle Unterlagen der Kostenermittelung mässen, wenn diese zuverlässig sein soll, für die detr. Örtlich= keit oder wenigstens unter übereinstimmenden Berhältnissen (in Bezug auf das Absatzebiet, die Lohnsätze u. s. w.) gewonnen sein. Zugleich ist ebenso wie dei den Holzpreisen die Frage zu erwägen, ob und welche Anderungen am Preise der Arbeit und der sonstigen zur Produktion ersorderlichen Wertgegenstände in Aussicht stehen.

Endlich ist noch zu unterscheiden zwischen den für ein bestimmtes Objekt (Grundstück, Holzbestand zc.) wirklich aufgewendeten und den für den gleichen Zweck im örtlichen Durchschnitt üblichen Kostensäßen. Erstere kommen in Betracht, wenn es sich um die Frage der Rentabilität einzelner Wirtschaftsmaßregeln, letztere, wenn es sich um die Preisbestimmung zum Zwecke des Berkaufs u. del handelt.

Die Holzerntekosten sind überall nach den bestehenden Holzhauerslohnaktorden leicht zu veranschlagen und schwanken etwa zwischen 1 und 3 Mark pro fm. Die niedrigsten Sätze gelten in der Regel für stärkeres Stamms und Scheitholz, die höchsten für Stockholz und Entastungsreisig. Mithin steht der Kostenauswand im allgemeinen im umgekehrten Berhältnis zum Werte der Sortimente.

Der Aufwand für Bestandsbegründung — sog. Kultursoften — ist örtlich sehr verschieben. Silfszahlen für Aufstellung von Kulturplänen sinden sich u. a. im Forst = und Jagdkalender, herausgegeben von Judeich und Behm, sowie in manchen Lehrbüchern des Waldbaues. Die Gesamtausgabe pro ha dürste i. a. zwischen 20 und 100 Mark betragen, kann aber bei durchgängiger Bodenbearbeitung oder bei Berwendung stärkeren Pflanzmaterials (Heisterpslanzung) bis auf 200 Mark und mehr steigen.

Kostensätze für Waldwegebauten sind ebenfalls im Forst= und Jagdkalender mitgeteilt. Die jährlichen Unterhaltungskosten sind je nach Lage, Bodenart zc. so verschieden, daß Durchschnittszahlen nicht wohl ansgegeben werden können.

Der Besoldungsaufwand für Berwaltungs- und Schutbeamte betrug pro ha der gesamten Staatswalbsläche im Jahre 1880—1881 in Preußen 3,35, in Bahern 5,43, in Württemberg 6,91, in Sachsen 6,41, in Baben 6,8, in Hessen-Barmstadt 4,71 Mark 1) und ist bis zum Jahre 1887 in Sachsen auf 7,8 Mark gestiegen 2).

<sup>1)</sup> v. Hagen, die forstlichen Berhältniffe Preußens, 2. Auflage, bearbeitet von Donner, 1883, I, S. 229.

<sup>2)</sup> Tharander forstliches Jahrbuch, 1889, S. 27.

Die Quote, welche von dem durchschnittlich jährlichen Reinertrag als Grundsteuer zu rechnen ift, kann im Gebiete des deutschen Reiches durchsichnittlich zu 3% angenommen werden, aber durch das Hinzutreten von Kommunalumlagen u. dgl. dis auf 10% u. m. steigen. Zur ungefähren Bemessung des Reinertrags führen wir an, daß derselbe während der Jahre 1850—1881 betragen hat: bei den Staatswaldungen von Preußen 5—11, Bahern 10—25, Württemberg 12—42, Baden 13—36, Sachsen 18 bis 51, Hessen 11—28, Braunschweig 10—21, Elsaß-Lothringen (1872 bis 1881) 17—24 Wark 1).

<sup>1)</sup> Loren, Handbuch ber Forstwissenschaft, 1888, I. Band, 1. Abtig. S. 91.

# II. Angewandter Teil.

Ermittelung des Bodenwertes, Bestandswertes, Bald= wertes, der Boden=, Bestands= und Waldrente.

# I. Rapitel.

# Ermittelung des Bodenwertes.

Der Wert des Bodens kann sein ein Verbrauchswert, wenn nämlich die Substanz desselben unmittelbar (z. B. zur Fossiliensgewinnung) sich benußen läßt, oder ein Erzeugungswert. Letzterer besteht (nach S. 3) in der Eigenschaft des Bodens, andere Güter (z. B. Pflanzen) hervorzubringen. Je nach der Art der Gütererzeugung (Landwirtschaft, Forstwirtschaft 2c.) und der gewählten Benußungsweise (Hochwaldbetrieb, Niederwaldbetrieb 2c.) kann der relative Wert des Bodens ein sehr verschiedener sein.

Die Waldwertrechnung beschäftigt sich blos mit der Ermittelung des forstwirtschaftlichen Erzeugungswertes des Bodens.

## I. Methoden zur Ermittelung des forstwirtschaftlichen Bodenwertes.

Man fann den wirtschaftlichen Wert des Bodens veranschlagen:

- 1) nach dem Erwartungswerte,
- 2) nach dem Rostenwerte,
- 3) nach dem Berkaufswerte.

Anmerkung. In neuester Zeit sind von verschiedenen Seiten Borsschläge gemacht worden, welche darauf abzielen, den Bodenwert, insbesons dere denjenigen ganzer Bririebsklassen, aus dem Waldrentierungswerte des nachhaltigen Betriebes abzuleiten. Bgl. Baur, handbuch der Waldwertsberechnung, 1886, S. 195; Frey, die Methode der Tauschwerthe, 1888, S. 71.

Bezeichnet man den jährlich gleichbleibenden, bezw. den durchschnittlich jährlichen Reinertrag einer normalen, auf u-jährigen Umtrieb eingerichteten Betriebstlasse mit  $R_u$ , so ist der Gesamtwert der letteren  $=\frac{R_u}{0,0\,\mathrm{p}}\cdot$  Wenn es nun gelänge, den Wert des normalen Borrats  $=\mathrm{N}_u$  für sich allein, d. h. unabhängig vom Bodenwert, zu ermitteln, so würde letterer in der Differenz  $\frac{R_u}{0,0\,\mathrm{p}}-\mathrm{N}_u$  gegeben sein. Näheres hierüber solgt im II. und III. Kapitel bei der Besprechung des Normalvorrats- und des Walbwertes.

# II. Ermittelung des Boden-Erwartungswertes insbesondere.

## 1) Begriff.

Unter dem Boden-Erwartungswerte versteht man die Summe der Jetztwerte aller von einem Boden zu erwartenden Einnahmen, abzüglich der Jetztwerte aller Kosten, welche zur Gewinnung jener Einnahmen ausgewendet werden mussen.

- 2) Berfahren zur Ermittelung bes Boben=Erwartungs= wertes.
  - A. Berechnung ber Jettwerte ber Ginnahmen.
- a) Haubarkeitsnuhung. Bebeutet  $A_n$  die Größe des Haubarkeitsertrages und u die Umtriebszeit, so ist der Jetztwert sämtzlicher, bis in die fernste Folgezeit eingehenden und alle n Jahre sich wiederholenden Haubarkeitserträge (nach Formel VIII)

$$\frac{A_u}{1.0p^u-1}.$$

Beim Kahlschlagbetriebe kann Au direkt der betr. Geldertragstasel entnommen werden; bei Femelschlägen und ähnlichen Betriebsarten, welche die Ausnutung des besonderen Lichtungszuwachses bezwecken, sind die Ergebnisse der einzelnen Hicke (Borsbereitungsz, Samenz, Lichtz und Abtriedsschläge) zu veranschlagen und vor der Division mit  $(1,0p^u-1)$  auf das Umtriedsalter u zu prolongieren resp. zu diskontieren. Diese Rechnung läßt sich vereinssachen, indem man unterstellt, daß während der ganzen Berjüngungszdauer T jährlich ein gleiches Holzquantum a zum Einschlag gelange; eine Annahme, die allerdings nicht für jeden einzelnen Bestand, wohl aber bei den meisten größeren Birtschaften für die Gesamtheit der einer "Beriode" überwiesenen Berjüngungsschläge wenigstens annähernd zutrifft. Bei dieser und der weiteren (üblichen) Unterstellung, daß die Besamung des Schlages in der Mitte des Berjüngungszeitraums ersolge, wird nach Formel IV und II

$$A_{u} = \frac{a (1,0 p^{T} - 1)}{1,0 p^{\frac{T}{2}} \cdot 0,0 p},$$

wofür man annäherungsweise auch einfach a . T setzen tann.

Beispiel. Für a=1, p=3 und T=20 wird  $A_u$  genau =19,994; bgl. für T=30;  $A_u=30,5396$ . Sett man hierfür furzer Hand  $A_u=20$ , resp. =30, so entsteht ein Fehler, der im ersten Falle 0,3, im zweiten  $1,8\,\%$  beträgt.

Die Größe a felber (in Holz ober Geld) läßt sich aus der zu Ansang des Berjüngungszeitraums vorhandenen Bestandsmasse M, resp. deren Wert, und dem Prozentsate des Lichtungszuwachses absteiten. Bgl. oben Kapitel IV des vorbereitenden Teiles, S. 40. Darf nämlich für T ein einziges (durchschnittliches) Zuwachsprozent x unterstellt werden, so ist

$$\begin{split} \mathbf{M} &= \frac{\mathbf{a}}{1,0\,\mathbf{x}} + \frac{\mathbf{a}}{1,0\,\mathbf{x}^2} + \dots + \frac{\mathbf{a}}{1,0\,\mathbf{x}^T} \\ &= \frac{\mathbf{a}\,(1,0\,\mathbf{x}^T - 1)}{1,0\,\mathbf{x}^T \cdot 0,0\,\mathbf{x}} \;. \end{split}$$

und

$$a = \frac{M \cdot 1,0 x^{T} \cdot 0,0 x}{1,0 x^{T} - 1}$$

Beispiel. Für M=100, x=4 und T=30 ergiebt sich a=5,783 und (für p=3)  $A_u=5,783 \times 30$ , 5396=176,6. Unnähernd das nämliche Resultat findet man auch, wenn man wie in dem Beispiele auf Seite 42 kurzer Hand unterstellt, daß die ganze Masse M während der Zeit

$$\frac{T}{2}$$
 mit  $x \%$  zuwachse; in diesem Falle wäre  $A_n = M1.0 x^{\frac{T}{2}} = 180.09$ .

Ift aber anzunehmen, daß der volle Lichtungszuwachs erst eintritt, nachdem ein gewisser Teil der Vollbestandsmasse  $(3.8.^{1}/_{4})$  oder  $(3.8.^{1}/_{4})$  der  $(3.8.^{1}/_{4})$  der diffind und daß während dieser Zeit das Zuwachsprozent allmählich von dem Kleineren Betrage z des geschlossenen Bestandes zu dem größeren x des Lichtstandes übergeht; so kann die Rechnung so gestührt werden, als ob der Zuwachs während der ersten  $(3.8.^{1}/_{4})$  Jahre des

Berjüngungszeitraums mit z, weiterhin während  $(T-\frac{t}{2})$  Jahren mit  $x^0/_0$  erfolgte; dann aber wird

$$M = \left(\frac{\frac{a}{1,0z} + \frac{a}{1,0z^2} + \dots + \frac{a}{1,0z^{\frac{t}{2}}}\right) + \left(\frac{\frac{a}{1,0z^{\frac{t}{2}}1,0x} + \dots + \frac{a}{1,0z^{\frac{t}{2}1,0x}} + \dots + \frac{a}{1,0z^{\frac{t}{2}1,0x} + \frac{t}{2}}\right),$$

$$= a \left(\frac{\frac{1,0z^{\frac{t}{2}}-1}{t}}{1,0z^{\frac{t}{2}}\cdot 0,0z} + \frac{1,0z^{\frac{T-\frac{t}{2}}-1}}{1,0z^{\frac{T-\frac{t}{2}}-1}\cdot 0,0x}\right),$$

woraus a sich berechnen läßt, nachdem t eingeschätzt oder durch Prosbieren gefunden ist.

Beispiel. Segen wir M=100, T=30, z=2, x=4% und gilt die Boraussezung, daß der volle Lichtstandszuwachs erst dann zur Gelztung kommt, wenn  $\frac{M}{3}$  bereits gehauen sind, so kann t zunächst versuchszweise zu 6 Jahren angenommen werden; dann wäre

$$100 = a \left( \frac{1,02^3 - 1}{1,02^3 \cdot 0,02} + \frac{1,04^{27} - 1}{1,02^3 \cdot 1,04^{27} \cdot 0,04} \right)$$
$$= a (2,884 + 15,387) = 18,271 \cdot a.$$

Hieraus folgt a=5,473 und da 6 Jahresfällungen von diesem Betrage =32,838, mithin nahezu  $^{1}/_{3}$  von M sind, so kann t als richtig eingeschätzt angesehen werden. Demnach wäre  $A_{u}=30\cdot 5,473=164,19$  oder bei einem Birtschaftszinssuß von  $3\,^{0}/_{0}$  genauer  $=30,5396 \times 5,473=167,15$ .

Wäre endlich anzunehmen, daß während der Verjüngungsdauer resp. Lichtstandsperiode T noch weitere Schwankungen im Zuwachseprozent, z. B. ein Steigen desselben während der ersten, ein Rückgang während der zweiten Hälfte, stattfänden, so würde die Rechnung analog der obigen zu führen sein. Bgl. Allg. Forste und Jagdzeitung, Juli 1888, S. 225.

b) Zwischennutungen. Stellen  $D_a$ ,  $D_b$ , ....  $D_q$  Zwischensnutungserträge vor, welche in den Jahren a, b, .... q eingehen und sich dann alle u Jahre wiederholen, so sind die Jetztwerte dieser Ersträge (nach Formel IX)

$$= \frac{\frac{D_{a} 1,0 p^{u-a}}{1,0 p^{u}-1} + \frac{D_{b} 1,0 p^{u-b}}{1,0 p^{u}-1} + \dots + \frac{D_{q} 1,0 p^{u-q}}{1,0 p^{u}-1}}{\frac{D_{a} 1,0 p^{u-a} + D_{b} 1,0 p^{u-b} + \dots + D_{q} 1,0 p^{u-q}}{1,0 p^{u}-1}}$$

c) Nebennutzungen. Sie können ebenso wie die Zwischensnutzungen behandelt werden; es ist also der Jetztwert der Nebensnutzungen  $N_a,\ N_b,\ldots N_q$ , welche zum ersten Wase in den Jahren  $a,\ b,\ldots q$  eingehen und sich dann alle u Jahre wiederholen,

$$= \frac{N_a \ 1,0 p^{u-a} + N_b \ 1,0 p^{u-b} + \ldots + N_q \ 1,0 p^{u-q}}{1,0 p^u - 1}.$$

Kehrt eine Rebennutung in gleicher Größe N und in Zwischenräumen von m Jahren, im ganzen aber n mal wieder, und wiederholt sich dieser Borgang durch alle Umtriebszeiten, so sindet man den Wiederholungswert dieser Rutungen, wenn man die in der ersten Umtriebszeit ersolgenden nach Formel III summiert, die Summe auf das Jahr u prolongiert und den erhaltenen Nachwert durch  $1.0\,\mathrm{pu}-1$  dividiert. Wan hat also, wenn die setzte Rebennutuung im Jahre q eingeht,

$$\begin{array}{c} N \ (1,0 \ p^{mn}-1) \ 1,0 \ p^{u}-q \\ \hline (1,0 \ p^{m}-1) \ (1,0 \ p^{u}-1) \\ \end{array}.$$
 Für  $m=1$  geht diese Formel über in 
$$\frac{N \ (1,0 \ p^{n}-1) \ 1,0 \ p^{u}-q}{0,0 \ p \ (1,0 \ p^{u}-1)}.$$

Ist die Jahl der sich wiederholenden Nebennutzungen gering, so bietet die Anwendung der vorstehenden Formeln keinen Borteil; man kommt dann kürzer zum Ziele, wenn man den Wert jeder einzelnen Nutzung auf das Jahr u prolongiert und die Summe dieser Nachwerte durch 1,0 pu — 1 dividiert.

Stellt N eine jährliche fortwährend wiederkehrende Einnahme vor, so ist (nach Formel VII) der Kapitalwert derselben  $\frac{\Re}{0.0~\mathrm{p}}$ .

- B. Berechnung ber Jettwerte ber Ausgaben.
- a) Kulturkosten. Nimmt man an, daß zu Anfang einer jeden Umtriebszeit für Bestandsbegründung der Betrag e verausgabt werde, so ist der Jestwert des gesamten Kulturkostenauswandes (das "Kulturkostenkapital") nach Formel X

$$\frac{c \ 1,0p^u}{1,0p^u-1}$$
.

b) Jährliche Kosten. Nennt man den Betrag der jährslichen Kosten v und nimmt man an, daß dieselben fortwährend und

<sup>1)</sup> Wäre, was häufig vorkommt, der Kulturkostenauswand in der ersten Umtriebszeit von demjenigen in den solgenden Umtriebszeiten verschieden, so würde, wenn man ersteren mit c, letzteren mit c' bezeichnet, das Kulturkostenskapital  $= c + \frac{c'}{1.0\,\mathrm{n}^{\mathrm{u}} - 1}$  sein.

zwar jedesmal am Jahresschlusse verausgabt werden, so ist der Jetzt wert dieser Kosten nach Formel VII

$$\frac{v}{O_iO_p}$$
, welches wir in der Folge —  $V$  segen werben.

Kämen Ausgaben vor, welche periodisch in gleicher Größe sich wiedersholen, so wären dieselben nach der unter A. c) für die Nebennutzungen gezgebenen Anleitung zu behandeln.

- c) Ernte= und Gelderhebungskosten insbesonbere. Man berechnet die Jetztwerte derselben nicht besonders, sondern zieht diese Kosten sogleich von den rauhen Einnahmen ab und ermittelt dann den Jetztwert der Differenz. Bgl. Kap. IV des vorbereitenden Teiles, II, 1, S. 53.
  - C. Formel für den Boden=Erwartungswert.

Wolke man den Boden-Erwartungswert durch eine Formel ausdrücken, in welcher alle möglichen Einnahmen und Ausgaben vorkommen, so würde dieselbe so ausgedehnt und kompliziert werden, daß sie für den praktischen Gebrauch kaum einen Rutzen gewähren dürfte. Wir verzichten daher auf die Ausstellung einer solchen Formel.

Auch die für gewisse theoretische Untersuchungen erforderlichen Formeln entwickelt man am besten in jedem konkreten Falle und nach Maßgabe der für denselben geltenden Boraussehungen. Gine ziemlich einfache Formel erhält man unter der Annahme:

- a) daß  $D_a, \ldots, D_q$  ebensowohl Zwischen= wie Neben= nunngen bedeuten können;
- b) daß Au, Da, . . . . Da die bereits von den Ernte- und Gelderhebungstoften bereinigten Einnahmen vorstellen;
- c) daß die Ausgaben sich auf die Kulturkosten und auf die jährlichen Kosten beschränken;
- d) daß die Kulturkosten zu Anfang jeder Umtriebszeit und in der gleichen Größe e verausgabt werden.

Wir erhalten bann für den Boden-Erwartungswert Beu folgende, von Faustmann in der Allg. Forst: und Jagdzeitung, 1849, S. 443, aufgestellte Formel:

$$Be_{u} = \frac{A_{u} + D_{a} 1.0 p^{u-a} + \dots + D_{q} 1.0 p^{u-q} - e 1.0 p^{u}}{1.0 p^{u} - 1} - V.$$

Da  $\frac{c}{1,0\,p^n}=c+\frac{c}{1,0\,p^n-1}$  ift, so fann man die vorstehende Formel auch solgendermaßen anschreiben:

$$Be_{u} = \frac{A_{u} + D_{a} \cdot 1.0 p^{u-a} + \ldots + D_{q} \cdot 1.0 p^{u-q} - c}{1.0 p^{u} - 1} - (c + V).$$

Dieser Ausdruck ist für die Rechnung etwas bequemer als der oben stehende.

Aufgabe 1 (Beispiel einer einsachen Wertrechnung). Eine Blöße von 1 ha, welche sofort kultiviert werden soll, liesere bei Einhaltung einer 70 jährigen Umtriebszeit nachhaltig die in der Anlage A verzeichneten Ersträge, nämlich im Fahr 70 einen Haubarkeitsertrag von 2970,0 Mark und in den Fahren . . . . 20 30 40 50 60 Zwischennuhungserträge von 12 42 57,6 67,2 79,2 Mark.

Welchen Erwartungswert besitzt diese Fläche unter der Annahme, daß zu Anfang jeder Umtriebszeit 24 Mark für Kultur und daß jährlich für Berwaltung, Schutz und Steuern 3,6 Mark aufzuwenden sind? Zinssuß = 3%.

Auflösung: Führt man die eben angegebenen Werte in die obige Kormel ein, so hat man

$$\begin{aligned} \mathrm{Be_{u}} = & (2970,0 + 12 \cdot 1,03^{50} + 42 \cdot 1,03^{40} + 57,6 \cdot 1,03^{30} + 67,2 \cdot 1,03^{20} + \\ & 79,2 \cdot 1,03^{10} - 24) : (1,03^{70} - 1) - \left(24 + \frac{3,6}{0,03}\right) \\ = & (2970,0 + 12 \cdot 4,3839 + 42 \cdot 3,2620 + 57,6 \cdot 2,4273 + 67,2 \cdot 1,8061 \end{aligned}$$

Aufgabe 2 (Beispiel einer zusammengesetteren Bertrechnung). Es ist ber Boben-Erwartungswert eines Rieferwalbes für eine 100 jährige Umstriebszeit und unter folgenden Boraussehungen zu berechnen:

 $+79.2 \cdot 1.3439 - 24) \ 0.1446 - 144 = 362.57 \ \text{Mart.}$ 

- A. Die Ginnahmen find:
  - a) Sauptnugungen; diese bestehen:
- lpha) aus der Haubarkeitsnutzung von 4500 Mark am Ende 100. Jahres;
- β) aus den Zwischennutzungen, welche erfolgen in den Jahren . . 20 30 40 50 60 70 80 90 mit dem Betrage von 12 42 57,6 67,2 79,2 90,0 88,8 86,4 Mark.
  - b) Nebennugungen, und zwar:
- α) vom Ende des 31. bis zum Ende des 90. Jahres ein jähr= licher Erlös für Weidepacht im Betrag von 0,72 Mark.
- β) Jebesmal am Ende des 50., 55., 60., 65., 70., 75., 80., 85., 90. und 95. Jahres ein Erlös für Kiefernzapfen im Betrage von 2,04 Mark.
- y) Im ersten, zweiten und dritten Jahre nach ersolgter Absholzung des Bestandes (also im 101., 102. und 103. Jahre) ein Ersös für Landwirtschaftliche Benutzung des Bodens im Betrage von je 60 Mark, und wird hierbei vorausgesetzt, daß die Agrikultur 2 Jahre lang ausschließlich, dann aber 1 Jahr lang in Berbindung mit der Holzzucht bestrieben werde.
  - d) Ein jährlicher Jagdpachtertrag von 0,24 Mark.

B. Die Ausgaben find folgende:

- a) Bur Rultur, jedesmal zu Anfang der Umtriebszeit ein Aufwand von 24 Mart.
- b) Für Auffrischen eines Entwässerungsgrabens von jest an alle 10 Jahre ein jährlicher Aufwand von 6,0 Mart.
- c) Für Bermaltung, Schut und Steuern ein jährlicher Aufwand von 3,6 Mark.

Auflösung. Da der neue Holzbestand erft 2 Jahre nach dem Ab= triebe des alten begründet wird, fo fest man u = 102 Jahre, prolongiert alle Einnahmen, ausschlieflich bes Ragdpachterlofes, auf bas Rahr 102 und bistontiert ben im 103. Jahre erfolgenden landwirtschaftlichen Bachtertrag ebenfalls auf bas Sahr 102.

A. Berechnung bes Jestwertes ber Ginnahmen:

a) Der Wiederholungswert der Hauptnugungen ist 
$$= (4500 \cdot 1,03^2 + 12 \cdot 1,03^{82} + 42 \cdot 1,03^{72} + 57,6 \cdot 1,03^{62} + 67,2 \cdot 1,03^{52} + 79,2 \cdot 1,03^{42} + 90 \cdot 1,03^{32} + 88,8 \cdot 1,03^{22} + 86,4 \cdot 1,03^{12}) : (1,03^{102} - 1) = (4500 \cdot 1,0609 + 12 \cdot 11,2889 + 42 \cdot 8,4 + 57,6 \cdot 6,2504 + 67,2 \cdot 4,6509 + 79,2 \cdot 3,4607 + 90 \cdot 2,5751 + 88,8 \cdot 1,9161 + 86,4 \cdot 1,4258) : (1,03^{102} - 1) = 4774,0500 + 135,4668 + 352,8000 + 360,0230 + 312,5405 + 274,0874 + 231,7590 + 170,1497 + 123,1891) = \frac{6734,0655}{1,03^{102} - 1}$$
 Mark.

- b) Rebennugungen.
  - α) Der Biederholungswert des Bei depachtes ift

$$=\frac{0.72\cdot(1.03^{60}-1)\cdot1.03^{12}}{0.03\cdot(1.03^{102}-1)}=\frac{24\cdot4.8916\cdot1.4258}{1.03^{102}-1}=\frac{167.3866}{1.03^{102}-1}\,\mathrm{Mart}.$$

β) Der Wiederholungswert bes Erlofes für Rieferngapfen ift  $=\frac{2,04\ (1,03^{\frac{5}{0}}-1)\cdot 1,03^{\frac{7}{0}}}{(1,03^{\frac{5}{0}}-1)\ (1,03^{\frac{102}{0}}-1)}=\frac{2,04\cdot 3,3839\cdot 1,2299\cdot 6,2785}{1,03^{\frac{102}{0}}-1}$  $\frac{3839 \cdot 1,22}{1,03^{102} - 1} = \frac{53,3057}{1,03^{102} - 1}$  Mart.

y) Der Bieberholungswert bes Erlojes für landwirtichaft= liche Rebennugung ift

$$= \frac{60 + 60 \cdot 1,03 + \frac{60}{1,03}}{1,03^{102} - 1} = \frac{60\left(2,03 + \frac{1}{1,03}\right)}{1,03^{102} - 1} = \frac{180,0540}{1,03^{120} - 1}$$
 Warf.

8) Der Rapitalmert bes Jagbpachtertrages ift

$$_3 = \frac{0.24}{0.0} = 8.0$$
 Mart.

- B. Berechnung bes Jestwertes ber Ausgaben.
  - a) Das Rulturkoftenkapital ift

$$=24+\frac{24}{1,03^{102}-1}\ \text{Marf.}$$

b) Der Wiederholungswert der Kosten für Grabenbau ist
$$=rac{6.0}{1.03^{10}-1}=6\cdot 2.9077=17.4462$$
 Mark.

c) Der Kapitalwert ber jährlichen Ausgaben ist  $= \frac{3,6}{0.06} = 120 \text{ Mart}.$ 

= (6734,0655 + 167,3866 + 53,3057 + 180,0540 - 24,0000) 0,05158 + 8,0000 - 161,4462

=366,7757+8,0000-161,4462=213,33 Warf.

Anmerkung. In Cottas "Entwurf einer Anweisung zur Waldwerthberechnung", 1818, S. 46, ist der Bodenwert in einem Zahlenbeispiel nach einer Regel berechnet, welcher (mit Unterstellung der Zinseszinsrechnung) die Formel

$$\frac{A_{u}}{1,0p^{u}} + \frac{D_{a}}{1,0p^{a}} + \dots + \frac{D_{q}}{1,0p^{q}} + \frac{\frac{A_{u}}{1,0p^{u}} + \frac{D_{a}}{1,0p^{a}} + \dots + \frac{D_{q}}{1,0p^{q}}}{1,0p^{u} - 1} - (c + V)$$

entspricht. Man erhält bieselbe, wenn man die Zetztwerte der in der ersten Umtriebszeit ersolgenden Einnahmen einzeln, die Jetztwerte der vom zweiten Umtriebe an ersolgenden Einnahmen summarisch berechnet, beide Größen addiert und hiervon die einnaligen Kulturkosten sowie das Kapital der jährlichen Kosten abzieht. Cotta nimmt asso an, daß nur einmal, zu Ansang der ersten Umtriebszeit, kultiviert wird und daß von da an die Berjüngung auf natürlichem Wege ohne künstliche Beihilse stattsindet. Die Regel, nach welcher die "Anleitung zur Baldwertberechnung, versfaßt vom kgl. preuß. Ministerial-Forstbureau", 1866 und 1888, den Bodenwert berechnet, weicht von der Cottaschen nur in soweit ab, als sie unterstellt, daß die Ausgabe für Kultur in allen solgenden Umtriebszeiten wiederkehrt. Die bezügliche Formel lautet:

$$\frac{A_{u}}{1,0p^{u}} + \frac{D_{a}}{1,0p^{a}} + \dots + \frac{D_{q}}{1,0p^{q}} - c + \frac{\frac{A_{u}}{1,0p^{u}} + \frac{D_{a}}{1,0p^{a}} + \dots + \frac{D_{q}}{1,0p^{q}} - c}{1,0p^{u} - 1} - V$$

Diese mit ber Faustmannschen völlig identische Formel 1) ersorbert in ber Aussührung eine um 1 größere Anzahl von Multiplikationen resp.

1) Dieselbe tann auch fo angeschrieben werben:

$$\left(\frac{A_u}{1{,}0\,p^u} + \frac{D_a}{1{,}0\,p^a} + \ldots + \frac{D_q}{1{,}0\,p^q} - c\right) \frac{1{,}0\,p^u}{1{,}0\,p^u - 1} - V.$$

Führt man die Multiplikation mit 1,0 p<sup>u</sup> aus, so erhält man die Faust= mannsche Formel.

Divisionen, bietet aber, wenn die Bodenerwartungswerte für verichiebene Umtriebszeiten berechnet werden follen, ben großen Borgug, daß die Distontierung ber einzelnen Ertrage (Da . . . Da) nur einmal ausgeführt zu werben braucht, weil fie fiets auf ben Anfang bes Umtriebs erfolgt; mabrend bei Anwendung der Faustmannichen Formel die Brolongierungszeitraume (u - a . . . u - q) mit bem Umtrieb wechseln, baber für einen jeden folden die gange Rechnung von vorn angefangen werden muß. Mus biesem Grunde ift bei ben im Anhange bieses Werkes, Anlage E und F, mitgeteilten vergleichenden Boden : Erwartungswertberechnungen die obige Formel ber amtlichen "Anleitung gur Baldwertberechnung" benutt worden. Diefelbe bringt außerbem - und barin besteht ein weiterer Borgug beutlicher gum Ausbrud, daß gum Befen bes Erwartungswertes grund= fablich nur Distontierungen gehören; wogegen die scheinbaren Brolongierungen ber Faustmannichen Formel insofern zu Digverständniffen Beranlaffung gegeben haben, als baraus ber Schlug gezogen worden ift. es tonne und muffe unter Umftanden bei diefen (im Rahler) mit einem anderen Zinsfuß gerechnet werden als bei jenen (im Nenner). Bgl. Monatichrift für bas Forft- und Jagdwefen, 1874, G. 337.

Auch Baur teilt diese Auffassung, wie u. a. aus der auf S. 348 seines Handbuchs der Waldwertberechnung mitgeteilten Bodenwertsberechnung (Tabelle I, 8) hervorgeht. Dort sind z. B. für 120 jährigen Umtrieb die Wiederholungswerte der, zu verschiedenen Zeiten eingehenden, Holzerträge mit folgenden Faktoren berechnet:

Durchforstung im 40. Fahre mit 
$$\frac{1,025^{80}}{1,02^{120}-1} = 0,7383 = ca. \frac{1,013^{80}}{1,013^{120}-1}$$

, 70. ,  $\frac{1,03^{50}}{1,02^{120}-1} = 0,4489 = ca. \frac{1,014^{50}}{1,014^{120}-1}$ 

, 100. ,  $\frac{1,035^{20}}{1,02^{120}-1} = 0,2038 = ca. \frac{1,017^{20}}{1,017^{120}-1}$ 

Baur bistontiert hier also thatsächlich mit einem Zinssuß von 1,3 bis 1,7%, welcher — ganz im Wiberspruch mit seinen eigenen Borschriften — bei längeren Zeiträumen sogar größer ist als bei kurzeren. Bgl. auch Note 2, I, 2, D im Anhang. Bei konsequenter Anwendung der dort vorzgeschlagenen, progressionsmäßig verminderten Zinsssüße hätte Baur einen kleineren, nicht aber einen größeren Boden-Erwartungswert erhalten mussen, als bei gleichmäßiger Distontierung mit 2%.

# 3) Allgemeines über die Größe bes Boben: Erwartungs: wertes.

A. Umftanbe, von welchen die Große des Boden: Er: wartungswertes abhängt.

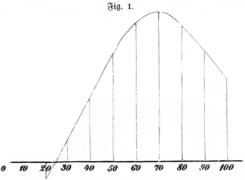
Abgesehen von ber absoluten Größe ber Einnahmen und Aus= gaben wird bie Größe bes Boben-Erwartungswertes bedingt:

- a) Durch die Länge der Umtriebszeit. Da das Holz in den ersten Bestandsaltern meist gar keinen Verkausswert besitzt, und da selbst in den nächstsolgenden Jahren, in welchen es einen solchen Wert erhält, der Erlös nicht einmal die Erntekosten deckt, so kann der Boden-Erwartungswert, berechnet für sehr niedrige (jedoch in Prazi nicht gedräuchliche) Umtriebszeiten, nicht blos Null werden, sondern sogar negativ ausfallen. Mit dem Wachsen der Umtriedszeit steigt der Gedrauchswert des Holzes, und es wird dann der Boden-Erwartungswert positiv; er nimmt ansangs langsam, später rascher zu, erreicht ein Maximum und sinkt von da an langsamer als er gestiegen ist. Ein zweites Maximum kann in zwei Fällen einstreten, nämlich
- a) wenn den stärkeren Holzsortimenten mit der Erlangung gewisser Dimensionen plötzlich eine bedeutende Wertsteigerung zu teil wird;
- $\beta)$  wenn ein höherer Umtrieb mit einer Beränderung des Betriebs, insbesondere mit Zuwachssteigerungen verbunden ist. (Bgl. Anlage E.)

Der Aufwand an Kulturkosten nimmt mit der Länge der Umstriebszeit ab, jedoch nicht in dem Maße, um auf die Größe der Bodenwerte bei höheren Umtriebszeiten einen hervorragend günstigen Einfluß ausüben zu können. Die Berminderung des Kulturkostenstapitals ist nämlich der Länge der Umtriebszeit nicht direkt proportional, wie sich aus folgender Zusammenstellung, welche für c=1 und einen Zinssuß von 3% entworsen ist, ergiebt.

Umtriebszeit	Kulturkostenkapital
	$e_{1,0}p^{u}$
u	$\overline{1,0p^u-1}$
10	3,9077
20	2,2405
30	1,7006
40	1,4421
50	1,2955
60	1,2044
70	1,1446
80	1,1037
90	1,0752
100	1,0549

Die nachstehende Kurve (Fig. 1.) stellt die Große ber Bobenwerte für bie in Anlage A verzeichneten Erträge und Umtriebszeiten graphisch bar.



Darftellung ber Boben-Erwartungswerte für bie Umtriebegeiten von 20 bis 100 Jahren. p = 3.

Die Bodenwertberechnung wurde mit einem Zinsssuß von 3% und mit der Unterstellung ausgeführt, daß die Ausgaben nur in den Kulturkosten (24 Mark) und den jährlichen Kosten (3,6 Mark) bestehen. Die Abscissen bezeichnen die Umtriebszeiten, die Ordinaten die entsprechenden Bodenwerte. Es kommt hier nur 1 Maximum (im 70. Jahre) vor. Bgl. Anlage B.

Um die Kurve für Umtriebszeiten unter 20 Jahren ausstühren zu können, müßten die Gelberträge für diesen Zeitraum bekannt sein, welche jedoch unsere Ertragstasel nicht angiebt. Für u = 0 (wenn man den Boden brach liegen läßt) ist der Boden Erwartungswert gleich dem negativen Kapitalswert der jährlichen Kosten oder wenigstens der Steuern, weil die Berswaltungs und Schutzlosten hier unter Umständen wegsallen können. Für u = 1 würde zu jenem Kapital noch dasjenige der Kulturkosten kommen, welches, wenn man c = 24 Mark setz, 824 Mark beträgt. Frühzeitig eingehende Rebennutzungen können bewirken, daß der Bodens Erwartungsswert auch schon dann positiv wird, wenn der Holzertrag die Erntekosten noch nicht deckt.

b) Durch die Größe des Zinsfußes. Mit hohen Zinsfüßen ergeben sich niedrige, mit geringen Zinsfüßen hohe Bodenwerte, weil der Bodenkapitalwert aus den Zinsen, die er trägt, berechnet wird und weil dieselbe Zinsenmenge bei höherem Zinssuße ein geringeres Kapital ersordert, als bei niedrigerem Zinssuße. Jedoch steht die Größe des Boden-Erwartungswertes nicht genau in umgekehrtem Bershältnisse zu der Größe des Zinssußes, sondern es sindet das Steigen des ersteren in einem weit stärkeren Verhältnisse statt, als das Fallen des letzteren. So z. B. ergeben sich für die in der Anlage A verzeichneten Erträge, sowie bei einem Kulturkostenanswand von 24 Mark und einem Auswand an jährlichen Kosten im Betrage von 3,6 Mark nachstehende Bodenwerte:

Umtriebszeit	20	40 bei 3 %	60	80	100	
Bodenwert	- 40	174	341	318	203	
Bodenwert	<b>— 31</b>	bei $2^{0}\!/_{\!0}$	808	883	701	

(Die spezielle Berechnung ist aus den Tabellen B und C zu ersehen.)

- c) Durch die Zeit des Eingangs der Zwischen= und Nebennutungen. Die Zettwerte der Zwischennutungen berechnen sich verhältnismäßig viel höher, als diejenigen gleich großer Haubarsteitsnutungen, weil bei jenen der Diskontozeitraum ein kürzerer ist. So z. B. ist der Wiederholungswert einer Zwischennutung, welche zum erstenmale im 30. Jahre, dann aber alle 100 Jahre eingeht, bei Unterstellung eines Zinssußes von 3% saft 8 mal größer, als der Wiederholungswert einer Haubarkeitsnutung von gleichem Betrage, welche alle 100 Jahre ersolgt. Man kann daher durch Ansat frühzeitiger Durchsorstungen, sowie durch Lichtungshiebe, welche im Laufe des Umtrieds eingelegt werden, die Bodenwerte bedeutend steigern; doch übersehe man nicht, daß die geringeren Sortimente, welche die Durchsorstungen in jüngeren Beständen ergeben, nur dei guten Holzepreisständen absehdar sind. Frühzeitig vorgenommene Nebenznutungen wirken in gleichem Grade auf die Bodenwerte ein.
- d) Durch die Zeit der Verausgabung der Produktionskosten. Was eben über die Zwischen= und Nebennuhungen bemerkt worden ist, gilt im entgegengesetzten Sinne für die Ausgaben. Frühzeitig erfolgende Ausgaben (wie z. B. die Aulturkosten) tragen also verhältnismäßig am meisten zur Verminderung der Boden= werte bei. Daher erlangt man auch bei Unterstellung von natürlicher Verzüngung (jedoch unter der Voraussetzung, daß nicht bedeutende Nachbesserungen notwendig werden) mitunter höhere Bodenwerte, als bei künstlicher Verzüngung, obgleich die letztere unter Umständen eine Abkürzung der Umtriebszeit ermöglicht.
- B. Eintritt des Maximums des Boden-Erwartungs= wertes.
- a) Einfluß bes Zinsfußes. Unter sonst gleichen Vershältnissen variert das Eintressen des Bodenwert-Maximums nach Maßgabe des der Rechnung unterlegten Zinsfußes, indem eine Erniedrigung des letzteren die Kulmination hinausschiedt. So erfolgt in dem seither benutzten Beispiel das Maximum des Boden-Erwartungs-wertes dei 4% im 60., bei 3% im 70., bei 1% im 80. Jahre, wie nachstehende Zusammenstellung zeigt.

Umtriebszeit	Bobenwert,	berechnet für	einen Zinsfuß	von
Jahre	4 %	3 %	1 %	
50	125	277	1748 9	Nark
60	144	341	2380	"
70	139	363	2869	,,
80	104	318	2943	,,
90	71	269	2930	"

b) Im übrigen bewirken bie unter A, c) und d) ans gegebenen Mittel zur Steigerung des Bodenwertes auch eine Beschleunigung des Eintritts des Bodenwerts-Maximums, also z. B. frühzeitige Vornahme von Zwischens und Nebennutzungen, Berminderung der Kulturkosten 2c. Letztere können als negative Einsnahme angesehen werden; sie haben also die nämliche Wirkung wie die Zwischens und Nebennutzungen, nur im entgegengesetzten Sinne. Jedoch ist der Einfluß, welchen die vorgedachten Momente auf die Kulmination des Bodenwertes ausüben, viel geringer als derjenige des Zinssusses.)

Selbstverständlich können für die Praxis nur solche Boden-Erwartungswerte in Betracht kommen, welche für Umtriedszeiten berechnet sind, die sich vom Standpunkte des Waldbaues (in Bezug auf die Berjüngung, Erhaltung der Bodenkraft 2c.) sowie von demjenigen der Forstbenutung (unbedingte Warktfähigkeit der erzeugten Holzsortimente) überhaupt als durchführbar erweisen.

# 4) Burdigung der Methode des Boden : Erwartungs: wertes.

Die Methode des Erwartungswertes lehrt den Waldbesitzer die Größe desjenigen Kapitals kennen, welches ihm beim Ausleihen zu dem der Waldwertrechnung unterlegten Zinssuß ein den Reinerträgen des Waldes gleichkommendes Einkommen liesert. Sie ist die einzige, welche den wahren forstwirtschaftlichen Wert des Bodens angiebt, weil sie sich auf die Produktionsfähigkeit des letzteren gründet, setzt aber, um richtige Resultate zu liesern, vorauß:

<sup>1)</sup> v. Sedendorff: Beiträge zur Waldwerthrechnung und zur forstlichen Statik. Supplemente zur Allg. Forste und JagdzZeitung von 1868, IV. Band, 3. Heft, S. 151 ff. Einen umfassenden Nachweis des Einstusses der Kosten und Erträge auf die Kulmination des Boden-Erwartungswertes hat J. Lehr S. 128 des von dem Bersasser heransgegebenen Handbuchs der forstlichen Statik, sowie in seiner Waldwertrechnung (Lorens Handbuch der Forstwissenschaft, Band II) § 27 u. 28 geliesert. Hiernach können von der unter a gegebenen Regel auch Ausnahmen vorkommen.

- A. Daß man alle von dem betreffenden Boden zu erwartenden Einnahmen, nebst den auf letzteren ruhenden Ausgaben kennt. Diese Bedingung wird jedoch, wenigstens bezüglich der Einnahmen, selten genau erfüllt werden können:
- a) weil es in der Regel an lokalen Holze und Gelbertragstafeln fehlt, die Aufstellung derselben aber zeitraubend, schwierig und kostspielig ist und insbesondere bei kleinen Flächen, wegen des relativ geringen Wertes der letzteren, sich nicht lohnt, weshalb man häusig genötigt ist, die Wertsberechnung auf Ertragstafeln zu stützen, welche für eine andere Örtlichkeit mit nicht genau übereinstimmenden Holze wachstumse und Preisverhältnissen gelten;
- b) weil die Auswahl der einer gewissen Lokalität entsprechens den Ertragstafel in dem Falle, daß der Boden unbestockt oder nur mit jungem Holze oder lückig bestanden ist, nicht mit Zuverlässigkeit bewerkstelligt werden kann.
- B. Daß man zur Berechnung ber Jettwerte ber Einnahmen und Ausgaben den richtigen Zinsfuß anwendet, bessen Ermittelung, wie sich aus dem II. Kapitel des "Vorbereitenden Teils" ergiebt, mit großen Schwierigkeiten verbunden ist.
- C. Daß die durch die Rechnung gefundene Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes auch eingehalten bezw. eingeführt werden kann, ohne daß der Preis des Holzes sinkt. Dies wird in der Regel nur dann der Fall sein, wenn nicht seither in dem Absatzgebiet, auf welches sich die Bodenwertsberechnung bezieht, höhere Umtriebszeiten eingehalten wurden, oder wenn die Fläche, auf welcher die berechnete Umtriebszeit eingeführt werden soll, eine geringe Ausschnung besieft.

Aus Vorstehendem ergiebt sich, daß der Maximalbetrag des Bodens-Erwartungswertes bei größeren Flächen so lange überhaupt nicht genau bestimmt werden kann, als noch ein schwankendes Verhältnis zwischen den thatsächlich eingehaltenen und den am besten rentierenden Umtriebszeiten besteht.

Trifft die Umtriebszeit, für welche der größte Boden-Erwartungswert sich berechnet, ein Bestandsalter, in welchem das Holz zu schwache Sortimente liesert und deshalb in größerer Menge entweder gar nicht oder nur zu geringeren als den seitherigen Preisen absehdar ist, so muß die Rechnung mit den nächst höheren Umtriebszeiten, bei welchen die ganze Holzernte verwertet werden kann und mit den bei diesen Umtriebszeiten realisierbaren Preisen wiederholt werden. Der größte von den hierbei sich ergebenden Werten ist dann als das wahrscheinliche Maximum des Boden-Erwartungswertes anzunehmen, und er wird dies auch so lange bleiben, als die angrenzenden Waldungen die Umstriebszeit nicht geändert haben. Tritt jedoch dieser Fall ein, so ändert sich auch der Bodenserwartungswert. Letzterer ist daher keine konstante Größe, sondern er ändert sich mit den Holzpreisen, außerdem aber auch mit der Waldbehandlungsweise 2c.

#### Bur Beschichte der Theorie des Boden : Erwartungswertes.

Im Jahre 1801 murde im II. Bande ber Zeitschrift Diana (S. 127) eine an v. Burgsborf gerichtete Zuschrift 1) zweier preuß. Felbjäger, Bein und Eyber, veröffentlicht, in welcher dieselben einige Fragen ber Baldwertrechnung aufwarfen.

Nördlinger und Hoffelb nahmen hieraus Beranlassung, im III. Bande der Diana (1805) ihre bez. Ansichten auszusprechen, und legten hierdurch ben Grund zu der heutigen Waldwertrechnung. Hoßfelb inse besondere gab für die Wertsberechnung Vorschriften (a. a. O. S. 436), welche, auf den Boden angewandt, ganz präcis zur Ersmittelung des Boden-Erwartungswertes führen. In den zur Ersäuterung seines Versahrens mitgeteilten Beispielen berechnete er jedoch nur Baldwerte, während die von Nördlinger gewählten Beispiele sich nur auf den Wert von solchem Waldboden beziehen, dessen Bestände mit dem jährlichen Betriebe bewirtschaftet werden sollen.

Die erste, mit Unterstellung bes aussetzenben Betriebes gesührte (und in allen ihren Teilen richtige) Berechnung bes Erwartungswertes eines nachten Balbbodens finden wir in Königs "Anleitung zur Holztagation", 1813, S. 257. Drüdt man bie Zahlen in dem von König berechneten Beispiele durch algebraische Zeichen aus, so erhält man folgende Formel:

$$\frac{A_u + D_a \, 1.0 \, p^{u-a} + \dots + D_q \, 1.0 \, p^{u-q}}{1.0 \, p^u - 1} - \left(c + \frac{v}{0.0 \, p}\right) \cdot \\$$

König unterstellt also ben Fall, daß nur einmal, im Beginn der ersten Umtriebszeit, kultiviert werde und daß die Berjüngung von der zweiten Umtriebszeit an kostenlos (also etwa auf natürlichem Wege und ohne Nachbesserungen) ersolge.

Fauftmann ftellte in ber Allg. Forft = und Jagb-Beitung von 1849, S. 443, auf Grundlage ftreng wiffenichaftlicher Entwidlungen die Formel

$$\frac{A_u + D_a 1.0 p^{u-a} + \dots + D_q 1.0 p^{u-q} - c 1.0 p^u}{1.0 p^u - 1} - \frac{v}{0.0 p}$$

auf, welche für ben Fall gilt, daß ber Rulturkostenauswand fich alle u Jahre in gleicher Größe wiederholt.

<sup>1)</sup> Sie führt ben Titel: Berichiebene, die Beftimmung bes Berthes eines gu veraugernden Balbes betreffenbe Bebenflichfeiten.

Eine noch allgemeinere Formel des Boben-Erwartungswertes wäre (f. S. 62):

$$\frac{A_u + D_a \; 1,0 \; p^{u-a} + \dots + D_q \; 1,0 \; p^{u-q} - c'}{1,0 \; p^u - 1} - \left(c + \frac{v}{0,0 \; p}\right) \text{,}$$

welche voraussest, daß der ursprüngliche Kulturkoftenauswand von demjenigen in den folgenden Umtriebszeiten verschieden ift.

Neben den vorstehenden richtigen Formeln hat die forstliche Litteratur auch einige unrichtige aufzuweisen. Zu diesen gehört u. a. die Formel von G. L. Hartig <sup>1</sup>). Sie lautet:

$$\frac{A_u + D_a + \dots + D_q}{u \cdot 0.0 \, p} - \left(c + \frac{v}{0.0 \, p}\right) \cdot$$

Ihr Fehler beruht darin, daß sie die Jestwerte der Erträge nach den Regeln der einsachen Zinsrechnung ermittelt 2) und dazu noch die Vornutzungen gerade so behandelt, als ob dieselben gleichzeitig mit der Haubarkeitsnutzung eingingen.

Übrigens läßt sich die Hartigsche Formel auch mittelst der Zinseszinserechnung deuten, wobei das Maß ihrer Unrichtigkeit noch klarer hervortritt. Es stellt nämlich, wie wir im III. Kapitel zeigen werden,

$$= \frac{A_{u} + D_{a} + \dots + D_{q} - c}{u \cdot 0.0 p} - \frac{v}{0.0 p}$$

$$= \frac{A_{u} + D_{a} + \dots + D_{q}}{u \cdot 0.0 p} - \frac{\left(\frac{c}{u} + v\right)}{0.0 p}$$

den kapitalisierten durchschnittlich-jährlichen Waldreinertrag, d. h. den Waldwert einer normalen Betriedsklasse vor. Die Hartigsche Formel giebt also
annähernd (nicht ganz, wegen der verschiedenen Verrechnungsweise von c) den Wert des bloßen Bodens plus demjenigen des normalen Vorrates an; sie mutet mithin dem Käuser zu, den Wert einer Reihe von Holzbeständen zu bezahlen, welche auf der zu erwerbenden Fläche gar nicht vorhanden sind.

2) Betrachtet man  $\mathbf{A_u}$  als die u maligen einfachen Zinsen des Kapitals K, so ist

$$\mathbf{K} \cdot \frac{\mathbf{p}}{\mathbf{100}} \cdot \mathbf{u} = \mathbf{A}_{\mathbf{u}}$$
; hieraus  $\mathbf{K} = \frac{\mathbf{A}_{\mathbf{u}} \cdot \mathbf{100}}{\mathbf{u} \cdot \mathbf{p}} = \frac{\mathbf{A}_{\mathbf{u}}}{\mathbf{u} \cdot \mathbf{0,0 p}}$ 

Daß die einsache Zinsrechnung bei Waldwertrechnungen nicht angewendet werden darf und insbesondere bei der Bestimmung des Kapitalwertes immerswährender Kenten zu ganz unannehmbaren Resultaten führt, wird in Rote 1 (am Schlusse der vorliegenden Schrist) ansführlich nachgewiesen werden.

<sup>1)</sup> Anleitung zur Berechnung des Geldwertes eines 2c. Forstes, 1812, S. 18 bis 20 und S. 11, Ziff. 5. — Anweisung zur Taxation 2c. der Forste, 3. Ausl., 1813, 1. Teil, S. 180 und S. 178, III. — Die Forstwissenschaft nach ihrem ganzen Umsange, 1831, S. 270—271 und S. 268.

Um die Größe bes möglichen Fehlers zu veranschaulichen, wollen wir nachstehend ein von Hartig selbst aufgestelltes Beispiel einmal nach dessen Formel, zum andern nach bem richtigen Versahren behandeln.

Es sei u = 100,  $A_{100}$  = 74,  $D_{60}$  = 4,  $D_{80}$  = 10, c = 5, p = 8 (die jährlichen Kosten zieht Hartig in dem vorliegenden Beispiele nicht in Bestracht), so ist der Boden-Erwartungswert einschließlich des Kapitals der jährlichen Kosten nach der Hartigschen Formel

$$= \frac{74 + 4 + 10}{100 \cdot 0.08} - 5 = 6$$

während er nach ber richtigen Formel

$$\frac{74 + 4 \cdot 1,08^{40} + 10 \cdot 1,08^{20}}{1,08^{100} - 1} - 5 = -4,90563$$

fein murbe.

Auch die (neuerdings außer Anwendung gesethe) Baherische Instruttion für die "Werthsbestimmung des zu den Eisenbahnbauten abzutretenden Waldbodens", vom 3. März 1857 (Forstliche Mittheilungen, 1858, II. Band, 4. Heft, S. 91) veranschlagt den Wert des nackten Waldbodens nach dem kapitalisierten Durchschnittsertrag und beachtet unter den Ausgaben sogar nur die "Gewinnungskosten".

Die "Anleitung gur Baldwerthberechnung, verfaßt vom Rönigl. Breug. Ministerial : Forstbureau", 1866, berechnet (§ 9 und § 23) ben Wert einer holzleeren Flache bann nach ber Bartigichen Formel, wenn "bas zu veräußernde Grundftud einem vorhandenen Baldtompler angefügt wird, welcher eine genügende Menge ichlagbaren Solzes enthält, fo daß der Ginichlag in bemselben fich entsprechend verftarten läßt und bemgemäß die jährliche Solgproduktion der hingutretenden Fläche durch den zu verstärkenden Ginschlag in den Beständen bes vorhandenen Walbes sofort nutbar gemacht werden tann". Begen bieje Regel läßt fich einwenden, bag es bes Singutretens einer Bloge zu einem Baldfompler nicht bedarf, um die ichlagbaren Solzer jur Rutung ju bringen, daß alfo ber Borteil, welcher hier aus ber recht= zeitigen Ernte einer gemiffen Menge haubaren Solzes abgeleitet wird, von ber Bermehrung der produttiven Flache unabhängig ift und somit auch nicht ber hinzutretenden Fläche angerechnet werden barf. Nach einer Anmerkung ju § 9 ju ichließen, macht die "Anleitung 2c." von der Sartigichen Formel jedoch auch ichon bann Gebrauch, wenn ber Baldtompler, mit welchem bie holgleere Fläche vereinigt werden foll, nur eben dagienige Quantum ichlagbaren Solzes besigt, welches eine normale Betriebstlaffe aufzuweisen hat ').

<sup>1)</sup> In analoger Beise berechnet Pfeil (Kritische Blätter, 1841, 16. Band, 2. Heft, S. 77, und Forsttagation 3. Auslage, 1858, S. 387) den Wert einer Fläche, welche von einer normalen Betriebstlasse getrennt wird, nach dem tapitalisierten Durchschnittsertrage. Pfeil verlangt also, daß der Käuser jener Fläche nicht blos den Wert des Bodens, sondern auch denjenigen des normalen Vorrats bezahle, obgleich dieser im Besitz des Verkäusers bleibt.

Auch Jäger ') und Bose ') sind der Ansicht, daß in diesem Falle für die fr. Fläche ein höherer Wert als derjenige, welcher dem aussetzenden Betrieb entspricht, gerechnet werden könne. Erwägt man jedoch, daß

- a) wenn die Betriebsklasse mit der Umtriebszeit des größten Bodenserwartungswertes bewirtschaftet wird, der Borausbezug des Zuwachses der hinzutretenden holzleeren Fläche nur dadurch ersolgen kann, daß ein Teil der vorhandenen Bestände schon vor dem normalen Haubarkeitsalter, also mit Verlust genutt wird;
- b) wenn der Umtrieb ein höherer ist, der vorhin erörterte Fall vorliegt, so gelangt man zu dem Schlusse, daß eine holzleere Fläche durch ihre Bereinigung mit einer normalen Betriebsklasse nicht etwa deswegen einen höheren Bert gewinnen kann, weil es möglich sei, ihren Zuwachs sofort in dem älteren Holze der Betriebsklasse zu beziehen.

Wenn der Wert von kleineren Walbgrundstücken durch den Anschluß an eine Betriebsklasse häufig steigt, so beruht dies auf ganz anderen Gründen als denjenigen, welche von den vorerwähnten Autoren geltend gemacht wurden. Siehe hierüber Seite 4 oben. Wären die daselbst aufgeführten Borteile nicht vorhanden, so würde die Wiederherstellung der durch den Zutritt einer Blöße gestörten Normalität einer Betriebsklasse sogar mit Verlust verbunden sein 3).

Diesen Verlust V hätte man in folgender Beise zu ermitteln. Man berechnet

- a) ben Bald-Erwartungswert W der normalen Betriebsklaffe,
- b) den Boden-Erwartungswert Beu der Blöße,
- c) den Walds-Erwartungswert  $W_i$ , welcher sich für die Betriebsklasse nach hinzusügung der Blöße unter Zugrundelegung eines den Übergang in den Normalzustand regelnden Wirtschaftsplanes ergiebt.

Hiernach findet man  $V=W+\mathrm{Be_u}-W_1$ . (Die Berechnung ber Wald-Erwartungswerte wird in Kap. III gelehrt werden.)

In analoger Beise kann aber auch ein Berlust  $V_1$  dadurch entstehen, daß von einer normal beschaffenen Betriebsklasse ein Teil abgetrennt wird. Die Berechnung von  $V_1$  wird  $\mathbf{m}.$   $\mathbf{m}.$  nach dem obigen Bersahren ausgeführt.

<sup>1)</sup> Die Land= und Forstwirthschaft bes Obenwaldes, 1843, S. 338.

<sup>2)</sup> Beiträge zur Waldwerthberechnung, 1863, S. 119.

<sup>3)</sup> Faustmann: Berechnung des Werthes, welchen Walbboden sowie noch nicht haubare Holzbestände für die Waldwirthschaft besiehen. Allgem. Forstund Jagd-Zeitung, Jahrg. 1849, S. 454—455. Derselbe: Der aussetzende und nachhaltige Betrieb in Beziehung zur Waldwerthberechnung und Ersörterung der Frage, ob der Werth einer isolirten Waldparcelle durch ihre Berbindung mit einem größeren Nachhalts-Complex sich ändert. Daselbst, Jahrg. 1865, S. 41. — v. Seckendorfs: Ueber den Verlust, welcher durch Zusügung einer Blöße zu einer normalen Betriebsklasse entsteht. Daselbst, Jahrgang 1870, S. 89.

Ift bie Flache ber Bloge im Verhaltnis zur Flache ber ganzen Bestriebstlaffe unbedeutend, so fallt V bezw. V, selbstverständlich sehr klein aus und kann bann vernachlässigt werden.

Bei einer abnorm beschaffenen Betriebsklasse hängt es von deren Zustand ab, ob durch hinzusügung oder Abtrennung eines Waldteils die Herstellung des Normalzustandes verzögert oder beschleunigt wird, und ob hiernach ein Berlust oder Gewinn sich ergiebt. Die Rechnung ist wieder nach der vorstehenden Anseitung zu führen; nur hat man, wenn der hinzustommende oder ausscheidende Waldteil bestockt ist, statt des Bodenserwartungswertes den Waldserwartungswert zu sehen.

#### Bur die prattifche Anwendung der Boden : Erwartungswert : Formel

hat Kraft in seiner Schrift "Bur Praxis der Baldwerthrechnung 2c.", Hannover 1882, verschiedene Bereinsachungen und Hilfsmittel angegeben. Er schlägt vor, den Nachwert der Bornugungen

$$(Da \cdot 1,0 p^{u-a} + \cdots + Dq \cdot 1,0 p^{u-q})$$

in Prozenten des Au zu veranschlagen, welche selbstverständlich je nach dem angenommenen Zinsssuße, der Länge des Umtriebs, der Absahfähigkeit der Durchsorstungserträge u. s. w. in gewissen, aber nicht allzu weiten Grenzen schwanken. Für p=3 wären z. B. durchschnittlich solgende Prozentsähe anzunehmen:

bei gewöhnlichem Eichenhochwald und 70-120:jähr. Umtrieb: 35-70%, "Eichen=Lichtungsbetrieb und 120 "" : 120-140%, "Buchen=Hochwald und 50-100 " " : 20-50%, Kiefern= " " 50-100 " " : 20-45%, "Fichten= " " 50-100 " " : 15-40%

Die "Endwerte ber Holgerträge" verhalten sich bemnach zum Au wie 1,15, 1,20 ... zu 1; sind dieselben unter Berücksichtigung der örtlichen Berhältnisse veranschlagt, so hat man sie nur mit dem  $A_u$  der Ertragstasel und dem bei ähnlichen Abtrieben erzielten Festmeterpreise zu multiplizieren und mit  $(1,0~p^u-1)$  zu dividieren. Letzteres ist in den beigegebenen Hisse taseln sür die häusiger vorkommenden "Endwerte" und die Zinksüße p=2.5,~p=3 und p=3.5% im voraus geschehen. Ebenso ist der "Kulturkostensaktor"  $\frac{1,0~p^u}{1,0~p^u-1}$ im voraus berechnet.

In ber hand eines ersahrenen Wirtschafters werden diese hilfsmittel zweisellos gute Dienste leisten. In einem Lehrbuche bagegen, bei dessen Studium namentlich der Anfänger stets die exakte herleitung der in die Rechnung einzusührenden Jahlen vor Augen behalten soll, können sie keine Anwendung finden. Aus diesem Grunde wird auch hier weiterhin kein Gebrauch bavon gemacht. Beispielsweise sei jedoch angeführt, daß Kraft

bei einem Binsfuß von 3 % und mittleren Preis- und Rostenverhältnissen folgende Boben-Erwartungswerte berechnet:

f	ür	Fichten im 80-jährigen Umtrieb	752	Mark	pro ha	
	,,	Sichen-Kahlschlagbetrieb und 80-jähr. Umtrieb .	331	,,	"	
	,,	,, 120 ,, ,,	265	"	"	
	,,	Eichen-Lichtungsbetrieb mit Unterbau und 120-jähr.				
		Umtrieb	582	"	"	
	"	Buchen = Femelschlagbetrieb mit 16 = jähriger Ber=				
		jüngungsdauer und 108-jähr. Umtrieb		"	"	
	,,	zweihiebigen Buchenhochwald mit $\frac{70}{140}$ -jähr. Umtrieb	177	"	"	
	,,	Seebachschen Buchen-Lichtungsbetrieb mit 120-jähr.				
		Umtrieb	228			

#### III. Ermittelung des Boden-Kostenwertes insbesondere.

#### 1) Begriff.

Unter dem Boden-Rostenwert hat man die Summe der Ausgaben zu verstehen, welche zur Erlangung eines kulturfähigen Bodens aufzuwenden sind. Diese Ausgaben können bestehen:

- a) in dem Kapitale, welches zum Ankauf oder zur Hersftellung des Bodens erforderlich ift;
  - b) in den Kosten der Urbarmachung;
- c) in den Interessen, welche an den unter a) und b) genannten Kosten bis zur Zeit der Kultursähigkeit des Bodens erwachsen.

Beispiel 1. Man habe durch Anlage eines Dammes in einem Flusse im Laufe von 10 Jahren eine Alluvion von 4 Hettar hergestellt und für den Bau des Dammes 600 Mark, für die jährliche Unterhaltung desselben 12 Mark verausgadt. Wie hoch stellt sich der Kostenwert eines Hettar dieser Fläche? Jinssuß = 3%.

$$\begin{array}{ll} \mathfrak{Antwort:} & \left[ 600 \cdot 1,03^{10} + \frac{12}{0,03} \left( 1,03^{10} - 1 \right) \right] : 4 \\ & = \left[ 806,34 + 137,56 \right] : 4 = 235,97 \; \text{Marf.} \end{array}$$

Beispiel 2. Ein Hektar Ortsteingrundes, welcher bisher nur zu einer magern Weide benutt werden konnte, koste beim Ankauf 60 Mark. Der Ortstein wird in Streisen von 2,5 m Breite, mit Belassung eines ebenso großen unbearbeiteten Zwischenraums, herausgebrochen, wosür der Käuser 120 Mark pro Hektar zahlt. Nach Ablauf eines Jahres kann der Boden mit Holz kultiviert werden. Wie hoch berechnet sich der Kostenwert bei einem Zinssus von 3%??

Antwort: (60 + 120) 1,03 = 185,40 Mark.

2) Würdigung dieser Methode der Wertsermittelung. Man veranschlagt den Wert des Bodens nach dem Kostenwert:

- a) Wenn der Verkäufer benjenigen Preis feststellen will, zu welchem er eine Bodenfläche ablassen kann, falls ihm mindestens die ausgewendeten Kosten vergütet werden sollen.
- b) Wenn der wirtschaftliche Nutzeffekt der auf einen Boden verwendeten Kapitalanlage aussindig gemacht werden soll, wie z. B. durch die Berechnung der Kostenpreise des Holzes (siehe Angew. Teil,  $\Pi$ . Kap. I, 2.).
- c) Wenn die von dem betr. Boden zu erwartenden Erträge nicht mit Zuverlässigkeit zu ermitteln sind, weil man keine Erfahrungen über die Ertragsfähigkeit desselben besitzt.

Da der wahre wirtschaftliche Wert des Bodens sich nur aus den von demselben zu erwartenden Erträgen ergiebt, so folgt hieraus, daß der als Kostenwert berechnete Bodenwert mehr oder weniger von dem wahren Bodenwert abweichen kann.

## IV. Ermittelung des Boden-Verkaufswertes insbesondere.

#### 1) Begriff.

Unter dem Verkaufswerte eines Bodens hat man denjenigen Wert zu verstehen, welchen dieser Boden nach Maßgabe bekannter Bodens verkäufe besitzt.

# 2) Burdigung diefer Methode ber Wertsermittelung.

- A. Der als Berkaufswert bestimmte Bobenwert kann nur bann als ber mahre forstwirtschaftliche Wert bes Bobens angesehen werben:
- a) Wenn die der Wertsbestimmung zu Grunde gelegten Berkaufspreise mit den nach der Methode der Erwartungswerte ers mittelten übereinstimmten.
- b) Wenn bei der Wertsbestimmung der abzuschätzenden Flächen die etwaige Verschiedenheit, welche zwischen ihrer Bonität und ders jenigen der verkausten Flächen besteht, in Rechnung genommen worden ist.

Die Proportionierung des Bodenwerts nach Maßgabe der Bonität ist indessen teineswegs so einsach, als sie auf den ersten Anblickschienen möchte, weil dieselbe nicht blos die Kenntnis der absoluten Größe der Erträge, sondern auch die Reduktion derselben auf einen gemeinschaftlichen Beitpunkt, z. B. die Umtriebszeit oder die Gegenswart, voraussett. Ist man aber imstande, diese Bedingung zu erfüllen, so kann man auch ebenso seicht den Erwartungswert direkt berechnen.

In manchen Gegenden, in welchen geringer Felbboben häufig gur Baldwirtichaft gezogen wird, hat fich ein Marktpreis für folchen Boben

gebildet, ohne daß die Käufer und Verkäufer eine richtige Vorstellung von dem forstlichen Produktionsvermögen dieses Bodens gehabt hätten. Die bezahlten Preise entsprechen dann in der Regel dem landwirtschaftlichen Werte des Bodens. Man kann annehmen, daß sie um so weiter von dem forstwirtschaftlichen abweichen, je mehr der Boden zur Agrikultur sich eignet, weil gutes Feld gewöhnlich höher rentiert, als Wald.

Nach Burchardt (Waldwerth 1860, S. 13) zahlte man im Königreich Hannover "für größere Heibstächen (Kiefernboden) behufs forstlicher Untersnehmungen nach Umständen 9 bis 12, auch 15, seltener 18 Thir. pro Hannover. Morgen (103; 137; 172; 206 Mark pro Hektar); Bodenankäuse von 20 bis 30 Thirn. (229 bis 344 Mark pro Hektar) segen schon Bessers voraus, und 40 bis 50 Thir. (458 bis 573 Mark pro Hektar) wird man für forstliche Unternehmungen wohl selten, oder nur für recht gute Gründe und unter Voraussetzung einträglicher Nutholzwirtschaft anlegen können und wollen."

Rach Bose (Beiträge 2c., 1863, S. 160) "kann man die durch zahlreiche Berkäuse erzielten Bodenpreise in den Gegenden des Großherzogthums Hessen, in welchen der Preis für 1 Hess. Rubiksuß Buchen-Scheitholz 3—4 Kreuzer beträgt, für Boden mittlerer Güte zu 30 fl. für den Gr. Hess. Morgen (206 Mark pro Hektar) annehmen."

Prefler (Rat. Waldw. 1859, II, S. 78): "Nach den in der Reuzeit stattgefundenen Berkäufen zu schließen, durfte man in den cultivirteren Theilen Deutschlands den absoluten Baldboden pro öftr. Joch wohl mit 30-50 und also durchschnittlich mit 40 Thalern (156; 260; 208 Mark pro Bektar) abzuschäten haben. Doch ift bas nach ben bermaligen Beisen und Preisen ber Holzwirthschaft durchaus nicht als fein dermalig richtiger Holzproductionswerth anzusehen. Denn er mußte etwa 11/2 Thir. (7,82 Mark pro Sektar) Bodenrente gemähren, eine Rente, welche bermalen die beste Wirthschaft taum dem besten Boden bei hohem Umtriebe abzuringen vermag! . . . Wir burfen dem rechnenden Gutsbesiter nicht verschweigen, daß bei der unvermeidlich hohen Roftspieligkeit der Holzproduction im Ber= hältnis zu beren Erträgen, namentlich bort, wo jüngere Bestände wenig Absat finden, der richtige Finanzwert des absoluten Solzbodens sich sehr niedrig stellt, und von seinen Besitzern vielfach überschätzt wird. Manchmal bürfte berselbe mit 20 Thirn. pro Joch (104 Mark pro Hektar) noch zu hoch abgeschätt und bezahlt fein."

Nach Donner (zweite Auflage bes v. Hagenschen Berkes: Die forstlichen Verhältnisse Preußens, 1883, I, S. 123) wurden von der Preuß.
Staatsregierung während der Jahre 1867—1881 38329 Hectar angekaust
und hiersür sowie für die Aufsorstung 7292072 Mark verausgabt. Donner
bemerkt hierzu: "Diese Summe schloß den Kauspreis für die mit angekausten, meist jüngeren Holzbestände, serner für einzelne Gebäude ein; auch
ist zu berücksichtigen, daß für werthvollere Enclaven verhältnißmäßig hohe
Preise angelegt werden mußten. Für das Groß der Ankäuse wird, wenn
nur der Grund und Boden in Betracht kommt, mit Ginschluß der Aus-

forstungskoften ein Preis von 200 Mark pro Hektar als ausreichend zu erachten sein." Rechnet man pro Hektar 60 Mark Aufsorstungskosten, so würde sich hiernach der Preis des nackten Bodens durchschnittlich auf 140 Mark stellen.

Könnte man annehmen, daß der Preis des Holzes bis 1883 jährlich um  $1\frac{1}{2}$  Prozent gestiegen und daß der Wert des Waldbodens in demselben Berhältnis gewachsen sei, so wurde anstatt der von Burchhardt angegebenen Zahlen

103: 137: 172: 206: 229: 344: 458: 573

gu fegen fein:

145; 193; 242; 290; 322; 484; 645; 807;

anftatt ber von Bofe augegebenen Bahl

206

gu feten fein:

277;

anstatt der von Prefler angegebenen Bahlen

156; 260; 208; 104

gu fegen fein:

223; 372; 297; 149.

- B. Obwohl, wie sich aus dem Vorhergehenden ergiebt, der wahre forstwirtschaftliche Bodenwert von dem ortsüblichen Verstaufswerte desselben wesentlich verschieden sein kann, so wird der letzere, zumal dessen Weranschlagung bewußt oder undewußt nach Maßgabe der möglichen landwirtschaftlichen Erträge zu erfolgen pflegt, doch in allen denjenigen Fällen der Praxis Beachtung verbienen, wo neben der forstwirtschaftlichen auch eine andere Benutzung des Bodens, namentlich als Acker, Wiese, Weide 2c., in Betracht kommt oder wenigstens zur Vergleichung herangezogen werden kann. Solche Fälle werden sein:
- a) Ankauf von Ackergrundstücken u. bgl. zum Zwecke ber Walbanlage, zur Arrondierung oder zum Wegebau. Es erscheint selbstverständlich, daß hierbei der seitherige Besitzer mindestens den ortsüblichen Bodenpreis fordern wird; der letztere kann aber, da die Preisbildung in einzelnen Fällen nicht allein von der Ertragsfähigkeit des Bodens, sondern auch von anderweitigen, selbst personslichen Momenten beeinslußt wird, mit einiger Sicherheit nur aus zahlreichen Verkäusen als Durchschnitt abgeseitet werden. Ebenso in beiden folgenden Källen, nämlich:
- b) Berkauf von Waldgrundstücken zu anderweitiger Benutzung, insbesondere auch bei einer Expropriation (Zwangsenteignung zu Zwecken des öffentlichen Wohles) z. B. zum Eisensbahnbau.

Alle Expropriationsgesetze verlangen, daß volle Entschädigung geleistet werde. Wenn nun der zu Entschädigende nachzuweisen imstande ist, daß er sein Gut zu jeder Zeit um einen gewissen Preis verkausen kann, so muß ihm der letztere vergütet werden, auch wenn auf Grundlage der sorst-lichen Erträge ein anderer Preis sich berechnet. Der Berfasser könnte einen Fall namhast machen, in welchem die Gerichtsbehörde den durch eine sorst-liche Expertise ermittelten Erwartungswert nicht gelten ließ, sondern demsselben den Berkausswert substituierte. Die juristische Litteratur weist aber auch Beispiele dafür auf, daß die Bemessung der Entschädigung nach dem Kauspreis verworsen und die "Ertragsfähigkeit" des Areals als Anhaitspunkt für die Ermittelung des Wertes gewählt wurde 1).

c) Vergleichung der Rentabilität des forstlichen Betriebes mit derjenigen anderer Bodenbenutungsarten. Hierbei kann der Waldbesitzer denjenigen Preis zu Grunde legen, welchen er bei einem Verkause des Bodens voraussichtlich erlösen würde; als Maßstad der Rentabilität der einzelnen wahlfähigen Betriebsarten aber kann entweder der Unterschied dies dieses ortsüblichen Bodenpreises gegenüber den Erwartungswerten dienen, welche sich für die fraglichen Betriebe bei Annahme eines bestimmten Zinssußes berechnen; oder derzenige Zinssuß, welcher die Differenz zwischen Erwartungs- und Berkaufswert auf Null bringt. Bgl. Anhang, II. Kap. "Zur forstslichen Statif".

# II. Rapitel.

# Ermittelung des Bestandswertes.

#### I. Methoden der Wertermittelung.

Die Bestandswerte können ermittelt werben:

- 1) nach dem Erwartungswerte,
- 2) nach dem Roftenwerte,
- 3) nach bem Berkaufswerte.

Die Bertbestimmung kann sich erstrecken auf ganze Bestände ober auf Teile berselben, wie einzelne Bäume, Sortimentsmaße und Zuwachse. Bon Interesse ist auch die Berechnung des Wertes eines Kompleres von Beständen, welche eine normale Altersstufenfolge zu-

<sup>1)</sup> Arends: Sammlung interessanter Erkenntnisse aus dem Civil-Rechte und Processe IV, 1 (1853), S. 301.

sammensetzen. Dieser Wert bes "normalen Borrates" läßt sich auch als Rentierungswert bestimmen, jedoch nur in dem Falle, wenn der Bodenwert als Erwartungswert angenommen werden kann (siehe VI).

# II. Ermittelung des Wertes ganger Beftande.

1) Ermittelung bes Erwartungswertes eines Bestanbes. A. Begriff.

Der Erwartungswert eines m jährigen Bestandes ist gleich der Summe der auf das Jahr m diskontierten Werte aller von ihm zu erwartenden Einnahmen, abzüglich der auf das Jahr m diskontierten Werte aller Kosten, welche zur Erzeugung jener Einnahmen noch aufsgewendet werden müssen<sup>1</sup>).

B. Berfahren zur Bestimmung bes Erwartungswertes eines Bestanbes.

a) Berechnung bes Jettwertes ber zu erwartenden Ginnahmen.

 $\alpha)$  Hanbarkeitsnutzung. Nennt man dieselbe  $A_{\rm u}$ , so ist ihr Borwert im Jahre m:

$$\frac{A_u}{1.0\,p^{u-m}}$$
.

Der Wert von An selbst wird in der nämlichen Weise ermittelt wie beim Bobenerwartungswert. Bgl. I. Kap. II, 2, A, a.

 $\beta)$  Zwischen= und Nebennutzungen. Geht eine berartige Nutzung  $D_n$  im Jahre n, wobei n>m, ein, so ist ihr Wert im Jahre m:

$$\frac{D_n}{1,0\,p^{n-m}} = \frac{D_n\,1,0\,p^{u-n}}{1,0\,p^{u-m}},$$

1) Bei ber Ermittlung bes Boben=Erwartungswertes berechnet man bie Jettwerte aller Erträge und Koften auf das Jahr 0 (Rull), während dieselben bei ber Bestimmung bes Bestands-Erwartungswertes auf das Bestandsalter m bezogen werden. Man beachte wohl, daß nach dem allgemeinen Grundsat ber Erwartungswerte (s. S. 8) in dem vorliegenden Falle

a) nur biejenigen Rugungen und Koften in Rechnung genommen werden burfen, welche ber Beftanb (nicht ber Boben) vom Jahre m bis gur

haubarteit liefert bezw. verurfacht;

b) daß hiernach alle vor bem Jahre m bereits bezahlten Roften, wie 3. B. bie Rultur: und bie m maligen jährlichen Roften für Berwaltung, Schut 2c. unberudsichtigt bleiben muffen.

wenn man nämlich Zähler und Nenner bes Ausbrucks  $\frac{D_n}{1,0\,p^{n-m}}$ , um denselben mit dem obigen, für die Haubarkeitsnutzung erhaltenen, auf gleiche Benennung zu- bringen, mit  $1,0\,p^n$  multipliziert.

Gehen in den Jahren o, ..., q noch weitere Zwischen- oder Nebennutzungen Do, ..., Da ein, so sind deren Vorwerte im Jahr m:

$$\frac{D_o \; 1,0 \, p^{u-o}}{1,0 \, p^{u-m}} \, , \; \cdots, \; \frac{D_q \; 1,0 \, p^{u-q}}{1,0 \, p^{u-m}} \cdot$$

- b) Berechnung des Jettwertes der Produktionskoften.
- a) Jährliche Kosten für Verwaltung, Schut und Steuern. Setzt man den jährlichen Betrag derselben v, so ist die Summe der Jetztwerte aller vom Jahre m bis zum Jahre u zu verausgabenden jährlichen Kosten:

$$\frac{\frac{v}{1,0p} + \frac{v}{1,0p^2} + \dots + \frac{v}{1,0p^{u-m}}}{\frac{v}{1,0p^{u-m}} - 1)} = \frac{\frac{v}{0,0p} (1,0p^{u-m} - 1)}{1,0p^{u-m}}$$

wenn man nämlich, wie früher,  $\frac{v}{0.0 \text{ p}} = V$  sett.

 $\beta)$  Bobenrente. Da ber Walbeigentümer zur Produktion ber Erträge  $A_u,\,D_n\ldots$  ben Boben u-m Jahre lang hergeben muß, so ist die (u-m) malige Bobenrente  $B\cdot 0,0p$  als Produktionsauswand zu verrechnen. Der Wert dieser Kente, bezogen auf das Jahr m, ist:

$$\frac{\frac{B \cdot 0,0p}{1,0p} + \frac{B \cdot 0,0p}{1,0p^2} + \dots + \frac{B \cdot 0,0p}{1,0p^{u-m}}}{\frac{B \cdot 0,0p}{1,0p^{u-m}}}$$

$$= \frac{B \cdot 0,0p}{1,0p^{u-m}} \cdot$$

c) Hiernach ist die Formel für den Erwartungswert eines Bestandes, wie sie Ötzel in der Allg. Forst- und Jagdzeitung 1854, Seite 328 aufgestellt hat, folgende:

$$H\,e_m\!=\!\frac{A_u+D_n\,1,\!0\,p^{u-n}+\cdots-(B+V)\,(1,\!0\,p^{u-m}-1)}{1,\!0\,p^{u-m}}.$$

Erlänterndes Beispiel. Es sei ber Schabenersatzu berechnen, auf welchen ein Waldbesitzer Anspruch zu erheben hat, dem ein 45 jähriger Bestand durch ein boloser Weise angezündetes Feuer zerstört worden ist. Nach der Ansicht von Sachverständigen seien von jenem Bestande bis zu seinem auf das 70. Jahr festgesetzen Abtriebe noch folgende Erträge zu erwarten gewesen:

Die jährliche Ausgabe v für Berwaltung, Schutz und Steuern 2c. bestrage 3,6 Mark, ber Bobenwert 362,56 Mark. Die Rechnung soll mit einem Zinsfuße von 3 % geführt werden.

Offenbar muß dem Waldbesitzer der Jetztwert aller derzenigen Nutungen vergütet werden, welche derselbe von dem 45 jährigen Bestande bis zu dessen im 70. Jahre ersolgenden Abtriebe zu erwarten gehabt hätte. Dieser Jetzwert ist

$$\frac{A_{n} + D_{n} 1,0 p^{n-n} + \cdots}{1,0 p^{n-m}} = \frac{2970 + 67,2 \cdot 1,03^{20} + 79,2 \cdot 1,03^{10}}{1,03^{70} - 45}$$
$$= 3197,8068 \cdot 0,4776 = 1527,2725$$

Sollte nun die Entschädigung hiermit ihr Bewenden haben, so wurde der Baldbesitzer gewinnen, denn er wurde, wenn er die Entschädigungs- summe u - m = 25 Jahre lang auf Zinsen legte, nach Ablauf dieser Zeit

$$\left(\frac{A_u + D_n 1,0 p^{u-n} + \cdots}{1.0 p^{u-m}}\right) 1,0 p^{u-m} = A_u + D_n 1,0 p^{u-n} + \cdots = 3197,8086,$$

mithin eine Einnahme erhalten, welche gleich dem Haubarkeitsertrag + ben auf das Jahr u = 70 prolongierten Zwischennuhungen wäre, außerdem aber den Boden noch 70 — 45 = 25 Jahre von neuem zur Holzzucht besnuhen, also durch 25 Jahre hin jährlich die Bodenrente

$$= 362,56 \cdot 0,03 = 10,88$$

beziehen und zugleich die jährlichen Kosten, welche er zur weiteren Erziehung des 45 jährigen Bestandes gebraucht hätte, für einen neuen Bestand verwenden können. Die Ersparnis oder der Gewinn, welchen der Baldbesitzer an der Bodenrente und den jährlichen Kosten macht, mussen also demjenigen, welcher die Entschädigung zu leisten hat, gut geschrieben werden. Der Schadenersat bezissert sich somit auf

$$\frac{A_{u} + D + 1,0 p^{u-n} + \cdots - (B+V)(1,0 p^{u-m}-1)}{1,0 p^{u-m}}$$

$$=\frac{3197,8086-(362,56+120)(1,03^{25}-1)}{1,03^{25}}$$

$$= (3197.8086 - 482.56 \cdot 1.0938) 0.4776 = 1275.18$$
 Mart.

Anmerkung. Die Formel des Beftands-Erwartungswertes unter Zugrundelegung des Boben-Erwartungswertes.

Darf bei Berechnung bes Bestands-Erwartungswertes als Bodenwert ber Boben-Erwartungswert Be,, angenommen werben, so ist

$$\operatorname{He}_{m} = \frac{A_{u} + D_{n} \, \operatorname{1,0} \, p^{u-n} + \cdots - \left( \operatorname{Be}_{u} + V \right) \left( \operatorname{1,0} \, p^{u-m} - 1 \right)}{\operatorname{1,0} \, p^{u-m}} \cdot$$

Sett man für  $\mathrm{Be_u}$  die Formel des Boben-Erwartungswertes, so sallen die jährlichen Ausgaben (und Einnahmen) aus, weil sie sowohl mit positiven als mit negativen Zeichen vorkommen und sich deshalb gegen eine ander streichen, und es geht für normale Bestände die Formel des Bestands-Erwartungswertes  $\mathrm{He_m}$  über in

$$\frac{(\text{A}_{\text{u}}+\text{D}_{\text{n}}\,\textbf{1}, 0\,\text{p}^{\text{u-n}}+\cdots)(\textbf{1}, 0\,\text{p}^{\text{m}}-\textbf{1})+\left(\frac{\text{D}_{\text{a}}}{\textbf{1}, 0\,\text{p}^{\text{a}}}+\cdots-c\right)(\textbf{1}, 0\,\text{p}^{\text{m}}-\textbf{1}, 0\,\text{p}^{\text{u}})}{\textbf{1}, 0\,\text{p}^{\text{u}}-\textbf{1}}\cdot$$

Selbstverständlich ist diese Formel nur für normale Bestände answendbar; denn bei abnormen sind die von der vorhandenen Bestodung zu erwartenden Erträge  $(A_u,D_n\ldots)$  andere als diejenigen, welche der Berechnung des Boden-Erwartungswertes zu Grunde zu legen sind.

Die Öpeliche Formel für ben Bestands-Erwartungswert läßt sich auch so anschreiben:

$$He_m = \frac{A_u + D_n \cdot 1,0 p^{u-n} + \cdots + B + V}{1,0 p^{u-m}} - (B + V)$$

ober, wenn die negativen Exponenten beseitigt werden,

$$He_{m} = 1.0p^{m} \left( \frac{A_{u} + B + V}{1.0p^{u}} + \frac{D_{n}}{1.0p^{n}} + \cdots \right) - (B + V).$$

In dieser Gestalt teilt die Formel die Borzüge berjenigen, welche in der Anmerkung auf Seite 64 für den Boden-Erwartungswert mitgeteilt worden ist.

- C) Allgemeines über die Größe des Bestands = Erwartungswertes. Dieselbe hängt ab:
- a) Bon der Größe der zu erwartenden Einnahmen und Ausgaben, indem jene den Bestands-Erwartungswert erhöhen, diese benselben erniedrigen.

Alls Bodenwert hat man für den Fall, daß der Boden auch fernerhin der Holzzucht gewidmet sein soll und daß die Wahl der

Umtriebszeit keiner Beschränkung unterliegt, dasjenige Maximum bes Boden-Erwartungswertes anzunehmen, welches nach Maß-gabe der örtlichen Verhältnisse (vgl. I. Kap., II, 4 C) als wirklich erreichbar anzusehen ist. Denn da man den vorhandenen Bestand zu jeder Zeit abtreiben und den Boden zur Anzucht eines neuen, normalen und mit der Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes zu behandelnden Vestandes verwenden kann, so ist auch die Kente dieses Bodenwertes unter den Ausgaben zu verrechnen. Kann aber der Boden in anderer Weise, z. B. landwirtschaftlich, vorteilhafter besnutt werden, so ist der entsprechend höhere Wert besselben der Bestandswertsberechnung zu Grunde zu legen.

- b) Bon ber Länge ber Umtriebszeit.
  - a) Normale Beftanbe.

αα) Die unter Zugrundelegung des Maximums des Boden=Erwartungswertes und der demfelben entsprechens den Umtriebszeit berechneten Bestands-Erwartungswerte sind größer als diejenigen, welche sich für andere Umtriebszeiten und die denselben entsprechenden Boden-Erwartungs-werte ergeben.

Beweis. Es fei

u, die Umtriebszeit bes größten Boden-Erwartungswertes,

u, irgend eine andere Umtriebszeit, welche größer ober fleiner als u, ift;

u,B ber Boben:Erwartungswert ber Umtriebszeit u,,

u2B ber Boben-Erwartungswert ber Umtriebszeit u2, fo ift, ber Boraussehung gemäß,

$$^{\mathbf{u_1}}\mathrm{B}>^{\mathbf{u_2}}\mathrm{B}.$$

Run ift ber Beftanbs-Roftenwert (fiehe Seite 93)

mit Bugrundelegung bon "B:

$${}_{u_1B}H\,k_m = ({}^{u_1}B\,+\,V)\;(1.0\;p^m-1) + c\;1.0\,p^m - (D_a\;1.0\,p^{m-a} + \cdot\cdot\cdot),$$

mit Bugrundelegung von "B:

$$_{n,B}Hk_m = (^{u_2}B + V) (1.0 p^m - 1) + c 1.0 p^m - (D_a 1.0 p^{m-a} + \cdots).$$

Da diefe beiben Ausbrude fich nur burch ben Bobenwert unterscheiben,

u.B aber größer als u.B ift, fo folgt hieraus

$$_{u_1B}H k_m > _{u_1B}H k_m$$
 .

Nun ist aber (fiehe S. 98) ber Bestands = Rostenwert bem Bestands = Erwartungswert bann gleich, wenn beide unter Zugrundelegung bes Boben = Erwartungswertes berechnet werden. Also

$${}_{u_1B}H\,k_m={}_{u_1B}^{u_1}H\,e_m\,;\qquad {}_{u_2B}H\,k_m={}_{u_2B}^{u_2}H\,e_m\,.$$

hiernach ist auch

$${}_{u_1}{}^{u_1}H\,e_m>{}_{u_2}{}^{u_2}H\,e_m$$
, w. z. b. w.

ββ) Unterstellt man als Bodenwert konstant das Maximum des Boden-Erwartungswertes, so liefert die demselben entsprechende Umtriebszeit auch die größten Bestands-Erwartungswerte.

Beweis1).

Nach Sat  $\alpha\alpha$ ) ift ber mit Zugrundelegung von  $\mathbf{u_2}$  und  $\mathbf{u_{2}B}$  berechnete Bestands-Erwartungswert  $\mathbf{u_2B}^{u_2}\mathbf{H}\,\mathbf{e_m}$  kleiner als der mit Zugrundelegung von  $\mathbf{u_1}$  und  $\mathbf{u_{1}B}$  berechnete Bestands-Erwartungswert  $\mathbf{u_1B}^{u_1}\mathbf{H}\,\mathbf{e_m}$ . Berechnet man nun den Bestands-Erwartungswert zwar mit Zugrundelegung der Umtriebszeit  $\mathbf{u_2}$ , aber mit Unterstellung von  $\mathbf{u_1B} > \mathbf{u_2B}$ , so muß, weil in der Formel des Bestands-Erwartungswertes der Bodenwert subtrahierend austritt,  $\mathbf{u_1B}^{u_2}\mathbf{H}\,\mathbf{e_m}$  noch kleiner als  $\mathbf{u_2B}^{u_3}\mathbf{H}\,\mathbf{e_m}$  aussalen.

γγ) Unterstellt man einen Bobenwert, welcher größer bezw. kleiner als das Maximum des Boden=Erwar= tungswertes ist, so berechnet sich der größte Bestands=Er= wartungswert für eine kleinere bezw. größere Umtriebszeit als diejenige des größten Boden=Erwartungswertes.

Bewei 3 2).

Nach Sat  $\beta\beta$ ) ist

$${}_{u_1B}^{u_1}H_{e_m} = \frac{A_{u_1} + D_{n} 1,0 p^{u_1-n} + \dots}{1,0 p^{u_1-m}} + \frac{u_1B + V}{1,0 p^{u_1-m}} - (u_1B + V)$$

größer als

$${}_{u_1B}^{u_2}H_{\theta_m} = \frac{A_{u_2} + D_n 1_{,0} p^{u_2-m} + \dots}{1_{,0} p^{u_2-m}} + \frac{{}^{u_1}B + V}{1_{,0} p^{u_2-m}} - ({}^{u_1}B + V).$$

<sup>1)</sup> Die Beweise für die Sätze  $\alpha\alpha$ ) und  $\beta\beta$ ) rühren von dem Versasser her. Beweise mittels der Differentialrechnung hat J. Lehr geliefert (Allg. Forst= und Jagd=Zeitung, 1870, S. 160).

<sup>2)</sup> Dieser Beweis rührt von A. Denzin her. J. Lehr hat den nämlichen Sat mittelst der Differentialrechnung bewiesen (Allg. Forst- und Jagd-Zeitung, 1876, S. 357).

Legt man ber Rechnung einen größeren Bobenwert B = u,B + x 3u Grunde, so erhalt man folgende Ausbrucke:

$${}^{u_1}_{u_1B+x}{}_m = \frac{A_{u_1} + D_{n} \mathbf{1}, 0 p^{u_1-m} + \cdots}{\mathbf{1}, 0 p^{u_1-m}} + \frac{u_1B+V}{\mathbf{1}, 0 p^{u_1-m}} - ({}^{u_1}B+V) - x + \frac{x}{\mathbf{1}, 0 p^{u_1-m}};$$

$${}^{u_2}_{u_1B+x}{}^{He}{}_m \!=\! \frac{A_{u_2}\!+\!D_n\;1,0\;p^{u_2-m}\!+\!\cdots}{1,0\;p^{\;u_2-m}} + \frac{{}^{u_1}B + V}{1,0\;p^{u_2-m}} - ({}^{u_1}\!B + V) - x + \frac{x}{1,0\;p^{\;u_2-m}} \,.$$

Benn nun 
$$u_2 < u_1$$
, so ist  $\frac{x}{1.0 \, \mathrm{p}^{\, u_2 - m}} > \frac{x}{1.0 \, \mathrm{p}^{\, u_1 - m}}$ . Mithin werden

bie Bestands-Erwartungswerte verhältnismäßig um so mehr erhöht, je kleiner u. und je größer x ist, d. h. der Bestands-Erwartungswert kulminiert bei einem Umtriebe, der um so kleiner wird, je mehr x wächst.

Legt man ber Rechnung einen Bobenwert  $^{\mathbf{u}_1}\mathbf{B} - \mathbf{x}$  zu Grunbe, welcher kleiner ist als das Maximum des Boden-Erwartungswertes, so sind in den beiden letten Gleichungen die Vorzeichen für die  $\mathbf{x}$  enthaltenden Ausdrücke zu ändern. Wird dann  $\mathbf{u}_2 > \mathbf{u}_1$  gewählt, so werden die Bestands-Erwartungswerte der höheren Umtriebe verhältnismäßig mehr erhöht und die Kulmination kommt hinter  $\mathbf{u}_1$  zu liegen.

#### β) Abnorme Beftanbe.

Bei diesen hat man diejenige Abtriebszeit, für welche der größte Bestands-Erwartungswert sich ergiebt, durch probeweise Berechnung zu ermitteln. Bezüglich des der Rechnung zu unterlegenden Boden-wertes verweisen wir auf Seite 84.

Beispiel. Ein 50 jähriger Bestand auf einem Standorte, welcher unter normalen Berhältnissen die in Tabelle A verzeichneten Erträge zu liesern verspricht, ist durch Windwurf so gelichtet worden, daß seine gegenswärtige Masse nur einen Wert von 630 Mark besitzt. Boraussichtlich sind von diesem Bestande für die Folge gar keine Zwischennutzungen und

im	Jahre	an haubarkeitsnugung	nur
	60	1031 Mart,	
	70	1485 ,,	

zu erwarten. Es fei c = 24, v = 3,6 Mart, p = 3, so berechnet sich, unter ber Boraussehung, daß ber Boden auch sernerhin der Holzzucht gewidmet werden soll, das Maximum des Boden-Erwartungswertes mit 362,56 Mart für das 70. Jahr.

Bird ber Bestand im 60. Altersjahre, also von jest an in 10 Jahren abgetrieben, so ift fein Erwartungswert

$$\frac{1031 - (362,56 + 120)(1,03^{10} - 1)}{1.03^{10}} = 643,68;$$

wird er bagegen im 70. Altersjahre, also von jest an in 20 Jahren absgetrieben, so ift fein Erwartungswert

$$\frac{1485 - (362,56 + 120)(1,03^{20} - 1)}{1,03^{20}} = 606,86.$$

Es ergiebt sich mithin ber größte Bestands-Erwartungswert für die 60jährige Abtriebszeit.

- c) Bon bem Beftanbsalter.
- a) Im allgemeinen. Der Bestandsserwartungswert steigt für eine gegebene Umtriebszeit mit dem Bestandsalter, wenn auch nicht in geradem Verhältnisse. Eine Ausnahme von dieser Regelsindet jedoch in dem Falle statt, wenn die Vornutzungen, z. B. die Durchsorstungen, nicht jährlich, sondern periodisch bezogen werden. Es kann dann der Bestandsserwartungswert desjenigen Jahres, in welchem eine Zwischennutzung stattgefunden hat, kleiner sein, als der Bestandsserwartungswert des vorhergehenden Jahres. So ist z. B. der Erwartungswert eines Kiesernbestandes, welcher die in Tabelle A verzeichneten Erträge liesert, sür c = 24, v = 3,6 und bei Zugrundes legung der 70 jährigen Umtriebszeit sowie des Bodenserwartungswertes dieser Umtriebszeit, im 50. Jahre = 1488, im 49. Jahre = 1496.

Wir wollen jetzt noch die Größe des Bestands-Erwartungswertes für den Ansang und das Ende der Umtriebszeit ermitteln; die Ausder der Verlichen wir gelangen werden, können zugleich dazu dienen, um die oben entwickelte Formel des Bestands-Erwartungswertes auf ihre Richtigkeit zu prüfen.

eta) Zu Ende der Umtriebszeit, also für m=u, ist der Bestands = Erwartungswert für jeden der Rechnung unterlegten Bodenwert gleich dem Haubarkeitsertrag  $A_u$ .

Beweis. Da im Jahre u alle Vornutzungen bereits bezogen sind, so beschränkt sich die Formel des Bestands-Erwartungswertes auf den Ausdruck

$$He_{m} = \frac{A_{u} - (B + V) (1,0 p^{u-m} - 1)}{1,0 p^{u-m}}$$

Sett man hier m = u, so hat man

$$\begin{split} He_u &= \frac{A_u - (B + V) (1,0 \, p^0 - 1)}{1,0 \, p^0} \\ &= \frac{A_u - (B + V) \, 1 - 1)}{1} \end{split}$$

= Au, w. z. b. w.

 $\gamma$ ) Zu Anfang der Umtriebszeit, also für m=0, ift in dem Falle, daß Bodenwert der Boden: Erwartungswert Beu angenommen werden kann, der Bestands: Erwartungswert gleich den eben aufgewendeten Kulturkosten.

Beweis. Da im Jahre O noch keine Vornutzung bezogen worden ist, so stellt sich die Formel des Bestands-Erwartungswertes für dieses Alter durch den Ausbruck

$$He_0 = \frac{A_u + D_a 1,0 p^{u-a} + \dots + D_q 1,0 p^{u-q} - (B+V) (1,0 p^u - 1)}{1,0 p^u}$$

bar. Führt man nun hier für B ben Boben-Erwartungswert ein, so erhält man

$$\begin{split} He_0 &= \left[ A_u + D_a \, 1,\! 0 \, p^{u-a} + \cdots + D_q \, 1,\! 0 \, p^{u-q} \right. \\ &- \left( \frac{A_u + D_a 1,\! 0 p^{u-a} + \cdots + D_q \, 1,\! 0 p^{u-q} - c \, 1,\! 0 p^u}{1,\! 0 \, p^u - 1} - V + V \right) \! (1,\! 0 p^u - 1) \right] \! : \! 1,\! 0 p^u \\ &= \frac{c \, 1,\! 0 \, p^u}{1,\! 0 \, p^u} = c, \, \, \mathfrak{w}. \, \, \mathfrak{z}. \, \, \mathfrak{b}. \, \, \mathfrak{w}. \end{split}$$

Für  $B>Be_u$  ist im Jahre O  $He_0< c$ ;  $He_0$  fann dann sogar =0 und negativ werden. Dagegen für  $B<Be_u$  ist  $He_0>c$ .

d) Bon ber Sohe bes Binsfußes, mit welchem man rechnet.

Ein höherer Binsfuß liefert kleinere Bestands-Erwartungewerte, und umgekehrt.

## Bur Befdicte der Theorie des Beftands : Erwartungswertes.

Eine vollständig richtige Regel zur Berechnung bes Bestands Erwarstungswertes stellte Wibenmann im Jahre 1828 auf 1). Sie lautet: Der Bert ber Haubarkeitsnutung wird unter Zuhülfenahme ber Tagation ausgemittelt; sinden in der Zwischenzeit Rutungen statt, so wird ihr Wert berechnet und durch Hinzurechnung der Zinsen bis zum Zeitpunkte der Hausbarkeitsnutung hinausgerechnet und zu dieser geschlagen, die Ausgaben werden gleichsalls mit Zinsen bis auf den Zeitpunkt der Hauptnutung hinausgerechnet und von der Summe des Robertrages abgezogen, der Rest wird durch Abrechnung der Zinsen auf seinen jetigen Wert distontiert.

Man vermißt in biefer Borfchrift nur eine nahere Bezeichnung ber Ausgaben. Bie wir wiffen, befteben biefelben in ben jahrlichen Roften für

<sup>1)</sup> Forftliche Blatter für Burttemberg, I. Beft (1828) G. 86.

Berwaltung, Schut und Steuern und in der Bodenrente. Man kann wohl annehmen, daß Widenmann mindestens die erstgenannten Kosten im Sinne hatte, weil sie jährlich dar entrichtet werden und daher am meisten in die Augen fallen. Daß aber auch die Bodenrente oder der Zins vom Bodenstapitalwerte unter den Kosten zu verrechnen ist, lehrte Riecke 1) schon 1829. Entwirft man für das Zahlenbeispiel, mit welchem dieser Schriftsteller seine Anweisung zur Berechnung des Bestandswertes erläutert, eine Formel, so lautet dieselbe:

$$\frac{A_u - {}^uB (1,0 p^{u-m} - 1)}{1,0 p^{u-m}}.$$

Riecke macht noch besonders darauf ausmerksam, daß man falsch rechne, wenn man, um den Bestandswert zu sinden, blos den "Ertrag der nächsten Abholzung" (unter diesem ist in dem Beispiel  $A_u$  zu verstehen) diskontiere. Dieses Bersahren, sagt Riecke, würde nur dann richtig sein, wenn dem Käuser des Holzes sür diesen Preis gestattet wäre, dasselbe dis zum Ende der Umtriebszeit stehen zu lassen. Bon den Zwischennutzungen und den jährlichen Kosten für Verwaltung, Schutz und Steuern schweigt Riecke.

König 3) bringt die Zwischennutzungen in Rechnung, vernachlässigt das gegen ebenfalls die jährlichen Kosten, mährend er sie doch bei der Ermitteslung des Bestands-Kostenwertes berücksichtigt. Die Zwischennutzungen nahm König als jährlich eingehende an und kürzte an diesen die Bodenrente. Aus den von ihm ausgestellten Zahlenbeispielen läßt sich die Formel

$$\frac{A_u + \left(\frac{d}{0.0 \text{ p}} - B\right) (1.0 \text{ p}^{u-m} - 1)}{1.0 \text{ p}^{u-m}}$$

ableiten, in welcher d ben jährlichen Betrag der Zwischennutzungen bedeutet. Bei einem dieser Beispiele (S. 597) macht König jedoch die Bemerkung, man könne die Zwischennutzungen ebensowohl auch als periodisch verschieden ansetzen. Dieser Annahme würde die Formel:

$$\frac{A_{u} + D_{n} 1,0 p^{u-n} + \cdots - B (1,0 p^{u-m} - 1)}{1,0 p^{u-m}}$$

entsprechen.

Eine Angabe des Grundes, weshalb in dem vorliegenden Falle die Bodenrente zu den Koften gezählt werden muffe, enthält die Königsche

<sup>1)</sup> Neber die Berechnung des Geldwerthes der Waldungen, 1829, S. 15.

<sup>2)</sup> Es liegt kein Grund zu der Annahme vor, daß die Bernachlässigung wenigstens von  $\mathrm{D_n},\ldots \mathrm{D_q}$  prinzipieller Natur gewesen sei; dieselbe erklärt sich vielmehr aus dem Umstande, daß Riecke die Berrechnung der Zwischennuhungen erst in den späteren Beispielen seiner Schrift lehrte, in welcher er jedoch auf die Ermittelung der Bestandswerte nicht zurücktam.

<sup>3)</sup> Forstmathematik 3. Auslage (1846) § 492, 493 sf.

Anleitung gur Ermittelung des Bestandswertes nur in der Borschrift, daß ",der Entgang an aufgezehrter Bodenrente" von den Erträgen abzuziehen sei. Es tonnte daher das Berständnis der fr. Theorie nur fordern, als

$$\mathfrak{Dehel}^{\,\,1}$$
) ben Ausdrud  $\frac{-\;\mathrm{B}\;(1,0\;\mathrm{p}^{\mathrm{u-m}}\;-\;1)}{1,0\;\mathrm{p}^{\mathrm{u-m}}}$  noch aus einem anderen Ge-

fichtspunkte entwickelte. Detel talfulierte folgendermaßen:

Der Jettwert aller von einem mjährigen Bestande zu erwartenden Rutungen, abzüglich bes Jettwertes ber auf ber Erzeugung dieser Rutungen laftenden baren Ausgaben ist

$$\frac{A_u + D_n \, 1,\! 0 \, p^{u-n} + \dots - V \, (1,\! 0 \, p^{u-m} - 1)}{1,\! 0 \, p^{u-m}} \, \cdot \,$$

Bleibt ber Holzbestand stehen, so kann ber Walbbesiger die Anzucht eines neuen Bestandes erst nach u—m Jahren vornehmen. Wird aber der Bestand entsernt, so kann die Waldkultur sogleich wieder beginnen. Im ersten Falle erhält der Waldbesitzer den Boden zu anderweitiger Benutzung erst nach u—m Jahren; der Jetztwert dieses Bodens ist  $=\frac{B}{1,0\,\mathrm{p}^{\mathrm{u}-\mathrm{m}}}$ 

Im zweiten Falle bagegen (wenn ber Bestand augenblicklich, d. h. im Altersjahre m abgetrieben wird) kann er über B sofort disponieren. Er gewinnt mithin durch den Abtrieb des m jährigen Bestandes

$$B - \frac{B}{1,0 p^{u-m}} = \frac{B (1,0 p^{u-m} - 1)}{1,0 p^{u-m}}$$

Diefer Betrag muß von dem obigen Werte abgezogen werden 2); wir erhalten alsdann für den Bestandswert

$$\frac{\mathbf{A_u} + \mathbf{D_n} \ \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-n}} + \dots - \mathbf{V} \ (\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}} - \mathbf{1})}{\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}}} - \frac{\mathbf{B} \ (\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}} - \mathbf{1})}{\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}}}$$

$$= \frac{\mathbf{A_u} + \mathbf{D_n} \ \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-n}} + \dots - (\mathbf{B} + \mathbf{V}) \ (\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}} - \mathbf{1})}{\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}}}$$

- 1) Allg. Forft- und Jagd-Beitung, 1854, G. 328-329.
- 2) Bir halten uns hier an die Erklärungsweise von Detel, welcher ben Fall im Auge hatte, daß die für die Vernichtung eines Holzbestandes zu leistende Entschädigung zu berechnen sei. Sonst könnte man auch sagen: ber Baldeigentumer verliert dadurch, daß er den Bestand noch u-m Jahre stehen.

läßt, eine Summe = 
$$\frac{B\ (1,0\ p^{u-m}\ -\ 1)}{1,0\ p^{u-m}}$$
, und dieser Betrag muß in Mbzug gebracht werden.

Es gebührt hiernach Detzel das Berdienst, zuerst eine vollständige Formel für den Bestands-Erwartungswert ausgestellt zu haben. Rachträglich bemerken wir noch, daß Detzel den Bodenwert als Erwartungswert in Rechnung nahm.

## 2) Ermittelung bes Roftenwertes eines Beftandes.

#### A. Begriff.

Der Kostenwert eines mjährigen Bestandes ist gleich der Summe der bis zum Jahre m aufgewachsenen Produktionskosten, abzüglich der bis zu demselben Jahre berechneten Nachwerte aller Einnahmen, welche der Bestand während seiner Lebensdauer geliesert hat.

- B. Verfahren zur Bestimmung bes Bestands : Rosten : wertes.
- a) Der zur Erzeugung eines mjährigen Holzbestandes ers forderliche Rostenaufwand besteht:
- a) In den bis zum Jahre m berechneten Zinsen und Zinseszinsen des Boden-Kapitalwertes B. Bis zum Jahre m wächst B mit Zinsen und Zinseszinsen zu der Summe  $\mathbf{B} \cdot \mathbf{1,0p^m}$  an. Zieht man hiervon B ab, so stellt der Ausdruck

$$B \cdot 1,0p^m - B = B (1,0p^m - 1)$$

die Zinsen und Zinseszinsen des Boden-Kapitalwertes B bis zum Jahre m vor.

Man kann den soeben berechneten Ausdruck auch noch mittelst einer andern Anschauung erlangen. Der mjährige Bestand muß nämlich (neben anderen Unkosten, von welchen sogleich die Rede sein wird) dem Waldeigenstümer die mmalige Bodenrente samt deren Jinsen und Jinsedzinsen vers güten. Da die Bodenrente —  $B \cdot 0.0\,\mathrm{p}$  ist, so erhalten wir sür die Nachmerte dieser Kenten folgende Keihe:

$$B \cdot 0.0 \, p \cdot 1.0 \, p^{m-1} + B \cdot 0.0 \, p \cdot 1.0 \, p^{m-2} + \dots + B \cdot 0.0 \, p.$$

beren Summe =  $B(1,0p^m-1)$  ist.

β) In den bis zum Jahre m berechneten Nach= werten der jährlichen Kosten (für Berwaltung, Schutz, Steuern 20.). Bezeichnet man den Betrag der jährlichen Kosten mit v, so sind die Nachwerte derselben bis zum Jahre m:

$$v 1,0p^{m-1} + v 1,0p^{m-2} + \cdots + v.$$

Die Summe dieser Reihe ist  $\frac{v}{0.0p}$  (1.0 $p^m-1$ ). Setzt man hier

$$\frac{v}{0.0p} = v$$
, so hat man

$$V(1,0p^m-1)$$

Man kann die jährlichen Kosten auch als die Interessen eines Kapitals  $\frac{v}{0,0\,\mathrm{p}}=V$  ansehen; die bis zum Jahre m auszuwendenden jährlichen Kosten stellen sich dann als die Zinsen und Zinseszinsen dieses Kapitals dar, welche sich (in analoger Beise, wie die Interessen des Bodenkapitals) zu V (1,0  $\mathrm{p^m}-1$ ) berechnen.

y) In dem bis zum Jahre m berechneten Nach= werte der Kulturkosten. Nennt man den Betrag der Kulturkosten, welche im Jahre O aufgewendet wurden, c, so ist der Nachwert der= selben

Denkt man sich, die Kulturkosten würden nicht im Jahre 0, sondern als eine jährliche Rente bezahlt, so würde der Nachwert dieser Renten

$$\frac{\mathrm{c}\ 1.0\,\mathrm{p^m}}{1.0\,\mathrm{p^m}-1}\,(1.0\,\mathrm{p^m}-1),\ \text{also ebenfalls}=\mathrm{c}\ 1.0\,\mathrm{p^m}\,\mathrm{fein}.$$

b) Berechnung der Einnahmen. Sind vor dem Jahre m bereits Nutzungen aus dem Bestande bezogen worden, so gewähren dieselben einen (wenn auch nicht vollständigen) Ersatz für die aufzgewendeten Produktionskosten. Es müssen daher die Nachwerte dieser Nutzungen von den unter a) berechneten Auswähden in Abzug gestracht werden. Nennt man irgend eine derartige Nutzung, welche im Jahre a eingeht,  $D_{\rm a}$ , so drückt sich der Nachwert dieser Nutzung durch die Formel

$$D_a 1,0 p^{m-a}$$

aus. In gleicher Weise wären die Autzungen D<sub>b</sub>, D<sub>c</sub>.... mit den Nachwerten D<sub>b</sub> 1,0 p<sup>m-b</sup>, D<sub>c</sub> 1,0 p<sup>m-c</sup>.... in Rechnung zu stellen.

Die Nachwerte solcher Nuthungen, welche mehrmals in gleicher Größe wiederkehren, braucht man nicht einzeln zu bestimmen, sondern man kann sogleich die Summe derselben aufsuchen. So würde sich z. B. der Nachswert eines jährlichen Jagdpachtertrages i durch die Formel  $\frac{i}{0,0}$   $\frac{1}{p}$  ausdrücken. Bergl. übrigens auch S. 60.

c) Die allgemeine Formel des Bestands Rosten wertes lautet hiernach in der Fassung, welche ihr nach Faustmanns Darstellung (A. F.: u. J.: B., 1854, S. 84) zu geben ist:

$$\mathbf{H}\mathbf{k}_{m} = (\mathbf{B} + \mathbf{V}) (\mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p}^{m} - \mathbf{1}) + \mathbf{c} \, \mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p}^{m} - (\mathbf{D}_{a} \, \mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p}^{m-a} + \cdots)$$

Beifpiel. Es ift ber Roftenwert eines 55 jährigen Beftanbes zu berechnen, welcher bis jest folgende Zwischennungungsertrage geliefert hat:

Der Bobenwert B betrage 360 Mark, die jährliche Ausgabe v für Berwaltung, Schutz, Steuern 2c. 3,6 Mark, also  $V = \frac{v}{0.0 \, \mathrm{p}} = \frac{3.6}{0.03} = 120$  Mark, der Kulturkosienauswand c 24 Mark, der Zinssußsüß sei = 3%.

Setzt man die vorstehenden Werte in die allgemeine Formel des Bestands-Kostenwertes, so erhält man

$$\begin{aligned} \mathrm{Hk}_{55} = & (360 + 120) \ (1,03^{55} - 1) + 24 \cdot 1,03^{55} - (12 \cdot 1,03^{35} + 42 \cdot 1,03^{25} \\ & + 57,6 \cdot 1,03^{15} + 67,2 \cdot 1,30^{5}) \\ = & 1959,4080 + 121,9704 - 289,3522 \end{aligned}$$

= 1792.03 Marf.

Unmerkung. Die Formel bes Beftands-Roftenwertes unter Bugrundelegung bes Boben-Erwartungswertes.

Darf bei Berechnung des Bestands : Kostenwertes als Bobenwert ber Boben : Erwartungswert Be,, angenommen werben, so ist

$$Hk_m = (Be_n + V) (1,0 p^m - 1) + c 1,0 p^m - (D_a 1,0 p^{m-a} + \cdots)$$

Setzt man für  ${\bf Be_u}$  die Formel des Boden-Erwartungswertes, so fallen die jährlichen Ausgaben (und Einnahmen) aus, weil sie sowohl mit positiven als mit negativen Zeichen vorkommen und sich deshalb gegen einander streichen, und es geht für normale Bestände die Formel des Bestands-Kostenwertes  ${\bf Hk_m}$  über in

$$\frac{(A_u + D_n 1, 0p^{u-n} + \cdots)(1, 0p^m - 1) + \left(\frac{D_a}{1, 0p^a} + \cdots - c\right)(1, 0p^m - 1, 0p^u)}{1, 0p^u - 1}$$

Die nämliche Formel haben wir unter ber gleichen Voraussetzung  $(B=Be_u)$  auf Seite 84 gefunden; hieraus folgt, daß die beiden Methoden bes Erwartungs= und des Kostenwertes für normale Bestände bei der Einsführung des Be, das nämliche Ergebnis liefern.

C. Allgemeines über die Größe des Bestands-Rosten= wertes.

Die Größe des Bestands - Rostenwertes hängt ab:

a) Von der Größe der bis zum Jahre m bezogenen Ein= nahmen und der bis zu demselben Jahre verausgabten Kosten, indem mit diesen der Bestands-Kostenwert steigt, mit jenen aber fällt.

Die Frage, ob die wirklich aufgewendeten Kostenbeträge oder solche von durchschnittlicher Größe in die Rechnung einzuführen seien, muß je nach dem Zwecke, zu welchem diese ersolgt, verschieben beantwortet werben. Die ersteren kommen für den Waldsbesitzer in Betracht, wenn er sich darüber vergewissern will, ob seine Kostenauswände sich rentieren, d. h. durch den Erwartungs: bezw. Berkausswert der Bestände Deckung sinden. Zum Zwecke der Preissbestimmung dei Verkäusen zc. dagegen müssen Durchschnittssäße in die Rechnung eingeführt werden, weil die Käuser ihre Angebote stets nach dem Nutzen bemessen, welchen sie von dem Kausodiekte erwarten, d. h. nach dem Erwartungswerte; und weil nur der mittelst durchsschnittlicher (normaler) Kostensäße berechnete Kostenwert mit dem maßegebenden Erwartungswert, und zwar dei normalen Beständen, übereinstimmt. Für abnorme Bestände kommt bei der Preisbestimsmung der Kostenwert überhaupt nicht in Betracht; denn derselbe stellt sich, wenn die wirklichen Erträge kleiner sind als die normalen, zu hoch und im entgegengesetzen Falle zu niedrig, weil in der Hk=Formel die Rutzungen als negative Größen austreten.

b) Bon dem Bestandsalter. Die Anderungen, welche der Bestands-Kostenwert mit Zunahme des Bestandsalters erfährt, erzgeben sich aus dem unter a) Bemerkten. Unterstellt man das Magismum des Boden-Erwartungswertes sowie die demselben entsprechenden Erträge und Kosten, so steigt der Kostenwert mit dem Bestandsalter, wenn auch nicht in geradem Berhältnisse. Eine Ausnahme von dieser Regel sindet jedoch in dem Falle statt, wenn die Bornuhungen, wie 3. B. die Durchsorstungen, nicht jährlich, sondern periodisch bezogen werden. Es kann dann der Bestands-Kostenwert dessenigen Jahres, in welchem eine solche Auhung stattgefunden hat, kleiner sein, als der Bestands-Kostenwert des vorhergehenden Jahres.

Wir wollen jest noch die Größe des Bestands-Rostenwertes für ben Anfang und das Ende der Umtriebszeit untersuchen.

a) Für den Anfang der Umtriebszeit, also für m = 0, ift der Bestands Rostenwert für jeden der Rechnung unterslegten Bodenwert gleich den eben aufgewendeten Kulturkosten.

Beweis. Da im Jahre O noch keine Ruhungen bezogen worden sind, so ist die Formel des Bestands-Rostenwertes für dieses Alter:

$$(B + V) (1,0p^0 - 1) + c 1,0p^0 = c.$$

 $\beta)$  Für das Ende der Umtriebszeit, also für m=u ist in dem Falle, daß 1) als Bodenwert der Boden-Erwartungswert angenommen werden darf, 2) die Einnahmen von dem Bestande, sowie die Ausgaben für denselben normal waren, 3) der Bestand selbst normale Beschaffenheit besitzt, der Bestands-Kostenwert gleich dem Haubarkeitsertrag  $A_{\rm u}$ 

Beweis. Es ist für m = u

$$Hk_u = (B+V)(1,0p^u-1) + c1,0p^u - (D_a1,0p^{u-a} + \cdots + D_q1,0p^{u-q}).$$

Führt man in diese Gleichung für B ben Boden-Erwartungswert ein, so hat man

$$\begin{split} H \, k_u &= \left( \frac{A_u + D_a \, 1,0 \, p^{u-a} + \dots + D_q \, 1,0 \, p^{u-q} - c \, 1,0 \, p^u}{1,0 \, p^u - 1} - V + V \right) \! (1,0 \, p^u - 1) \\ &\quad + c \, 1,0 \, p^u - \left( D_a \, 1,0 \, p^{u-a} + \dots + D_q \, 1,0 \, p^{u-q} \right) \\ &= A_u, \ \text{tv. 3. b. w.} \end{split}$$

Für  $B>B\,e_u$  würde  $H\,k_u>A_u$ , für  $B< B\,e_u$  dagegen  $H\,k_u< A_u$  sein.

c) Von ber Sohe bes Binsfußes, mit welchem man rechnet.

Bei Unterstellung eines und besselben Bobenwertes hängt es lediglich von der Größe des letzteren und der übrigen Ausgaben im Berhältnis zu den Einnahmen ab, ob ein höherer Zinssuß größere oder kleinere Bestands-Kostenwerte liesert.

Legt man ber Rechnung ben Boden-Erwartungswert und die bemfelben entsprechenden Erträge und Koften zu Grunde, so ergeben sich für einen höheren Zinsfuß geringere Bestands-Kostenwerte, und umgekehrt.

#### Bur Gefdicte ber Theorie bes Beftands-Roftenwertes.

Einige Elemente zur Herstellung eines Ausdrucks für den Bestands-Kostenwert sinden sich bereits in der älteren forstlichen Litteratur, z. B. in Krönckes "Untersuchungen über den Werth des Holzes und über die Wichtigkeit der Holzersparung, 1806", S. 8—12. Kröncke erteilte zur Berechnung des Kostenwertes der Einheit des Raummaßes, und zwar im Durchschnitt sür Haubarkeits: und Zwischennutzungen, eine Vorschrift, welche sich durch die Formel

$$(N_u + n_a \ 1.0 \ p^{u-a} + \cdots + n_q \ 1.0 \ p^{u-q}) \ x = B \ (1.0 \ p^u - 1)$$

ausdrücken läßt. In derselben bezeichnen  $N_u$ ,  $n_a$ , . . . . ,  $n_q$  die Zahl der Kaummaße, welche sich bei den Fällungen in den Jahren u, a, . . . . , q ergeben, x den gesuchten Kostenwert eines Kaummaßes.

Beschränkt man die Ermittlung bes Kostenwertes auf den dominierenden Bestand, dehnt man dieselbe dagegen auf Bestände jeden Alters aus, so geht die obige Formel in folgende über:

$$N_m \cdot x = H k_m = B (1.0 p^m - 1) - (D_a 1.0 p^{m-a} + \cdots).$$

Wie man fieht, fehlt hier nur noch bie Aufrechnung ber Rultur- und ber jahrlichen Roften.

König zog auch biese beiben Positionen in Betracht (Forstmathematik, 3. Aufl., 1846, S. 593). Nach seiner Borschrift sind bei "ganglicher Berswüftung junger Holzwüchse" zu ersetzen:

a) die Anlagekosten, als einmalige Ausgabe auf ben Jettwert berechnet:

b) die seit der Ansage aufgewendeten Unterhaltungskoften, nach Abzug der etwaigen gleichzeitigen Zwisch ennugungen, als Bersgangenheitsrente kapitalisiert;

c) der Entgang an Bobenrente in ber Zwischenzeit, ebenfalls

eine Bergangenheitsrente;

d) der gleichzeitige Berlag an Berwaltungs = und anbern

ftandigen Roften.

König wollte die Kostenwertsberechnung nur bei jungen Beständen ans gewendet wissen; hieraus erklärt es sich, warum er in den von ihm zur Erläuterung seiner Borschriften mitgeteilten Rechnungsbeispielen nur solche Bornutzungen aufführte, welche (wie Streus und Grasnutzungen) jährlich bezogen werden können. Bergl. jedoch auch Seite 90.

Sieht man von den Unterhaltungskoften ab und bezeichnet man den jährlichen Betrag der Bornutzung mit d, so entspricht der obigen Bor-

fdrift bie Formel

$$(B + V) \, (1{,}0 \ p^m - 1) + c \, 1{,}0 \, p^m - \frac{d \, (1{,}0 \, p^m - 1)}{0{,}0 \, p} \cdot$$

Eine recht klare Auseinandersetzung der Theorie des Bestands-Rostens wertes lieserte Faustmann in der Allg. Forst: und Jagd-Zeitung von 1854, S. 84 bis 86. Unter Zugrundelegung der von diesem Schriftsteller in Rechnung genommenen Erträge und Kosten ergiebt sich für den Bestands: Kostenwert die Formel

$$(B + V) (1,0 p^m - 1) + c 1,0 p^m - D_a 1,0 p^{m-a}$$
,

welche wir oben unter B, c mitgeteilt haben.

## 3) Ermittelung bes Berfaufswertes eines Bestandes.

#### A. Begriff.

Unter bem Berkaufswerte eines Bestandes versteht man denjenigen Wert, welchen ber Bestand nach Maßgabe anderweitig vorgekommener Bestandsverkäuse besitzt. Die Wertsbestimmung kann stattsinden unter ber Boraussehung:

a) daß ber Bestand noch weiter übergehalten werde. In diesem Falle müßte der Käuser des Bestands auch noch den Boden pachten oder erwerben. Nach Seite 3 würde der in der oben ans gegebenen Beise ermittelte Bestandswert ein forstlicher Erzeugungsswert sein. b) Daß ber Bestand sofort zu ernten, also abzutreiben sei. Der Berkaufswert, welchen ber Bestand unter dieser Borausssehung besitht, ist nach Seite 3 als Verbrauchswert 1) zu bezeichnen.

Das Verfahren zur Bestimmung des Verbrauchswertes eines Bestandes wird in der Regel darin bestehen, daß man die Masse des Bestandes, getrennt nach Sortimenten, ermittelt, die Zahl der Sortimentsmaße jeder Gattung mit dem zugehörigen, um die Erntekosten verminderten, Preise der Sortimentseinheit multipliziert und die Probukte addiert.

B. Allgemeines über die Größe des Bestands: Ber: brauchswertes.

Da das Holz in den ersten Jahren (den Fall ausgenommen, daß die Pflanzen als Kulturmaterial sich verwenden lassen) keine oder doch nur eine sehr geringe Benutungsfähigkeit besitzt, so wird der reine Bestands-Verdrauchswert in dieser Zeit negativ sein und erst dann Rull werden, wenn der Erlös die Erntekosten deckt, was dei Hochwaldungen oft nicht vor dem 20. Jahre der Fall ist. Von da an steigt der Bestands-Verdrauchswert ausangs langsam, dann rascher; er erreicht sein Maximum weit hinter dem Zeitpunkt, in welchem der durchschnittlich jährliche Zuwachs kulminiert, und sinkt erst dann wieder, wenn die dei höherem Bestandsalter erfolgende Wertssteigerung der gröberen (insbes. Rutholz-) Sortimente durch natürliche oder künstliche Bestandsauslichtung wieder ausgewogen wird. Am frühesten tritt die Kulmination ein dei den sichtbedürstigen Holzarten (z. B. Kiefer, Lärche), am spätesten bei den schattenertragenden, welche sich lange geschlossen zu erhalten pslegen (Tanne, Fichte, Buche).

4) Gegenseitiges Berhältnis zwischen bem Erwartungs-, Koften- und Berbrauchswert normaler Beftände.

A. Verhältnis zwischen dem Bestands-Erwartungs: und Bestands-Rostenwert.

Beide stehen in umgekehrtem Verhältnisse zu einander, indem diejenigen Faktoren, welche den Erwartungswert erhöhen, die Ersniedrigung des Kostenwertes bewirken, und umgekehrt. (Rur die Kulturkosten machen hiervon eine Ausnahme, weil sie in der Formel des Erwartungswertes nicht vorkommen). Es läßt sich daher auch dadurch, daß man den betreffenden Faktoren die geeigneten Werte versleiht, der Erwartungswert dem Kostenwert gleichstellen, und

<sup>1)</sup> Synonyme Ausdrücke, welche neben dem obigen in den Schriften über Waldwertrechnung vorkommen, sind: Nutzungswert, Vorratswert, Gehaltswert.

zwar gelingt dies dann, wenn man als Bodenwert den Boden : Erwartungswert in die beiden Formeln der Bestandswerte einführt.

Beweis. Gest man

$$\begin{aligned} & \frac{A_u + D_n \ 1.0 \ p^{u-n} + \dots - (B+V) \ (1.0 \ p^{u-m} - 1)}{1.0 \ p^{u-m}} \\ & = (B+V) \ (1.0 \ p^m - 1) + c \ 1.0 \ p^m - (D_a \ 1.0 \ p^{m-a} + \dots) \end{aligned}$$

und entwidelt man aus dieser Gleichung B, fo findet man

$$B = \frac{A_u + D_a \ 1.0 \ p^{u-a} + \dots + D_q \ 1.0 \ p^{u-q} - c \ 1.0 \ p^u}{1.0 \ p^u - 1} - V,$$

also  $B = B e_u$ 

Ist u gegeben, Beu aber noch nicht berechnet, so erscheint es (siehe die Formeln in der "Anmerkung" auf Seite 84 und 94) gleich= gültig, ob man den Bestandswert als Erwartungswert oder Kosten= wert kalkuliert. Ist aber Beu bereits berechnet, dann stellt sich bei jüngeren Beständen die Bestandswertsberechnung nach dem Kosten= werte, bei älteren nach dem Erwartungswerte als die kürzere dar.

Bir machen jedoch ausdrücklich darauf aufmerksam, daß der Satz unter A nur für normale Bestände gilt. So ist 3. B. bei einem Bestande, welcher von Jugend auf lückig war und deswegen geringe Durchsorstungs- und haubarkeitserträge liefert, der Kostenwert größer als der Erwartungswert.

B. Berhältnis zwischen dem Bestands-Erwartungs- und bem Bestands-Rostenwerte einerseits und dem Bestands-Berbrauchswerte anderseits 1).

- a) Unterstellt man bei ber Berechnung bes Bestands: Erwartungs: und Kostenwertes ben Boden: Erwartungswert und biejenige Umtriebszeit, für welche sich eben bieser Bodenwert mit einem gegebenen Zinssuß berechnet, ferner
- a) als Bodenwert das Maximum des Boden-Erwartungswertes: so ist der Kosten- und folglich auch der Erwartungswert vor dem Jahre u, in welchem der Boden-Erwartungswert kulminiert, der Kostenwert auch nach demselben größer als der Bestands-Berbrauchswert.

Beweis. Gest man in ber Formel bes Boden Erwartungswertes

<sup>1)</sup> Das Berhaltnis zwischen bem Bestands-Kostenwert und Verbrauchswert hat bereits Bose in seinen "Beiträgen zur Waldwerthrechnung" S. 90 und 231 erörtert.

irgend einer Umtriebszeit x statt des Abtriebsertrages (Bestands=Ber=brauchswertes) Ax den Bestands=Kostenwert Hkx, also

$$Be_{x} = \frac{Hk_{x} + D_{a} 1,0 p^{x-a} + \dots + D_{h} 1,0 p^{x-h_{1}}) - c 1,0 p^{m}}{1,0 p^{m} - 1} - V$$

und führt man für Hk, ben S. 93 entwickelten Ausbruck ein, so findet man

$$Be_{x} = \frac{(B+V)(1,0p^{x}-1)+c\cdot 1,0p^{x}-D_{a}1,0p^{x-a}-\cdots+D_{a}1,0p^{x-a}+\cdots-c\cdot 1,0p^{x}}{1,0p^{x}-1}-V$$

= B, also konstant, d. h. es würde der Boden serwartungswert sür alse Umtriedszeiten, mithin auch für die Umtriedszeiten u-1, u und u+1 der nämliche sein, wenn der BestandssBerbrauchswert in jedem Alter gleich dem BestandssKostenwert wäre. Da nun aber unterstellt worden ist, daß sür die Umtriedszeit u ein Maximum des Boden serwartungswertes sich berechnet, so nuß sowohl  $\mathbf{A}_{\mathbf{u}-1}$  als auch  $\mathbf{A}_{\mathbf{u}+1}$  kleiner als  $\mathbf{Hk}_{\mathbf{u}-1}$  bezw.  $\mathbf{Hk}_{\mathbf{u}+1}$  oder  $\mathbf{Hk}_{\mathbf{u}-1}$  und  $\mathbf{Hk}_{\mathbf{u}+1}$  größer als  $\mathbf{A}_{\mathbf{u}-1}$  bezw.  $\mathbf{A}_{\mathbf{u}+1}$  sein. Nach A (S. 99) gilt das Kämliche sür den BestandssErwartungswert, doch kommen sür denselben nur die Alter vor der Kulmination in Betracht.

So tritt z. B. für p = 3, v = 3,6, c = 24 und die in der Tabelle A verzeichneten Erträge das Maximum des Boden=Erwar=tungswertes mit 362,5595 Mark im 70. Jahre ein. Man findet nun

im	Jahre							60	70	80
ben	Bestand	)	Rost	enn	vert	2)		2166	2970	4038
ben	Restant	13 =	Rer	hra	nché	sme	rt	2063	2970	3608

Figur 2 stellt dieses Berhältnis graphisch dar.

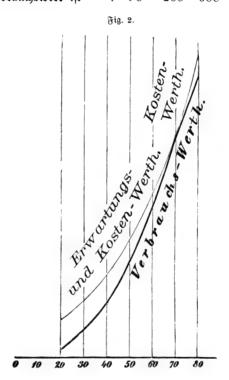
- β) Unterstellt man ferner als Bobenwert irgend einen anderen Boden-Erwartungswert, mithin einen solchen, welcher kleiner ist als das Maximum, so kann sich derselbe für eine Umstriebszeit sowohl vor als nach der Kulmination des Boden-Erwartungswertes berechnen.
- $\alpha\alpha$ ) Im ersten Falle, b. h. wenn der Boden-Erwartungswert einer Umtriebszeit  $\mathbf{u}_1$  angehört, welche vor der Kulmination liegt, ist der Bestands-Verbrauchswert für jedes Alter vor  $\mathbf{u}_1$  kleiner als der zugehörige Bestands-Erwartungs- oder Kostenwert, und erst am Ende von  $\mathbf{u}_1$  stellen sich diese drei Werte völlig gleich.

<sup>1)</sup> D<sub>h</sub> bedeutet hier die lette Zwischennutung vor dem Jahre m.

<sup>2)</sup> Dieser ist in dem vorliegenden Falle bis zum Jahre u gleich dem Bestands-Erwartungswert.

Beispiel. Für u<sub>1</sub> = 60, c = 24, v = 3,6 und die in Tasbelle A verzeichneten Erträge berechnet sich

im Jahre 20 der Bestands: Erwartungs: oder	30	40	50	60
Rostenwert = 403	659	986	1417	2063
während nach Tabelle A der Be- ftands-Berbrauchswert ist = . 96	260	608	1200	*2063.

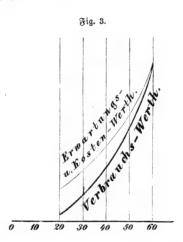


Der Unterschied zwischen dem Bestands Berbrauchswerte einersseits und dem Bestands Erwartungs oder Kostenwerte anderseits vers mindert sich gegen das Ende der Umtriebszeit hin sehr bedeutend. Er beträgt in obigem Beispiel

im	Jahre .			30	40	50	60
				399	378	217	

Die nachstehende Figur 3 stellt die oben erwähnten Berhaltniffe zwischen ben verschiedenen Arten ber Bestandswerte graphisch bar.

ββ) Im zweiten Fall, wenn nämlich der Boden-Erwartungswert einer Umtriebszeit uz angehört, welche hinter der Kulmination liegt, kommt der Bestands-Verbrauchswert dem Bestands-Erwartungs- oder Kostenwerte zweimal gleich: einmal vor dem Alter u, in welchem der Boden-Erwartungswert sein Maximum erreicht und einmal hinter demselben. Es erklärt sich dies eben aus dem Umstande, daß der Boden-Erwartungswert seder Umtriebszeit, welche größer ist als diesenige, in welcher die Kulmination eintritt, sich auch bei einem vorausgehenden Alter sindet.



So ist 3. B. nach Tabelle B der Boden-Erwartungswert der 80-jährigen Umtriebszeit = 317,9086; derselbe Wert sindet sich aber auch zwischen dem 50. und 60. Jahre. Berechnet man nun mit Zugrundelegung des eben erwähnten Bodenwertes den Bestands-Erwartungs- oder Kostenwert, so erhält man

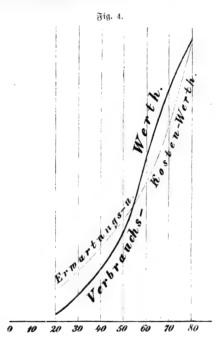
für das Jahr . . . . 20 30 40 50 60 70 80 als Bestands : Erwartungs :

oder Kostenwert . . . . 384~625~933~1338~1869~2573~3608 während nach Tab. A der Be-

stands-Verbrauchswert ist 96 260 608 1200 1984 2880 3608.

Wie aus diesen Zahlen und auß Fig. 4 zu ersehen ist, kommt der BestandssErwartungs und Kostenwert dem Verbrauchswert zwischen dem 50. — 60. und im 80. Jahre gleich, und zwar sind die beiden erstgenannten Werte vor dem ersten Schnittpunkte größer, hinter dem selben aber kleiner, als die zugehörigen BestandssVerbrauchswerte.

b) Unterstellt man bei der Berechnung des Bestands-Erwartungs- und Kostenwertes einen beliebigen Bodenwert B, so kann dieser gleich dem Maximum des Boden-Erwartungswertes oder kleiner oder größer als letzteres sein. Der erste Fall stimmt mit dem unter a,  $\alpha$ , der zweite mit dem unter a,  $\beta$  behandelten überein. Im dritten Falle ist der Bestands-Kostenwert stets größer, als der zugeshörige Bestands-Verbrauchswert.



So ist 3. B. für B=480, p=3, c=24, v=3,6 und die in Tabelle A verzeichneten Erträge

im Jahre ber Bestands:	20	30	40	<b>5</b> 0	60	70	80
Rostenwert.	515	857	1300	1886	2662	3693	5170
der Bestands: Rerbrauchswert	96	260	608	1200	1984	2880	3608.

Das Berhältnis des Bestands Erwartungswertes zu dem Besstands Berbrauchswerte hängt von dem Unterschiede zwischen B und dem Boden Erwartungswerte Beu derjenigen Umtriebszeit ab, mit welcher man den Bestands Erwartungswert berechnet. Je nach der

Größe jenes Unterschiedes kann der Bestands : Erwartungswert dem Berbrauchswert gleich kommen oder größer oder kleiner sein als dieser.

C. Anwendbarkeit der Beftands=Berbrauchswerte.

Bei jüngeren Beständen kann man erhebliche Fehler begehen, wenn man anstatt des Erwartungs- oder Kostenwertes den Bersbrauchswert annimmt. Bei älteren Beständen ist der Fehler häusig sehr klein; es empsiehlt sich daher um so mehr, diese nach dem Bersbrauchswerte zu veranschlagen, als bei der Bestimmung der Erwartungs- und Kostenwerte Frungen keineswegs ausgeschlossen sind (wegen der Schwierigkeit, mit welcher die Ermittlung der Erträge, Bodenwerte und des richtigen Zinssußes verbunden ist). Außerdem muß der Verbrauchswert bestimmt werden, um in der Disserenz zwischen ihm und dem Erwartungs- oder Kostenwerte das Maß des Verlustes oder der Entschädigung beim Abtriebe unreiser Bestände sestzustellen.

Übrigens kann es auch bei älteren Beständen vorkommen, daß der Verbrauchswert von dem Erwartungswerte bedeutend übertroffen wird; dann nämlich, wenn nicht kahler, sondern semelweiser Abtried und während des Verjängungszeitraums ein Zuwachsprozent in Aussicht steht, welches erheblich größer ist als der Wirtschaftszinssuß. Bezeichnet man den letzteren mit p, ersteres — und zwar das Werts Zuwachsprozent — mit z, den durchschnittlich jährlichen Hiedsspätz während des Verjängungszeitraums mit a, diesen selbst mit t, und unterstellt man, daß die Besamung nach  $\frac{t}{2}$  eintritt, so ist zu Ansang

von t

He = 
$$\frac{a(1,0p^t-1)}{0,0p\cdot 1,0p^t} - \frac{(B+V)(1,0p^{\frac{t}{2}}-1)}{1,0p^{\frac{t}{2}}}$$
,

dagegen der Bestands=Verbrauchswert:

$$\operatorname{H} \mathtt{v} = \frac{\mathtt{a} \, (\mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathtt{z}^{\mathtt{t}} - \mathbf{1})}{\mathbf{0}, \mathbf{0} \, \mathtt{z} \cdot \mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathtt{z}^{\mathtt{t}}} \cdot$$

Beispiel. Sepen wir  $p=2.5,\ z=4,\ a=260,\ B+V=400,$  t=40, so wird hiernach:

$$He = 6370,83, Hv = 5146,13,$$

der Unterschied beträgt also 1224,70 oder 24% des Hv.

#### III. Wert einzelner Baume.

1) Den durchschnittlichen Erwartungs-, Rosten- oder Berbrauchswert eines Baumes findet man, wenn man den entsprechenden Wert eines Bestandes durch die Bahl der Bäume, welche benselben zusammenseben, dividiert.

Aufgabe 1. Es ist der Kostenwert einer dreijährigen Rieserpstanze unter ber Voraussetzung zu bestimmen, daß der Bodenwert B pro Hettar 362,56 Mark, der Kulturkostenauswand c=24 Mark, der jährliche Auswand v für Verwalztung, Steuern 2c. =3,6 Mark (also  $V=\frac{v}{0,0\,p}=\frac{3,6}{0,03}=120$  Mark) betrage und daß auf einem Hettar 6400 Pslanzen stehen. Der Zinssußs sei 3%. Auflösung. Der Kostenwert einer Pslanze ist:

$$=\frac{(362,56+120)(1,03^3-1)+24\cdot1,03^3}{6400}=\frac{44,7333+26,2248}{6400}$$
$$=\frac{70,9581}{6400}=0,011 \text{ Marf},$$

also etwas mehr als 1 Pfennig.

Aufgabe 2. Es ist ber Wert eines 45 jährigen Kiesernstammes als Erswartungswert zu bestimmen. B sei wieber = 362,56 Mark, v = 3,6 Mark. Der ganze Bestand enthalte 3500 Stämme und liefere bis zu seinem im 70. Jahre ersolgenden Abtriebe noch folgende Erträge:

Auflösung. S. 84 wurde der Erwartungswert des ganzen Bestandes zu 1275,18 Mark berechnet; es ist also der Erwartungswert eines Stammes  $= \frac{1275,18}{3500} = 0,364$  Mark.

2) Den konkreten Verbrauchswert eines Baumes erhält man nach dem unter 3) A. b) S. 98 mitgeteilten Verfahren. Der konskrete Kostens oder Erwartungswert eines Baumes ergiebt sich, wenn man in den bezüglichen Formeln der Bestandswerte für B, C, V, A, D... diejenigen Größen einführt, welche sich für den einzelnen Baum berechnen. Gebraucht man die Formel der Erwartungsswerte, so muß zuvor die wahrscheinliche Lebensdauer des betreffenden Baumes ermittelt werden.

Aufgabe. Es ist ber Erwartungswert eines Obstbaumes zu ermitteln, welcher wahrscheinlicherweise noch 20 Jahre ausdauern, innerhalb dieser Beit alle 5 Jahre eine Obsternte im Werte von je 7,5 Mark und beim Abtrieb eine Holznuhung von 9 Mark gewähren wird. Diese Einnahmen werden jedoch dadurch geschmälert, daß der von dem Baume beschattete Boben weniger Getreide 2c. erzeugt; der Aussall ist auf 0,6 Mark pro Jahr geschäht worden. Für Pslege des Baumes ist jährlich 0,3 Mark zu versausgaben. Zinssus 3%.

Unflösung. Der Rapitalmert begienigen Teils bes Bodens, melden ber Obstbaum in Anspruch nimmt, ist  $\frac{0.6}{0.03}$ ; V beträgt  $\frac{0.3}{0.03}$ , also B+V $=\frac{0.6+0.3}{0.03}=\frac{0.9}{0.03}=30$ . Hiernach ist:

He = 
$$\frac{9 + 7.5 + 7.5 \cdot 1.03^{5} + 7.5 \cdot 1.03^{10} + 7.5 \cdot 1.03^{15} - 30(1.03^{20} - 1)}{1.03^{20}}$$

Bei Waldbäumen wäre zu begutachten, ob dieselben vorausfichtlich bis zum Saubarkeitsalter bes Beftanbes ausbauern werden oder nicht. Im ersteren Falle und wenn zur Zeit des Abtriebs noch Zu Stämme vorhanden sein werden, ift der Erwartungs= wert eines mejährigen Baumes von mittleren Dimenfionen

$$He_m = \frac{Au - (B + V)(1{,}0p^{u-m} - 1)}{1{,}0p^{u-m} \cdot Zu}$$

und derjenige eines stärferen ober schwächeren entsprechend größer ober kleiner. In vielen Fällen ber Braris, namentlich bei Schaben= ersap-Berechnungen (f. Anhang, I. Rap., II. Abschnitt II) bleibt übrigens das negative Glied dieser Formel außer Ansat, ist also Hem einfach

 $=rac{A\,\mathrm{u}}{1.0\,\mathrm{p}^{\mathrm{u}-\mathrm{m}}\cdot\mathrm{Z}_{\mathrm{u}}}$  zu setzen. Fällt ber Baum aber voraussichtlich balb einer Zwischennutzung anheim, so wird sein wirtschaftlicher, bezw. Erwartungswert in der Regel nicht größer als der Verbrauchswert, mit= hin der lettere als maggebend anzusehen sein.

# IV. Wert der Einheit des Raummaßes.

Man findet ihn, wenn man den Wert eines Bestandes oder Baumes durch die Bahl der Raummaße, welche er enthält, dividiert.

Aufgabe. Gin 45 jahriger Riefernbeftand liefere bis zu feinem auf das 70. Jahr festgesetten Abtriebe noch folgende Erträge:

Der Bobenwert B betrage 362,56 Mart, Die jährliche Ausgabe für Berwaltung, Schutz und Steuern 3,6 Mark. Der Beftand enthalte im 45. Jahre 210 km. Es ift ber Erwartungswert eines Rubitmeter 45 jährigen Holzes unter Anwendung eines Binsfußes von 3 % zu bestimmen.

Auflösung. Rach Seite 84 ift ber Erwartungswert bes gangen Beftanbes = 1275,18 Mart, also ber Erwartungswert eines Rubitmeter.

$$=\frac{1275,18}{210}=6,07$$
 Mart.

Wie aus  $\beta$ , Seite 88 und 96, folgt, stimmt im Haubarkeitsalter u der wirkliche Erlös für die Einheit des Raummaßes mit dem Erwartungswert derselben unter allen Umständen und mit dem Kostenwert dann überein, wenn letzterer mit Zugrundelegung des Boden-Erwartungswertes berechnet wurde.

## V. Wert eines ein- oder mehrjährigen Buwachses.

## 1) Für einen Bodenwert von beliebiger Größe.

a) Um den Erwartungswert des xjährigen Zuwachses zu finden, welchen ein Bestand vom Jahre m bis zum Jahre m+x angelegt hat, zieht man den Erwartungswert des mjährigen Bestandes von dem Erwartungswerte des (m+x)jährigen Bestandes ab und erhält so

$$\begin{split} &\frac{A_{u}+D_{n}\ 1,0\ p^{u-n}+\cdots-(B+V)\ (1,0\ p^{u-(m+x)}-1)}{1,0\ p^{u-(m+x)}} \\ &-\frac{A_{u}+D_{n}\ 1,0\ p^{u-n}+\cdots-(B+V)\ (1,0\ p^{u-m}-1)}{1,0\ p^{u-m}} \\ &=\frac{(A_{u}+D_{n}\ 1,0\ p^{u-n}+\cdots+B+V)\ (1,0\ p^{x}-1)}{1,0\ p^{u-m}} \ (*$$

als Erwartungswert des xjährigen Zuwachses im Jahre m + x. Für das Jahr m berechnet, ist der Wert dieses Zuwachses

$$=\frac{(A_u+D_n\;1,0\,p^{u-n}+\cdots+B+V)\,(1,0\,p^x-1).}{1,0\,p^{u+x-m}}$$

Aufgabe. Es ift der Wert des Zuwachses, welchen ein mit 70 jähriger Umtriebszeit zu behandelnder Bestand vom Ansang des 41. bis zum Ende des 45. Jahres anlegt, für das Ende des 40. Jahres zu berechnen. Die Erträge dieses Bestandes sind aus Tabelle A zu entnehmen; es sei serner B=362,56 Mart, V=120 Mart, p=3.

Auflosung. Führen wir die entsprechenden Berte in die vorstehende Formel ein, so erhalten wir

$$\frac{(2970 + 67,2 \cdot 1,03^{20} + 79,2 \cdot 1,03^{10} + 362,56 + 120)(1,03^{5} - 1)}{1.03^{70} + 5 - 40}$$

 $= (2970 + 121,3699 + 106,4369 + 482,56) 0,1593 \cdot 0,3554 = 208,36$  Warf.

b) Den Kostenwert bes xjährigen Zuwachses sindet man, indem man den Kostenwert des mjährigen Bestandes von dem Kostenwerte des (m + x)jährigen Bestandes abzieht. Man erhält dann

$$\begin{split} &(B+V)\ 1{,}0\,p^{m+x}-1)+c\ 1{,}0\,p^{m+x}-D_a\ 1{,}0\,p^{m+x-a}\\ &-[(B+V)\ (1{,}0\,p^m-1)+c\ 1{,}0\,p^m-D_a\ 1{,}0\,p^{m-a}]\\ &=1{,}0\,p^m\left(B+V+c-\frac{D_a}{1{,}0\,p^a}\right)\left(1{,}0\,p^x-1\right) \end{aligned} \tag{***}$$

als den Kostenwert des xjährigen Zuwachses im Jahre m+x. Für das Jahr m berechnet sich der Wert dieses Zuwachses

$$= \frac{1,0p^{m} \Big(B+V+c-\frac{D_{a}}{1,0p^{a}}\Big)(1,0p^{x}-1)}{1,0p^{x}}$$

$$= 1,0p^{m-x} \Big(B+V+c-\frac{D_{a}}{1,0p^{a}}\Big)(1,0p^{x}-1).$$

#### 2) Für den Boden : Erwartungswert.

Führt man die Formel des Boden=Erwartungswertes in die unter 1) a und b enthaltenen Formeln (\* und (\*\* ein, so ergiebt sich nach einigen Reduktionen übereinstimmend:

$$1.0p^{m}\Big(A_{u}+D_{n}\,1.0p^{u-n}+\cdots+\frac{D_{a}}{1.0\,p^{a}}+\cdots-c\Big)\left(\frac{1.0\,p^{x}-1}{1.0\,p^{u}-1}\right)$$

als der Wert, welchen ein vom Jahre m bis zum Jahre m + x ersfolgender Zuwachs im Jahre m + x hat.

Für das Jahr m berechnet sich der Wert dieses Zuwachses durch die Formel

$$\frac{1,0\,p^m\,\Big(A_u+D_n\,1,0\,p^{u-n}+\dots+\frac{D_a}{1,0\,p^a}+\dots-c\Big)\,\Big(\frac{1,0\,p^x\,-\,1}{1,0\,p^u\,-\,1}\Big)}$$

$$=1.0p^{x}\left(A_{u}+D_{n}1.0p^{u-n}+\cdots+\frac{D_{a}}{1.0p^{a}}+\cdots-c\right)\left(\frac{1.0p^{x}-1}{1.0p^{u}-1}\right).$$

# VI. Wert der Bestände einer normalen Altersstufenfolge (Wert des normalen Vorrates).

Der Wert des normalen Vorrates setzt sich aus den Werten der einzelnen Altersstusen zusammen. Das Versahren zur Ermittelung des Verbrauchswertes bietet keine Schwierigkeiten dar; dagegen bedarf die Bestimmung des Erwartungs- und des Kostenwertes einer besonderen Entwickelung.

#### 1) Zeitpunft für die Berechnung des normalen Borrates.

Der jährliche Reinertrag einer normalen Betriebsklasse bildet die Wente des Bodens und des normalen Borrates. Diese Kente wird, wie der Zinsenadwurf jedes andern Kapitals, im Lause eines Jahres erzeugt, so daß also der Borrat am Ende des Jahres nicht blos das Produktionskapital, sondern auch die Kente desselben enthält. Soll nun die Größe des normalen Borrates allein, d. h. ohne den Kentenzuwachs, sestgestellt werden, so ist dieselbe für denjenigen Zeitpunkt zu erheben, in welchem die Erzeugung der Kente noch nicht begonnen hat, also 1 Jahr vor der Ruhung der ältesten Altersstuse. Diese wird alsdann (u-1) jährig, die zweite (u-2) jährig . . . , die lette 0 jährig sein.

# 2) Erwartungswert bes normalen Borrates.

A. Ermittelung bes Erwartungswertes bes normalen Vorrates unter Zugrundelegung eines beliebigen Boben= wertes.

## a) Für bie Flache einer Betriebsflaffe.

Berechnen wir die Erwartungswerte der einzelnen Stufen nach ber auf Seite 84 angegebenen He-Formel und mit Zugrundelegung der oben angegebenen Alter, und nehmen wir vorerst an, daß nur die q jährige Altersstuse eine Zwischen- oder Nebennutzung liefere. Mit Beibehaltung der seitherigen Bezeichnungen ergiebt sich, wenn man m nach und nach die Werte 0, 1, 2 . . . . u — 1 beilegt:

$$\begin{aligned} \text{He}_0 &= 1.0 \, \text{p}^0 \left( \frac{\text{A}_u + \text{B} + \text{V}}{1.0 \, \text{p}^u} + \frac{\text{D}_q}{1.0 \, \text{p}^q} \right) - (\text{B} + \text{V}) \\ \text{He}_1 &= 1.0 \, \text{p}^1 \left( \frac{\text{A}_u + \text{B} + \text{V}}{1.0 \, \text{p}^u} + \frac{\text{D}_q}{1.0 \, \text{p}^q} \right) - (\text{B} + \text{V}) \\ \vdots \\ \vdots \\ \text{He}_{1} &= 1.0 \, \text{p}^{q-1} \left( \frac{\text{A}_u + \text{B} + \text{V}}{1.0 \, \text{p}^u} + \frac{\text{D}_q}{1.0 \, \text{p}^q} \right) - (\text{B} + \text{V}) \end{aligned}$$

$$\begin{split} He_{q-1} &= 1.0 \, p^{q-1} \left( \frac{A_u + B + V}{1.0 \, p^u} + \frac{D_q}{1.0 \, p^q} \right) - (B + V) \\ He_q &= 1.0 \, p^q \left( \frac{A_u + B + V}{1.0 \, p^u} \right) - (B + V) \end{split}$$

$$He_{u-1} = 1.0 \, p^{u-1} \left( \frac{A_u + B + V}{1.0 \, p^u} \right) - (B + V)$$

Summiert man bie vertifalen Rolumnen, fo erhalt man:

$$\begin{split} &\frac{A_u + B + V}{1,0p^u} (1,0p^0 + 1,0p^1 + \dots + 1,0p^{u-1}) + \\ &+ \frac{D_q}{1,0p^q} (1,0p^0 + 1,0p^1 + \dots + 1,0p^{q-1}) - u (B + V) \\ &= \frac{A_u + B + V}{1,0p^u} \cdot \frac{1,0p^u - 1}{0,0p} + \frac{D_q}{1,0p^q} \cdot \frac{1,0p^q - 1}{0,0p} - u (B + V), \end{split}$$

ober wenn man beide ersten Glieder gleichnamig macht,

$$=\frac{(A_u+B+V)(1,0p^u-1)+D_q\cdot 1,0p^{u-q}(1,0p^q-1)}{1,0p^u\cdot 0,0p}-u(B+V)\cdot$$

Nimmt man an, daß noch weitere Zwischen- voer Nebennutzungen  $D_a$ ,  $D_b$ , . . . . in der a-, b-, . . . . jährigen Altersstufe erfolgt seien, so werden dieselben in die vorstehende Formel mit den analogen Ausdrücken einzuführen sein.

Hiernach wäre der Erwartungswert des normalen Borrates:

$$\begin{array}{c} (A_{u}+B+V)(1,0p^{u}-1)+D_{a}1,0p^{u-a}(1,0p^{a}-1)+\cdots+D_{q}1,0p^{u-q}(1,0p^{q}-1)\\ 1,0p^{u}\cdot0,0p\\ -u\;(B+V). \end{array} \tag{*}$$

b) Wert des normalen Vorrates für die Flächen=einheit.

In der soeben aufgestellten Formel beziehen sich die Ausdrücke  $A_u$ ,  $D_a$ , ...,  $D_q$ , B und V auf eine Altersstuse und es ist hierbei sowohl die Größe derselben, als auch diejenige der ganzen Betriebseklasse unbestimmt gelassen worden. Nimmt man aber an, daß  $A_u$ ,  $D_a$ , ...,  $D_q$ , B und V für die Flächeneinheit, z. B. für z Hektar, gelten, so stellt die obige Formel den Wert des normalen Vorrates sür z Hektar, und man erhält den normalen Vorrat sür z Hektar, wenn man die obige Formel durch z diebeiert. Es ist somit:

$$\frac{(A_{n}+B+V)(1,0p^{u}-1)+D_{a}1,0p^{u-a}(1,0p^{a}-1)+\cdots+D_{q}1,0p^{u-q}(1,0p^{q}-1)}{u\cdot 1,0\,p^{u}\cdot 0,0\,p} \\ -(B+V)$$

ber Erwartungswert bes normalen Borrates für die Klächeneinheit.

Beispiel. Für B=720, V=120, p=3, u=70 und die in der Tabelle A verzeichneten Erträge ist der Erwartungswert des Normalvorrats pro Hetar

$$= \begin{bmatrix} (2970.0 + 720 + 120) & (1,03^{70} - 1) + 12,0 & \cdot 1,03^{50} & (1,03^{20} - 1) \\ + 42,0 & \cdot 1,03^{40} & (1,03^{30} - 1) + 57,6 & \cdot 1,03^{30} & (1,03^{40} - 1) + 67,2 & \cdot 1,03^{20} & (1,03^{50} - 1) \\ + 79,2 & \cdot 1,03^{40} & (1,03^{60} - 1) \end{bmatrix} : 70 & \cdot 1,03^{70} & \cdot 0,03 - (720 + 120) \\ - & (26356,8180 + 1485,5577) & 0,1263 - 840 - 834 & 59 & \text{Mark} \end{bmatrix}$$

$$= \frac{(26356,8180 + 1485,5577) \ 0,1263}{2,1} - 840 = 834,52 \ \text{Marf.}$$

B. Ermittelung des Erwartungswertes des normalen Borrates unter Zugrundelegung des Boden: Erwartungs: wertes.

Parf in der Formel (\*B als Boden:Erwartungswert

$$Be_{u} = \frac{A_{u} + D_{a} 1,0 p^{u-a} + \dots + D_{q} 1,0 p^{u-q} - c 1,0 p^{u}}{1,0 p - 1} - V$$

angenommen werden<sup>1</sup>), so findet man, wenn man diesen Ausdruck anstatt B in den ersten Teil jener Formel einführt, nach einigen Resduktionen den Wert des normalen Borrates für die Fläche einer Betriebsklasse —

$$\frac{A_{\rm u} + D_{\rm a} + \cdots + D_{\rm q} - c}{0.0\,\rm p} - \rm u \; (Be_{\rm u} + V)$$

ober, de  $V = \frac{v}{0.0 \text{ p}}$  ist,

$$\frac{A_n + D_a + \cdots + D_q - (c + uv)}{0.0 \text{ p}} - u \cdot Be_u.$$

Für die Flächeneinheit ergiebt sich ber Bert des normalen Borrates =

$$\frac{A_\mathfrak{u}+D_\mathfrak{a}+\dots+D_\mathfrak{q}-(\mathfrak{c}+\mathfrak{u}\mathfrak{v})}{\mathfrak{u}\cdot 0,0\,\mathfrak{p}}-B\,e_\mathfrak{u}.$$

Beispiel. Für die in Tabelle A verzeichneten Erträge, sowie für c=24,  $\mathbf{v}=3.6$  Mart,  $\mathbf{u}=70$ ,  $\mathbf{p}=3$ , berechnet sich ein Boden-Erwartungswert  $\mathbf{Be_u}=362.56$ . Nach vorstehender Formel ware also der Bert des normalen Borrates:

<sup>1)</sup> Diefe Annahme ift bann gerechtfertigt, wenn Fortführung bes feite berigen Betriebs und Gleichbleiben ber Ertrage, Stoften und bes ginssußes unterftellt werben burfen.

$$\tfrac{2970+12,0+42,0+57,6+67,2+79,2-(24+70\cdot3,6)}{70\cdot0,03}-362,56$$

== 1043,15 Mark.

#### 3) Roftenwert des normalen Borrates.

A. Ermittelung bes Rostenwertes bes normalen Borrates unter Zugrundelegung eines beliebigen Bodenwertes.

a) Für die Fläche einer Betriebstlaffe.

Nehmen wir wieder, aus den unter VI, 1 angeführten Gründen, die Alter der einzelnen Stufen zu  $(u-1), (u-2), \ldots 2, 1, 0$  Jahren an, und unterstellen wir vorerst, der Kürze halber, daß nur die ajährige Altersstufe eine Zwischen- oder Nebennutzung  $D_a$  liefere. Führt man nun in die allgemeine Formel des Bestands-Rostenwertes für m nach und nach die Werte  $0, 1, 2 \cdots (u-2), (u-1)$  ein, so erhält man:

$$\begin{array}{l} {\rm H\,k_0} = ({\rm B} + {\rm V})\,({\rm 1,0\,p^0-1}) + {\rm c\,1,0\,p^0} \\ {\rm H\,k_1} = ({\rm B} + {\rm V})\,({\rm 1,0\,p-1}) + {\rm c\,1,0\,p} \end{array}$$

. . . .

$$\begin{array}{l} H\,k_a = (B\,+\,V)\,\,(1{,}0\,p^a-1) + c\,\,1{,}0\,p^a - D_a \\ H\,k_{a+1} = (B\,+\,V)\,\,(1{,}0\,p^{a+1}-1) + c\,\,1{,}0\,p^{a+1} - D_a\,\,1{,}0\,p \\ & \cdot & \cdot & \cdot \end{array}$$

$$Hk_{u-1} = (B+V)(1,0p^{u-1}-1) + c 1,0p^{u-1} - D_a 1,0p^{u-a-1}$$

Summiert man die vertifalen Rolumnen, fo erhalt man

$$\begin{split} & \left( B + V \right) \left( 1,0 \, p^0 + 1,0 \, p + \dots + 1,0 \, p^{u-1} \right) - u \left( B + V \right) \\ & + c \left( 1,0 \, p^0 + 1,0 \, p + \dots + 1,0 \, p^{u-1} \right) - D^a \left( 1 + 1,0 \, p + \dots + 1,0 \, p^{u-a-1} \right) \\ & = & \frac{(B + V)(1,0 \, p^u - 1)}{0.0 \, p} - u (B + V) + \frac{c(1,0 \, p^u - 1)}{0.0 \, p} - \frac{D_a(1,0 \, p^{u-a} - 1)}{0.0 \, p} \cdot \end{split}$$

Nimmt man an, daß noch weitere Zwischen= oder Nebennutzungen  $\mathrm{D}_{\mathrm{b}}\cdot\cdots\mathrm{D}_{\mathrm{q}}$  in der  $\mathrm{b}$ =,  $\cdots$ - qjährigen Altersstufe erfolgt seien, so werden dieselben in die vorstehende Formel mit den analogen Auß= drücken einzuführen sein.

Hiernach wäre der Kostenwert des normalen Borrates:

$$\frac{(B+V+c)(1,0\,p^u-1)-[D_a(1,0\,p^{u-a}-1)+\cdots+D_q(1,0\,p^{u-q}-1)]}{0,0\,p} - u\,(B+V). \tag{**}$$

b) Wert bes normalen Vorrates für die Flächen=einheit.

Derfelbe ift nach Inhalt bes unter b, Seite 110 Bemerkten:

$$\frac{(B + V + c)(1,0\,\mathrm{p^u} - 1) - [D_a(1,0\,\mathrm{p^{u-a}} - 1) + \cdots + D_q(1,0\,\mathrm{p^{u-q}} - 1)]}{u \cdot 0,0\,\mathrm{p}}$$

$$-(B+V)$$
,

wobei die Werte B, V, c,  $D_a$ ,  $\cdots$   $D_q$  ebenfalls für die Flächenseinheit gelten.

Beispiel. Für B=720, V=120, p=3, u=70 und die in Tabelle A verzeichneten Erträge ist der Kostenwert des Normalvorrates pro Hettar =

$$\begin{split} & [ (720 + 120 + 24) (1,03^{70} - 1) - (12,0 (1,03^{50} - 1) + 42,0 (1,03^{40} - 1) \\ & + 57,6 (1,03^{30} - 1) + 67,2 (1,03^{20} - 1) + 79,2 (1,03^{10} - 1)) ] : 70 \cdot 0,03 \\ & - (720 + 120) = \frac{5976,9792 - 299,2300}{2,1} - 840 = 1863,69 \text{ Marf.} \end{split}$$

B. Ermittelung bes Rostenwertes bes normalen Borrates unter Zugrundelegung bes Boden-Erwartungswertes.

Führt man in ben ersten Teilsatz der Formel (\*\* für B ben Boden-Erwartungswert Beu ein, so findet man den Wert des normalen Borrates für die Fläche einer Betriebsklaffe =

$$\frac{A_{\mathfrak{u}}+D_{\mathfrak{a}}+\cdots D_{\mathfrak{q}}-(c+\mathfrak{u}\boldsymbol{v})}{0,0\;p}-\mathfrak{u}\cdot B\,e_{\mathfrak{u}}$$

und für die Flächeneinheit -

$$\frac{A_u+D_a+\dots+D_q-(c+uv)}{u\cdot 0.0\,p}-Be_u.$$

## 4) Rentierungswert bes normalen Borrates.

Wan erhält benselben, wenn man von dem Waldrentierungswert einer Betriebsklasse den Bodenwert der letzteren abzieht. Der Walde rentierungswert ergiebt sich durch Napitalisierung des jährlichen Walderinertrags  $A_u + D_a + \cdots + D_q - (c + uv)^1$ ). Hiernach ist der Rentierungswert des normalen Borrates sür die Fläche einer Betriebsklasse

<sup>1)</sup> Siehe das folgende (III.) Rapitel, V.

B. Bener, Balbwertrechnung. 4. Mufl.

$$\frac{A_u + D_a + \cdots + D_q - (c + uv)}{0.0 p} - u \cdot Be_u$$

und für die Flächeneinheit -

$$\frac{A_u+D_a+\dots+D_q-(c+uv)}{u\cdot 0.0\,p}-Be_u.$$

Wie man sieht, stimmen diese Formeln mit den unter 2) B. und 3) B. erhaltenen überein.

Der Bodenwert darf hier folgerichtigerweise nur als Erwartungswert in Ansat kommen, weil die Formel des Waldrentierungswertes von der nämlichen Boraussetzung ausgeht, wie diejenige des Boden-Erwartungswertes; nämlich von der Annahme unaushörlicher Wiederkehr gleicher Einnahmen und Ausgaben.

Anhang. Andere Methoden zur Ermittelung des Wertes des normalen Borrates. Die Oesterreichische Cameraltazation bestimmt bekanntlich den normalen Borrat nach der Formel  $\frac{u\,Z}{2}$ , in welcher u die Umtriedszeit,  $Z=u\,z$  den Haubarkeitsdurchschnittszuwachs aller Altersstufen oder auch den Holzgehalt der ältesten Stufe  $(=A_u)$  bedeutet. Diese Formel setzt voraus, daß die älteste Stufe  $(u-\frac{1}{2})$  Jahre zählt. Besitzt ie das Alter u-1, so muß (vergl. C. Hehers Waldertragsregelung, 3. Ausl., S. 39) die Formel  $\frac{u\,Z}{2}-\frac{Z}{2}$  angewandt werden. Übrigens ist der Unterschied im Ergebnisse der Rechnung nach beiden Formeln nicht sehr groß.

Diese Formeln beziehen sich lediglich auf die Solamasse und seten voraus, daß dieselbe in einfacher Proportion zum Bestandsalter ftebe, daß also die Borrate der einzelnen Schläge eines Normalwaldes die Reihe  $(0+1+2+\cdots+u-1)z$  bezw. die Reihe  $(\frac{1}{2}+1\frac{1}{2}+2\frac{1}{2}+1)$ · · · + u - 1/2) z bilben. Wenn nun jene Boraussetzung auch in Bezug auf die Holzmasse, zwar nicht genau, aber immerhin annähernd zutrifft, so ift dies doch keineswegs der Kall in Bezug auf den Geldwert der Beftande; denn deren Berkaufswert steigt bei gunehmendem Alter nicht allein mit ber holzmenge, sondern auch mit bem ebenfalls zunehmenden Werte ber Masseneinheit (vgl. die Gelbertragstafeln) und ber wirtschaftliche, b. h. Erwartungswert ber Solzbestände folgt den Bejegen der Binfes= ginerechnung, welche für Geldkapitalien gelten. Beide Bertkurven fteigen (f. S. 101-103) nicht in gerader, sondern in einer gegen die Abscissen= achse mehr ober weniger konver gebogenen Linie. Wollte man also die Formel  $\frac{\mathrm{u} Z}{2}$  dur Berechnung des Geldwertes vom normalen Borrat benutzen, jo wurde man unter allen Umftanden ein unrichtiges und zwar, im Ber-

gleiche zum Erwartungswert, ftets ein zu großes Resultat erhalten.

Ein weiterer Fehler würde beshalb begangen werden, weil in  $\frac{u\,Z}{2}$  nur die Haubarkeitserträge berücksichtigt, Zwischennutzungen und Gelbausgaben bagegen vernachlässigt sind. Wollte man aber, um diesen Fehler zu versmeiden, anstatt Z den jährlichen Reinertrag  $R_u$  der Betriebsklasse (=  $A_u$  +  $D_a$  +  $\cdots$  +  $D_q$  — c —  $u\,v$ ) in die Formel einsühren, so läge darin abermals ein logischer Frrtum. Denn es würde z. B. der Wert des qeten Schlages

$$=\frac{q-\frac{1}{2}}{n}\left(\Delta_{u}+D_{a}+\cdots+D_{q}-c-uv\right)$$

gesett, also unter Einrechnung längst bezogener Einnahmen (Da u. s. w.), welche doch unmöglich mehr darin enthalten sein können, bestimmt werden. Gleichwohl ift von Frey (Die Methode der Tauschwerte, Berlin 1888)

bie Formel  $\frac{uR_u}{2}$  zur Berechnung des Normalvorratswertes empfohlen worsden. Dieselbe muß stetz und zwar um so mehr ein zu großes Ergebnis liesern, als Frey die Kulturs und Berwaltungskosten, Steuern u. s. w. nichst in Ansah bringt, also  $R_u = A_u + D_u + \cdots + D_q$  annimmt. Wenn Frey serner den Bodenwert in der Differenz zwischen Gesamtwert und Normalvorratswert der Betriebsklasse sindet, also

$$\mathbf{B_u} = \frac{\mathbf{R_u}}{\mathbf{0.0p}} - \frac{\mathbf{u}\,\mathbf{R_u}}{2} = \mathbf{R_u} \left(\frac{100}{\mathbf{p}} - \frac{\mathbf{u}}{2}\right)$$

sett, so muß er aus bem nämlichen Grunde ben Boden stets zu gering veranschlagen ober, um dies zu vermeiben, einen unverhältnismäßig geringen Binssuß aunehmen. Mit der Formel  $\frac{uR_u}{2}$  fällt endlich auch diejenige, welche Freh für die Berechnung des Bertes unreiser Holzbestände aufgestellt hat.

Nach ber entgegengesetten Richtung weicht bas Rechnungsversahren, welches Baur auf Seite 253 ff. seines Handbuchs der Waldwertberechnung, Berlin 1886, für den Normalvorratswert und den Bodenwert ganzer Bertriebstlassen entwicklt, von der Methode der Erwartungs- und Kostenwerte ab. Baur geht ebenfalls davon aus, daß der Gesantwert (Boden- + Borratswert) einer normalen Betriebstlasse dem kapitalisierten jährlichen Waldereinertrage, den er =  $A_u + D_a + \cdots + D_q - c - u$  v seht, gleich sei; also

$$W_u = B_u + N_u = \frac{A_u + D_u + \dots + D_q - c - uv}{0.0 p} = \frac{R_u}{0.0 p}$$

Da nun aber ber Normalvorrat, wie die Forsteinrichtung lehrt, seiner Quantität nach in  $\frac{u}{2}$  Jahren durch die Holznuhungen ausgezehrt wird, so betrachtet Baur ben Wert desselben als Borwert einer Jahresrente vom Betrage  $R_u$ , welche zum ersten Mal nach einem Jahre, zum letzen

Mal nach  $\frac{\mathrm{u}}{2}$  Jahren, im ganzen also  $\frac{\mathrm{u}}{2}$  mal eingehen wird. Danach ist

$$N_{u} = \frac{R_{u}(1,0p^{\frac{u}{2}}-1)}{0,0p\cdot 1,0p^{\frac{u}{2}}} = \frac{(A_{u}+D_{a}+\cdots+D_{u}-c-uv)(1,0p^{\frac{u}{2}}-1)}{0,0p\cdot 1,0p^{\frac{u}{2}}} \cdot \frac{1}{2}$$

Bieht man diesen Wert von dem oben für Wu angesetzten ab, so bleibt

$$\begin{split} B_{u} &= \frac{R_{u}}{0.0 \, p} \left( 1 - \frac{1.0 \, p^{\frac{u}{2}} - 1}{1.0 \, p^{\frac{u}{2}}} \right) = \frac{R_{u}}{0.0 \, p \cdot 1.0 \, p^{\frac{u}{2}}} \\ &= \frac{A_{u} + D_{a} + \dots + D_{q} - c - u \, v}{0.0 \, p \cdot 1.0 \, p^{\frac{u}{2}}} . \end{split}$$

Banr erblickt einen Hauptvorzug dieser Formeln in dem Umstande, daß die darin vorkommenden Diskontierungszeiträume sich nicht über die halbe Umstriebszeit hinaus erstreckten. Dies kann für die Rormalvorratssormel zusgegeben werden; für die Formel des Bodenwertes aber nicht. Denn dieser letztere ist nach Baurs Aufsassung nichts anderes als der Borwert aller Waldsreinerträge, welche vom Jahr  $\left(\frac{u}{2}+1\right)$  ab dis in die Unendlichkeit einzgehen werden, berechnet unter der Boraussetzung, daß die Erträge  $(A_u, D_a \cdots)$  sowie die Kosten und der Jinssuß immersort gleich bleiben. Dies ist aber ganz die nämliche, allerdings gewagte, Boraussetzung, welche bei der Berechnung des Boden-Erwartungswertes gemacht zu werden psiegt und dort von Baur selbst (Seite 186 ff. des Handbuchs) bekämpst wird. Da nun oben unter Nr. 2 B nachgewiesen ist, daß bei dieser Annahme der Erwartungswert des Rormalvorrats dem Unterschiede zwischen Waldrenties rungswert und Bodenerwartungswert gleichsteht, so kann die Baursche Formel, sosen ist ein hiervon abweichendes Ergebnis liesert, nicht richtig sein.

In der That erhält man mit hilfe der Baurschen Formeln in der Regel größere Boden-, dagegen geringere Borratswerte als nach der Mesthode des Boden- und Bestandserwartungswertes. Es läßt sich aber durch- aus tein stichhaltiger Grund dafür vorbringen, daß eine Reihe von Beständen, welche zu einer normalen Betriebsklasse vereinigt wird, eben hierdurch einen Wert annehmen sollte, der geringer ist, als die Summe der einzelnen Bestandswerte. Somit können auch die Baurschen Formeln grundsählich nicht empsohlen werden.

Dagegen dürfte es für die Zwecke der Praxis, insbesondere die Bergleichung abnormer und normaler Holzvorräte, zulässig sein, die letzteren als nicht aus u Jahresschlägen, sondern aus einer geringeren Anzahl von Periodenschlägen zusammengesett auzusehen; alsdann aber alle älteren, bereits verwertbaren Bestände, namentlich im Rahlschlagbetriebe, einsach mit ihrem Verbrauchswerte und nur die jüngeren nach ihrem wirt-

ichaftlichen, b. h. Erwartungswerte in Unfat zu bringen. Bei letteren fann ber Berbrauchswert, ber häufig = 0 ober gar negativ ausfallen wurde, felbstverftandlich nicht maßgebend fein; vielmehr liegt ber mahre wirtichaftliche Wert folder unreifer Bestände, mogen fie normal ober abnorm beschaffen sein, in ihren fünftigen Ertragen, die auf die Gegenwart zu distontieren find. Der auf die Bestands - Erziehung thatsachlich verwendete Roftenbetrag wird in den meiften Fällen nicht allein unbefannt, fondern auch gleichgiltig fein; die Beftands-Roftenwert-Formel fann baber für die unreifen Glieder einer normalen Schlagreihe nur aus 3medmäßig= feitsgründen, b. h. wegen der einfacheren Berechnung und zwar in ber Form angewendet werden, in welcher fie ein dem Erwartungswerte gleiches Ergebnis liefert; also unter Ginführung bes Boben-Erwartungsmertes und ber burchichnittlichen Roftenfate 2c. Bei ben alteren bereits ichlagbaren Gliebern einer Betriebetlaffe bagegen rechtfertigt fich bie Ginführung bes Berbrauchs: anftatt bes Erwartungswertes burch die Erwägung, daß beibe, wenigstens beim Rahlschlagbetrieb, nicht fehr erheblich von einander abzuweichen pflegen, daß der lettere immerhin auf weniger ficheren Grundlagen - eingeschätten Bufunftserträgen, Binssuß zc. - beruht und daß ber erftere insofern prattische Bebeutung besitht, als er die Geldsumme barftellt, welche der Baldbefiger fofort für den Beftand erhalten fonnte.

Der Normalvorrat für 80 sjährigen Umtrieb ift (nahezu!) vorhanden, wenn je 1/4 der Baldfläche mit Holz im Alter von 10, 30, 50 und 70 Rahren normal bestanden ift; ebenso für 100-jährigen Umtrieb, wenn noch ein fünfter 90-jahriger Schlag von gleicher Grofe hinzukommt. Sandelt es fich nun g. B. um eine Riefern = Betriebstlaffe in einer für ben Abfat von Grubenholz gunftigen Lage, fo werben nur die beiben jungften Schlage (im Alter von 10 und 30 Jahren) mit ihren Erwartungs = (refp. Roften=) Berten, alle übrigen mit ihren, ber Ertragstafel entnommenen, Bertaufs= werten anzuseten sein. Da die letteren bei weitem den größten Teil bes Borratswertes darftellen und auch ben Bodenwert häufig um ein vielfaches überragen, fo mird bei biefer Art der Berechnung ber Ginfluß jener unficheren Grundlagen möglichft weit gurudgebrangt. Diefelbe durfte fich zugleich wegen ihrer Einfachheit und zwar umsomehr empfehlen, als ja ber - in Birklichkeit nirgends eriftierende - "Normalvorrat" überhaupt nur als Bergleichsgröße in Betracht tommt, die Berte wirklich porhandener - abnormer - Bolgvorrate aber ebenfalls, in vielen Fallen wenigstens, leicht und ficher, bezw. mit einer fur bie Pragis genugenden Genauigkeit in analoger Beije veranschlagt werden fonnen.

Beispiel. Nach Tabelle H liefert ein zum 80-jährigen Umtrieb eins gerichteter Kiefernwald II. Standortstlasse in der Main-Rhein-Gbene eine jährliche Balbrente

$$A_u + D_a + \cdots - c - uv = 43,3$$
 Mart pro ha

Unter ben gleichen Boraussehungen (c = 60, v = 7) berechnet sich ber

Boden-Erwartungswert bei 2,5-prozentiger Berzinsung zu 363 Mark pro ha. Der Rentierungswert des Normalvorrats ist bemnach

$$N = \frac{43.3}{0.025} - 363 = 1732 - 363 = 1369$$
 Mart pro ha.

Denkt man sich biesen Normalvorrat aus nur 4 Schlägen im Alter von 10, 30, 50 und 70 Jahren zusammengesetzt und berechnet man deren Erwartungswerte unter der Boraussetzung, daß die beiden älteren soeben durchforstet seien, so ergiebt sich

$$\begin{array}{ll} {\rm He_{10}} = 258 \\ {\rm He_{30}} = 834 \\ {\rm He_{50}} = 1615 \\ {\rm He_{70}} = 2663 \\ {\rm Summe} = 5370 \end{array}$$

hiervon 1/4 = 1342,5 Mark pro ha,

also nahezu der nämliche Betrag.

Führt man dagegen für die beiden älteren Schläge anstatt des Erswartungswertes deren Berbrauchswerte (1614 und 2803 Mark) ein, so ershält man

b. i. etwa 1 % zu viel. — Dafür hat dieser Normalvorratswert aber ben Borzug, daß ihm zum Zwecke der Bergleichung auch einsach die Verbrauchse werte aller in einer abnormen Betriebsklasse vorhandenen älteren Bestände gegenübergestellt werden können, während man sonst deren Erwartungse werte berechnen müßte, was namentlich bei abnormer Bestodung eine mißeliche Sache ist.

Die Anwendung der Baurichen Formeln murde folgende Ergebniffe liefern

$$N = 43.3 \frac{1,025^{40} - 1}{1,025^{40} \cdot 0,025} = 1087 \text{ Mart pro ha und}$$
 $B = 1732 - 1087 = 645$ 

Danach ware ber ganze Normalvorrat von 4 ha nicht so viel wert als die Summe ber beiben alteren Schläge (1614 + 2803); also ber Bert beiben jüngeren weniger als 0. Dies kann unmöglich richtig sein.

Dagegen würde man mittelst ber Frenschen Formeln folgende Refultate erhalten:

$$R_u=A_u+D_a+\cdots=51,1$$
 Mark pro ha, 
$$N_u=\frac{u\cdot R_u}{2}=40\times 51,1=2044$$
 Mark pro ha.

Beibe jüngeren Schläge wären bemnach zusammen nahezu so viel wert als die zwei älteren, was ebensowenig möglich ist. Würde man serner der Berechnung des Wald-Rentierungwertes (nach Freh) einen Zinssuß von 2.5% zu Grunde legen, so ergäbe sich  $W = \frac{51.1}{0.025} = 2044$ , mithin B = 0. Um einen positiven Bodenwert zu erzielen, müßte also der Zinssuß noch unter 2.5%  $\left(=\frac{200}{u}\right)$  angenommen werden.

Die beiben letzteren Berechnungsarten (nach Baur und Frey) erweisen sich somit nicht nur als theoretisch unrichtig, sondern auch praktisch als unsbrauchbar.

Die Formel  $N=\frac{R}{O_iO_D}$  — Be giebt uns ein einfaches Mittel an die Hand, um das Berhältnis zwischen Boden= und Borzratswert einer Betriebsklasse annähernd sestzustellen. Sieht man nämlich der Einfachheit halber von den Zwischennutzungen einerseits und den Betriebskosten andererseits ab, so bleibt

$$Be = \frac{A_u}{1,0\,p^u-1}\,\text{und}$$

$$N = \frac{A_u}{u \cdot 0.0p} - Be;$$

folglich  $\frac{N}{Be} = \frac{A_u}{Be \cdot u \cdot 0.0p} - 1 = \frac{1.0p^u - 1}{u \cdot 0.0p} - 1$ . Sett man nun p = 3% und führt man für u verschiedene, in der Praxis gebräuchsliche Umtriebszeiten ein, so ergiebt sich beispielsweise

Für größere Zinsfüße berechnet sich auch  $\frac{N}{Be}$  höher und umgekehrt.

So erhält man z. B. für p=4 und  $u=20:\frac{N}{Be}=0.5$  u. s. w. Diejenige Umtriebszeit, für welche N=Be wird, läßt sich aus der Gleichung

$$1.0 p^{u} - 1 - 2 u \cdot 0.0 p = 0$$

durch Probieren finden. Dieselbe wird um so größer, je kleiner p, und berechnet sich z. B.

Bei Einrechnung-der Zwischennutzungen und Betriebskosten ändern sich diese Zahlen nur wenig 1).

## III. Rapitel.

# Ermittelung des Waldwertes.

## I. Methoden der Wertsermittelung.

Der Waldwert (Wert von Boden + Bestand) kann bestimmt werden:

- 1) nach dem Erwartungswerte,
- 2) nach dem Roftenwerte,
- 3) nach dem Verkaufswerte,
- 4) nach dem Rentierungswerte nach letzterem jedoch nur bei solchen Waldungen, welche zum jährlichen Betriebe einsgerichtet sind.

### II. Wald-Erwartungswert insbesondere.

- 1) Berechnung des Waldwertes unter der Boraussetung, daß nach der Ernte des Holzbestandes die Waldwirtschaft mit Beibehaltung der vorhandenen Holz= und Betriebsart weiter gesführt werden soll.
- A. Wald = Erwartungswert von Wäldern mit normalem Holzbestand.
- a) Man kann den Wald-Erwartungswert aus dem Bodenwerte und dem Bestands-Erwartungswerte zusammensetzen.

Hieraus folgt zugleich (siehe Seite 85 unter  $\alpha$ ), daß der größte Walds-Erwartungswert sich für diejenige Umtriebszeit berechnet, welcher der größte Bodens-Erwartungswert  $\mathrm{Bo}_{\mathbf{u}}$  entspricht.

<sup>1)</sup> Lehr, Forstpolitik, Lorens Handbuch der Forstwissenschaft, 1887, Bb. II, S. 429.

Das Alter des Holzbestandes sei m Jahre, so ist der Wald-Ermartungswert  $W_{0m} =$ 

$$\frac{A_{u} + D_{n} 1,0 p^{u-n} + \dots + D_{q} 1,0 p^{u-q} - (Be_{u} + V)(1,0 p^{u-m} - 1)}{1,0 p^{u-m}} + Be_{u}$$

$$= A_{u} + D_{n} 1,0 p^{u-n} + \dots + D_{q} 1,0 p^{u-q} - V(1,0 p^{u-m} - 1) + Be_{u}$$

$$1,0 p^{u-m}$$

Führt man hier für  $\mathrm{Be_u}$  die Seite 61 entwickelte Formel ein, so findet man nach einigen Reduktionen  $\mathrm{We_m}=$ 

$$\frac{1,0\,p^{m}\,(A_{u}+D_{n}\,1,0\,p^{u-n}+\cdots+\frac{D_{a}}{1,0\,p^{a}}+\cdots-c)}{1,0\,p^{u}-1}-V\cdots**$$

Liegt m vor a, fo mare gu feten ftatt ber Formel \*

$$\frac{\mathbf{A_{u}} + \mathbf{D_{a}} \, \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-a}} + \dots + \mathbf{D_{q}} \, \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-q}} - \mathbf{V} \, (\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}} - \mathbf{1}) + \mathbf{Be_{u}}}{\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{u-m}}}$$

und ftatt der Formel \*\*

$$\frac{1,0 p^{m} (A_{u} + D_{a} 1,0 p^{u-a} + \cdots + D_{q} 1,0 p^{u-q} - c)}{1,0 p^{u} - 1} - V.$$

Für  ${\bf m}=0$  und unter ber Boranssegung, daß die Kultur noch nicht stattgefunden hat, ist  ${\bf W}\,{\bf e}_{_0}=$ 

$$\frac{A_{u} + D_{a} 1.0 p^{u-a} + \dots + D_{q} 1.0 p^{u-q} - c 1.0 p^{u} - V(1.0 p^{u} - 1) + Be}{1.0 p^{u}}$$

$$= \frac{Be_{u} (1.0 p^{u} - 1) + Be_{u}}{1.0 p^{u}}$$

$$= Be_{u} (1.0 p^{u} - 1) + Be_{u} ($$

b. h. ber Balb=Erwartungswert geht bann in ben Boben=Erwartungs- wert über.

b) Man kann jedoch auch den Bald-Erwartungswert aus den in Aussicht stehenden Ginnahmen und Ausgaben direkt herleiten und erhält dann:

$$\begin{aligned} \mathbf{W} \, \mathbf{e}_{\mathbf{m}} &= \frac{\mathbf{A}_{\mathbf{u}}}{1,0\mathbf{p}^{\mathbf{u}-\mathbf{m}}} + \frac{\mathbf{A}_{\mathbf{u}}}{1,0\mathbf{p}^{2\mathbf{u}-\mathbf{m}}} + \frac{\mathbf{A}_{\mathbf{u}}}{1,0\mathbf{p}^{3\mathbf{u}-\mathbf{m}}} + \cdots + \frac{\mathbf{D}_{\mathbf{u}}}{1,0\mathbf{p}^{\mathbf{u}-\mathbf{m}}} + \frac{\mathbf{D}_{\mathbf{u}}}{1,0\mathbf{p}^{\mathbf{u}+\mathbf{n}-\mathbf{m}}} \\ &+ \frac{\mathbf{D}_{\mathbf{u}}}{1,0\mathbf{p}^{2\mathbf{u}+\mathbf{n}-\mathbf{m}}} + \cdots + \frac{\mathbf{D}_{\mathbf{a}}}{1,0\mathbf{p}^{\mathbf{u}-(\mathbf{m}-\mathbf{a})}} + \frac{\mathbf{D}_{\mathbf{a}}}{1,0\mathbf{p}^{2\mathbf{u}-(\mathbf{m}-\mathbf{a})}} + \frac{\mathbf{D}_{\mathbf{a}}}{1,0\mathbf{p}^{3\mathbf{u}-(\mathbf{m}-\mathbf{a})}} \end{aligned}$$

$$\begin{split} &+\cdots - \left(\frac{c}{1,0p^{u-m}} + \frac{c}{1,0p^{2u-m}} + \frac{c}{1,0p^{3u-m}} + \cdots\right) - V \\ &= \frac{A_u 1,0p^m}{1,0p^u - 1} + \frac{D_n 1,0p^{u+m-n}}{1,0p^u - 1} + \cdots + \frac{D_n 1,0p^{m-a}}{1,0p^u - 1} + \cdots - \frac{c}{1,0p^n - 1} - V \\ &= \frac{1,0p^m \left(A_u + D_n 1,0p^{u-n} + \cdots + \frac{D_a}{1,0p^a} + \cdots - c\right)}{1,0p^u - 1} - V, \end{split}$$

wie unter 1) A. a).

Man kann auch alle Einnahmen und Ausgaben auf das Alter der Umtriebszeit reduzieren und für den Unterschied derselben den Wiedersholungswert berechnen. Da die Berwaltungs: 2c. Kosten jährlich in gleicher Größe wiederkehren, so kann man diese für sich behandeln, also deren Kapitalwert aussuchen und ihn von jenem Wiederholungswerte abziehen.

Sämtliche innerhalb ber nächsten u Jahre zu erwartenden Ginnahmen und Ausgaben, ausschließlich ber Berwaltungstoften, erscheinen in dem Ausbruck:

$$A_u + D_n 1,0 p^{u-n} + \cdots + \frac{D_a}{1,0 p^a} + \cdots - c$$

auf das Jahr u reduziert. Die Summe geht zum ersten Male nach u — m Jahren, von da an aber alle u Jahre ein. Ihr Jetztwert berechnet sich nach Formel IX folgendermaßen:

$$\frac{1.0 p^{m} (A_{u} + D_{n} 1.0 p^{u-n} + \cdots + \frac{D_{a}}{1.0 p^{a}} + \cdots - c)}{1.0 p^{u} - 1}$$

Hiervon ware noch V abzuziehen. Es ift also ber Bald-Erwartungswert:

$$We_{m} = \frac{1.0 p^{m} (A_{u} + D_{n} 1.0 p^{u-n} + \dots + \frac{D_{a}}{1.0 p^{a}} + \dots - c)}{1.0 p^{u} - 1} - V.$$

Aufgabe. Es ist der Erwartungswert eines 40 jährigen Walbes, welcher die in Tabelle A verzeichneten Erträge zu liesern verspricht, unter der Boraussetzung zu bestimmen, daß u=70, c=24, V=120. p=3 ist.

Auflösung.

$$\begin{array}{l} & 1,03^{40}(2970,0+79,2\cdot 1,03^{10}+67,2\cdot 1,03^{20}+\frac{12}{1,03^{20}}+\frac{42}{1,03^{30}}+\frac{57,6}{1,03^{40}}-24) \\ \text{We}_{\text{m}} = & & 1,03^{70}-1 \\ & -120 \\ & = 3,262\ (2970,0\,+\,269,4119\,-\,24)\ 0,1446-120 \end{array}$$

= 1396,66 Mark.

B. WaldsErwartungswert von Wäldern mit abnormem Holzbestand.

Bei solchen Wälbern hat man nicht blos die Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes, sondern auch diejenige Abtriebszeit zu ermitteln, für welche der abnorme Bestand den größten Erwartungs-wert besitzt. Als Bodenwert ist das erreichbare Maximum des Boden-Erwartungswertes zu unterstellen. In der Regel wird man annehmen können, daß nach dem Abtriede des abnormen Bestandes normale Erträge ersolgen. Bezeichnet man die abnormen Erträge der ersten Abtriedszeit mit Au, Dn, so ist

$$\mathfrak{B}e_{m} = \frac{\mathfrak{A}_{u} + \mathfrak{D}_{n} \, \mathbf{1,0} \, p^{u-n} - V \, (\mathbf{1,0} \, p^{u-m} - 1) + B \, e_{u}}{\mathbf{1,0} \, p^{u-m}}.$$

Beispiel. Ein 50 jähriger Bestand auf einem Standorte, welcher unter normalen Verhältnissen die in Tabelle A verzeichneten Erträge zu liesern verspricht, ist durch Sturmwind so gelichtet worden, daß seine gegenswärtige Masse nur einen Wert von 630 Mark besitzt. Voraussichtlich sind von diesem Bestande für die Folge gar keine Zwischennutzungen und

zu erwarten. Es sei c=24, v=3,6 Mark, p=3, so berechnet sich bei normalen Erträgen das Maximum des Boden-Erwartungswertes mit 362,56 Mark für das 70. Fahr.

Rach Seite 87 empfiehlt es sich, ben abnormen Bestand im 60. Alterszighre abzutreiben. Hiernach ist das Maximum des WaldsErwartungszwertes —

$$\frac{1031 - 120 (1,03^{10} - 1) + 362,56}{1,03^{10}} = 1006,24 \text{ Marf.}$$

2) Berechnung des Wald-Erwartungswertes unter der Boraussetung, daß nach der Ernte des Holzbestandes eine andere Golzart oder eine andere Boden-Benutungsart (3. B. die land-wirtschaftliche) eingeführt werden soll.

Man ermittelt die Abtriebszeit u, für welche sich unter Zusgrundelegung des Bodenwertes B der nen einzuführenden Holzart oder Boden-Benutungsart der größte Bestands Erwartungswert ergiebt, und berechnet den Walds-Erwartungswert nach der Formel

$$\frac{A_u + D_n \, 1,0 \, p^{u-n} + \cdots - V \, (1,0 \, p^{u-m} - 1) + B}{1,0 \, p^{u-m}},$$

in welcher für ben Fall, daß ber Beftand abnorm ift, A und D an die Stelle von A und D treten.

#### III. Wald-Koffenwert insbesondere.

- 1) Man fann ben Balb-Roftenwert aus bem Boben= werte und bem Beftandswerte zusammenseten und erhält bann:
  - a) für einen beliebigen Bodenwert:

$$\begin{array}{l} W\,k_m = B + (B + V)\,(1{,}0\,p^m - 1) + c\,1{,}0\,p^m - D_a\,1{,}0\,p^{m-a} \\ = (B + V + c)\,1{,}0\,p^m - (D_a\,1{,}0\,p^{m-a} + \cdots + V). \end{array}$$

b) Bei Unterstellung des Boden-Erwartungswertes und für normale Bestände ist "Wkm

$$= \left(\frac{A_{u} + D_{a}1,0p^{u-a} + \dots + D_{q}1,0p^{u-q} - c1,0p^{u}}{1,0p^{u} - 1} - V + V + c\right)1,0p^{m}$$

$$- (D_{a}1,0p^{m-a} + \dots + V)$$

$$= \frac{1,0p^{m}(A_{u} + D_{n}1,0p^{u-n} + \dots + \frac{D_{a}}{1,0p^{a}} + \dots - c)}{1.0p^{u} - 1} - V.$$

2) Man kann den Wald-Rostenwert auch aus den stattgehabten Auswänden direkt herleiten. Das Bersahren ist ein
analoges, wie bei der Bestimmung des Bestands-Rostenwertes, nur
daß B selbst, und nicht blos die Berzinsung desselben, unter den
Auswänden erscheint.

Man hat also Wkm

$$= B 1,0 p^{m} + V (1,0 p^{m} - 1) + c 1,0 p^{m} - (D_{a} 1,0 p^{m-a} + \cdots)$$

$$= (B + V + c) 1,0 p^{m} - (D_{a} 1,0 p^{m-a} + \cdots + V),$$

wie oben. Es läßt sich ferner leicht nachweisen, daß die vorstehende Formel bei normalen Beständen und wenn für B der Boden = Erwartungswert gesetzt werden darf, in folgende übergeht:

$$W \, k_m = \frac{1,0 \, p^m \Big( A_u + D_n \, 1,0 \, p^{u-n} + \dots + \frac{D_a}{1,0 \, p^a} + \dots - c \Big)}{1,0 \, p^u - 1} - V.$$

Aus dem Vorhergehenden folgt weiter, daß der Wald-Erwartungswert und der Wald-Aostenwert bei normalen Beständen in dem Falle übereinstimmen, wenn B den Boden-Erwartungswert vorstellt.

#### IV. Wald-Verkaufswert insbesondere.

Man versteht unter demselben denjenigen Wert, welchen ein Wald nach Maßgabe anderer bekannter Waldverkäuse besitzt.

Der Verkaufswert zeigt nur an, was etwa für einen Walb erslöst werden kann, wenn die Bedingungen, unter welchen der Kauf stattsfand, für den zu verkaufenden Wald die nämlichen bleiben. Letzteres wird namentlich bei größeren Wälbern selten der Fall sein.

Man wird daher leichter zum Ziele gelangen, wenn man die Verkaufswerte ber einzelnen Holzbestände nach Kap. II, II, 3 ermittelt und hierzu den Bodenwert (I. Kap. IV) addiert, ein Versahren, welches indessen nur bei haubarem oder angehend haubarem Holze und in den, im I. Kap. IV, 2, B angeführten Fällen gerechtsertigt erscheint.

Daß unter Umständen, insbesondere bei wechselnder Bestockung, mehrere Methoden der Waldwerts-Bestimmung kombiniert werden können, versteht sich von selbst.

### V. Wald-Rentierungswert insbesondere.

Stellt R eine jährlich am Jahresschlusse immersort wiederkehrende Rente vor, so ist nach Formel VII der Kapitalwert dieser Rente

$$=\frac{R}{0.0 p}$$

Berechnet man den Kapitalwert eines Waldes nach dieser Formel, so setzt man voraus, daß der Wald zum jährlichen Betriebe einsgerichtet ist, denn nur Wälder von dieser Beschaffenheit gewähren jährlich nachhaltig einen gleich großen Ertrag, und daß Naturalserträge, Preise und Kosten sowie der Zinsssuß sich nicht ändern werden. Da der Holzbestand eines solchen Waldes nichts anderes als der normale Vorrat ist, so stellt die Formel  $\frac{R}{0,0\,\mathrm{p}}$  den Erwartungs-Wert des Bodens + dem Werte des normalen Vorrates dar, wie schon oben unter VI, 2 und 3 des II. Kap. nachgewiesen worden ist.

# 1) Bald-Rentierungswert für die Fläche einer Bestriebstlaffe.

Bei jedem zum jährlichen Betriebe eingerichteten Walbe ist der jährliche Rauhertrag — dem Haubarkeitsertrage  $A_n$  der ältesten Stufe + den Zwischen: und Nebennutzungen  $D_a, \ldots, D_q$ , welche sich in den übrigen Alterstlassen ergeben. Die Produktionskosken bestehen in den Kulturkosten c, welche jährlich für nur eine Altersstusse aufzuwenden sind, und in den Kosten sür Berwaltung, Schutz, Steuern 2c, welche jährlich für alse Altersstusen bezahlt werden müssen. Nennt man den Betrag dieser Kosten für eine Altersstuse v,

so ist er für alle Stufen — uv. Somit ergiebt sich der jährliche Wald-Reinertrag einer Betriebsklasse in dem Ausdruck:

$$A_u + D_a + \cdots + D_q - (c + uv)$$

und ber Rentierungswert Wr biefes Balbes mare nach obiger Formel:

$$\begin{split} W_{r} &= \frac{A_{u} + D_{a} + \dots + D_{q} - (c + uv)}{0.0 \, p} \\ &= \frac{A_{u} + D_{a} + \dots + D_{q} - c}{0.0 \, p} - uV, \end{split}$$

wenn man nämlich, wie früher,  $\frac{\mathbf{v}}{0.0 \, \mathrm{p}} = \mathrm{V}$  nennt.

### 2) Wald=Rentierungswert für die Flächeneinheit.

Bedeutet  $A_u$  den Haubarkeitsertrag der Flächeneinheit z. B. eines Hektar,  $D_a$ , ....  $D_q$  diejenigen Zwischen= und Nebennuhungen, welche ein Hektar im Lause der Umtriedszeit liesert, stellt serner e den Kulturkostenbetrag vor, welcher für die Aufforstung eines Hektar zu Ansang der Umtriedszeit aufzuwenden ist, und bezeichnet V das Kapital, aus dessen Interessen jährlich die Kosten für Berwaltung, Schut, Steuern zc. pro Hektar zu bestreiten sind, so bezieht sich der jenige Wald-Rentierungswert, welcher durch Einführung dieser Größen in die obige Formel erlangt wird, auf einen Wald von u Hektar Flächengröße. Um den Wald-Kentierungswert von 1 Hektar zu sinden, hat man also die fr. Formel durch u zu dividieren und erhält dann in dem Ausdruck

$$W_r = \frac{A_u + D_a + \cdots + D_q - c}{u \cdot 0,0 \, p} - V$$

den Wald-Rentierungswert, d. h. den Wert des Bodens und des Normalvorrates für die Flächeneinheit.

Die Formel bes Walds-Kentierungswertes geht von der nämslichen, allerdings gewagten, Boraussetzung — unaufhörlichen Gleichsbleibens aller Erträge, Kosten und des Zinssußes — aus wie diezienige des Bodens und des Borrats-Erwartungswertes. Es liegt daher, wie auch im vorigen Kapitel schon nachgewiesen wurde, ein innerer Widerspruch darin, wenn jene Formel mit irgend einer auf anderem Wege berechneten Wertsumme für Bodens oder Holzvorrat in Verbindung gebracht wird.

## IV. Rapitel.

# Ermittelung der jährlichen Rente.

# I. Verwandlung einzelner Einnahmen oder Ausgaben in eine jährliche Rente.

Dieser Gegenstand ist bereits im Vorbereitenden Teil, III. Kapitel, S. 28 behandelt worden; auch sindet sich dort schon die Aufslösung derjenigen Aufgaben, welche in der Praxis am häusigsten vorkommen. Wir wiederholen hier nur Folgendes: Entweder ist eine nach m oder n Jahren nur einmal ersolgende Einnahme oder Ausgabe R in eine n malige jährliche Rente r, oder eine alle n Jahre sich wiederhosende (also immerwährende) Einnahme oder Ausgabe R in eine immerwährende jährliche Rente r zu verwandeln. Das Versfahren, um r zu bestimmen, ist in beiden Fällen das nämliche: man sucht den Kapitalwert der immerwährenden oder als immerwährend gedachten Einnahme oder Ausgabe R auf und multipliziert denselben mit 0,0 p. So ist z. B. die jährliche Rente r, welche einem Zwischensoder Rebennutzungsertrag Da entspricht, welcher zum erstenmale nach a Jahren, dann aber alle u Jahre eingeht,

$$= \frac{D_a \, 1,0 \, p^{u-a}}{1,0 \, p^u - 1} \, 0,0 \, p; \text{ bie Rusturkostenrente} = \frac{c \, 1,0 \, p^u}{1,0 \, p^u - 1} \, 0,0 \, p \, u. \, f. \, w.$$

#### II. Bodenrente.

Unter dieser versteht man den Boden-Reinertrag. Letzterer ergiebt sich in dem Unterschiede zwischen den als jährlichen Renten berecheneten Einnahmen und Ausgaben, welche nach erfolgter Bestockung des Bodens zu erwarten bezw. aufzuwenden sind, er ist also —

$$\begin{split} \left(\frac{A_{u} + D_{a} \ 1,0 \, p^{u-a} + \dots + D_{q} \ 1,0 \, p^{u-q} - c \ 1,0 \, p^{u}}{0,0 \, p^{u} - 1} - \frac{v}{0,0 \, p}\right) 0,0 \, p \\ = \frac{A_{u}}{1,0 \, p^{u} - 1} \ 0,0 \, p + \frac{D_{a} \ 1,0 \, p^{u-a}}{1,0 \, p^{u} - 1} \ 0,0 \, p + \dots + \frac{D_{q} \ 1,0 \, p^{u-q}}{1,0 \, p^{u} - 1} \ 0,0 \, p \\ - \left(\frac{c \ 1,0 \, p^{u}}{1,0 \, p^{u} - 1} \ 0,0 \, p + v\right) \cdot \end{split}$$

Wie sich aus Seite 61 entnehmen läßt, stellt der vorstehende Ausdruck die Rente des Boden-Erwartungswertes, also

$$Be_u \cdot 0.0 p$$

vor.

#### III. Bestandsrente.

Man leitet bieselbe nach dem unter I. angegebenen Berfahren aus dem Bestandswerte ab.

Für den jährlichen Betrieb ergiebt sich die Bestandsrente, wenn man den Wert des normalen Vorrates mit 0,0 p multipliziert. Bestechnet man den Waldwert als Kentierungswert, unterstellt man also den Boden-Erwartungswert, so sindet man die Kente des Vorrates, indem man von dem jährlichen Keinertrage der Betriedsklasse die Kente des Boden-Erwartungswertes in Abzug bringt. (Siehe IV.)

#### IV. Waldrente.

Diese ist gleich dem Reinertrag, welchen der Wald (Boden + Holzbestand) abwirft. Beim jährlichen Betriebe und bei stets gleichbleibenden Holzpreisen, Kosten 2c. ist die Waldrente —

$$A_u + D_a + \cdots + D_q - (c + uv).$$

Gelten  $A_u$ ,  $D_a$  . . . .  $D_q$ , c, v für die Flächeneinheit, so ist für eben dieses Maß der jährliche Reinertrag eines zum jährlichen Bestriebe eingerichteten Waldes:

$$= \frac{A_u + D_a + \cdots + D_q - c}{n} - v.$$

# Unhang.

# I. Rapitel.

# Ginige bejondere Fälle der Waldwertrechnung.

## I. Abschnitt.

Regeln für die Berechnung des Wertes solcher Wälder, welche zur Veräußerung bestimmt sind.

1) Wertsberechnung bei freiwilligen Verkäufen. Sowohl für den Käufer wie für den Verkäufer ist es begreifslicherweise von Bichtigkeit, das wahrscheinliche (nicht blos mögliche) Maximum des Wertes zu kennen, welches dem zu schäßenden Objette beigelegt werden kann. Es sind daher bei der Vertsrechnung alle diejenigen Umstände zu beachten, von welchen jenes Maximum abhängt. Neben den bereits früher, S. 65—69 und S. 84—89, angeführten Momenten (Zinsfuß, Umtriebszeit, Größe der Erträge und Produktionskosten, Zeit des Eingangs der Vornutzungen und der Verausgabung der Produktionskosten) kommt insbesondere noch die Voden Benutzungsart in Vetracht.

Unterliegt die Wahl derselben keiner Beschränkung, so ist stets die vorteilhafteste Benutzungsart zu unterstellen. Eignet sich z. B. der Boden mehr zur Landwirtschaft, d. h. ergiebt sich für diese ein höherer Bodenwert 1), so ist die Rechnung unter Zugrundelegung des letzteren zu führen. Der Zeitpunkt, von welchem an die landwirtsschaftliche Benutzungsweise des Bodens an die Stelle der sorstwirts

<sup>1)</sup> Bei ber Ermittelung besfelben find die Urbarmadjungstoften nicht außer Auge gu laffen. In ber Regel wird für bas landwirtschaftliche Gelände auch eine höhere Stener entrichtet.

G. Beber, Balbmertrechnung, 4. Mufl.

schaftlichen zu treten hätte, resultiert eben aus der Bedingung, daß der Wert des ganzen Objektes, also des Bodens mit dem Holzbestande, ein Maximum sein soll); er trifft mithin dasjenige Bestandssalter, für welches der unter Zugrundelegung des landwirtschaftlichen Bodenwertes berechnete Bestandsserwartungswert seinen größten Bestrag erreicht. — Erweist sich dagegen die Forstwirtschaft als die vorteilhafteste BodensBenutungsart, oder muß dieselbe, z. B. zusolge forstvolizeilicher Bestimmungen, beibehalten werden, so ist der forstliche Bodenwert, und zwar das Maximum des Erwartungswertes, welches sich für die rentabelste Holzs und Betriebsart kalkuliert, als Basis der Wertsberechnung anzunehmen. Der größte Gesamtwert ergiebt sich auch hier bei Unterstellung derzenigen Abtriebszeiten, für welche die größten Bestandsserwartungswerte sich berechnen.

Bürde behufs Realisierung der nach Vorstehendem ermittelten Maximalwerte ein größeres als das seither genutte Holzquantum zum Siebe bestimmt werden muffen ober das Berhaltnis der zum Ausgebote gelangenden Sortimente sich andern, und ware hiernach eine Underung der Holzpreise vorauszusehen, so darf dieser Umstand bei ber Ermittelung ber vorteilhaftesten Abtriebszeiten nicht unbeachtet bleiben. Im allgemeinen gilt hier die Regel, nur solche Abtriebs= zeiten zu unterstellen, bei welchen sich bas fämtliche Holz ber zur Nutung vorgesehenen Bestände auch verwerten läßt, wobei es jedoch für die Verwertung fein absolutes Sindernis ift, wenn die Holzpreise infolge des Angebotes einer größeren Maffe von ichmächeren Sortimenten etwas sinken. Man hat in diesem Falle die vorteilhaftesten Abtriebszeiten durch Bestimmung der größten Bestands : Erwartungs : werte ausfindig zu machen, also von zwei Abtriebszeiten, welche die Berwertung der ganzen Holzquantität, wenn auch zu sinkenden Breisen. gestatten, Diejenige zu mahlen, für welche sich ber größte Bestands= Erwartungswert berechnet.

Ferner sind die Gesahren (z. B. Windwurf, Bodenaushagerung, Berdämmung) in Betracht zu ziehen, welche sich für andere Bestände ergeben können, wenn die Abnuhung nur mit Kücksicht auf die vorzteischaftesten Abtriebszeiten der Einzelbestände erfolgt. Überhaupt läßt sich bei größeren Wäldern ein richtiger Wertsanschlag ohne einen die Abtriebssolge ordnenden Ruhungsplan<sup>2</sup>) nicht aufstellen. Gine periodisch oder jährlich gleichmäßige Verteilung der Ruhungen ist nur

<sup>1)</sup> König (Forstmathematik, 2. Aufl., 1842, S. 586) nennt biese Werts summe ben Walbzerschlagungswert.

<sup>2)</sup> Siehe hierüber Burdhardt: Der Balbwerth, 1860, G. 29.

bann zu projektieren, wenn sich von berselben eine Steigerung bes Waldwertes erwarten läßt.

Kommt dem Verkaufsobjekte — sei es für den Käuser oder den Berkäuser — ein besonderer Wert (s. S. 3) zu, so ist derselbe in Rechnung zu nehmen. Ein derartiger Wert ergiebt sich namentlich dann, wenn der zu veräußernde bezw. zu erwerbende Wald in Zussammenhang mit einem anderen Valde steht oder gebracht werden kann. Die Vorteile, welche aus der Vereinigung eines Waldstücks mit einem an dasselbe angrenzenden Waldsompleze für den Käuser erwachsen können, sind S. 4 angeführt worden. Einige von diesen verwandeln sich für den Verkäuser in Verluste, wozu unter Umständen noch andere Nachteile kommen, z. B. daß für den nach dem Verkause bleibenden Rest des Waldes ein neuer Vetriedsplan aufgestellt werden muß. Diese Verluste und Nachteile hat der Verkäuser neben dem Ertragswerte des Waldes in Anschlag zu bringen, um die Summe zu ersahren, für welche er den Wald ohne Schaden abgeben kann.

Bon verschiedenen Geiten ift ber Bersuch gemacht worden, den besonberen Bert einer Bloge, welche zu einem im jahrlichen Rachhaltbetriebe befindlichen Balbe hingutommt ober von bemfelben losgetrennt wird, aus ber Betrachtung abzuleiten, bag ber burchschnittlich jährliche Walbreinertrag alsbald nach bem Berhältnis bes Rlacheninhalts jener Bloke zu bemienigen bes gangen Balbes vergrößert ober verfleinert werden fonne. Man ging babei von der Unficht aus, daß ber Durchichnittszumachs ber Bloke fofort und gwar im alteften Solze ber Betriebstlaffe genutt werden tonne. Um eingehendsten hat Roth (Monatsschrift für bas Forst= und Jagdwesen 1874, Seite 355) die Frage behandelt; er übersieht zwar die Störung nicht, welche ber "Normalguftand" bes Balbes burch Rutritt (ober Lostrennung) einer Bloge erleidet, begeht aber immerhin den Fehler, der letteren Ertrage qua guidreiben, welche nicht von ihr felbft, sondern anderswoher ftammen. Die Ronfequeng Diefer Auffassung murbe fein, bag man auch ben Wert einer bestandenen Glache nach ber Bergrößerung (ober Berminderung) gu berechnen hatte, welche burch beren Bingutreten (ober Abtrennung) fich an ben jährlichen Durchichnittsertragen eines Nachhaltsmalbes ergeben murbe. Bei biefer Art der Berechnung fonnte aber ber Bert eines Golgbestandes unter Umftanden weit unterschapt werben.

In ähnliche Fehler verfällt die amtliche "Anleitung zur Waldwertsberechnung", verfaßt vom Königl. Preuß. Ministerial: Forstburcau 1866, Neudrud 1888, in welcher außerdem die Begriffe "Bodenwert" und "Bestindswert" nicht streng und solgerichtig auseinandergehalten sind.

Da einesteils die Bestimmung des Zeitpunktes, in welchem das sämtliche Holz eines Bestandes sich verwerten läßt, andernteils die Ermittelung des Betrages, bis zu welchem die Holzpreise bei größerem Angebot an schwächeren Sortimenten möglicherweise sinken werben,

von dem Ermessen des Schätzenden abhängt, so wird die Berechnung bes Wertes größerer Balber stets eine mehr ober weniger unsichere Demungeachtet kann die Rechnung nicht entbehrt werden, weil fie sowohl dem Räufer wie dem Berkäufer näher liegende Anhaltspuntte für die Bemeffung bes Raufpreises bietet, als die bloße Ungabe ber Erträge und Rosten. Lettere genügt zu bem fraglichen Zwecke nur bei folden Balbern, welche fich bereits im jährlichen Betriebe befinden, aber nicht in dem Falle, daß die Waldbeträge jährlich ober periodisch verschieden sind. Die nicht seltenen Beisviele von Baldverkäufen, bei welchen der Wald weit unter seinem wahren Wert veräußert wurde, erklären sich zwar mitunter badurch, daß die Ronfurreng von seiten zahlungsfähiger Raufliebhaber eine unzureichende war, in vielen Fällen aber auch durch den Umstand, daß keine exakte Wertsberechnung vorlag, d. h. daß sowohl der Verkäufer wie der Räufer die Größe des Rapitals nicht fannte, beffen Intereffen das näm= liche Ginkommen gewähren, welches der Bald durch feine Erträge liefert.

2) Bertsberechnung aus Beranlassung einer Ex-

Daß in dem Falle, wenn die Waldabtretung infolge gesetzlichen Zwanges "zu Zwecken des öffentlichen Wohls" (zu "öffentlichen, notwendigen, gemeinnützigen Zwecken"), also mittels Expropriation stattsindet, der Wert des abzutretenden Objektes unter Umständen als Verkaufswert zu bestimmen ist, wurde bereits S. 79 angegeden. Liegt eine hinreichend große Zahl von Verkäusen nicht vor, so muß der wirtschaftliche Wert ermittelt werden. Sinige Schriftseller haben die Ansicht ausgesprochen, daß dei letzterem Versahren nicht die wahrescheinlichen, sondern die unter den günstigsten Verhältnissen mögelichen Erträge der Waldwertrechnung zu Grunde zu legen seien; sie wollen also z. B. bei jungen Beständen und anzubauenden Blößen die Ansäte, welche die Ertragstafeln für vollkommene Bestände enthalten, unverkürzt anwenden (vergl. S. 35). Da indessen die Expropriationsgesetze nur die Vergütung einer Summe vorschreiben, welche hinreicht, um ein anderes entsprechendes Grundstück zu

<sup>1)</sup> Pfeil: Werthsberechnung 2c. bei der durch das Gesetz erzwungenen unfreiwilligen Außerbesitzsetzung. Krit. Blätter, XVI, 2 (1841), S. 62. — König (Forstmathematik, 3. Aust. [1846], § 492) schlägt in Andetracht dessen, daß der Eigentümer durch die erzwungene Abtretung in seinem Wirtschaftse verbande manchen Nebenverlust erseidet, vor, die Bodenrente zwar mit einem mittleren, den Bestands-Erwartungswert aber mit einem niedrigeren und den Bestands-Kostenwert mit einem höheren Zinssuß zu berechnen.

erwerben 1), so wird die Wertsberechnung bei der zwangsweisen Abtretung von Bald nach denselben Regeln auszuführen sein, nach welchen bei freiwilligen Verkäusen das Maximum des Wertes ermittelt wird (siehe 1). Daß hierbei die Rechnung, welche sich selbstverständlich innerhalb der Grenzen eines durchführbaren Betriebes halten muß, in Zweiselsfällen zu Gunsten des Expropriaten zu führen ist, erscheint als ein Gebot der Billigkeit, das auch von der amtlichen "Anleitung zur Baldwerthberechnung" des Königl. Preuß. Ministerial-Forst-Bureaus (§ 29) anerkannt wird.

Der Balbbefiter ift übrigens auch noch für alle fonftigen Berlufte und Ausgaben zu entschädigen, welche ihm aus ber Erpropriation erwachlen. Dahin gehören u. a. die Bergutung für den Abtrieb noch nicht hiebereifer Bestande, falls nur ber nadte Boden abgetreten wird, ferner die Bergutung für neue Begrenzung und Betrieberegulierung, für Anlage von Wegen, welche etwa notwendig werden, um die durch die Abtretung gestörte Ruganglichfeit bes bem Erpropriaten verbleibenden Waldreftes wieder herzustellen, für Bodenaushagerung und Sturmichaden, welche durch Beftandsaufhiebe veranlaßt werben, 2c. 2). . Im letteren Falle mare zu veranschlagen, auf welche Rlache ber Schaben fich erstreden fann; ber für benfelben zu leiftende Erfat würde bann in maximo - wenn alsbaldiger völliger Rusammenbruch bes Beftandes zn befürchten mare - ber Entschädigung für Abtrieb unreifen Bolges (Abichnitt II), bei geringerer Gefahr einem entsprechenden Teile Diejer Entschädigung gleichzuseten sein. Gehr oft wird endlich ber Expropriat für ben ihm verbleibenden Bald die nämlichen jährlichen Berwaltunges 2c. Roften aufzumenben haben wie porber; ber auf bas abgetretene Stud entfallenbe Teil bes Rapitalwertes ber letteren ift bann besonders zu vergüten, weil der Bobenwert bes Reftes fich um ben gleichen Betrag vermindert; mit anderen Borten: bei Berechnung bes Bodenwertes tommt V nicht ober wenigstens nicht voll in Abzug, fondern hochstens im Betrage ber Grundftener. Gelbftverftandlich hat fich die Bertberechnung ftets an die beftehenden gefetlichen Bestimmungen zu halten.

<sup>1)</sup> Siehe das bayerische Geset, "über die Zwangsabtretung von Grundseigenthum für öffentliche Zwede", vom 17. Nov. 1837, Art. 5; serner das preußische Geset, "über die Enteignung des Grundeigenthums", vom 11. Juli 1874, § 10.

<sup>2)</sup> Baur: Ueber bie Berechnung ber gu leiftenden Entschädigungen für bie Abtretung von Balb gu öffentlichen Zweden, 1869.

## II. Abschnitt.

# Berechnung der Vergütung für den Abtrieb von Beständen oder einzelnen Bäumen1).

### I. Berednung der Vergütung für den Abtrieb ganger Beftände.

1) Das gefällte Holz gehe in den Besit desjenigen über, welcher den Abtrieb des Bestandes bewirkt hat.

Offenbar kann ber Walbeigentümer ben Ersatz bes Jetwertes aller Reinerträge beanspruchen, welche er von dem Bestande zu erwarten gehabt hätte, wenn dieser nicht abgetrieben worden wäre. Hiernach drückt sich die Vergütung durch den Bestands-Erwartungswert aus. Da dem Walbeigentümer volle Entschädigung gebührt, so kann er verlangen, daß das Maximum jenes Wertes gerechnet werde. Eine weitere Vergütung ist ihm dann zu leisten, wenn an der Stelle des abgetriebenen Bestandes nicht sofort ein neuer Bestand begründet werden kann.

A. Berechnung der Bergütung für den Fall, daß an der Stelle des abgetriebenen Bestandes sofort ein neuer Bestand begründet werden kann.

a) Als Benutungsart des Bodens sei die forstwirt= schaftliche zu unterstellen.

Da nach dem Abtriebe des Bestandes ein neuer, normaler Bestand angezogen werden kann, so ist für den Fall, daß die Wahl der Umtriebszeit keiner Beschränkung unterliegt<sup>2</sup>), zur Berechnung des Bestandswertes das Maximum des Boden-Erwartungswertes anzuwenden.

α) Hat der Bestand die Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes bereits erreicht oder überschritten,

<sup>1)</sup> Da der Abtrieb eines Bestandes oder Baumes auch als Waldbeschädigung aufzusassen ist, so hätten wir den II. und III. Abschnitt vereinigen können.
Durch Unterordnung der bez. Regeln unter einen gemeinschaftlichen Gesichtspunkt würde sich jedoch die Darstellung dieser Lehre etwas kompliziert gestalten; wir haben daher die vorbezeichneten Probleme in getrennten Abschnitten
abgehandelt.

<sup>2)</sup> Da der entgegengesetzte Fall nur selten vorkommen wird, so sehen wir davon ab, die für denselben geltenden (übrigens sehr einfachen) Regeln der Bestandswertberechnung mitzuteisen.

so stellt nach S. 102 ber augenblidliche Bestands Berbrauchswert zugleich ben größten Bestands Erwartungswert bar.

β) Hat ber Bestand die Umtriebszeit u des größten Boden-Erwartungswertes noch nicht erreicht und ist derselbe normal, so berechnet sich nach S.85 ber größte Bestands-Erwartungs-wert unter Zugrundelegung eben jener Umtriebszeit.

Die beg. Formel lautet:

$$\frac{A_{\mathfrak{u}} + D_{n} \, \mathbf{1,} 0 \, p^{u-n} + \cdots - (B \, e_{\mathfrak{u}} + V) (\mathbf{1,} 0 \, p^{u-m} - 1)}{\mathbf{1,} 0 \, p^{u-m}}.$$

Bu demselben Resultate führt die Formel des Bestands-Rostenwertes:

$$(Be_u + V)(1,0p^m - 1) + c1,0p^m - (D_a 1,0p^{m-a} + \cdots)$$

Ist bagegen ber Bestand abnorm, so hat man ben Bestands-wert ausschließlich als Erwartungswert zu bestimmen und zu biesem Behuse biejenige Abtriebszeit u zu ermitteln, für welche ber größte Bestands-Erwartungswert sich ergiebt. Bezeichnet man mit  $\mathfrak{A}_{\mathfrak{u}}$ ,  $\mathfrak{D}_{\mathfrak{n}}$  bie Erträge bes abnormen Bestandes, so berechnet sich bie Bergütung mittels ber Formel

$$\underbrace{\mathfrak{A}_{\mathfrak{u}}+\mathfrak{D}_{\mathfrak{n}}1,\!0\,p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{n}}+\cdots-(Be_{\mathfrak{u}}+\underline{V})(1,\!0\,p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{m}}-1)}_{1,\!0\,p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{m}}}$$

b) Als Benutungsart bes Bodens fei nicht bie forstwirtschaftliche, sondern eine andere, vorteilhaftere zu unterstellen.

Hat ber Bestand das Alter der Umtriebszeit des größten forstwirtschaftlichen Boden-Erwartungswertes erreicht oder überschritten, so ist sein Wert ohne weiteres als Verbrauchswert zu veranschlagen. Andernfalls hat man den Bestandswert als Erswartungswert, und zwar unter Zugrundelegung dessenigen Bodenwertes, welcher der höheren Benutungsart entspricht, zu berechnen, die Abtriebszeit aber in gleicher Weise wie bei absnormen Beständen festzustellen.

B. Berechnung der Vergütung für ben Fall, daß an der Stelle bes abgetriebenen Bestandes nicht sofort ein neuer Bestand begründet werden kann').

In diesem Falle bußt der Waldeigentumer r Jahre lang die Bodenrente ein; auch erhält er für die jährlich aufzuwendenden Rosten

<sup>1) 3.</sup> B. weil bie Flache nicht eher kultiviert werden tann, bis ber ans grenzende verdammende Bestand abgetrieben worden ift.

136 Berechnung ber Bergütung für Abtrieb oder Beschädigung von Beständen.

(für Berwaltung, Schutz und Steuern 2c.) keinen Ersatz. Es muß baher ber nach a) berechneten Bergütung noch

$$\frac{(B+V)(1,0p^{r}-1)}{1,0p^{r}}$$

zugefügt werden. Man erhält also z. B.

a) für die als Erwartungswert berechnete Bergütung:

$$\frac{\Lambda_u + D_n \mathbf{1,0} \, p^{u-n} + \cdots - (B+V)(\mathbf{1,0} \, p^{u-m}-1)}{\mathbf{1,0} \, p^{u-m}} + \frac{(B+V)(\mathbf{1,0} \, p^r-1)}{\mathbf{1,0} \, p^r},$$

beziehungsweise

$$\frac{\mathfrak{A}_{\mathfrak{u}} + \mathfrak{D}_{\mathfrak{u}} \, \mathbf{1,0} \, p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{u}} + \cdots - (B+V) (\mathbf{1,0} \, p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{m}} - \mathbf{1})}{\mathbf{1,0} \, p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{m}}} + \frac{(B+V) (\mathbf{1,0} \, p^{\mathfrak{r}} - \mathbf{1})}{\mathbf{1,0} \, p^{\mathfrak{r}}}.$$

Bare r = u - m, bezw. = u - m, so betruge die Bergutung:

$$\frac{A_{\mathfrak{u}}+D_{\mathfrak{n}}\,\mathbf{1,}0\,p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{n}}+\cdots}{\mathbf{1,}0\,p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{m}}}\,\mathfrak{bezw}.\,\frac{\mathfrak{A}_{\mathfrak{u}}+\mathfrak{D}_{\mathfrak{n}}\,\mathbf{1,}0\,p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{n}}+\cdots}{\mathbf{1,}0\,p^{\mathfrak{u}-\mathfrak{m}}}\cdot$$

b) Für die als Roftenwert berechnete Bergütung:

$$\begin{split} (B+V)(1,&0p^m-1)+c1,&0p^m-(D_a1,&0p^{m-a}+\cdots)+\frac{(B+V)(1,&0p^r-1)}{1,&0p^r}\\ &=\frac{(B+V)\left(1,&0p^{m+r}-1\right)}{1,&0p^r}+c\,1,&0p^m-(D_a\,1,&0p^{m-a}+\cdots)\cdot \end{split}$$

Bare r = u - m, fo betrüge die Bergütung:

$$\frac{(B+V)(1,0p^{u}-1)}{1,0p^{u-m}}+c1,0p^{m}-(D_{a}1,0p^{m-a}+\cdots)$$

2) Das gefällte Holz verbleibe dem Baldeigen= tümer.

In diesem Falle ist von der nach 1) berechneten Vergütung der augenblickliche Verbrauchswert des Holzes in Abzug zu bringen. Für Holz, welches die Hiebsreise bereits erlangt hat, wäre also die Verzgütung gleich Rull.

Beispiel. Ein 46 jähriger, normaler Bestand ist widerrechtlicherweise gefällt worden. Das Holz, welches einen Berbrauchswert von 1027 Mark besitzt, hat der Waldeigentümer erhalten. Welche Bergütung hat der Fredler zu leisten unter der Boraussetzung,

- 1) daß an der Stelle bes abgetriebenen Bestanbes sofort ein neuer Bestand begründet werben fann;
- 2) daß die vorteilhafteste Benutungsart des Bodens die forstwirtschaft- liche ist;

3) daß der Bestand die in Tabelle A verzeichneten Erträge geliesert haben wurde, und daß der Auswand für Kultur zu Ansang jeder Umtriebszeit 24 Mark, die jährliche Ausgabe für Berwaltung, Schut und Steuern 3,6 Mark beträgt.

Binsfuß = 3 %.

Auflösung. Man hat zunächst das Maximum des Boden-Erwartungswertes zu ermitteln und findet, daß dasselbe für die 70 jährige Umtriebszeit eintritt und 362,56 Mark beträgt. Der Erwartungswert des 46 jährigen Bestandes ist

$$\left[2970 + 79,2 \cdot 1,03^{10} + 67,2 \cdot 1,03^{20} - \left(362,56 + \frac{3,6}{0.03}\right)(1,03^{24} - 1)\right]:1,03^{24}$$

= 1328 Mark. Die zu leistende Bergütung stellt sich sonach auf 1328 - 1027 = 301 Mark.

Da der Bestand als normal angenommen wurde, so führt die Berechnung der Bergütung nach dem Kostenwerte zu dem nämlichen Resultat.

## II. Berechnung der Vergutung fur den Abtrieb einzelner Banme.

Diese Frage ist praktisch von größter Bebeutung, weil sie bei der Bestimmung des Werts: und Schadenersates in Frevelfällen und insbesondere bei der Aufstellung der amtlichen Ersattarise.) Anwendung findet. Man wird dabei zwei Hauptfälle zu unterscheiden haben, je nachdem die weggenommenen Bestandesglieder durch Rekrutierung wieder ersetzt werden können oder nicht.

1) Ist Nachpflanzung möglich, so wird die Bergütung so zu bemessen sein, daß sie für Beschaffung und Einsetzen einer Pflanze ausreicht, welche der weggenommenen an Alter, Stärke und Wert gleichkommt. Der durchschnittliche Kostenauswand einer größeren Anpflanzung wird demnach hier nicht maßgebend, vielmehr wird zu berücksichtigen sein, daß eine einzelne Pflanze verhältnismäßig viel teuerer zu stehen kommt und daß dieser Mehrauswand mit dem Alter derselben und der Höhe des umgebenden Bestandes noch erheblich wächst.

Ist aber eine größere Fläche inmitten eines Bestandes entblößt und können Pflanzen gleicher Stärke nicht beschafft werden, mussen also geringere Setzlinge oder Samen zur Rekrutierung dienen, so gebührt dem Baldbesitzer außer den Kosten der letzteren noch eine weitere Bergutung, welche dem Unterschiede der Erwartungswerte des

<sup>1)</sup> In benselben wird öfters dem "Berte", d. h. Berbrauchswerte bes Frevelobjetts noch ein besonderer "Schaben" gegenübergestellt und hierunter die Differeng gwischen Erwartungs: und Berbrauchewert verstanden.

zerstörten und des neu begründeten Bestandesteiles gleichkommt; wobei insbesondere zu beachten ist, daß der letztere das normale Haubarskeitsalter wahrscheinlich nicht erreichen, sondern mit der Umgebung, also vorzeitig abgetrieben werden wird. Daß jene BestandssCrwarstungswerte auch — und zwar unter Einführung des BodensCrwarstungswertes — nach der Kostenwertsormel berechnet werden können, versteht sich von selbst.

Beispiel. In einem 25 jährigen Kiefernbestande (Tabelle A) ist eine Fläche von 1000 qm durch Feuer zerstört. Die Auspslanzung derselben mit 5 jährigen Ballenpslanzen kostet 12 Mark. Welche Vergütung kann der Waldbesitzer beanspruchen, wenn wie seither p=3, v=3,6, und c=24 gesetzt werden?

Auflösung. Das Maximum des Erwartungswertes eines 25 jährigen Kiefernbestandes berechnet sich für 70 jährigen Umtried zu 577,80 Mark pro ha. Dagegen der Erwartungswert eines 5 jährigen Bestandes, der schon mit 50 Jahren abgetrieben werden wird, zu 28,37 Mark pro ha. Der Unterschied beträgt 549,43 Mark pro ha oder 54,94 Mark sür 1000 qm; demnach die Gesamtvergütung, einschließlich der auf 12 Mark veranschlagten Rekrutierungskosten, 66,94 Mark. — Bei der Berechnung der Bestandsserwartungswerte hätte übrigens (B+V) beiderseits außer Acht gelassen werden können.

- 2) In den allermeisten Fällen, namentlich bei Freveln, wird die Rekrutierung ausgeschlossen sein. Dann ist die dem Waldsbesitzer zu zahlende Vergütung dem Erwartungswerte des wegs genommenen Baumes oder, salls dieser selbst zurückgegeben worden ist, dem Unterschiede zwischen Erwartungssund Verbrauchsswert desselben gleich zu setzen. Der letztere wird auf Grund direkter Messung oder nach der Analogie anderer gleich starker Stämme des nämlichen Bestandes unschwer zu ermitteln sein. Der Erwartungsswert eines Baumes aber ist wesentlich bedingt durch dessen Stellung im Bestande.
- a) Bei unterdrückten Stämmen, welche voraussichtlich ber nächsten Durchforstung anheimfallen, sind Erwartungs= und Bersbrauchswert einander gleich. Dasselbe wird aber auch von allen geringeren, bereits bedrängten oder beherrschten Stämmen des Hauptsbestandes angenommen werden dürsen. Denn ein Unterschied jener beiden Werte könnte hier nur dadurch bewirkt werden, daß das Zuwachsprozent des Baumes noch erheblich über dem Rechnungszinssußstände. Bedenkt man aber, wie gering der Zuwachs solcher Stammskassen ersahrungsmäßig ist, so leuchtet ein, daß diese Annahme selbst bei solchen Bäumen, welche allenfalls noch einige Durchforstungsperioden hindurch erhalten werden könnten, nicht statthaft ist.

b) Gehört der weggenommene Baum dagegen dem "Hausbarkeitsbestande", d. h. derjenigen Stammzahl an, welche voraußssichtlich dis zum Abtriebsalter (u) ausdauern wird, und hat er die mittleren Dimensionen dieser Stammzahl, welche mit  $Z_u$  beseichnet werden soll; so ist, wenn m das gegenwärtige Bestandsalter bedeutet, der Erwartungswert

$$\mathrm{He}_{m} = \frac{A_{u}}{Z_{u} \cdot \mathbf{1}_{,} 0 \, \mathrm{p}^{u-m}} \, \cdot \label{eq:hem}$$

Diesem wäre ein Verbrauchswert gegenüber zu stellen, welcher in Ermangelung direkter Aufnahme dem durchschnittlichen Werte der Zustärksten Stämme des mejährigen Bestandes gleichgesetzt werden könnte. Daß bei der Berechnung des Erwartungswertes Bodenrente und jähreliche Kosten nicht in Abzug kommen, ist eine Konsequenz der gesmachten Boraussezung, wonach kein Ersatz durch Rekrutierung stattssindet. Es wäre zwar denkbar, daß der Schaden durch gesteigerten Zuwachs der Nachbarstämme ersetzt würde; doch wird diese Annahme nur unter besonderen Umständen und bei Freveln, also in der Mehrezahl der vorkommenden Fälle, jedenfalls nicht zu machen sein, weil es hier geboten erscheint, die für den Beschädigten günstigsten Voraussssetzungen zu unterstellen.

Beispiel. Für einen 40 sjährigen Mittelstamm bes Haubarkeitsbesstandes in Kiefern (Tab. A) berechnet sich, wenn  $u=70,\ Z_u=1000$  und p=3,

$$\mathrm{He_{40}} = \frac{2970}{1000 \cdot 1,03^{30}} = 1,22$$
 Marf.

Sind im 40. Jahre 2500 Stämme vorhanden, so werden die 1000 stärksten berselben etwa 60 % der Gesamtmasse 1), solglich einen Berkaufswert von ca. 400 Mark repräsentieren. Der zu leistende Schadenersat ware bennach = 1,22 - 0,40 = 0,82 Mark.

c) Für einen gefällten Baum, welcher einer stärkeren oder geringeren als der Mittelklasse des Haubarkeitsbestandes angehört, ist der unter b) berechnete Erwartungswert mit dem Berhältnis zwischen der Holzmasse, die er dis zum Haubarkeitsalter voraussichtlich erreicht haben würde, und derjenigen des Mittelstammes; außerdem aber auch mit dem Berhältnis der entsprechenden Sortimentspreise zu multiplizieren. Anstatt der Berhältniszahlen der Holzmasse könnten dabei allensalls nach Baurs Borschlag (Handbuch S. 262) diesenigen der Grundsläche eingeführt werden.

<sup>1)</sup> Bgl. Bimmenauer, Mittelftamm, Baum: und Beftandsformzahl, Tharanber Jahrbuch 1890, G. 151, Tab. F.

Rum Zwecke ber Aufstellung von Schadenersate Tarifen burfte übrigens die Ausscheidung von etwa brei Starfeflassen bes Saubarkeitsbestandes genügen. Burbe man einer jeden derselben ein Drittel ber Stammaahl zuteilen, so ware die Holzmasse eines Stammes ber stärksten Klasse etwa = 1.5. diejenige eines ber geringsten = 0.6 ber Masse bes Mittelstammes zu veranschlagen. Unter Berücksichtigung ber Sortiments = und Wertverhälnisse wurden sich bemnach diese Riffern bis auf ungefähr 2.0 und 0.5 erhöhen bezw. erniedrigen.

Im obigen Beisviele maren bemnach für die drei Rlaffen Ermartungswerte von etwa 2,40, 1,22 und 0,60 Mart in Ansat zu bringen.

d) Es fann endlich, namentlich in jungeren Beständen, zweifelhaft fein, ob ein weggenommener Baum dem "Saubarkeits= bestande" zuzurechnen war ober nicht. In diesem Falle wird aus Billiafeitsgründen die für den Baldbefiter gunftigere Unnahme zu machen sein, ba biesem als bem geschädigten Teile zweifellos die größere Rücksichtnahme gebührt. Man wird also bei jedem grünen Stamme, ber weber unterdrückt, noch auch beherrscht ober feitlich ftark bedrängt war, die Rechnung fo führen muffen, als ob von demfelben das mögliche Maximum der Zuwachsleistung, d. h. das Aushalten bis zum haubarkeitsalter zu erwarten gewesen ware; ihn aber im Zweifelsfalle der dritten Klaffe des letteren zuzählen, mährend anderer= feits nur besonders starke und aut gewachsene Eremplare der ersten. alle übrigen ber Mittelklaffe zugeteilt würden.

Im Jahrgang 1856 ber Allg. Forst- und Jagdzeitung, G. 161, hatte ber Berfaffer biefer Schrift gur Berechnung bes Bertes einzelner nicht refrutierbarer Pflanzen eine Methode entwidelt, welche auf die Bahricheinlichkeit einer langeren ober furgeren Lebensdauer aufgebaut mar, später aber von ihrem Begründer selbst als mathematisch anfechtbar erkannt murbe. Derselbe führte baber bereits in ber ersten Auflage seiner "Baldwertrech= nung" (1865) die oben Seite 136 angegebenen Formeln ein, welche mit ber Stammaahl des mejahrigen Bestandes (Zm) dividiert ben durchichnitt= lichen Erwartungs= refp. Roftenwert eines mejahrigen Baumes bar= ftellen. Der erftere mare bemnach, ba hier in der Regel r = u - m gu feten ift,

$$\label{eq:embedding} \mathrm{He_m} = \frac{\mathrm{A_u} + \mathrm{D_n} \cdot 1.0 \, \mathrm{p^{u-n}} + \cdots}{\mathrm{Z_m} \cdot 1.0 \, \mathrm{p^{u-m}}} \cdot$$

Ift aber bas gefällte Solg bem Balbeigentumer verblieben, fo erhalt ber lettere als Bergütung nur den Unterschied zwischen diesem Erwartungs= und dem Berbrauchswerte des Baumes; wobei letterer ebenfalls nach dem Durchschnittsbetrag - Bertaufswert bes mejahrigen Bestandes geteilt burch Zm - zu berechnen ift. hiermit übereinstimmende Formeln entwickelte Eduard Bener in ben Forftlichen Blattern 1877, S. 297; jugleich unter Unstellung eingehender Betrachtungen über bie Größe der in die Rechnung einzuführenden Berte, namentlich u und p.

Gegen diese Durchschnittswerte läßt sich einwenden, daß es widerssinnig ift, zur Berechnung des Wertes eines einzelnen Baumes die Abtrieds und Durchsorstungserträge des Bestandes neben einander heranzuziehen; während jener doch offenbar nur entweder der einen oder der anderen Ruhung anheimfallen kann; und serner, daß der Waldbesiger hierzbei stets eine ungenügende Entschädigung erhält, wenn der gefällte Baum dem "Haubarkeitsbestande" angehört hatte. Hierauf bezugnehmend hat Schnittspahn im Forstw. Centralblatt 1886, Seite 90, Regeln für die "Berechnung des Schadenersahes dei Freveln an grünen prädominierenden Stämmen" aufgestellt, welche im wesentlichen mit den oben unter a bis dausgeführten übereinstimmen. Ein Unterschied besteht nur insosern, als Schnittspahn dem von ihm berechneten durchschnittlichen Erwartungswerte

 $\frac{A_u}{Z_u + 1.0 \, p^{u-m}}$  einen Berbrauchswert gegenüberstellt, welcher sich durch Dis

vision mit der Stammzahl des mejährigen Bestandes in dessen taselmäßigem Gesamtwert ergiebt; während es grundsählich richtiger sein dürfte, den Berbrauchswert direkt zu bestimmen oder allenfalls aus dem Werte der entsprechenden Anzahl stärkster Stämme des mejährigen Bestandes abzusleiten und andererseits die Erwartungswerte nach Stärkeklassen abezustufen.

Der letteren Forderung geben die amtlichen Erfattarife öfters baburch aus bem Wege, daß fie anftatt bes holgalters die Stamm = ober Stockftarte zu Grunde legen. Sie betrachten also jeden gefrevelten Stamm jo, als ob er von demjenigen Alter ware, in welchem der Bestandsmittel= ftamm gerade die vorliegende Starte aufweift. Ein Baum von mehr als Mittelftarfe wird bemgemäß als entsprechend alter, ein ichwächerer als junger Dies Berfahren erleichtert die Tarifierung ungemein, indem es zugleich die Schwierigkeit der fpeziellen Altersbestimmung gang umgeht. Bleichwohl tann es grundfäglich nicht empfohlen werden, weil es namentlich bei Nuthölzern zu gang unrichtigen Ergebniffen führen muß. Ift g. B. für Fichten ein 100-jähriger Umtrieb angenommen, so wird für einen 70-jährigen Stamm, ber bereits die Mittelftarte des 100-jahrigen Beftandes erreicht hat, tein Schabenersat berechnet, weil berfelbe als haubar gilt; während er aller Bahricheinlichkeit nach, wenn er noch 30 Jahre lang fortgewachsen mare, wertvolles Schnittholy, also weit mehr ale ben Durchichnittsertrag geliefert haben murbe und bemgemäß in Birflichfeit einen erheblich höheren Erwartungewert befitt. Auf ber anderen Seite wird für eine 100-jährige Fichte, welche ben mittleren Durchmeffer bes 70-jährigen Beftandes noch nicht überschritten hat, Schadenersat, d. h. eine Differeng amijden Erwartungs- und Berbrauchswert in Unfat gebracht, mahrend eine folde in Birflichkeit nicht befteht.

In fruheren Beiten, als bei gahlreich vorkommenden Freveln eine

gegenseitige Ausgleichung solcher Unrichtigkeiten vielleicht erwartet werben durfte, mag jenes, auf Durchschnittswerte begründete, summarische Bersahren gerechtsertigt gewesen sein. Unter den heutigen geänderten Berhältnissen dagegen erscheint die Forderung unadweislich, daß Bert= und Schaden=ersah mehr spezialisiert und insbesondere auf Grund des konkreten Holz=alters abgeschäht werden; zumal das letztere ja in den meisten geordneten größeren Wirtschaften aktenmäßig feststeht, also unschwer zu konstatieren ist.

## III. Abschnitt.

# Berechnung der Vergütung für Waldbeschädigungen1).

Die Rechnung läßt sich nach folgender allgemeinen Regel führen: man ziehe den Erwartungswert des beschädigten Waldes von dem Erwartungswert des unbeschädigten Waldes ab. Selbstverständlich sind diese Werte nach dem höchsten Betrage, den sie unter den gezgebenen Berhältnissen erreichen können, zu bestimmen. Für den Fall, daß die Beschädigung nur den Bestand oder einzelne Bäume, nicht den Boden getrossen hat, genügt es, die Bestandse bezw. Baume Erwartungswerte von einander abzuziehen.

Aufgabe 1. In der Nähe eines Waldes, dessen seiherige Bonität der Ertragstasel A entsprach, ist zur Berbesserung von landwirtschaftlich benutten Grundstücken eine Entwässerung ausgeführt worden. Insolge dieser hat sich der Feuchtigkeitägehalt des Waldbodens so vermindert, daß von dem 60 jährigen, bisher normal beschaffenen, Holzbestand, mit welchem die Fläche bestockt ist, bei einer Abtriebszeit von 70 Jahren nur ein Haubarkeitsertrag von 2700 Mark, bei einer Abtriebszeit von 80 Jahren ein Durchforstungsertrag von 80 Mark im 70. Jahr und ein Haubarkeitsertrag von 3100 Mark zu erwarten, für die folgenden Umtriebszeiten aber übershaupt nur auf die Erträge der nächstgeringeren Standortsgütestuse zu rechnen ist. Dieser entspricht solgende Ertragstasel:

<sup>1)</sup> Der Schaben, für welchen die Bergütung zu leisten ist, zerfällt in einen unmittelbaren und einen mittelbaren. Jener besteht in dem Ertrags= verlust an dem beschädigten Boden oder Bestande, dieser in den Nachteilen, welchen benachbarte Baldteile z. B. durch Bodenaushagerung, Windwurf 2c. ausgesetzt sind. Der mittelbare Schaden wird kalkulatorisch nach den nämzlichen Grundsägen sestgesetzt wie der unmittelbare.

Jahr	Zwischennutzungen Mark	Abtriebsertrag Wark
20	8	75
30	29	212
40	40	466
50	47	887
60	55	1466
70	63	2060
80	62	2582
90	60	2832
100		3110

Wie hoch stellt sich der Betrag der Beschädigung, welche der fr. Wald erlitten hat, unter der Boraussetzung, daß c=24, v=3,6 und p=3 angenommen werden kann?

Auflösung. Das Maximum des Boden-Erwartungswertes für die Ertragsfähigkeit, welche der Wald vor der Entwässerung besaß, ergiebt sich nach Tabelle B zu 362,56 Mark, der Wald-Erwartungswert nach Formel \* auf Seite 121 zu

$$\frac{2970 - \frac{3.6}{0.03} (1.03^{10} - 1) + 362.56}{1.02^{10}} = 2449 \text{ Marf.}$$

Das Maximum bes Boben-Erwartungswertes, welches ber Ertragsfähigkeit bes Balbes nach Bornahme ber Entwässerung entspricht, berechnet sich mit 206,16 Mark für eine Umtriebszeit von 70 Jahren. Wird ber vorhandene Bestand im 70. Jahre abgetrieben, so ist der Erwartungswert bes durch die Entwässerung deteriorierten Baldes —

$$\frac{2700 - \frac{3.6}{0.04} (1.03^{10} - 1) + 206.16}{1.03^{10}} = 2132 \text{ Marf.}$$

Wird ber Beftand im 80. Jahre abgetrieben, so ist ber Balb-Erwarstungswert -

$$\frac{3100 + 80 \cdot 1,03^{10} - \frac{3,6}{0,03} (1,03^{20} - 1) + 206,16}{1,03^{20}} = 1837 \text{ Marf.}$$

Der größte Balbs Erwartungswert ergiebt sich bennach auch hier für eine Abtriebszeit von 70 Jahren und ber Schaden berechnet sich zu 2449—2182 — 317 Mark.

Aufgabe 2. Ein 8 jähriger Bestand ist 5 Jahre hindurch von Baidvieh so verdissen worden, daß man seinen Zuwachs während dieser Zeit gleich Rull rechnen kann. Der Waldbesitzer erhebt gegen den Eigentümer des Biehes Klage auf Entschädigung; der Prozes wird aber erst nach 2 Jahren, also im 10. Bestandsjahre, und zwar zu Gunsten des Waldbesitzers entschieden. Welche Vergütung ist dem letzteren unter der Borausssetzung zu leisten, daß sämtliche Erträge des Bestandes insolge der Beschädigung 5 Jahre später ersolgen? Die Berechnung soll geführt werden mit Zugrundelegung der Ertragstasel A, sowie für c = 24 Mark, v = 3,6 Mark, p = 3.

Auflösung. Da die Beschäbigung sich nur auf den Bestand, nicht auf den Boden bezieht, so besteht die Vergütung in dem Unterschied zwischen dem Maximum des Erwartungswertes des normalen und dem Maximum des Erwartungswertes des abnormen Bestandes.

Buerst ist das Maximum des Boden-Erwartungswertes unter Borausssehung normaler Bestandsverhältnisse zu berechnen. Man sindet, daß dassselbe (siehe Tabelle B) für eine 70 jährige Umtriebszeit mit 362,56 Mark sich ergiebt.

Das Maximum bes Erwartungswertes bes normalen Bestandes berechnet sich nach Satz  $\beta\beta$ ) auf Seite 86 für eine Abtriebszeit von 70 Jahren und beträgt für den 10 jährigen Bestand

$$\begin{array}{l} [2970 + 12 \cdot 1,03^{50} + 42 \cdot 1,03^{40} + 57,6 \cdot 1,03^{30} + 67,2 \cdot 1,03^{20} \\ + 79,2 \cdot 1,03^{10} - (362,56 + 120)(1,03^{60} - 1)]:1,03^{60} = 198 \text{ Marf.} \end{array}$$

Der beschädigte Bestand liefert alle Erträge 5 Jahre später als ber normale Bestand, mithin

im	Alter	Zwischennutzungen Mark	Abtriebsertrag War <b>t</b>
	25	12,0	108,0
	35	42,0	302,4
	45	57,6	666,0
	55	67,2	1267,2
	65	79,2	2062,8
	75	90,0	2970,0
	85	88,8	3608,4
	95	86,4	4214,4
	105	_	4500,0

Behält man die 10 jährigen Altersabstusungen bei (interpoliert man also die Ertragstafel nicht etwa auf kürzere Altersabstusungen), so ist der Erwartungswert des 10 jährigen beschädigten Bestandes bei einer Abstriebszeit von 65 Jahren:

$$\begin{array}{l} \left[2062,8 + 12 \cdot 1,03^{40} + 42 \cdot 1,03^{30} + 57,6 \cdot 1,03^{20} + 67,2 \cdot 1,03^{10} \right. \\ \left. - 482,56 \left. (1,03^{55} - 1) \right] : 1,03^{55} = 84,30 \,\, \text{Marf}; \end{array}$$

bei einer Abtriebszeit von 75 Sahren:

$$\begin{array}{l} \left[2970 + 12 \cdot 1,03^{50} + 42 \cdot 1,03^{40} + 57,6 \cdot 1,03^{30} + 67,2 \cdot 1,03^{20} \right. \\ \left. + 79,2 \cdot 1,03^{10} - 482,56 \left(1,03^{65} - 1\right)\right] : 1,03^{65} = 104,52 \,\,\, \text{Mart}; \end{array}$$

bei einer Abtriebszeit von 85 Jahren :

$$\begin{array}{l} [3608,4 + 12 \cdot 1,03^{60} + 42 \cdot 1,03^{50} + 57,6 \cdot 1,03^{40} + 67,2 \cdot 1,03^{30} \\ + 79,2 \cdot 1,03^{20} + 90 \cdot 1,03^{10} - 482,56 \ (1,03^{75} - 1)] : 1,03^{75} = 57,87 \ \mathrm{Marf.} \end{array}$$

Der größte Bestands-Erwartungswert ergiebt sich also mit 104,52 Mark für eine Abtriebszeit von 75 Jahren, und es beträgt hiernach die zu leistende Bergütung 198,00 — 104,52 — 93,48 Mark.

Aufgabe 3. In einem normal beschaffenen 50 jährigen Bestande ist unberechtigterweise eine größere Zahl von Stämmen, welche in Summa einen Berkaufswert von 570 Mark besitzen, gefällt worden. Dieses Holz hat jedoch der Waldeigentumer erhalten. Boraussichtlich sind von jenem Bestande für die Folge gar keine Zwischennutzungen und

im Jahre	an Haubarkeitsnutzung nur
60	1031 Mark
70	1485 ,,

zu erwarten. Welche Vergütung ist dem Walbeigentümer unter der Voraussiezung zu leisten, daß der unbeschädigte Bestand die in Tabelle A verszeichneten Erträge geliesert haben würde und daß c zu 24 Mart, v zu 3,6 Mart, p — 3 anzunehmen ist.

Auflösung. Hätte der Frevler das gefällte Holz behalten, so würde die zu leistende Bergütung in dem Unterschied  $\Delta$  zwischen dem Maximum des Erwartungswertes des normalen und dem Maximum des Erwartungswertes des normalen und dem Maximum des Erwartungswertes des abnormen Bestandes bestehen. Da aber das gefällte Holz im Besite des Waldeigentümers geblieben ist, so beträgt die Vergütung nur  $\Delta$  — 570 Mark.

Nach Tabelle B berechnet sich bas Maximum bes Boben-Erwartungs= wertes mit 362,56 Mart für eine Umtriebszeit von 70 Jahren.

Das Maximum bes Erwartungswertes bes unbeschädigten Bestandes ergiebt sich nach Sa $\beta$  ) auf Seite 86 für eine Abtriebszeit von 70 Jahren und beträgt

$$\frac{2970 + 79,2 \cdot 1,03^{10} - (362,56 + 120) (1,03^{20} - 1)}{1,03^{20}} = 1488 \text{ Mart}.$$

Das Maximum bes Erwartungswertes bes beschäbigten Bestandes berechnet sich nach bem Beispiel auf Seite 87 für eine Abtriebszeit von 60 Jahren und beträgt 644 Mart.

hiernach sind als Bergütung 1488—644—570 = 274 Mark zu zahlen.

# IV. Abschnitt.

# Berechnung der Vergütung für Benutung des Bodens zur Gewinnung von Fossilien').

Ein Walbeigentümer, welcher — sei es freiwillig, oder infolge gesetzlichen Zwanges — einem Andern Waldboden zur Gewinnung von Fossilien zeitweise überläßt, kann als Vergütung beanspruchen:

I. Den Bodenpacht ober die Bodenrente, welche ihm jährlich so lange entrichtet werden muß, als die anderweitige Benutzung des Bodens dauert. Bei der Berechnung dieser Kente ist als Bodenwert das Maximum des BodensErwartungswertes anzunehmen. Die jährslichen Kosten, welche der Waldeigentümer meist nach wie vor fortsentrichten muß, kommen dabei aus eben diesem Grunde nicht in Abzug.

II. Den **Bestandswert**, wenn nämlich die abzutretende Fläche bestockt ist und der Pächter des Bodens auch den Holzbestand übernimmt. Bezüglich der Berechnung des Bestandswertes verweisen wir auf Seite 134. Fällt der Holzbestand dem Waldeigentümer zu, so ist demselben bei solchen Beständen, welche noch nicht hiebsreif sind, der Unterschied zwischen dem Verbrauchswerte und dem Erwartungs- bzw. Kostenwerte zu vergüten.

III. Den Ersat des **Minderwertes**, welchen der **Boden** nach Beendigung der Fossiliengewinnung besitzt. Um dem Eigentümer des Bodens die schließliche Bergütung dieses Minderwertes zu sichern, müßte der Bergbauunternehmer eine Kaution hinterlegen, deren Betrag in maximo dem vollen Boden-Bruttowerte (B + V) gleich wäre<sup>2</sup>).

Aufgabe. Ein Bergwerksunternehmer pachtet von einem Waldbesitzer einen Hektar Waldboen, welcher mit einem 50 jährigen normalen, eben durchsorsteten Holzbestand bestockt ist. Das Holz des abzutreibenden Bestandes, dessen Berbrauchswert 1200 Mark beträgt, behält der Waldbesitzer. Es ist zu ermitteln:

<sup>1)</sup> Das Berfahren, welches wir hier mitteilen, ist im Besentlichen von Faustmann (v. Webekind's Jahrbücher, 1853, 2. Folge, III., 4, S. 345) aufgestellt und wissenschaftlich begründet worden.

<sup>2)</sup> z. B. wenn der auf dem Boden abzulagernde Schutt Aupferkies oder Arsenikkies enthalten sollte. In der Regel wird jedoch bei der Berechnung der Kaution nur ein mittlerer Grad von Bodenverschlechterung zu Grunde gelegt werden dürsen.

- 1) bie Große bes jährlich zu gahlenden Bodenpachtes,
- 2) " , der von dem Bachter zu hinterlegenden Kaution,
- 3) " " der Bergütung, welche ber Pächter bem Waldbesitzer bafür zu zahlen hat, daß ber lettere gezwungen ist, den Bestand vor dem Eintritt ber wirtschaftlichen Reise zu nuten.

Auflösung. Zunächst wäre die Bonität und die Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes zu ermitteln. Ergäbe die Bonitierung z. B., daß der Boden die in Tabelle A verzeichneten Erträge liesern könne, so würde für c=24, v=3,6 und p=3, daß Maximum des BodensErwartungswertes sür u=70 sich herausstellen und auf 362,56 Mark sich belausen (vergl. Tabelle B). Hiernach würde

1) ber Bodenpacht einschließlich ber jährlichen Roften

$$482,56 \times 0.03 = 14,48 \, \text{Marf};$$

- 2) die zu hinterlegende Raution in maximo = 482,56 Mark,
- 3) ber Unterschied zwischen bem Bestands-Rosten- ober Erwartungswert und bem Bestands-Verbrauchswert 1488,56 1200 288,56 Mark sein.

# V. Abschnitt.

# Ablösung von Forstberechtigungen.

Eine Forstberechtigung kann entweder durch eine, ihrem Durchsichnittsertrage gleichwertige, Naturals oder Geldrente, oder durch ein Grundstück abgelöst werden. Die Answendung des einen oder des anderen Ablösungsmittels hängt entweder von der freien Vereindarung der Interessenten ab, oder sie ist durch das Gesetz festgestellt.

Welches Verfahren aber auch gewählt werden mag, so wird es sich jedenfalls zunächst um die Beantwortung der Frage handeln, welches Einkommen die Berechtigung ihrem Inhaber seither gewährt hat und in Zukunft zu gewähren verspricht. Hiersum ihm durch

<sup>1)</sup> Die Angabe ber Grünbe, welche in einem gegebenen Falle für die eine ober die andere Art der Ablösung sprechen, gehört nicht in ein Lehrbuch ber Baldwertrechnung, sondern ist in den Berken über Forstpolitik (Staatssforstwirtschaftslehre) sowie in den Monographien über die Ablösung der Forstberechtigungen nachzusehen. Der vorliegende Gegenstand wurde sehr eingehend auf den Bersammlungen der beutschen Forstmänner zu Bamberg (1877) und Dresden (1878), insbesondere aber von Dankelmann in der Schrift: Die Ablösung und Regelung der Baldgrundgerechtigkeiten 1880 und 1888 behandelt.

die Ablösung Ersatz geboten werden; eventuell unter Abzug ber von dem Berechtigten zu zahlenden Ernte- oder Transportkosten.

Bei gemessenen Servituten, d. h. solchen, welche zum Bezug einer bestimmten Menge von Holz oder sonstigen Walderzeugnissen berechtigen, ist deren Einheitswert zu Grunde zu legen und unter Umständen noch zu begutachten, ob derselbe in Zukunst voraussichtlich steigen oder fallen wird; weil hiervon der Zinssuß abhängig ist, der bei Ermittelung des Kapitalwertes der Berechtigung in Anwendung kommt.

Schwieriger wird die Sache bei ungemessenen Servituten, welche 3. B. auf den gesamten Bedarf des herrschenden oder auf den ganzen Ertrag bes bienenden Gutes an einer gewissen Nutung lauten und vielleicht nur zeitlich - auf bestimmte Tage - ober räumlich - auf einzelne Teile des Waldes - beschränkt sein können u. f. w. Sier wird zunächst zu ermitteln resp. abzuschäten sein, in welchem Umfange die Berechtigung seither ausgeübt worden ist und fernerhin - unbeschadet ber Substanz bes Walbes - ausgeübt werden fann; also 3. B. wie viel Bauholz zur Reparatur oder Erneuerung der Wohn= oder Wirtschaftsgebäude des Berechtigten durchschnittlich jähr= lich erforderlich war; von wie viel Berfonen, an wie vielen Tagen im Sahre und mit welchem Ergebnis von einer Leseholg= oder Streuberechtigung Gebrauch gemacht worden ift; wie viel Stude Bieh gur Weidenutung eingetrieben worden find und ob dieselben hierbei volle ober nur teilweise Sättigung gefunden haben; welche Mengen von Streulaub, Moos, Gras 2c. der belaftete Bald bei regelrechter Bewirtschaftung nachhaltig zu liefern vermag u. s. w. Bezüglich ber Beranschlagung solcher Naturalerträge und ihrer Geldwerte kann auf Rapitel IV des vorbereitenden Teiles verwiesen werden. Handelt es fich aber um Nutungen ober Sortimente, für welche fich ein bestimmter Marktpreis nicht gebildet hat, so wird noch untersucht oder begutachtet werden muffen, welcher Menge eines anderen marktgängigen Broduktes - Hold, Roble, Strob, Beu 2c. - ber Ertrag ber Berechtigung an Beigkraft, Dünger= oder Maftwert 2c. gleichkommt. Endlich darf nicht versäumt werden, auch die Unkosten oder Berluste, welche für ben Berechtigten mit der Ausübung seines Rechtes verbunden find, in Unschlag zu bringen1).

Ift es auf diese Art gelungen, ben jährlichen Reinertrag der Berechtigung festzustellen, so könnte an beren Stelle nunmehr für die

<sup>1)</sup> Bgl. Baur, Handbuch der Baldwerthrechnung, S. 304 ff., wo die einschlägigen Fragen sehr ausführlich besprochen sind.

Zufunft eine gleichwertige Naturalrente, z. B. die Abgabe einer nach Sortiment und Zahl der Berkaufsmaße bestimmten Holzmenge gesetzt werden. Damit würde aber der eigentliche Zweck der Ablösung, die wirtschaftliche Unabhängigkeit beider Teile, nicht erreicht werden; denn beide wären genötigt, ihren Betrieb eben auf fortgesetzte Lieferung resp. Bezug jener Naturalrente einzurichten.

Größere wirtschaftliche Freiheit murbe die Bereinbarung einer jährlichen (ober periodischen) gleichbleibenden Gelbrente von ber Sohe bes ermittelten Berechtigungs-Reinertrags gewähren. Diefes Berfahren bietet aber ben Nachteil, daß eine ber beiden beteiligten Seiten geschädigt wird, sobald die der Rechnung ju Grunde gelegten Naturalerträge ober Ginheitswerte steigen ober finten. und wird in vielen Fällen fehr leicht eintreten: für Ruthölzer 3. B. find gewiß noch an vielen Orten höhere Preise zu erwarten, mahrend ber Wert ber Balbweide häufiger als sinkend angenommen werben barf und berienige einer weitgetriebenen Streunutung ebenfalls naturgemäß abnehmen muß. Um diese Schwanfungen auszugleichen, fonnte eine je nach bem Breisftande von Solz, Beu, Stroh zc. verander= liche Gelbrente festgefest werden. Damit aber mare wieder ber Nachteil verbunden, daß beide Barteien fortwährend von neuem mit einander zu verhandeln hatten, wodurch leicht Streitigkeiten und Brogeffe entfteben fonnten.

Eine völlige wirtschaftliche Trennung beiber Teile wird mithin nur durch Herausgabe eines Geldkapitals ober eines Teiles vom belasteten Walde selber bewirkt. Da diese beiden Ablösungsmittel überdies besondere, ins Gebiet der Waldwertrechnung fallende Erwägungen erfordern, so sollen dieselben im Folgenden eingehender besprochen werden.

## I. Ablösung mittelft eines Geldkapitals.

Das Gelbkapital muß so bemessen werben, daß der Berechtigte beim Ausleihen desselben zu einem der Sicherheit seines seitherigen Rentenbezugs entsprechenden Zinssuße durch die Zinsen und Zinseszinsen dieses Kapitals nachhaltig dieselben Einnahmen erhält, welche ihm die fortdauernde Berechtigung geliefert haben würde.

Es fragt sich nun, welcher Zinsfuß zur Kapitalisierung bes Rentenwertes einer Berechtigung anzuwenden ift.

Geht man von dem Grundsate aus, daß dem Berechtigten volle Entschädigung gewährt werden muß, daß er aber keinen Anspruch auf die Bergütung von Borteilen hat, welche ihm das Objekt der Berechtigung selbst nicht bietet, so findet man, daß sich gegen die Ans

wendung des forstlichen Zinssußes zur Berechnung eines Ablösungs-Geldkapitals in manchen Fällen Bedenken erheben. Wie früher (S. 11) auseinandergesetzt wurde, bedingen hauptsächlich folgende Momente den verhältnismäßig niedrigen Stand des forstlichen Zinssußes.

- 1) Die Sicherheit bes Bezuges ber Einnahmen,
- 2) das wahrscheinliche Steigen der Forstproduktenpreise,
- 3) die sonstigen mit dem Waldbesitz verbundenen Annehm= lichkeiten und Vorteile.

Untersuchen wir nun, ob und in wie weit diese Momente bei ben Berechtigungen zur Wirkung kommen.

- Ad 1. Wenn, wie dies zumeist der Fall ist, das Objekt der Berechtigung einen Teil des Waldertrags bildet, so wird man bei demselben die Sicherheit des Bezuges in der Regel ebenso wie bei den übrigen Walderträgen unterstellen dürfen. Es kommen indessen auch Ausnahmen vor; so kann z. B. die Ergiebigkeit der Leseholzungung durch Einführung der Pslanzkultur anstatt der Saatkultur oder der natürlichen Verjüngung sich vermindern.
- Ad 2. Wenn man annimmt, daß der forstliche Zinssuß wegen des Steigens der Forstproduktenpreise niedriger sein muß, als der landesübliche Zinssuß, so läßt man sich hierbei hauptsächlich durch den Umstand leiten, daß die Einnahmen aus der Waldwirtschaft vorzugsweise in Holz bestehen, dessen Preis seither fortwährend gestiegen ist. Bezieht sich aber eine Forstberechtigung auf andere Nutungen (3. B. auf Weide), von welchen etwa angenommen werden kann, daß ihr Wert im Laufe der Zeit sinken wird, so dürste der zur Napitalisserung anzuwendende Zinssuß nicht so niedrig gestellt werden, als der forstliche Zinssuß.

Wollte man bei der Beftimmung des Kapitalisierungs= Zinssußes von dem landesüblichen Zinssuß ausgehen und diesen nur wegen der größeren oder geringeren Sicherheit des Bezuges der aus der Berechtigung sließenden Einnahme, nicht aber wegen des Steigens oder Fallens des Geldwertes der Naturalrente ändern, so würde das Ablösungs-Kapital durch Distontierung der fünstigen — steigenden oder fallenden — Renten zu berechnen sein.

Ad 3. An den hier erwähnten Annehmlichkeiten und Vorteisen nimmt der Berechtigte nicht teil; es kommt daher der Betrag der Zinsfußermäßigung, welcher auf dieselben trifft, bei der Festsehung des Ablösungs-Zinsfußes nicht in Rechnung.

Dürfte angenommen werben, daß im Falle bes Fortbestehens der Berechtigung die Sicherheit des Bezugs derselben zweisellos, das gegen ein Steigen ihres Geldwertes ausgeschlossen wäre und daß der Berechtigte im anderen Falle das Ablösungskapital nicht zur Ans

schaffung von Grundstücken, sondern durch Ausleihen, etwa gegen hypothekarische Sicherheit, nutbar machen würde; so hätte der für solche Leihkapitalien gedräuchliche sog. "landesübliche" Zinskuß in Answendung zu kommen, welcher hauptsächlich aus dem Seite 11 unter a entwickelten Grunde etwas höher zu stehen pflegt, als derjenige der Bodenwirtschaften.

Der zur Ravitalisierung bes Rentenwertes einer Berechtigung anzuwendende Binsfuß mußte in jedem Gingelfalle durch Sachverftan-Dige bestimmt werden. Da jedoch die Serleitung dieses Binsfußes aus bem landesüblichen ober auch aus bem rein forftlichen manchen Schwierigfeiten unterliegt, fo hat man vorgeschlagen, die zwangeweise Ablösung auf die Leiftung einer nach ben jedesmaligen Breisen gu bestimmenden, also veranderlichen. Gelbrente zu beschränfen, die Ablöfung mittelft eines Geldkapitals aber ber freien Entichließung ber Beteiligten zu überlaffen, wobei biefe über ben ber Ablöfung gu Grunde zu legenden Binsfuß fich zu vereinbaren hatten. Bei biefem Berfahren ift also sowohl ber Pflichtige wie ber Berechtigte bavor geschütt, ein Ablösungskapital geben bezw. hinnehmen zu muffen, welches ber eine ober andere nicht für bas richtige halt; bagegen tommt hierbei, wenn die Beteiligten fich nicht einigen, Die vollstänbige Befreiung bes Grundeigentums von den auf bemfelben rubenden Lasten wieder nicht zu stande. Um dies zu verhüten, verlangen andere, baß unter die Ablösungsmittel auch bas Gelbkapital aufgenommen werbe, zumal die jedesmalige Feststellung ber Geldrente mit unangenehmen Beitläufigfeiten verbunden und häufig ohne richterlichen Entscheid nicht burchzuführen fei; fie verlangen ferner, bag die Bestimmung bes Binsfußes nicht bem Urteil weniger Erverten, sondern ber Landesgesetzgebung überlaffen werde, welche benfelben nach "Maßgabe einer ficheren Gelbeinnahme" feftstellen folle. Je nachdem biefer Binsfuß von bemjenigen abweicht, welcher fich bei Berüdfichtigung ber unter 1 bis 3 aufgeführten Momente ergeben murbe, erleidet ent= weber ber Bflichtige ober ber Berechtigte eine Schädigung.

Beifpiel. X hat aus dem Balbe des Y jährlich eine Quantität Solz zu beziehen, bessen, beffen erntelostenfreier Wert 1 beträgt.

- A. Welcher Binsfuß mare bei ber Rechnung mit ben jegigen Preisen zur Kapitalisierung anzuwenden, wenn
  - a) bie Bolgpreise jahrlich um 1% fteigen,
  - b) bieselben " " 2% steigen.
- B. Belches Ablofungetapital hatte Y dem X unter der Borausfehung, daß gur Rapitalifierung der Berechtigungerente der Geldzinefuß unverfürzt angewendet wird, zu entrichten, wenn
  - a) die Holzpreise nicht steigen,

- b) dieselben um 1% jährlich steigen,
- c) ,, ,, 2%, ,, ,,
- C. Wie lange kann X mittelst eines Ablösungskapitals, welches unter Anwendung des Geldzinssußes berechnet wird, die bisher bezogene Holz-quantität sich beschaffen-unter der Boraussehung:
  - a) daß die Holzpreise nicht steigen,
  - b) daß dieselben um 1% jährlich fteigen,
  - c) ,, ,, 2<sup>0</sup>/<sub>0</sub> ,, ,, .

Der Geldzinsfuß fei 41/2 %.

Auflöfung ber Aufgabe A.

Bringen wir die Sicherheit des Bezuges der aus der Berechtigung fließenden Einnahme nicht in Anschlag, rechnen wir also keine Prämie für den Berluft an Zinsen beim Ausleihen eines Geldkapitals, so finden wir

a) wenn die Holzpreise jährlich um 1% steigen, das Kapitalisierungs- Brozent mittels ber Gleichung

$$\frac{1,01}{1,045} + \frac{1,01^2}{1,045^2} + \dots = \frac{1}{1,0x} + \frac{1}{1,0x^2} + \dots,$$

aus welcher

$$x = \frac{3.5}{1.01} = 3.456$$
 folgt.

b) Steigen die Holzpreise jährlich um 2%, so findet man auf demsselben Wege wie unter a)

$$x = \frac{2.5}{1.02} = 2.451.$$

Auflösung ber Aufgabe B.

a) Unter der Boraussetzung, daß die Holzpreise nicht steigen und bei Anwendung eines Zinsfußes von  $4\frac{1}{2}\frac{9}{0}$  findet man das Ablösungstapital —

$$\frac{1}{1,045} + \frac{1}{1,045^2} + \dots = \frac{1}{0,045} = 22,22 \dots$$

b) Steigen die Holzpreise jährlich um  $1^{\circ}/_{\circ}$ , so ist das Ablösungs-kapital =

$$\frac{1 \cdot 1,01}{1,045} + \frac{1 \cdot 1,01^2}{1,045^2} + \dots = \frac{1,01}{0,035} = 28,86.$$

c) Steigen die Holzpreise jährlich um 2%, so ist das Ablösungs-kapital —

$$\frac{1 \cdot 1,02}{1,045} + \frac{1 \cdot 1,02^2}{1,045^2} + \dots = \frac{1,02}{0,025} = 40,8.$$

Auflösung ber Aufgabe C.

a) Bleiben die Holzpreise unverändert, so betragen die Zinsen des Ablösungskapitals jährlich  $\frac{1}{0.045}\cdot 0{,}045=1$ . Der Berechtigte X kann

also unter ber angenommenen Boraussetzung mittelft bes Ablösungskapitals  $\frac{1}{0.045}$  sich die bisher bezogene Holzquantität fortbauernd beschaffen.

b) Steigen die Holzpreise jährlich um 1%, so sindet man das Jahr n, dis zu welchem X die disher bezogene Holzquantität sich mittelst des Ablösungskapitals  $\frac{1}{0.045}$  jährlich beschaffen kann, durch die Gleichung

$$\frac{1}{0,045} = \frac{1 \cdot 1,01}{1,045} + \frac{1 \cdot 1,01^2}{1,045^2} + \dots + \frac{1 \cdot 1,01^n}{1,045^n},$$

aus welcher

$$n = \frac{\log \frac{0.045 \cdot 1.01}{1.045 \cdot 0.01}}{\log \frac{1.045}{1.01}} = 43 \text{ Jahre}$$

fich ergiebt.

c) Steigen die Holzpreise jährlich um 2%, so findet man in gleicher Weise den Zeitraum n, dis zu welchem X die bisher bezogene Holzquantität sich mittelst des Ablösungskapitals  $\frac{1}{0.045}$  jährlich beschaffen kann, durch die Formel

 $n = \frac{\log \frac{0.045 \cdot 1.02}{1.045 \cdot 0.02}}{\log \frac{1.045}{1.02}} = 32$  Jahre.

Aus Vorstehendem folgt, daß bei einer zwangsweisen, d. h. einer auf Antrag des Pflichtigen oder des Berechtigten zu vollziehenden, Ablösung Benachteiligungen des einen oder des anderen Interessenten vorkommen können, sei es, daß die veränderliche oder gleichbleibende Rente oder der Kapitalisierungs-Zinssuß nicht richtig bestimmt wird, oder daß die Gesetzebung die Anwendung des Geldzinssußes vorschreibt, die Veranschlagung der Renten mit steigenden oder fallenden Forstproduktenpreisen aber nicht gestattet. Wenn demungeachtet die Gesetzebung die zwangsweise Ablösung von Forstberechtigungen vorssieht und für dieselbe auch solche Regeln ausstellt, welche unter gewissen Verklanissen das Interesse des Einzelnen schädigen, so kann sie bei diesen Maßnahmen nur durch "Gründe des öffentlichen Wohls" geleitet sein. Die Angabe bezw. Erörterung jener Gründe gehört jedoch nicht in das Gebiet der Waldwertrechnungslehre.

Rimmt ber Geldwert einer Berechtigung infolge einer Bedarfs = Ber= mehrung 1) ober Berminderung 2) gu ober ab und barf biese Anderung bei

<sup>1) 3.</sup> B. bei einer Bauholzberechtigung, wenn eine Erweiterung ber Wirtsichaftsgebaube gu erwarten ift.

<sup>2) 3.</sup> B. bei einer Mastberechtigung, wenn anzunehmen ift, bag ber Wert ber Maft burch Ginführung ber Stallfütterung finken wird.

ber Feststellung bes Ablösungskapitals in Rechnung gezogen werden 1), so kann dies in dreisacher Weise geschehen. Entweder man bestimmt die voraunssichtliche Größe der zu beziehenden Renten und diskontiert dieselben auf die Gegenwart, oder man stellt einen durchschnittlichen Rentenbetrag sest, den man nach Formel VII S. 27 kapitalisiert, oder man unterstellt die bisherige Rente, modissiert aber den Zinssus, welche die Rente im Laufe der Zeit ersahren würde. Dieser Zinssus märe jedoch nicht direkt einzuschäsen (s. S. 38), sondern aus dem Gange der (steigenden oder falleinden) Rente herzuleiten.

## II. Ablösung einer Berechtigung durch Abtretung von Wald.

Bei der Berechnung der Größe des abzutretenden Waldteils sind folgende zwei Fälle zu unterscheiden.

- 1) Es wird nur die Bedingung gestellt, daß der Waldwert des abzutretenden Grundstückes dem Kapital= wert der Berechtigungsrente gleich sei, d. h. daß der Berechtigte durch sofortigen Berkauf des ihm überwiesenen Waldes eine Geldssumme erlösen könne, deren Betrag dem Ablösungskapital gleichkommt.
  - a) Der Boben sei unbestockt.

Bezeichnet man ben Kapitalwert der Berechtigungsrente mit K, den Bodenwert eines Hektar der abzutretenden Fläche mit B, so würden  $\frac{K}{B}$  Hektar an den Berechtigten zu überlassen sein²).

Aufgabe. X ift berechtigt, aus dem Walbe des Y jährlich 510 Kubitmeter Holz zu beziehen, dessen durchschnittlicher Wert ausschließlich der Werbungskosten 2952 Mark beträgt. Diese Berechtigung soll durch Abetretung einer holzleeren Fläche, welche nach stattgehabter Kultur die in Tabelle A verzeichneten Erträge pro Hetar liesern kann, abgelöst werden. Wie groß muß die abzutretende Fläche unter der Boraussetzung sein, daß der Kulturkostenauswand c zu Ansaug jeder Umtriedszeit = 24 Mark, der jährliche Answand v sür Verwaltung, Schutz und Steuern = 3,6 Mark angenommen werden kann und daß der zur Kapitalisierung der Berechtigungsrente anzuwendende Zinssußzuß zu 4, der sorstliche Zinssußzuß zu 3% bestimmt ist.

Auflösung. Der Kapitalwert der Berechtigung ift  $\frac{2592}{0.04} = 64800$  Mark. Da nach Tabelle B das Maximum des Voden-Erwartungswertes 362,56 Mark beträgt, so berechnet sich die Abtretungssläche zu 178,7 Hektar.

<sup>1)</sup> Hierüber hat die Natur des Rechtes bezw. die Gesetzgebung zu entsicheiben.

<sup>2)</sup> Besteht die abzutretende Fläche aus Teilen mit verschiedener Bonität, so dient die obige Formel nur zur Berechnung der Größe des letten Stückes.

b) Der Boben fei mit Solg beftanben.

Behält man die unter a) gewählten Bezeichnungen bei und nimmt man an, daß der Waldwert des abzutretenden Waldstückes pro Hektar W Mark betrage, so ist die Fläche desselben  $=\frac{K}{w}$  Hektar  $^1)$ .

Beispiel. Bare der ganze Wald mit 30 jährigem Holze normal bes standen und soeben durchforstet, so würde unter den Boraussetzungen des vorigen Beispiels

$$We_{30} = Wk_{30}$$
 (f. S. 124, III, 1, a) = (362,56 + 120 + 24) 1,03 $^{30}$  - (12 · 1,03 $^{10}$  + 42 + 120) = 1051 Marf

betragen und bas abzutretende Balbstüd  $\frac{64800}{1051}=61,65$  Hektar enthalten muffen.

- 2) Das abzutretende Walbstück soll dem Berechtigten die Möglichkeit gewähren, die Einnahme, auf welche ders selbe Anspruch zu machen hat, demnächst aus dem Walde selbst jährlich nachhaltig zu beziehen.
- a) Die Flächengröße des zur Abfindung zu bestimmenden Waldteiles findet man, indem man den reinen, d. h. den von den Werbungskosten befreiten Wert der Berechtigung durch den Walds-Reinertrag, welchen die Flächeneinheit, z. B. der Hektar, beim jährslichen Betriebe zu gewähren vermag, dividiert.
- b) Solzvorrat auf bem Stode. Um die vorerwähnte Rente jährlich nachhaltig liefern zu können, mußte ber Wald, welchen ber Berechtigte empfängt, neben bem normalen Zuwachse auch die normale Altersstufenfolge enthalten. Dieser Bedingung wird felten Benüge geleistet werden können. Der Berechtigte wird fich baber in der Regel begnügen muffen, wenn nur der summarische Wert der Bestände, mit welchen die Ablösungsfläche bestodt ift, ben Wert bes normalen Borrats (f. S. 108) erreicht. (Doch mußte ber Berechtigte bann immer noch ben Schaben hinnehmen, welcher bei ber Überfüh: rung eines abnorm beschaffenen Balbes in ben Normalzustand baraus entspringt, daß die normale Umtriebszeit nicht bei allen Beständen eingehalten werben tann. Goll ber Berechtigte burchaus feine Berluste erleiben, so mußte ihm ber Pflichtige ben auf Grund eines Betriebsplanes ermittelten Unterschied zwischen ber normalen und wirtlichen Rutung bis zur Berftellung bes Normalzustandes erfeten.) Bare ber wirkliche Borrat kleiner, als ber normale, fo mußte ber Pflichtige bem Berechtigten die Differenz vergüten, mabrend im entgegengesetten Falle ber Berechtigte eine Berauszahlung zu leiften hatte.

<sup>1)</sup> Siehe die Rote 2) auf ber borhergehenden Seite.

- c) Umtriebszeit. Legt man der Berechnung des normalen Etats die Umtriebszeit des größten Waldreinertrags (s. Tabelle D) zu Grunde, so wird das Maß der abzutretenden Bodenfläche auf ein Minimum zurückgeführt, während die Unterstellung der Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes den geringsten Gesamtverlust für den Pflichtigen ergiebt.
- d) Die Ermittelung des Bestandswertes ist nach den im II. Abschnitt (Seite 134) aufgestellten Regeln auszusühren.

Das preußische Gesetz vom 2. März 1850, betr. die Erganzung und Abanderung der Gemeinheitsteilungs-Ordnung vom 7. Juni 1821, bestimmt in Art. 10, daß die Berechtigungen nur dann durch Landabtretung abzufinden feien, wenn das Abfindungsgelande nach fachberftandigem Gutachten bei landwirtschaftlicher Benutung dauernd größere Erträge abwerfen wird als bei forftlichem Betriebe. Es ift nun ein litterarischer Streit barüber entstanden, ob bei biefer Bergleichung die "Baldrente" des Rachhalt= betriebs ober bie forftliche "Bobenrente" in Unfat zu briugen fei. Für bie erstere erklären fich Schliedmann 1) und Urich 2), für lettere Rette 5), Borgmann 3) und Dandelmann 4). Das Ral. Dberlandes-Rulturgericht hat fich in einem'Beschluffe vom 19. Oftober 1888 5) - gegen die Ansicht ber Bromberger Generalkommission - für die "Baldrente" entschieden und die Regierungen zur Nachachtung bei ihren Antragen angewiesen, sobaß also vorerst noch weitere Entscheidungen in diesem Sinne zu erwarten find. Nach den Grundfäten der wiffenschaftlichen Baldwertrechnung fann es dagegen nicht zweifelhaft fein, daß nur die forftliche "Bobenrente", b. i. die Baldrente, vermindert um die Intereffen bes Borratsfavitals, mit dem Reinertrage des landwirtschaftlichen Betriebs vergleichbar ift. Bgl. auch Anhang, II. Kapitel, II. Abschnitt, II. Titel.

Aufgabe. Die in der Aufgabe unter II, 1, a angenommene Berechtigung soll durch Abtretung eines Teiles des dienenden Waldes abgelöst werden. Wie groß muß die abzutretende Bodensläche und der zur Einshaltung des jährlichen Betriebes ersorderliche Normalvorrat sein? Welche Vergütung hat Y dem X zu leisten, wenn der Holzbestand auf der Abstretungsstäche durchauß normal und 30 jährig ist? Der Kulturkostenaufwand e zu Ausang jeder Umtriebszeit betrage pro Hettar 24 Mark, der jährliche Auswand v sür Verwaltung, Schuß und Steuern 3,6 Mark. Binssuß = 3%.

Auflösung. Das Maximum bes Boden-Erwartungswertes beträgt

<sup>1)</sup> Forftliche Blätter 1889, Heft 3; Allg. Forst= und Jagdzeitung, Nov. 1890; Zeitschr. f. F.= u. J.-Wesen, Januar 1890.

<sup>2)</sup> Forstw. Centralblatt 1889, Heft 6.

<sup>3)</sup> Allg. Forst= und Jagdzeitung, Juni 1890 und Februar 1891.

<sup>4)</sup> Zeitschrift für Forst= und Jagdwesen, September 1889.

<sup>5)</sup> Bgl. Forstl. Blätter 1889, Heft 3.

nach Tabelle B 362,5595 Mark und berechnet sich für die 70 jährige Umtriebszeit. Legt man lettere zu Grunde, so würde die abzutretende Fläche  $\frac{2952}{42,171} = 70$  Hektar enthalten müssen (weil nach Tabelle D der Baldreinsertrag bei 70 jährigem Umtriebe 42,171 Mark beträgt). Der Bert des normalen Borrates stellt sich, wenn man denselben nach Seite 113 als Renstierungswert berechnet, auf 73021 Mark. Der Kostenwert der 70 Hektar 30 jährigen Bestandes berechnet sich zu 48222 Wark; mithin müste Y dem X noch weiterhin 73021 — 48222 = 24799 Mark zahlen. Da der Kostenswert eines 40 jährigen Bestandes pro Hektar 1034,12, mithin pro 70 Hektar 72388 Mark beträgt, so müste die ganze Abtretungssläche mit 40 jährigem Holze bestockt sein, wenn der normale Borrat annähernd vorhanden sein sollte.

Wollte man die mit dem 90. Sahre eintretende Umtriebszeit des größten Baldreinertrags der Ablöfung ju Grunde legen, fo murde das Baldflächenstück, auf welches X Anspruch zu erheben hat,  $\frac{2952}{47.813} = 61,741$  Hektar enthalten muffen (weil nach Tabelle D ber jährliche Waldreinertrag bei 90 jährigem Umtriebe 47,813 Mark beträgt). Der Boden : Erwartungswert stellt sich, mit 3 % berechnet, für die 90 jährige Umtriebszeit auf 267,9426 Mark; der Wert des normalen Borrats, wenn man denselben mit Zugrunde= legung bes eben genannten Bobenwertes und als Rentierungswert veranichlagt, auf 81859 Mart. In dem vorliegenden Falle betrüge alfo der Mehraufwand für den Normalwert 81859 — 73021 = 8838 Mark. Dagegen würde Y 70 - 61,741 = 8,259 Heftar Waldboden weniger abzutreten haben. Berechnet fich Y ben Wert diefer Fläche mit Zugrundelegung bes Boden-Erwartungswertes ber 70 jährigen Umtriebszeit, so murbe er, gegenüber dem vorhergebenden Kalle 8,259 . 362,5595 = 2994 Mark gewinnen. fein Gesamtverluft aber auf 8838 - 2994 = 5844 Mark fich belaufen. Der Roftenwert des 30 jährigen Bestands mare, wenn man (wie dies X thun muß) den Boden-Erwartungswert der 90 jährigen Umtriebszeit zu Grunde legt, = 34195 Mark; Y hatte also noch weiter 81859 - 34195 = 47664 Mart an Bestandswert zu gablen.

# VI. Abschnitt.

# Teilung und Busammenlegung von Wäldern.

# I. Teilung gemeinschaftlicher Wälder.

Nach Carl Heyer 1) lassen sich folgende Teilungsverfahren aufstellen.

<sup>1)</sup> Atademische Borträge.

- 1) Teilung jedes einzelnen, durch Standorts oder Bestandsgüte unterschiedenen, Forstorts. Dieses Teilungsversahren, welches in mathematischem Sinne die größte Genauigkeit liefert, empsiehlt sich jedoch deshalb nicht, weil bei demselben der für den Forstwirtschafts betrieb so vorteilhafte Zusammenhang der Flächenanteile jedes Insteressenten verloren gehen würde.
- 2) Teilung des gesamten **Waldes** in der Art, daß man jedem Interessenten so lange Wald, d. h. also Boden in Verbindung mit dem auf demselben stockenden Holzbestand, in passender Lage und thunlichst in Zusammenhang zuweist, dis sein Guthaben erfüllt ist. Bei diesem Versahren erhält mithin jeder Teilhaber zwar gleichviel Waldwert, aber nicht gleichviel Bodenwert. Deswegen sagt dasselbe den Interessenten gewöhnlich nicht zu, weil dieselben, wie Carl Heyer sehr richtig bemerkt, in der Regel eine möglichst große produktive Bodenssäche zu erhalten wünschen und dieser Rücksicht das wechselnde Bestockungsverhältnis gerne unterzuordnen psiegen.
- 3) Gesonderte Teilung des Bodens und des Golzbesstandes. Man verteilt zuerst den Boden und gleicht dann die hierbei gewöhnlich vorkommenden Unterschiede in der Holzvorratszuteilung dadurch auß, daß diejenigen, welche auf ihren Flächenanteilen eine größere, als die ihnen zustehende Vorratsmasse erhalten, den Übersschuß in Geld oder in Holz an die andern zu vergüten haben.
- a) Berechnung des Bodenwertes. Strenge genommen müßte man behufs der Bodenwertsberechnung für jeden Forstort die jenige Holzart unterstellen, welche nach Maßgabe der Standortsgüte als die einträglichste erscheint. Da es indessen immerhin zweiselhaft bleibt, ob die projektierte Holzart auf dem betr. Boden auch gedeihen wird, so empsiehlt Eduard Heher (Allgem. Forst: und Jagd-Zeitung, 1859, S. 176), die Bonitierung nach der bereits vorherrschenden Holzart auszuführen, und er, sowie Carl Heher, raten sogar an, in der Regel nur nach einer Holzart zu bonitieren. Als Umtriedszeit soll man nach Eduard Heher diejenige annehmen, für welche der größte Bodenwert sich berechnet.
- b) Für die Berechnung der Bestandswerte sind die im II. Abschnitt (Seite 134) aufgestellten Regeln maßgebend.
- II. Busammenlegung von Teilforsten. Die Bestimmung des Boden= und Bestandswertes von Wälbern, welche behuss einheitlicher Bewirtschaftung vereinigt werden sollen, hat ganz nach den für die Wälberteilung unter I. angegebenen Regeln zu ersolgen.

Für die Berteilung der Erträge bes zusammengelegten Walbes wird alsdann der Gesamtwert (Boden: und Bestandswert) der von den einzelnen Besitzern beigetragenen Stücke maßgebend sein.

# VII. Abschnitt.

# Besteuerung der Wälder.

I. Gewöhnlich ermittelt man die Waldsteuerkapitalien in der Weise, daß man von der Summe aller während einer Umtriedszeit u eingehenden Erträge  $A_u + D_a + \cdots + D_q$  die zu Ansang der Umtriedszeit zu verausgabenden Kulturkosten c und die während des Lauses der Umtriedszeit aufzuwendenden jährlichen Auslagen uv für Verwaltung und Schutz abzieht, den Rest  $= A_u + D_a + \cdots + D_q$  - c - uv durch die Umtriedszeit dividiert und den Quotienten  $A_u + D_a + \cdots + D_q - c - uv$  durch Division mit 0,0p kapitaslisiert. Wie wir nun bereits Seite 126 gesehen haben, stellt der Ausedruck den  $A_u + D_a + \cdots + D_q - c - uv$  den Wert eines im Norwalfande für den jährlichen Nachhaltbetried besindlichen Waldes, also den Wert des Bodens und des normalen Vorrates dar. Bei der eben angegebenen Art, die Waldsteuerkapitalien sestzussellen, wird also nicht blos der Wert des Bodens, sondern auch derzenige

Beispiel. Nehmen wir an, ein Heltar Waldboden liesere die in Tabelle A verzeichneten Erträge; setzen wir serner  $u=70,\ c=24$  Mark, v=3,6 Mark, p=3, so ist

des normalen Borrates besteuert.

= 1405,71. Dies ist ber Baldwert; ber Bobenwert beträgt nach Tabelle B 362,56 Mark, mithin kommen auf ben normalen Borrat 1495,71—362,56 = 1043,15 Mark. Die Gesamtsteuer trifft also etwa zu 3/4 ben Borrat und zu 1/4 ben Boben.

II. Soll sich die Besteuerung blos auf den Bodenkapitalwert erstreden, so muß der lettere für sich allein ermittelt werden, was am zuverlässigsten nach der Formel des Erwartungswertes

$$\frac{A_{u} + D_{a} 1,0 p^{u-a} + \cdots + D_{q} 1,0 p^{u-q} - c 1,0 p^{u}}{1,0 p^{u} - 1} - V$$

bewirkt wird. Wäre nun als jährlich zu entrichtende Steuer  $\frac{1}{x}$  von den Zinsen des Bodenkapitalwertes angesetzt, so würde sie

$$= \left(\frac{A_u + D_a \, 1,0 \, p^{u-a} + \dots + D_q \, 1,0 \, p^{u-q} - c \, 1,0 \, p^u}{1,0 \, p^u - 1} - V\right) 0,0 \, p \cdot \frac{1}{x}$$
 fein.

Der Bobenkapitalwert beträgt unter ben im vorigen Beispiel angegebenen Berhältnissen 362,56 Mark pro ha; das Kapital, auf welches sich hier die Besteuerung gründet, ist also um 1043,15 Mark kleiner, als unter I.

Bu bemfelben Resultate gelangt man, wenn man annimmt, daß alle während bes Lauses einer Umtriebszeit erfolgenden reinen Einsnahmen zur Zeit ihres Eingangs besteuert werden sollen. Die Probuktionskosten kann man entweder auf die einzelnen Einnahmen (etwa nach der relativen Größe der letzteren) verteilen, oder man kann sie nur einer Einnahme, z. B. der Haubarkeitsnutzung  $A_u$ , zur Last setzen. In letzterem Kalle würde also die Steuer von der Haubarkeitsnutzung  $=\frac{A_u-c\ 1,0\,p^u-V\ (1,0\,p^u-1)}{x}$  sein, während die Steuer von den Zwischen= und Nebennutzungen  $D_a,\cdots D_q$  sich auf den Betrag  $=\frac{D_a}{x}+\cdots+\frac{D_q}{x}$  stellen würde. Prolongiert man alle diese Steuerbeträge auf das Ende der Umtriebszeit, so erhält man

$$= \frac{A_{u} - c \, 1,0 \, p^{u} - V(1,0 \, p^{u} - 1)}{x} + \frac{D_{a} \, 1,0 \, p^{u-a}}{x} + \dots + \frac{D_{q} \, 1,0 \, p^{u-q}}{x}$$

$$= \frac{A_{u} + D_{a} \, 1,0 \, p^{u-a} + \dots + D_{q} \, 1,0 \, p^{u-q} - c \, 1,0 \, p^{u} - V(1,0 \, p^{u} - 1)}{x}$$

und verwandelt man diesen Nachwert nach bekannten Regeln in eine jährliche Rente, so erhält man

$$\left(\frac{A_u + D_a 1,0 p^{u-a} + \dots + D_q 1,0 p^{u-q} - e 1,0 p^u}{1,0 p^u - 1} - V\right) 0,0 p \cdot \frac{1}{x},$$

wie vorhin.

III. Ermittelt man die Waldsteuerkapitalien durchgängig nach dem unter I. enthaltenen Berfahren, ohne Rücksicht darauf zu nehmen, ob der Boden bereits bestockt ist und welches Alter das Holz besitzt, so werden Waldungen im aussetzenden Betriebe ungleichmäßig und

zwar im jugendlichen Bestandsalter zu hoch, gegen das Ende des Umtrieds hin zu gering besteuert. Um dies zu vermeiden, müßte man die Steuerkapitalien jährlich oder periodisch, dem wachsenden Bestandswerte solgend, neu veranschlagen. Wenn dies nicht geschieht, so sind Zwedmäßigkeitsgründe — Bereinsachung des Anlageverssahrens —, insbesondere aber die Erwägung maßgebend, daß thatssächlich die meisten und namentlich alle größeren Waldungen im nachshaltigen Betriebe bewirtschaftet werden.

IV. Die Stener von Agrikulturgelände ist der nach I. ermittelten Baldstener keineswegs äquivalent. Denn indem man von dem jährlichen Rauhertrage eines Feldes die jährlichen baren Auslagen für Beaderung, Saatfrucht, Düngung, Erntelohn 2c. abzieht und den Restkapitalisiert, erhält man den Kapitalwert des Bodens, während, wie wir gesehen haben, das unter I. dargestellte Bersahren nicht blos den Kapitalwert des Bodens, sondern auch denjenigen des normalen Borrates ergiebt. Bo aber, wie neuerdings in manchen beutschen Staaten, nicht nur die Erträge des Grund und Bodens, sondern alles "fundierte" Einkommen überhaupt einer höheren Besteuerung unterliegt, als dasjenige aus Arbeitsverdienst; da erscheint es gerechtsertigt, daß auch das Holzvorratskapital, ebenso wie das in Bertzpapieren, Gebänden, Gewerbebetrieben 2c. angelegte, zur Steuer herangezogen werde.

# II. Kapitel.

# Bur forftlichen Statik.

Unter der forstlichen Statik verstehen wir die Rentabilitätssberechnung forstlicher Wirtschaftsversahren. Da die Rentabilität eines Unternehmens sich durch das Berhältnis des Ertrages zu dem Produktionsauswande ausdrückt, so hat hiernach die forstliche Statik zu untersuchen, ob und in wie weit ein Wirtschaftsversahren durch seinen Ertrag die aufgewendeten Kosten lohnt.

Häds verschiedene Berfahren dar: lands oder forstwirtschaftlicher Bestrieb, Andau der einen oder anderen Holzart, Anwendung dieser oder jener Kulturs und Betriebsart, Umtriebszeit u. s. w. Die Statik leitet alsdann zur Auswahl des rentabelsten Bersahrens an, indem sie dasjenige aussindig macht, welches das günstigste Verhältnis zwischen Ertrag und Produktionsauswahl gewährt. Je nachdem man dieses Verhältnis als ein arithmetisches oder geometrisches auffaßt, ergeben sich die beiden nachfolgend entwickelten Rechnungsmethoden.

# I. Abschnitt.

Die Methoden der forstlichen Rentabilitätsrechnung im allgemeinen.

#### 1. Titel.

Entwickelung der Methoden zur Vergleichung des Ertrages mit dem Produktionsaufwande.

Die beiden Methoden der Rentabilitätsrechnung, welche wir unter diesem Titel entwickeln und zur Bergleichung des Ertrages mit dem Broduktionsauswande fortan neben einander anwenden werden, sind den

Ötonomen schon lange bekannt (vergl. Rau, Bolkswirthschaftslehre, 8. Ausgabe, 1868, §. 237 u. 238). Die Gewerbtreibenden pslegen von ihnen regelsmäßig Gebrauch zu machen. Um die Einträglichkeit eines Unternehmens zu ermitteln, untersuchen sie nämlich entweder die Größe des Überschusses, welcher verbleibt, wenn man von dem rauhen Ertrage die Produktionstoften abzieht, oder sie stellen das Prozent sest, zu welchem der Produktionsauswand sich verzinst.

Bur Bergleichung bes Ertrages mit bem Produktionsauswande können folgende Methoden angewendet werden:

## I. Bestimmung des Unternehmergewinns.

Der Unternehmergewinn besteht in bem Unterschiebe zwischen bem Rauhertrage und bem gesamten Produktionsauswande.

Die Einkunfte, welche sich aus dem Betriebe eines Gewerbes ergeben können, lassen sich nach Rau (a. a. D. §. 139) untersscheiden in:

- a) Arbeitslohn,
- β) Grundrente,
- y) Rapitalrente,
- d) Unternehmungsgewinn ober Gewerbsverdienst. Letzteren desiniert Rau (a. D. S. 237) etwa solgendermaßen. "Was der Unternehmer nach Abzug aller Ausgaben (Gewerbskoften) als Belohnung für die Beschwerden, Mühen und Gesahren seiner Unternehmung übrig behält, ist der Gewerbsverdienst, prosit de l'entrepreneur, nicht ganz angemessen Gewerbs- oder Unternehmergewinn
  genannt.). Bei diesem Einkommen kann kein vertragsmäßiges Ausbedingen vorkommen, wie bei den drei anderen Zweigen der Einkünste, weil es unmittelbar von dem Ersolge der Unternehmungen
  und dem Betrage der aufgewendeten Gewerdskosten bestimmt wird.
  Deshalb ist auch die Größe dieses Einkommens der Gewerdsleute
  andern Personen am wenigsten bekannt und kann nur aus verschiebenen Kennzeichen annähernd vermutet werden."

Roscher (Die Grundlagen der Nationalökonomie, 17. Aust. 1883, §. 195) betrachtet den Unternehmergewinn nur als einen Teil des Arbeitslohnes, giebt aber zu, daß er sich insofern von allen Zweigen des Einkommens unterscheide, als er niemals ausbedungen werden könne. Dieser Unterschied scheint uns jedoch wichtig genug zu sein, um mit Rau den Unternehmersgewinn als eine besondere Gattung des Einkommens gelten zu lassen.

<sup>1)</sup> Andere Ötonomen geben bem Ausbrud "Unternehmergewinn" ben Borzug. Bgl. v. Mangolbt: Die Lehre vom Unternehmergewinn, 1855, S. 32.

In dem Rohertrag einer Wirtschaft können alle vier Arten von Einkünften enthalten sein, welche oben aufgeführt wurden; und zwar sallen die drei erstgenannten dem Unternehmer dann zu, wenn derselbe zugleich Eigentümer des Bodens, sowie der in der Wirtschaft thätigen Kapitalien ist und die vorkommende Arbeit selbst verrichtet. Trifft die eine oder die andere dieser Unterstellungen nicht zu, so muß der Unternehmer den entsprechenden Teil des Rohertrags demsienigen abgeben, welcher den Boden oder die Kapitalien herleiht oder die Arbeit verrichtet.

Ist der Unternehmergewinn gleich Null, so deckt der Rauhertrag nur die Grundrente, Borratsrente, den Arbeitslohn und die bloßen Auslagen (wie z. B. Steuern); ist er negativ, so deutet dies an, daß ein Teil jener Einkünfte durch das Mißlingen der Unternehmung absorbiert wird. Der Unternehmergewinn läßt also ganz genau den Grad des wirtschaftlichen Borteils erkennen, mit welchem ein Gewerbe betrieben wird.

## 1) Beranichlagung ber Erträge und ber Produttionsfosten.

Da bei den meisten gewerblichen Unternehmungen Einnahme und Ausgabe sich innerhalb Jahresfrist in gleichem oder ähnlichem Maße wiederholen, so wird auch der Unternehmergewinn in der Regel nach seinem jährlichen Betrage bezissert. Selbstverständlich läßt er sich aber auch im Kapitalwert darstellen; und diese Form verdient für das sorstliche Gewerbe, wenigstens beim aussetzenden Betriebe, sogar den Borzug, weil hier sowohl Erträge als Kosten von Jahr zu Jahr sehr verschieden sind und zu weit von einander abweichenden Zeiten erfolgen, also zum Zwecke der Vergleichung auf einen und denselben Zeitpunkt reduziert werden müssen.

- A. Aussetzender Betrieb. Bei diesem Betriebe werden Einsnahme und Ausgabe jedesmal mit Ablauf der Umtriebszeit abgeschlossen, um dann von neuem zu beginnen. Um also
- a) den Kapitalwert des Unternehmergewinns zu berechnen, muß man den Berechnungszeitraum mit diesem Zeitpunkte beginnen lassen und wird hierzu in der Regel den Ansang des laufenden Umtrieds wählen. Die weiter rückwärts liegende Periode bleibt als abgeschlossen außer Ansat; vorwärts dagegen kann sich die Rechenung entweder auf einen Umtried oder auf mehrere solche oder auf die Unendlichkeit erstrecken. Wir wählen das letztere Versahren als das allgemeinste und umfassendstet.

Bur Bergleichung zweier Birtschaftsversahren von gleichem Umtrieb würde die Beranschlagung der Erträge und Kosten für einen solchen aus-

reichen; handelt es sich um zwei Umtriebe u und u,, so wäre der Rechenungszeitraum u > u, genügend; dehnt man benfelben aber auf die Unsendlichkeit aus, so paßt das Versahren für alle Fälle und führt überdies zu einem hinlänglich einsachen Ausdruck.

Haben wir einen mit mjährigem Holze (normal ober abnorm) bestandenen Wald, für welchen das vorteilhafteste Wirtschaftsversahren gefunden werden soll, vor uns, so prolongieren wir zunächst alle seit Ansang des laufenden Umtrieds (x) eingegangenen Vorerträge auf das Jahr m und erhalten die Summe

$$\mathfrak{D}_{\mathfrak{a}} \cdot 1,0 \, p^{m-\mathfrak{a}} + \mathfrak{D}_{\mathfrak{b}} \cdot 1,0 \, p^{m-\mathfrak{b}} + \cdots$$

Hierzu kommen die im laufenden Umtrieb noch zu erwartenden Ersträge, welche auf die Gegenwart biskontiert werden:

$$\frac{\mathfrak{D}_{\mathfrak{n}} \cdot 1,0 \, p^{x-\mathfrak{n}} + \cdots + \mathfrak{D}_{\mathfrak{q}} \cdot 1,0 \, p^{x-\mathfrak{q}} + \mathfrak{A}_{x}}{1,0 \, p^{x-\mathfrak{m}}}.$$

Weiter sind alle vom zweiten Umtriebe (u) ab erfolgenden Erträge, die wir als normal betrachten, im Vorwerte hinzuzuzählen, nämlich

$$\frac{D_a \cdot 1{,}0\,p^{u-a} + \dots + D_q \cdot 1{,}0\,p^{u-q} + A_u}{1{,}0\,p^{x-m}\,(1{,}0\,p^u - 1)} \, \cdot \\$$

In gleicher Weise sind alle, seit Ansang des laufenden Umtriebs ersfolgten resp. noch zu bestreitenden Produktionskosten auf die Gegenswart zu reduzieren; nämlich außer dem Kostenwerte des Waldbodens (B) dessen seither aufgesaufene Zinsen = B  $(1,0p^m-1)$ , die seitzberigen sowie die künstigen jährlichen Kosten des ersten Umtriebs,  $\mathfrak{B}(1,0p^m-1)+\frac{\mathfrak{B}(1,0p^{x-m}-1)}{1,0p^{x-m}}$ , diesenigen der folgenden Umz

triebe  $=\frac{V}{1,0\,\mathrm{p^{x-m}}}$ ; der Nachwert der im Bestande steckenden Kulturstosten  $=c\cdot 1,0\,\mathrm{p^m}$  und endlich der Borwert aller fünstigen Kulturstosten  $=\frac{c\cdot 1,0\,\mathrm{p^u}}{(1,0\,\mathrm{p^u-1})\,1,0\,\mathrm{p^{x-m}}}$ .

Handelt es sich um eine Blöße und sind Erträge sowie Kosten bes ersten Umtriebs als normal zu betrachten, ist also m=0, x=u,  $A_x=A_u$  u. s. w.; so reduziert sich der Borwert der Erträge auf

$$\frac{A_u + D_a \cdot 1,0p^{u-a} + \dots + D_q \cdot 1,0p^{u-q}}{1,0p^u - 1}$$

und berjenige ber Roften auf B + V + Cu.

- b) In Gestalt einer gleichbleibenden jährlichen Rente lassen sich sowohl die Erträge als die Produktionskosten zum Ausdruck bringen, indem man die unter a) angesetzen Kapitalwerte berselben mit 0,0p multipliziert; wogegen durch Multiplikation der sür die Blöße geltenden Ansähe mit  $(1,0p^m-1)$  sich der Nachwert ergeben würde, auf welchen jene Kenten dis zum Jahre m angeslausen sind.
- B. Fährlicher Betrieb. Bei diesem Betriebe und bei vorshandenem Normalzustande kehren die Erträge und die Produktionsstoften jährlich in gleicher Größe wieder. Die Erträge setzen sich zussammen aus

$$A_u + D_a + \cdots + D_q$$
;

die Produktionskosten bestehen aus den Interessen des Bodenwertes + den Interessen des normalen Vorrates + den jährlichen Kosten für Verwaltung, Schutz und Steuern + den Kulturkosten. Gelten  $A_{\rm u}+D_{\rm a}+\cdots+D_{\rm q}$  sowie B, V, e und N (mit welch' letzterem Buchstaben wir den Wert des normalen Vorrates bezeichnen wollen) für eine Altersstuse, so ist der jährliche Produktionsauswand des vorgenannten Betriebs

$$(uB + uN + uV) 0.0p + c.$$

2) Verhältnis zwijchen Ertrag und Produttionsaufwand bei einem einzelnen Wirtschaftsverfahren 1).

A. Aussetzender Betrieb.

Der Kapitalwert des Unternehmergewinns (U-G.) wird gefunden, indem man die unter 1 Aa veranschlagten Kosten von den Erträgen abzieht. Dies kann in folgender Form geschehen:

$$\begin{split} \text{U-G.} &= \frac{\mathfrak{D}_{\pi} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{x}-\pi} + \cdots \mathfrak{D_{q}} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{x}-q} + \mathfrak{A_{x}} - \mathfrak{B}(\mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{x}-m} - 1)}{\mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{x}-m}} & \text{(I)} \\ &+ \frac{1}{\mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{x}-m}} \Big( \frac{D_{\mathbf{a}} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{u}-\mathbf{a}} + \cdots + D_{\mathbf{q}} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{u}-\mathbf{q}} + A_{\mathbf{u}} - \mathbf{c} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{u}}}{\mathbf{1,0} \, p_{\mathbf{u}} - 1} - \mathbf{V} \Big) \text{(II)} \\ &- [(\mathbf{B} + \mathfrak{B}) \, (\mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{m}} - 1) + \mathfrak{c} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{m}} \\ &- \mathfrak{D}_{\mathbf{a}} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{m}-\mathbf{a}} - \mathfrak{D}_{\mathbf{b}} \cdot \mathbf{1,0} \, p^{\mathbf{m}-\mathbf{b}} - \cdots ] - \mathbf{B} & \text{(III)} \end{split}$$

Hierin aber ist das mit (II) bezeichnete Glied nichts anderes als der Boden-Erwartungswert für ujährigen Umtrieb, geteilt durch

<sup>1)</sup> Strenge genommen vergleicht man auch in dem Falle, wenn man die Rentabilität eines einzelnen Wirtschaftsversahrens untersucht, steis zwei Berssahren, wobei man als das zweite dasjenige ansieht, welches den Produktionssauswand gerade zu p % verzinst.

1,0 p\*-m; und der Inhalt der Klammer in (III) nichts anderes als der Kostenwert des mjährigen Bestandes; folglich

$$\text{U-G.} = \frac{\mathfrak{A}_{\mathbf{x}} + \mathfrak{D}_{\mathbf{n}} \cdot \mathbf{1}, 0p^{\mathbf{x}-\mathbf{n}} + \dots + \mathfrak{D}_{\mathbf{q}} \cdot \mathbf{1}, 0p^{\mathbf{x}-\mathbf{q}} + Be_{\mathbf{u}} - \mathfrak{B}(\mathbf{1}, 0p^{\mathbf{x}-\mathbf{m}} - 1)}{\mathbf{1}.0p^{\mathbf{x}-\mathbf{m}}} - \left(B + Hk_{\mathbf{m}}\right)$$

In diesem Ausdrucke ist das positive Glied nach Seite 121 gleich dem Wald-Erwartungswerte, das negative gleich dem Waldkostenwerte, also schließlich

$$U-G. = We_m - Wk_m$$
.

Ift U-G. = 0, b. h. werden die Kosten durch die Erträge gerade gedeckt, so sindet wirtschaftliches Gleichgewicht statt; Gewinn oder Verlust ergeben sich, je nachdem  $\mathrm{We_m} \gtrless \mathrm{Wk_m}$ . Um den durchschnittlich jährlichen Unternehmergewinn zu berechnen, wäre die Differenz  $(\mathrm{We_m} - \mathrm{Wk_m})$  mit 0,0p zu multiplizieren.

B. Jährlicher Betrieb.

hier ift nach 1 B ber Kapitalwert bes Unternehmergewinns

$$\mbox{U-G.} = \frac{\mbox{$A_{\rm u} + D_a + \cdots + D_q$}}{\mbox{$0,0\,p$}} - (\mbox{$uB + uV + uN$}) - \frac{\mbox{$c$}}{\mbox{$0,0\,p'$}} \label{eq:update}$$

welcher Ausdruck auch in folgender Form angeschrieben werden kann:

$$\text{U-G.} = \frac{A_u + D_a + \dots + D_q - c - u \, v}{0.0 \, p} - (uB + uN).$$

Da unter B und N grundsäglich die Kostenwerte des Bodens und des Normalvorrats zu verstehen sind, so folgt hieraus, daß auch beim jährlichen Betriebe der Unternehmergewinn gleich dem Unterschiede zwischen Wald-Erwartungs- und Kostenwert ist.

#### 3) Wahl bes einträglichsten Wirtschaftsverfahrens.

Steht die Auswahl unter verschiedenen Wirtschaftsverfahren offen, so hat man zunächst jedes einzelne nach der unter Ziffer 2 gegebenen Anleitung auf seine Rentabilität zu prüfen, damit diejenigen Bersfahren ausgeschieden werden können, welche überhaupt nicht rentabel sind. Für die Wahl unter den übrigen, thatsächlich rentierenden Wirtsschaftsversahren gilt die Regel:

Bon zweien Wirtschaftsverfahren ist dasjenige das einträglichere, welches den größeren Unternehmergewinn liefert. . . . . . (A)

In dem Borhergehenden haben wir bei der Berechnung des Unternehmergewinns famtliche Einnahmen und Ausgaben in Rech=

nung gebracht. Unter gemissen Verhältnissen kann aber für den vorliegenden Zwed auch schon ein einfacherer Ausbruck genügen, weil folche Einnahmen und Ausgaben, welche in den Formeln des Unternehmergewinns der beiden Wirtschaftsversahren mit den nämlichen Werten erscheinen, gleich von vornherein außer Rechnung bleiben burfen. So 3. B. kann man den Waldkostenwert bann vernachlässigen, wenn die Wirtschaftsverfahren, welche bezüglich ihrer Einträglichkeit geprüft werden sollen, für den nämlichen Bald in Frage kommen. In diesem Falle bleibt als vergleichender Maßstab für die Rentabilität jedes Verfahrens der Walderwartungswert übrig. man dagegen die Wahl zwischen mehreren Wälbern mit verschiedenen Ankaufspreisen, so wird man die Einträglichkeitsfrage nur dann forrett lösen, wenn man die volle Kormel des U.G. anwendet. dessen können auch hierbei einzelne Bosten unter Umständen vernachlässigt werden; so 3. B. die jährlichen Ausgaben oder das Rultur= fostenkapital, wenn diese überall die nämlichen find.

Der Unterschied bes Unternehmergewinns zweier Wirtschafts- versahren giebt unmittelbar ben Überschuß an, welchen das eine Berssahren gegenüber dem andern gewährt. Will man außerdem die Größe des Ertrages wissen, welcher durch eine etwaige Bermehrung des Produktionsauswandes erzielt wird, so bildet man einerseits den Unterschied  $\Delta_1$  der Erträge, anderseits den Unterschied  $\Delta_2$  der Produktionsauswände<sup>1</sup>). Ist  $\Delta_1 = \Delta_2$ , so findet weder Gewinn noch Berlust statt<sup>2</sup>); ist  $\Delta_1$  größer als  $\Delta_2$ , so bringt die Bersmehrung  $\Delta_2$  des Produktionsauswandes den Unternehmersgewinn  $\Delta_1 - \Delta_2$  zu Wege; ist  $\Delta_1$  kleiner als  $\Delta_2$ , so arbeitet die Wirtschaft mit Verlust. . . . (B)

Beispiel: Zwei Waldungen von verschiedener Größe sind zu 10 000 und 20 000 Mark zum Kauf angeboten. Bei einem Rechnungs-Zinssuß von p % sind deren Erwartungswerte auf 13 000 und 24 000 Mark verzanschlagt. Demnach betragen die Unternehmergewinne 3000 resp. 4000 Mark, der Ankauf des zweiten Waldes ist also vorteilhafter — vorausgesetzt, daß der Käuser das hierzu ersorderliche Kapital von 20 000 Mark ohne Schwierigsteit, zu p % verzinslich, ausnehmen kann oder selbst besitzt und keine vorteilhaftere Verwendung dasür kennt. Allerdings bringt ihm der Mehrs

<sup>1)</sup> Für den aussetzenden Betrieb muffen beide auf gleiche Zeitpunkte reduziert werden.

<sup>2)</sup> Rur in dem Falle, wenn dem Unternehmer überschüffige Kapitalien oder Arbeitskräfte zur Berfügung stehen, kann ihm die Gelegenheit zur Bermehrung des Produktionsauswandes erwünscht sein, auch wenn hierdurch kein Unternehmergewinn erzielt wird.

Aufwand von 10000 Mark (gegenüber dem Ankauf des ersten Walbes) nur einen Unternehmergewinn von 1000 Mark ein. Böte sich also für dieses Kapital ein drittes Unternehmen dar, welches mehr als 1000 Mark Gewinn verspräche, so würde die Erwerbung des ersten Waldes vorzuzziehen sein.

#### II. Bestimmung der Verzinsung des Produktionsaufwandes.

Die Berzinsung des Produktionsaufwandes giebt das prozentische Berhältnis an, in welchem der raube Jahresertrag zu dem gesamten Produktionskapital steht.

Unalog der Unterscheidung zwischen laufend-jährlichem und durchschnittlich-jährlichem Holzzuwachs läßt sich auch die Verzinsung des Produktionsauswandes als laufend-jährliche und durchschnittlich-jährliche auffassen.

## 1) Berleitung der Berginfungs-Formeln.

#### A. Laufendejährliche Berginfung.

a) Aussetzender Betrieb. Dividiert man die Größe, um welche der Bert eines Bestandes im Laufe irgend eines Jahres zusnimmt, durch die Summe, zu welcher der Produktionsfonds bis zu dem Ansange desselben Jahres aufgewachsen ist, so stellt der Quostient die laufend-jährliche Berzinsung des Produktionsauswandes vor. Das Prozent erhält man, indem man diesen Quotienten mit 100 multipliziert.

Bedeuten  $A_m$ ,  $A_{m+1}$  die Verbrauchswerte (siehe Seite 3 und 98) eines Bestandes in den Jahren m, m+1, so ist  $A_{m+1}-A_m$  die vom Jahre m bis zum Jahre m+1 erfolgende Wertsmehrung desselben.

Um den Betrag des Produktionsaufwandes zu Ende des Jahres m oder zu Ansang des Jahres m + 1 zu ermitteln, prolongiert man den im Jahre o vorhandenen Produktionssonds  $\mathbf{B}+\mathbf{V}+\mathbf{c}$  dis zum Jahre m und zieht von diesem Nachwerte die gleichsauß auf das Jahr m prolongierten Werte der mittlerweile eingegangenen Vornutzungserträge  $\mathbf{D}_a$ ,  $\mathbf{D}_b$  ... ab. Man erhält so den entlasteten Probuktionsauswand

$$(B + V + c) 1,0 p^m - (D_a 1,0 p^{m-a} + D_b 1,0 p^{m-b} + \cdots)$$

Es brudt sich somit das Verzinsungsprozent w des Produktions: auswandes zu Ende des Jahres m durch die Formel

170 Die Methoden ber forftlichen Rentabilitätsrechnung im allgemeinen.

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \ 100}{(B + V + c) \ 1.0 \ p^m - (D_a \ 1.0 \ p^{m-a} + D_b \ 1.0 \ p^{m-b} + \cdots)}$$
 and

Da aber

$$(B+V+c)1,0p^{m}-(D_{a}\cdot 1,0p^{m-a}+D_{b}\cdot 1,0p^{m-b}+\cdots)-(B+V)$$

— dem Bestands-Kostenwerte  $H \, k_m$  ist, so läßt sich die Formel auch so anschreiben:

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \ 100}{B + V + H k_m}.$$

Führt man hierin endlich an Stelle des in der Regel unbekannten Bestands-Rostenwertes  $H_{\mathbf{k_m}}$  dessen Verkaußwert  $\mathbf{A_m}$  ein, so wird

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \, 100}{B_s + V + A_m}.$$

Bgl. die Note "Bur Geschichte der Theorie der laufend-jährlichen Berzinsung" im II. Abschnitt, 1. Titel, I. 1.

Diese Formel läßt sich übrigens auch aus derjenigen bes Unternehmerzgewinns ableiten, indem man p als Unbekannte betrachtet und denjenigen Prozentsat aufsucht, welcher wirtschaftliches Gleichgewicht herstellt, also den U.S. auf den Wert O bringt. Zu diesem Zwecke setzen wir nach I, 2 A:

$$0 = \frac{\mathbf{A_x} + \mathbf{D_n} \cdot \mathbf{1.0\,p^{x-n}} + \dots + \mathbf{D_q} \cdot \mathbf{1.0\,p^{x-q}} + \mathbf{B\,e_u} + \mathbf{V}}{\mathbf{1.0\,p^{x-m}}} - (\mathbf{B} + \mathbf{V} + \mathbf{H\,k_m}).$$

Wird nun, um die laufende einjährige Verzinsung zu finden, x — m = 1 gesetzt, so fallen die Zwischennutzungen  $D_n$  . . .  $D_q$  fort und es bleibt

$$1.0 p = \frac{A_{m+1} + Be_u + V}{B + V + Hk_m}$$

oder

$$p = \frac{(A_{m+1} + Be_{u} - B - Hk_{m}) \cdot 100}{B + V + Hk_{m}}.$$

Führt man endlich  $A_m$  an Stelle von  $Hk_m$  ein und unterstellt Gleichheit der beiden Bodenwerte, so wird

$$p = \frac{(A_{m+1} - A_m) 100}{B + V + A_m}.$$

b) Fährlicher Betrieb. Die laufend-jährliche Berzinsung dieses Betriebes stimmt mit der durchschnittlich-jährlichen Berzinsung überein. Letztere wird unter B, b behandelt werden.

#### B. Durchichnittlich=jährliche Berginfung.

a) Aussesender Betrieb. Unter A, a haben wir gessehen, wie der nach seinem Kostenauswande veranschlagte Produktionsssonds durch den laufendsjährlichen Wertszuwachs eines Bestandes von Jahr zu Jahr sich verzinst. Diese Berzinsung ist, wie sich aus dem Folgenden (s. 2. Titel, I, 1) ergeben wird, eine ungleichmäßige. Will man die gleichmäßige jährliche Verzinsung wissen, so verwandelt man die innerhalb einer Umtriedszeit erfolgenden Rauherträge in eine jährliche (gleichgroße) Rente und dividiert dieselbe durch das Kapital der Produktionskosten. Multipliziert man den gewonnenen Duotienten mit 100, so erhält man das Verzinsungsprozent, welches wir in der Folge mit p bezeichnen wollen.

Nach Formel XI und XII, Seite 28, ist die jährliche Rauhs ertragsrente des aussetzenden Betriebes

$$= \left(\frac{A_u + D_a 1,0 p^{u-a} + \dots + D_q 1,0 p^{u-q}}{1,0 p^u - 1}\right) 0,0 p.$$

Das Brobuktionskapital ift

$$B + V + C_u$$
.

Die Rulturtoften muffen bier im Produktionsaufwande als Rapital

$$C_u = \frac{c \cdot 1,0 p^u}{1.0 p^u - 1}$$

erscheinen, weil nur diesem, nicht ben einmaligen, in ben Bestand übersgehenden, Kulturtoften c eine jährliche Rente entspricht.

Das Prozent p ber durchschnittlich-jährlichen Berginsung bes Produktionskapitales beim aussetzenden Betriebe ift sonach

$$= \frac{(A_u + D_a \cdot 1, 0 p^{u-a} + \dots + D_q \cdot 1, 0 p^{u-q}) p}{(B + V + C_u)(1, 0 p^u - 1)}.$$

Derjenige Brozentsat, welcher gleichzeitig für p und p eingesett biese Gleichung erfüllt, ergiebt sich — allerdings nicht birett, sondern nur auf dem Bege des Probierens — aus

$$\frac{A_u + D_a \cdot 1.0 p^{u-a} + \dots + D_q \cdot 1.0 p^{u-q}}{1.0 p^u - 1} - (B + V + C_u) = 0,$$

b. h. wieber aus ber Bebingung wirtschaftlichen Gleichgewichts (U-G. = 0) bei einer Bloge.

b) Jährlicher Betrieb. Bei diesem ift ber jährliche Rauhertrag =

$$A_u + D_a + \cdots D_q$$
;

das Produktionskapital =

$$uB + uN + uV + \frac{c}{0.0 p'}$$

somit das Berginsungsprozent

$$\mathfrak{p} = \frac{(A_u + D_a + \dots + D_q) \, 100}{uB + uN + uV + \frac{c}{0.0 \, p}}$$

ober, wenn man den Wert des normalen Vorrates als Kostenwert (siehe S. 112) annimmt und die erforderlichen Reduktionen aussührt,

$$\mathfrak{p} \!=\! \! \frac{(A_u + D_a + \cdots + D_q) \; p}{(B \!+\! V \!+\! C_u)(1,\! 0p^u \!-\! 1) \!-\! [D_a(1,\! 0p^{u-a} \!-\! 1) \!+\! \cdots \!+\! D_q(1,\! 0p^{u-q} \!-\! 1)]} \cdot$$

Im Falle wirtschaftlichen Gleichgewichtes (U-G. = 0) wird auch hier  $\mathfrak{p}=p$ .

2) Berhältnis zwijchen Ertrag und Produktionsaufwand bei einem einzelnen Wirtschaftsverfahren.

Das Verzinsungsprozent giebt die Quantität des jährlichen Rauhertrages an, welche dem Produktionskapital 100 zukommt.

Nennt man nun p dasjenige Prozent, zu welchem einesteils die Produktionskapitalien beschafft, andernteils die Erträge, welche man dem Walde entnimmt, verzinslich angelegt werden können, so zeigt der Unterschied zwischen dem Prozente der Verzinsung des Produktionse auswandes und dem Prozente p die Größe des jährlichen Untersnehmergewinnes an, welcher sich für die Kapitalmenge 100 berechnet. Er kann positiv, negativ oder Null sein. Im letzen Falle sindet, wie vorstehend bereis im Einzelnen nachgewiesen wurde, wirtschaftsliches Gleichgewicht (mithin weder Verlust noch Gewinn) statt 1), während ein negativer Unternehmergewinn gleichbedeutend mit Verslust ist.

Bezeichnet man das Berzinsungsprozent (w oder p) allgemein mit  $\pi$ , ben (wirklichen oder fingierten) jährlichen Rauhertrag mit R und das gessamte Produktionskapital mit K, so bestehen die beiden Proportionen

$$\pi: 100 = R: K$$

und

$$p: 100 = (R - U-G.) : K.$$

Aus der Kombination berselben folgt die dritte:

$$(\pi - p)$$
: 100 = U-G. : K.

<sup>1)</sup> Siehe übrigens auch die Rote 2) auf Seite 168.

Die Untersuchung des Prozentes der Berzinsung des Produktionssauswandes bietet also ebenfalls ein Mittel zur Bestimmung des Unternehmergewinnes dar.

Dasselbe unterscheidet sich jedoch von dem unter I. vorgetragenen in Folgendem:

- a) das Prozent der Berzinfung des Produktionsaufwandes lehrt ausschließlich ben jahrlichen Unternehmergewinn kennen;
- b) es giebt benselben nicht bireft, sondern erst nach Abzug von p Prozenteinheiten au, welche die auf jenes Prozent entsallenden jährlichen Produktionstoften bezissern;
- c) es wirft ben Unternehmergewinn nicht im Gangen, sondern für bas Produktionskapital 100 aus.

#### 3) Wahl bes einträglichften Wirtschaftsverfahrens.

Bieten sich zur Erfüllung des Wirtschaftszweckes mehrere Verfahren dar, so hat man zunächst jedes einzelne nach der unter Ziffer 2) enthaltenen Anleitung auf seine Rentabilität zu prüsen, damit diejenigen Versahren ausgeschieden werden können, welche übershaupt nicht rentabel sind. Für die Wahl unter den übrig bleibenden, thatsächlich rentierenden Wirtschaftsversahren gelten folgende Regeln:

- A. Bon zweien Wirtschaftsverfahren, welche gleiches Produttionstapital erfordern, ist dasjenige das einträglichere, welches das größere Berzinsungsprozent liefert.
- B. Bon zweien Birtschaftsversahren, welche verschiedene Probuktionskapitalien erfordern,
- a) ist dasjenige mit dem größeren Produktionskapital dann bas einträglichere, wenn es das größere Berginsungsprozent liefert;
- b) ist dasjenige mit dem kleineren Produttionskapital dann das einträglichere, wenn es gleich viel oder mehr Interessen liesert als das größere Kapital. Liesert es weniger Interessen, aber das größere Berzinsungsprozent, so kann es nicht unbedingt als das einträglichere angenommen werden, weil der Gesamtgewinn nicht blos von der Höhe des Prozentes, sondern auch von der Größe des produttiven Kapitals abhängig ist. Zur Ermittelung des einträgslicheren Wirtschaftsversahrens lassen sich solgende Wege einsschlagen:
  - α) man macht bie Rapitalien fünftlich gleich,
- aa) indem man den überschüssigen Teil des einen Kapitals oder auch entsprechende Teile von beiden Kapitalien aus dem Nenner nimmt, von denselben (durch Multiplisation mit 0,0 p) die Rente berechnet und diese von der Rauhertragsrente im Zähler in Abzug bringt;

eta eta) oder indem man den Unterschied der beiden Kapitalien dem kleineren Kapital zuset, dafür aber auch die Kente dieses Unterschiedes der Kauhertragsrente im Zähler zusügt.

 $\beta$ ) Man dividiert den Unterschied  $\Delta_3$  der Rauhertragsrenten durch den Unterschied  $\Delta_4$  der Produktionskapitalien und multipliziert den Quotienten mit 100, wodurch man das Prozent ersährt,
zu welchem sich  $\Delta_4$  verzinst. Ift dieses Prozent gleich dem der Rechnung unterlegten Wirtschaftsprozent p, so halten sich Ertrag und
Kosten das Gleichgewicht; ist ersteres größer, so sindet Gewinn statt
und es stellt sich dann daszenige Wirtschaftsversahren, welches das
größere Produktionskapital ersordert, als das einträglichere dar; ist
dagegen das Prozent, zu welchem sich  $\Delta_4$  verzinst, kleiner als p, so
sindet Verlust statt, und es erscheint in diesem Falle das Wirtschaftsversahren mit dem kleineren Produktionskapital als das einträglichere.

Beispiel. Setzen wir in dem Beispiele zu I, 3 Seite 168 p = 3, b. h. unterstellen wir, daß Käuser oder Darleiher mit einer 3-prozentigen Berzinsung des Ankauss-Kapitals zufrieden sind, so berechnet sich die (wirkliche oder fingierte) jährliche Waldrente

bei Ankauf des ersten Waldes zu 13000 . 0,03 = 390 Mark,

" " ," , zweiten " ," 24000 · 0,03 = 720 ", solgslich bas Berzinsungsprozent  $\pi$  (inkl. Unternehmergewinn) zu 3,9 resp. 3,6; mithin im ersten Falle höher. Daß trozdem der Aukauf des zweiten Waldes vorteilhafter ist, ergiebt sich, indem wir

ad α) beide Kapitalien fünstlich gleichmachen, b. h.

im ersten Falle 
$$\pi = \frac{(390 + 300) \ 100}{10000 + 10000} = 3,45 \%,$$
,, zweiten ,,  $\pi = \frac{720 \cdot 100}{20000} = 3,6 \%$ 

setzen (wobei angenommen wird, daß im ersten Falle die übersichießenden 1000 Mark eben nur 3 % einbringen) oder

ad β) ben Unterschied beider Waldrenten (= 330 Mark) durch den Unterschied beider Kaufsummen (= 10000 Mark) dividieren und den Quotienten mit 100 multiplizieren; b. h. für den übersschießenden Betrag von 10000 Mark eine Berzinsung von 3,3 %, d. i. mehr als die verlangten 3 % berechnen.

Anmerkung. Die vorstehenden Regeln gelten nicht blos für die durchschnittlich-jährliche, sondern auch für die laufend-jährliche Berzinsung. Bei letzterer wird man aber in vielen Fällen das gesuchte Berzinsungs-prozent aus dem Wertszuwachs einer Reihe von Jahren herzuleiten haben, indem man aus der allgemeinen Bedingungsgleichung des wirtschaftlichen Gleichgewichts

$$\frac{\mathbf{A_x} + \mathbf{D_n} \cdot \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{x-n}} + \dots + \mathbf{D_q} \cdot \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{x-q}} + \mathbf{Be_u} + \mathbf{V}}{\mathbf{1,0} \, \mathbf{p^{x-m}}} = \mathbf{B} + \mathbf{V} + \mathbf{Hk_m}$$

denjenigen Wert für p ableitet, welcher die Gleichung erfüllt. Die letztere ist direkt nicht lößbar; wohl aber, wenn nur im Nenner anstatt p ein unbekanntes w eingeführt, also unter p derjenige Prozentsat verstanden wird, welcher zur Berechnung des Be $_{\mathbf{u}}$  und Hk dient und zu dem die Borserträge  $D_{\mathbf{n}}$  ... verzinslich angelegt werden könnten. Dann wird

$$\mathbf{1,0\,w^{x-m}} = \frac{\mathbf{A_x} + \mathbf{D_n \cdot 1,0\,p^{x-n} + \cdots + D_q \cdot 1,0\,p^{x-q} + Be_u + V}}{\mathbf{B + V + Hk_m}}$$

## 2. Titel.

# Untersuchungen über die Größe des Unternehmergewinns und über die Verzinsung des Produktionsaufwandes.

Soll ein Wirtschaftsversahren auf seine Einträglichkeit geprüft ober sollen mehrere Wirtschaftsversahren mit einander verglichen werden, so hat man für jedes Versahren diejenigen Verhältnisse zu unterstellen, unter welchen dasselbe an und für sich den größten Vorsteil bietet.

Es sind daher zunächst die Umstände zu untersuchen, welche auf die Größe des Unternehmergewinns und die Verzinsung des Prosbuktionsauswandes einen Ginfluß ausüben.

Diese Untersuchung soll in bem Folgenden unter I und II vor- genommen werden.

# I. Untersuchungen über die Größe des Unternehmergewinns.

### 1) Aussegender Betrieb.

Wie wir auf Seite 167 gesehen haben, ist der Vor- oder Kaspitalwert des Unternehmergewinns ganz allgemein gleich dem Unterschiede zwischen Walderwartungs: und Mostenwert. Da der letztere in der Regel unbekannt ist, so wird man für denselben in vielen Fällen der Prazis denjenigen Betrag substituieren, welchen der Waldebesitzer dei sofortigem Verkause des Bodens und des Holzbesstandes erzielen könnte. Als "Unternehmergewinn" gilt dann der Wehrertrag, welchen die Fortsührung der Wirtschaft in der einen oder anderen Gestalt gegenüber diesem Verkausswerte zu liesern verspricht.

hieraus ergeben sich folgende Sabe, welche feines Beweises mehr bedurfen.

A. Gin Unternehmergewinn ergiebt fich nur bann, wenn ber Birtschafter ben Betrag bes Balberwartungs: wertes, sei es burch Bermehrung ber Einnahmen ober burch

Berminderung der Ausgaben, über denjenigen des Roften= wertes, bezw. des Berkaufswertes, zu steigern versteht.

Mittel zur Erhöhung der Einnahmen oder der Jethwerte dersfelben bieten u. a. die Einlage landwirtschaftlicher Zwischennutungen und die zeitigere Vornahme der Durchsorstungen dar. Die Produktionskosten lassen sich vermindern durch die Wahl billigerer und dabei doch erfolgreicher Kulturverfahren, Verbesserung in der Einrichtung des Forstdienstes u. s. w.

- B. Ift ber Walberwartungswert dem Kostenwerte, resp. bem Berkaufswert, gleich, so liefert die Wirtschaft keinen Unternehmergewinn, sondern verzinst nur den Produktions aufwand und zwar zu dem der Rechnung unterlegten Prozente p.
- C. Bei einem und demselben Walde liefert diejenige Betriebsart, Umtriebszeit 2c. den größten Unternehmerge= winn, für welche der Walderwartungswert kulminiert.

Handelt es sich um Waldungen mit normalem Holzbestande, so ist

$$We_m \!\!=\!\! \frac{A_u \! + \! D_n \! \cdot \! 1,\! 0 \, p^{u-n} \! + \! \cdots \! + \! D_q \! \cdot \! 1,\! 0 \, p^{u-q} \! + \! Be_u \! - \! V(1,\! 0 \, p^{u-m} \! - \! 1)}{1,\! 0 \, p^{u-m}},$$

$$Wk_m = (B + c) 1,0p^m + V(1,0p^m - 1) - D_a \cdot 1,0p^{m-a} - \cdots$$

Zieht man die zweite Gleichung von der ersten ab, so verbleibt nach einigen Reduktionen

$$U$$
-G. =  $We_m - Wk_m = 1,0 p^m (Be_u - B)$ .

hieraus folgt für nadten Balbboben (m = 0)

$$\text{U-G.} = \text{Be}_u - \text{B.}$$

Demnach gelten die obigen unter A bis C verzeichneten Sätze bei normalem Holzbestande und bei Blößen auch dann, wenn man darin an Stelle des Waldwertes den Bodenwert (Erwartungs: und Kosten: resp. Verkaufswert) einführt.

### 2) Jährlicher Betrieb.

Alle die Sätze, welche unter I für den Unternehmergewinn des aussetzenden Betriebs entwickelt wurden, gelten auch für den jährlichen Betrieb. Der Beweis für die Richtigkeit dieser Behauptung folgt aus dem Axiom, daß das Ganze gleich der Summe seiner einzelnen Teile ist. Ein zum jährlichen Betriebe eingerichteter Wald kann

offenbar als ein Komplex von Beständen angesehen werden, von welchen jeder einzelne im aussehenden Betriebe bewirtschaftet wird; hiernach erhält man ebenso den Unternehmergewinn eines ganzen Waldes, wenn man den Unternehmergewinn für jede Altersstuse berechnet und die Summe dieser Gewinne bildet, als wenn man sogleich den Untersehmergewinn für den ganzen Bestandskomplex in einem Ansahe auswirft.

Letteres könnte, wenn alle Bedingungen bes Normalzustandes gegeben waren, nach ber auf Seite 167 entwickelten Formel geschehen. Da aber Normalwaldungen in biefem Sinne nirgends eriftieren, fo ift auch beim jährlichen Betriebe bas Marimum ber Balb-Ermar= tungswerte aller einzelnen Teile für die Bestimmung der porteilhaftesten Bemirtichaftungsweise maggebend. Selbstverftanblich merben im Großbetriebe, ber bekanntlich meift jährliche Ertrage liefert, Die in die Rechnung einzuführenden Bahlenwerte, insbesondere bezüglich ber Ausgaben, häufig andere fein als bei fleinem Balbbefit und aussetendem Betriebe. Insbesondere aber wird die Frage zu beachten fein, ob für alle einzelnen Teile die gleiche (normale) Umtriebszeit eingehalten werden tann, ober ob - im Intereffe ber Ausgleichung ber Sahresertrage und der Unnäherung an den Normalzustand -Abweichungen von berfelben geboten erscheinen. Im letteren Kalle läßt fich ber Bald-Erwartungswert nur auf Grund eines fpeziellen Betriebeplanes berechnen und wird beffen Sohe auch von bem gewählten Forfteinrichtungsverfahren abhängig fein. Bgl. unten II. Abidnitt. 1. Titel. I. 1 C.

#### Beidichtliches.

hundeshagen war der Erste, welcher zu statischen Zweden thatsächlich den Unternehmergewinn berechnete, indem er sämtliche Produktionskosten
von den Rauherträgen in Abzug brachte. Er nannte diese Differenz den
eigentlichen oder wahren Reinertrag!), obgleich ihm der Ausdruck
"Unternehmen" im Sinne der Ökonomen nicht ungeläufig war?). Wit
voller Klarheit unterschied hundeshagen die Arten des Einkonnnens, welche
die Baldwirtschaft gewähren kann, und namentlich die Fälle, in welchen der
Unternehmer das ganze Einkommen oder nur gewisse Teile desselben bezieht, je nachdem er Eigentümer der bei der Baldwirtschaft ihätigen Kapitalien ist, oder die Kapitalien borgen und die Arbeit andern überlassen
muß."). Beiter wies hundeshagen nach, daß und warum die Interessen

<sup>1)</sup> Encyflopabie ber Forftwiffenschaft, 2. Aufl., (1828) II, G. 297.

<sup>2)</sup> Forftliche Berichte und Discellen, II, G. 189.

<sup>3)</sup> Encyclopadie der Forstwissenschaft, II, § 696.

<sup>3.</sup> hener, Balbmertrechnung. 4. Hufl.

von den Kapitalwerten des Bodens <sup>1</sup>) und des Holzvorrates <sup>2</sup>) unter dem Produktionsauswande zu verrechnen seinen <sup>3</sup>), und daß man einen Fehler begehe, wenn man die Differenz zwischen dem Rohertrage und den bloßen baren Produktionskosten als Waldbodenrente bezeichne, während sie doch die Interessen für das Boden= und Materialkapital vorstelle <sup>4</sup>). Endlich behandelt Hundeshagen, nach der Methode des Unternehmergewinns mehrere statische Ausgaben, insbesondere die Wahl der Holzart, Betriebsart und Umtriebszeit, und zwar sowohl für den jährlichen wie für den aussetzenden Betrieb.

Den von den Ökonomen schon lange gebrauchten Ausdruck Unter= nehmergewinn sinden wir in der forstlichen Litteratur zuerst in Königs Forstmathematik 5). König will den Unterschied zwischen dem Boden-Erwartungswert (von ihm Boden-Bewaldungswert genannt) und dem Kauf= preise des Bodens berechnet wissen, um hiernach den von der Bewaldung zu erwartenden Gewinn zu bestimmen.

Pregler bezeichnet den Unterschied zwischen Ertrag und Produktionsauswand als Wirtschafts-Nußessekt 6), neuerdings auch als Unternehmergewinn 7). Er berechnete denselben außerdem als jährliche Rente und als Nachwert, bezogen auf das Ende der Umtriedszeit. Preßler sorderte die Waldbesitzer auf, die Außessekte ihrer Betriedsweisen zu kalkulieren und diese Essekte durch Bermehrung der Einnahmen, durch zeitigere Außung der Neben- und Zwischenerträge und durch Berminderung der Produktionskosten auf den höchsten Betrag zu bringen.

<sup>1)</sup> Hundeshagen nimmt übrigens die Interessen des Bobenkapitalwertes unter die Produktionskosken dann nicht aus, wenn das Grundskück ohne Bewaldung gar keiner andern Benutung fähig ist (Encyclopädie der Forstwissenschaft, 2. Ausl., II, § 704). Er begeht hier denselben Fehler wie König,
welcher bei der Ermittelung der lausend-jährlichen Berzinsung die Waldbodenrente dann außer Acht lätzt, wenn der Waldboden keinen andern Autungswert hat (siehe II. Abschnitt, I. Titel, I, I, A, S. 200). Wir sinden indessen
biesen Fehler auch in anderen — älteren und neueren — Schriften.

<sup>2)</sup> Hundeshagen brachte ben normalen Borrat stets als Berbrauchse wert in Rechnung, was ihm jedoch eher nachzusehen ist, als einigen neueren Schriftstellern, welche die Beranschlagung des Bestandswertes nach dem Kostenewerte kannten und von derselben in dem vorliegenden Falle dennoch keinen Gebrauch machten.

<sup>3)</sup> Encyclopadie ber Forstwissenschaft, II, § 702. Forstabschätzung, S. 252.

<sup>4)</sup> Encyclopadie der Forstwissenschaft, II, § 706, 7.

<sup>5) 2.</sup> Auflage (1842), § 472.

<sup>6)</sup> Rationeller Waldwirth, II, S. 85.

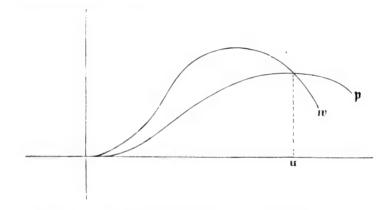
<sup>7)</sup> Tharander Jahrbuch, 1881, S. 205.

#### II. Untersuchungen über die Verzinsung des Produktionsaufwandes.

# 1) Laufend = jährliche Berzinsung des Produttionsauf= wandes.

#### A. Ausfegender Betrieb.

- a) Gang ber laufend jährlichen Verzinsung im alls gemeinen. Die laufend jährliche Verzinsung zeigt einen ähnlichen Gang, wie ber laufend jährliche Holzzuwachs. Sie ist anfangs sehr klein, steigt dann rasch, kulminiert früher und erreicht im Maximum einen höheren Betrag, als die durchschnittlich-jährliche Verzinsung.
- So z. B. drückt sich für B=362,56, V=120, c=24, p=3 und die in Tabelle A angegebenen, durch Interpolation vers vollständigten, Erträge der Gang der laufend-jährlichen und der durch-schwittlich-jährlichen Berzinsung durch die nachstehende Figur aus.



Je mehr ber Boben-Erwartungswert den Boden-Rostenwert übertrifft, um so länger dauert es, bis das Prozent ber laufend-jährlichen Berzinsung auf eine bestimmte Größe sinkt.

b) Erscheint ber Bobenwert im Produktionsaufswande als Maximum des Boben-Erwartungswertes, so ist das Prozent der laufend-jährlichen Berzinsung von dem jenigen Zeitpunkt an, in welchem der Unterschied der Bestandsverbrauchswerte zweier auf einander folgenden Jahre gleich dem Unterschied der zugehörigen Bestands-Rostenswerte wird, dis zur Kulmination des Boden-Erwartungs-wertes größer und nachher kleiner, als das der Rechnung unterstellte Wirtschaftsprozent p.

Beweis. Wie wir S. 170 gesehen haben, drückt sich das Prozent der laufend = jährlichen Verzinsung des Produktionsauswandes durch die Formel

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) 100}{(B + V + c) 1,0 p^m - (D_a 1,0 p^{m-a} + \cdots)}$$

aus.

Nun läßt sich nachweisen, daß w dann gleich p sein würde, wenn die Bestands-Berbrauchswerte  $A_m$ ,  $A_{m+1}$  als Bestands-Kosten-werte sich verrechnen ließen. Denn es würde in diesem Falle der Zähler des vorstehenden Bruches  $\Longrightarrow$ 

$$\begin{aligned} &(A_{m+1}-A_m) \, 100 \\ &= ((B+V) \, (1,0 \, p^{m+1}-1) + c \, 1,0 \, p^{m+1} - (D_a \, 1,0 \, p^{m+1-a} + \cdots) \\ &- [(B+V) \, (1,0 \, p^m-1) + c \, 1,0 \, p^m - (D_a \, 1,0 \, p^{m-a} + \cdots)] \, 100 \\ &= [(B+V+c) \, 1,0 \, p^m - (D_a \, 1,0 \, p^{m-a} + \cdots)] \, 0,0 \, p \cdot 100 \end{aligned}$$

und das Prozent der laufend-jährlichen Verzinsung

$$w = \frac{[(B+V+c)\,1.0\,p^m - (D_a\,1.0\,p^{m-a}+\cdots)]\,p}{(B+V+c)\,1.0\,p^m - (D_a\,1.0\,p^{m-a}+\cdots)} = p$$
 fein.

Nach Seite 99 ist der Bestands-Kostenwert vor und nach dem Jahre u, in welchem der Boden-Erwartungswert kulminiert, größer als der Bestands-Berbrauchswert. Wenn nun aber auch der Untersschied der Bestands-Berbrauchswerte zweier auf einander folgenden Jahre ansangs kleiner sein kann, als der Unterschied der Bestands-Rostenwerte, so muß doch mit der Annäherung an u ein Zeitpunkt eintreten, in welchem  $A_{m+1} - A_m = Hk_{m+1} - Hk_m$  wird. Bon diesem Zeitpunkt an bis zum Jahre u ist  $A_{m+1} - A_m$  dauernd größer als  $Hk_{m+1} - Hk_m$ , während nachher  $Hk_{m+1} - Hk_m$  von  $A_{m+1} - A_m$  nicht mehr erreicht wird, wenn nicht ein zweites Mazimum des Boden-Erwartungswertes eintritt, für welches dann wieder die nämlichen Verhältnisse wie für das erste gelten würden. Da nun aber für  $A_{m+1} - A_m \geqslant Hk_{m+1} - Hk_m$  das Prozent w der lausend-jährlichen Verzinsung  $\geqslant p$  ist, so ergiebt sich hieraus die Richtigkeit des unter b) aufgestellten Sazes.

B. Fährlicher Betrieb. Die laufend-jährliche Berzinsung dieses Betriebes stimmt mit der durchschnittlich-jährlichen Berzinsung überein. Die Gesetze der letzteren werden unter 2) entwickelt werden.

# 2) Durchichnittlich=jährliche Berginfung des Produttions: aufwandes.

Es läßt sich hier eine Reihe von Sägen aufstellen, welche ben für ben Unternehmergewinn gesundenen zumeist analog sind. Da aber die Wahl zwischen zweien gleichartigen Wirtschaftsversahren in dem Falle, wenn die Produktionskapitalien ungleich sind, nicht mehr durch die Höhe ber Berzinsung jedes einzelnen Kapitals bestimmt wird, so muß auch noch die Berzinsung des Unterschiedes der Produktions-kapitalien untersucht werden.

A. Die durchschnittlich = jährliche Berginsung bes Produktionskapitals ift um so größer, je mehr der Boden : Er= wartungswert den Boden : Rostenwert übertrifft.

a) Aussetzender Betrieb. Führt man in dem Ausdrud

$$\frac{A_u + D_{a_1} 1,\! 0\, p^{u-a} + \cdots + D_q \cdot 1,\! 0\, p^{u-q}) p}{(B + V + C_u)(1,\! 0\, p^u - 1)},$$

durch welchen das Prozent p der durchschnittlich-jährlichen Berzinsung nach Seite 171 bestimmt wird, auftatt

$$\frac{A_u + D_a \cdot 1,0p^{u-a} + \dots + D_q \cdot 1,0p^{u-q}}{1,0p^u - 1}$$

die nach der Faustmannschen Bes Formel hiermit gleichwertigen Summen  $(\mathrm{Be_u} + \mathrm{V} + \mathrm{C_u})$  ein, so ergiebt sich

$$\mathfrak{p} = \frac{Be_u + V + C_u}{B + V + C_u} \cdot p,$$

woraus bie Richtigfeit bes oben ausgesprochenen Sages unmittelbar folgt.

b) Jährlicher Betrieb. Für diesen bestimmt sich das Prozent ber durchschnittlich-jährlichen Berginsung durch die Formel

$$\mathfrak{p} = \frac{(A_u + D_n + \dots + D_q)p}{(B + V + C_u)(1,0p^u - 1) - [D_a(1,0p^{u-a} - 1) + \dots]}.$$

Führt man hierin anstatt  $({
m V}+{
m C_u})(1,0{
m p^u}-1)$  ben nach ber Faustmannschen Formel gleichwertigen Ausbruck

$$A_u + D_a \cdot 1,0 p^{u-a} + \cdots + D_q \cdot 1,0 p^{u-q} - Be_u (1,0 p^u - 1)$$

ein, fo ergiebt fich nach einigen Reduktionen

$$\mathfrak{p} = \frac{(A_u + D_a + \dots + D_q)p}{A_u + D_a + \dots + D_q - (Be_u - B)(1,0p^u - 1)}.$$

Fe größer der Unterschied zwischen Beu und B ist, um so kleiner gestaltet sich der Nenner des Bruches, um so größer wird also pausfallen.

B. Erscheint ber Bodenwert im Produktionskapital als Erwartungswert, so ist für jebe Umtriebszeit p = p.

Dieser Sat folgt unmittelbar aus den beiden soeben unter A., a) und b) entwickelten Formeln.

C. Erscheint der Bobenwert im Produktionskapital als Maximum des Erwartungswertes, so ist die durchschnittlich jährliche Berzinsung des Produktionskapitals am größten bei Einhaltung derjenigen Umtriebszeit, für welche der BodensErwartungswert kulminiert.

Beweis. Nach Sat B ist das Prozent der durchschnittlichs jährlichen Berzinsung für jede Umtriedszeit, bei Unterstellung des Boden-Erwartungswertes dieser Umtriedszeit, gleich p. Führt man nun in der Formel der durchschnittlich-jährlichen Berzinsung anstatt B das Maximum des Boden-Erwartungswertes ein, so ergiebt sich, daß p nur für diesenige Umtriedszeit, in welcher der Bodenwert kulminiert, den Wert p beibehält, für jede andere Umtriedszeit dagegen kleiner als p sich gestalten muß.

Da die Produktionskapitalien verschiedener Umtriebszeiten wegen der wechselnden Größe des Kulturkostenkapitals ungleich sind, so könnte Sag C. nach dem unter 3. A, S. 173 Bemerkten nur dann die Wahl der Umtriebszeit bestimmen, wenn man über die, allerdings nicht gerade erhebliche, Dissernz der Kulturkostenkapitalien hinaussehen wollte. Bei dem jährlichen Betriebe ist der Unterschied der Produktionskapitalien zu bedeutend, um verznachlässigt werden zu können; für diesen Betrieb kommt dann der nun solzgende Sag D zur Anwendung, welcher übrigens auch für den aussehenden Betrieb gilt.

D. Erscheint der Bodenwert im Produktionskapital als Maximum des Erwartungswertes, so verzinst sich ein Überschuß an Produktionskapital, welcher einer niederern oder höheren Umtriebszeit als derjenigen des größten Bodens Erwartungswertes zukommt, zu weniger als p Prozent, während ein derartiger Überschuß, wenn er der Umtriebszeit des größten Bodens Erwartungswertes angehört, mehr als p Prozent liefert.

Beweis. Nennen wir u die Umtriebszeit des größten Bodens-Erwartungswertes, m irgend eine andere Umtriebszeit, welche größer oder kleiner als u sein kann, bezeichnen wir ferner mit "R, "R die jährlichen Rauhertragsrenten, mit "P, "P die Produktionskapitalien jener Umtriebszeiten, so ist das Prozent, zu welchem der Unterschied "P — "P der Produktionskapitalien sich verzinsk,

$$\mathfrak{p}_1 = \frac{(^{\mathrm{u}}\mathrm{R} - ^{\mathrm{m}}\mathrm{R})\,100}{^{\mathrm{u}}\mathrm{P} - ^{\mathrm{m}}\mathrm{P}}.$$

Nehmen wir weiter an, daß der Bodenwert in "P als Erwartungs= wert erscheine, so hat man nach Sat B, S. 182,

$$\frac{^{u}R}{^{u}p}100 = p \cdot$$

Unterstellt man ferner, daß der Bobenwert in mP ebenfalls das Magismum des für die Umtriebszeit u sich berechnenden Erwartungswertes sei, so ist nach Sat C, S. 182,

$$\frac{^{m}R}{^{m}P}$$
 100  $<$  p, also z. B.  $\frac{^{m}R}{^{m}P}$  100  $=$  p  $_{\bullet}$  x  $\cdot$ 

Aus den vorstehenden Gleichungen folgt

$${}^{u}R = \frac{p^{u}P}{100}; {}^{m}R = \frac{(p-x)^{m}P}{100}.$$

Setzen wir diese Werte in die obige Gleichung für p, ein, so erhalten wir

$$\mathfrak{p}_1 = \frac{p^{\,\mathrm{u}}P - (p-x)^{\mathrm{m}}P}{^{\mathrm{u}}P - ^{\mathrm{m}}P} = p + \frac{x^{\,\mathrm{m}}P}{^{\mathrm{u}}P - ^{\mathrm{m}}P}.$$

Bei dem aussetzenden Betriebe ist für m < u das Kultursfostenkapital der msjährigen Umtriebszeit größer als dasjenige der usjährigen Umtriebszeit, also  $^mP > ^uP$ , oder  $^uP - ^mP$  negativ und  $\mathfrak{p}_1 < p$ ; es verzinst sich somit der Überschuß an Produktionskapital, welcher der msjährigen Umtriebszeit zukommt, zu weniger als p Prozent. Für m > u ist dagegen  $^mP < ^uP$ , daher  $\mathfrak{p}_1 > p$ , d. h. der Überschuß an Produktionskapital, welchen die usjährige Umtriebszeit gegensüber einer höheren enthält, verzinst sich zu mehr als p Prozent.

Bei dem jährlichen Betriebe ist "P — "P für m < u positiv, also p, > p, für m > u dagegen negativ, also p, < p; d. h. es verzinst sich der Überschuß an Produktionskapital, welchen die Umtriebszeit des größten Boden Erwartungswertes gegenüber einer niederen Umtriebszeit enthält, zu mehr als p Prozent, während der Überschuß an Produktionskapital, welcher einer höheren als der uzjährigen Umstriebszeit zukommt, sich zu weniger als p Prozent verzinst.

Anmertung 1. Da bei bem aussependen Betriebe bas Rapital bes Bobenwertes in "P gegen basjenige in "P fich ftreicht, so folgt hierans,

daß der vorstehende Sat bei jenem Betriebe für jeden Bodenwert, also nicht blos für das Maximum des Boden-Erwartungswertes, gilt. Der Beweis hierfür läßt sich auch direkt führen.

Dagegen hängt bei dem jährlichen Betriebe  $\mathfrak{p}_1$  wesentlich von der Eröße des Bodenwertes ab, mit welchem man den normalen Borrat berechnet. Unterstellt man  $B < Be_u$ , so kann sich ein Überschuß an Probuktionskapital, welcher einer höheren als der u jährigen Umtriebszeit zukommt, zu mehr als p Prozent verzinsen. Der Unternehmer könnte hiermach, um eben noch p Prozent von seinen Kapitalien zu erlangen, eine höhere Umtriebszeit einhalten. Dagegen würde derselbe in diesem Falle auf den Gewinn verzichten, welcher für ihn gerade aus dem Umstande entspringt, daß er den Borrat billiger hergestellt hat.

In Bezug auf bie Große des Bodenwertes, aus beffen Rente der Borrat (wenigftens zum Teil) fich bilbet, haben wir zwei Falle zu unterscheiben.

- 1. Der Boden besitzt für eine andere Benutungsweise einen höheren Wert, als das Maximum des forstlichen Erwartungswertes. In diesem Falle wird das-Prozent der durchschnittlich-jährlichen Berzinsung überhaupt unter den Betrag von p sinken, also die Waldwirtschaft aufzugeben sein, weil dieselbe mit Verlust produziert. Müßte dieselbe dagegen aus irgend einem Grunde (z. B. aus Rücksicht auf den klimatischen Einsluß des Waldes) beibehalten werden, so würde man zur Bestimmung der vorteilhaftesten Umtriedszeit den normalen Vorrat dennoch aus dem Maximum des Bodenserwartungswertes herzuleiten haben, weil nur unter dieser Bedingung diesienige Umtriedszeit gesunden werden kann, sür welche der Versust wind wird.
- 2. Es wird für den Boben zeitweilig weniger als das Maximum des Erwartungswertes geboten. In diesem Falle wird der Unternehmer die Umstriebszeit nicht sogleich ändern, weil er erwarten darf, daß der Bodenpreis sich wieder heben wird. Könnte man dagegen überzeugt sein, daß der Bodenpreis dauernd unter dem Maximum des Erwartungswertes beharren werde, so würde hieraus hervorgehen, daß das gesorderte Prozent p zu hoch gegrissen und daß dasselbe auf denjenigen Betrag zu ermäßigen sei, für welchen  $B = B\,e_{\rm u}$  wird.

Aus Borstehendem ergiebt sich, daß zur Bestimmung derzenigen Umstriebszeit, für welche das Produktionskapital die höchste Kente liefert, bei der Beranschlagung des normalen Borrates nur das Maximum des Bodenserwartungswertes unterstellt werden darf.

Anmerkung 2. Bisher haben wir sowohl bei der laufend-jährlichen als bei der durchschnittlich-jährlichen Berzinsung des Produktionsauswandes den Bodenwert, die Kulturkosten (bezw. das Kulturkostenkapital), das Kapital der jährlichen Kosten und den normalen Borrat (beim jährlichen Betriebe) in dem Produktionssonds aufgeführt. Es läßt sich jedoch die Frage aufwersen, od es nicht rätlich oder gar geboten sei, nur diejenigen Teile des Produktionsauswandes, welche der Unternehmer von vornherein in Händen haben muß, um die Wirtschaft beginnen und betreiben zu können, in den

Renner des Bruches, durch welchen die Berzinsung sich ausdrückt, aufzunehmen, dagegen solche Produktionskosten, welche aus dem jährlichen Rauhertrage bestritten werden können, an dem letteren (also im Zähler) in Ubzug zu bringen. Zu den Kosten dieser Art würden z. B. diejenigen für Berwaltung, Schutz und Steuern, sowie die Kulturkosten gehören. Die vorliegende Frage beantwortet sich folgendermaßen:

- 1. Laufend jährliche Verzinfung. Nimmt man als Produktionsfonds vom Jahr o nur den Bodenwert an und bringt man die jährliche Rente der prolongierten Kulturkosten, sowie des prolongierten Kapitals der jährlichen Kosten von  $\mathbf{A}_{m+1} \mathbf{A}_m$  in Abzug, sett man dagegen die Rente der prolongierten Bornuhungen  $\mathbf{A}_{m+1} \mathbf{A}_m$  zu, so läßt sich der unter dauf Seite 179 aufgestellte Sat ebenfalls beweisen. Es ist also in Bezug auf diesen vollkommen gleichgültig, ob man  $\mathbf{p}_1$  nach der einen oder der anderen Wethode berechnet.
- 2. Durchschnittliche jährliche Verzinsung. Läßt man bei dem aussetzenden Betriebe das Produktionskapital ebenfalls nur aus dem Bodenewert bestehen, bringt man also die Rente des Kulturkostenkapitals und des Kapitals der übrigen Kosten von der Rauhertragsrente (im Zähler) in Abzug und nennt man das unter diesen Voraussetzungen ermittelte Prozent der durchschnittliche jährlichen Verzinsung p1, während man das in der früheren Beise (s. S. 171 unter a) festgestellte Prozent mit p bezeichnet, so erhält man

$$\mathfrak{p}_1 = \frac{B \, e_u}{B} \cdot p \, .$$

Und sett man für ben jährlichen Betrieb bas Produktionstapital nur aus bem Bodenwerte und bem normalen Borrate zusammen, bringt man also bie Kulturkosten und die Kosten für Berwaltung, Schutz und Steuern von dem jährlichen Rauhertrag (im Zähler) in Abzug, so sindet man nach einigen Reduktionen

$$\mathfrak{p}_{1} = \frac{(A_{u} + D_{a} + \dots + D_{q} - u \, v - c) \, p}{A_{u} + D_{a} + \dots + D_{q} - u \, v - c - ({}^{u}B - B) \, (1,0 \, p^{u} - 1)}.$$

Die unter A, B und C aufgestellten Sate laffen fich nun ohne Mabe ebenso für p, beweisen, wie für p. Und da Sat D auf die Sate B und C sich stütt, so stellt sich Sat D auch dann als richtig dar, wenn das Produktionstapital für den aussehenden Betrieb nur aus dem Bodenwerte und für den jährlichen Betrieb aus dem Bodenwerte und dem Werte des normalen Borrates besteht.

Man tann überhaupt sowohl die laufend jährliche, als auch die durchsichnittlich jährliche Berginsung für jeden einzelnen Teil des Produktions sonds berechnen, muß aber dann die Interessen der übrigen Teile von der Rauhertragsrente in Abzug bringen. Man sieht in diesem Falle diese Interessen als Untosten an.

#### Beididtliches.

Die Berechnung bes Prozentes einer gleichmäßigen jährlichen Berzinsung sinden wir bereits in Hundeshagens "Waldwertberechnung" (2. Abteilung ber "Forstabschätzung" von 1826) an mehreren Beispielen ausgeführt.

Hundeshagen ermittelte zuerst den Unternehmergewinn unter Zugrundelegung des landesüblichen Zinssußes (5%) und suchte dann, wenn er einen negativen Wert erhielt, das Prozent auf, mittelst dessen der Unternehmergewinn auf Null gebracht wird. Für den aussetzenden Betrieb bezechnete er den Unternehmergewinn als Vorwert; dabei wendete er zur Diskontierung auch der Erträge das Prozent an, welches das Gleichgewicht zwischen den Kosten und den Erträgen herstellt.

Das Berfahren zur Bestimmung der durchschnittlich-jährlichen Berzinsung, welches wir S. 171 unter a) dargestellt haben, hat zuerst König ') angegeben. Man soll dasselbe (nach König) benutzen, um den Gewinn einer Bewaldung von geringem Fruchtlande, Waldblößen und Weideslächen in Prozenten anzuschlagen.

Preßler manbte eben bieses Prozent (welches er "thatsächliches ober ertragsmäßiges Wirtschaftsprozent" nannte) zuerst zur Ermittlung der wirtschaftlichen Reisezeit der Holzbestände an. D. Sine andere Methode der Prozentberechnung lehrte er S. 87 seiner im Jahre 1859 erschienenen "forstlichen Finanzrechnung" (dem 2. Buche des "Mationellen Waldwirts"), indem er die Borschrift erteilte, die Erträge mittelst des "geforderten" Wirtschaftsprozentes, dagegen die Rente des Kostenkapitals mittelst des jenigen Prozentes auf das Ende der Umtriedszeit zu prolongieren, durch welches der Nachwert der Erträge dem Nachwerte der Kosten gleichgestellt wird. Zur Kapitalisserung der Kosten gebrauchte er gleichsalls das gessorderte Wirtschaftsprozent.

Die Geschichte ber Theorie ber laufend-jährlichen Berzinsung findet ber Leser im II. Abschnitt, I. Titel unter I, 1, A, S. 199.

<sup>1)</sup> Forstmathematik, 2. Aufl., 1842, § 472.

<sup>2)</sup> Allgemeine Forst- und Jagd-Zeitung von 1860, S. 53.

# II. Abschnitt.

# Behandlung einiger Aufgaben der forftlichen Rentabilitätsrechnung.

Als nächstliegende Aufgabe der forstlichen Rentabilitätsrechnung ist ohne Zweisel die Bestimmung der vorteilhaftesten Benutungsart des vorhandenen Bestandsmaterials anzusehen, wobei die Frage der Umtriebszeit in erster Linie in Betracht kommt. An sie schließt sich dann die weitere Frage an, wie der Waldboden nach ersolgtem Abtriebe sernerhin zu benutzen sei: ob die lands oder die forstswirtschaftliche Berwendung vorzuziehen; im letzteren Falle: welche Holzs und Betriebsart, Umtriebszeit, welche Methode der Bestandsbegründung und Erziehung für die Nachzucht zu wählen sei.

Benn wir im Folgenden diese Fragen einzeln besprechen, so tann dabei eine ganz scharfe Trennung derselben nicht durchgeführt werden. Denn es tommt schon beim Abtrieb der vorhandenen Bestände außer dem Alter auch die Berjüngungsart (im Rahls oder Femelschlagbetriebe 2c.) in Betracht und muß unter Umständen zusgleich auf die Bildung eines normalen Holzvorrats für den solgenden Umtrieb Rücksicht genommen werden.

## 1. Titel.

# Wahl der Umtriebszeit.

Die Bestimmung ber vorteilhaftesten Umtriebszeit richtet sich nach bem Zwede, welchem die Wälber dienen sollen. Dieser Zwedkann ein zweisacher sein, nämlich 1. Herstellung günstiger Einflüsse auf den Boden und das Alima, 2. Erzeugung von Produkten, durch welche sich der Waldeigentümer ein Einkommen verschafft, indem er dieselben entweder in seinem eigenen Haushalt verwendet oder sie

gegen andere Güter umtauscht. Wir unterscheiden hiernach Schut: walbungen und Ertragswalbungen1).

In allen benjenigen Fällen, in welchen ein Schutwald notwendig ist und sich nicht durch ein anderes, billigeres Hülfsmittel ersetzen läßt, muß derselbe nicht blos erhalten, sondern auch mit derjenigen Umtriebszeit behandelt werden, bei welcher die von ihm erwarteten Wirkungen in dem gewünschten Maße eintreten. Ob und in wie weit die Umtriebszeiten der Schutzwaldungen sich von den Umtriebszeiten der Ertragswaldungen zu unterscheiden haben, ist bis jetzt eine offene Frage. Die Beantwortung derselben fällt der forstlich-angewandten Natursorschung anheim. Wir werden im Nachstehenden nur die Bestimmung der Umtriebszeit der Ertragswaldungen behandeln.

Bei größeren Walbungen, welche im jährlichen Betriebe bewirtsschaftet zu werden pflegen, wird das spezielle Abtriedsalter einzelner Bestände, wegen abnormer Beschaffenheit derselben oder auß Kückssichten der Ertrags-Außgleichung oder der Annäherung an den "Normalzustand" der Betriedsklasse, häufig von der allgemeinen Umtriedszeit, welche dem Forsteinrichtungswerke zu Grunde liegt, mehr oder weniger abweichen müssen. Wir werden also auch diesen Unterschied im Auge behalten.

Die verschiedenen Methoden, welche man zur Ermittelung ber jog. "vorteilhaftesten Umtriebszeit" in Borschlag gebracht hat, unterscheiden sich hauptsächlich burch das Maß des Einflusses, welchen fie dem Geldwerte des Holzes und dem Produktionsaufwand einräumen. Auf alle Faktoren bes letteren — Bodenwert, Kultur- und jährliche Kosten, Holzvorrat des Nachhaltbetriebs - nimmt nur die eigentliche "Reinertragslehre" Rudficht, indem fie bei der Bestimmung ber fog. finanziellen Umtriebszeit sich von der Forberung leiten läßt, daß alle jene Produktionsaufwände burch die Ertrage bes Waldes Deckung finden follen. Im Gegensate hierzu werden bei allen übrigen Methoden der Umtriebs-Bestimmung einzelne jener Fattoren vernachlässigt: bei ber "Umtriebszeit des größten Waldreinertrags" ber Ravitalwert bes Holzvorrats; bei berjenigen bes "größten Brutto=Gelbertrags" fämtliche Ausgaben; bei berjenigen des "größten Solamaffenertrags" auch ber Gebrauchs= und Geldwert der Mageinheit. Nur auf den letteren endlich nehmen,

<sup>1)</sup> Man könnte auch noch "Parkwaldungen" unterscheiben, b. h. solche Walbungen, welche bem Menschen durch die Schönheit ihrer Formen 2c. ästhestische Genüsse gewähren.

unter Bernachlässigung bes Massenertrags und bes Probuktions: auswandes, die "technische Umtriebszeit" sowie diejenige bes "größten Gebrauchswertes" Rücksicht.

Die genannten Methoden sollen nachstehend im einzelnen erläutert und besprochen werden.

### I. Linanzielle Umtriebszeit.

Hierunter verstehen wir diejenige Umtriebszeit, welche das größte reine Ginkommen gewährt.

# 1) Methoden zur Bestimmung der finanziellen Um= triebszeit.

Wie bereits angebeutet, kann bas Rechnungsversahren ein versschiedenes sein, jenachdem es sich um den Abtrieb eines einzelnen Bestandes oder um die Wahl zwischen mehreren solchen, deren Bersjüngung in Frage kommt, oder um die allgemeine Umtriebszeit einer Betriebsklasse handelt.

A) Borteilhaftefte Abtriebszeit einzelner Beftanbe.

Als solche ist nach Abschnitt I dasjenige Hiebsalter anzusehen, für welches sich der größte Unternehmergewinn oder — da hier keine verschiedenen Produktionsauswände in Betracht kommen — die höchste durchschnittliche Berzinsung des Produktionssonds berechnet. Für beides ist, wie wir gesehen haben, das Maximum des Walderwartungswertes (Beu + Hem) entscheidend. Dies kann entweder direkt berechnet oder indirekt nach Maßgabe der lausenden Berzinsung des Produktionsauswandes ausgesucht werden.

a) Bestimmung ber vorteilhaftesten Abtriebszeit nach Maggabe bes größten Balberwartungswertes.

Der lettere berechnet sich bekanntlich allgemein nach der Formel

$$W e_m = \frac{A_x + D_n \cdot 1,0 p^{x-n} + \dots + Be + V}{1,0 p^{x-m}} - V,$$

worin unter m das gegenwärtige Holzalter, unter x die gesuchte Abtriebszeit, unter  $A_x$ ,  $D_n$ ... die im laufenden Umtriebe noch zu erwartenden Erträge, unter V das Kapital der jährlichen Kosten und unter Bo der Boden-Erwartungswert des künstigen Betriebes, resp. der auf das Ende des laufenden Umtriebs diskontierte Borwert aller künstigen reinen Erträge zu verstehen sind. Alle diese Posten sowie der Birtschaftszinssus p müssen veranschlagt (bezw. berechnet) werden; der lettere vorkommenden Falles unter Berückstigung der wahrs

scheinlichen Preisveränderungen, falls man es nicht vorzieht, diese direkt in Ansab zu bringen.

a) Bei normalen Beständen, und wenn auch für die Rufunft Fortführung des feitherigen Betriebs unterftellt werden barf. läkt sich die Rechnung wesentlich vereinfachen, weil hier die Umtriebs= zeit des größten Bald= oder Bestands-Erwartungswertes mit derjenigen des größten Boden-Erwartungswertes fich bectt. braucht also nur dieser lettere aus der entsprechenden Ertragstafel abaeleitet zu werden. Da aber - bis jest wenigstens - unfere Ertragstafeln meift nur auf geschlossene reine Sochwaldbestände ber am häufigsten vorkommenden Holzarten (Buche, Eiche, Riefer, Fichte, Tanne) sich beziehen; so fann diese Urt der Umtriebsbestimmungen nur auf den Rahlichlagbetrieb im Hochwalde angewendet werden, nicht aber auf Mittel- und Riederwaldungen, gemischte und ungleichaltrige Bestände, sowie auf alle diejenigen Betriebsarten, welche ben besonderen "Lichtungszuwachs" auszunuten suchen. Die Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes wird also in praxi nur in fehr beschränktem Umfange als maggebend betrachtet werden durfen; um so mehr, als sie wegen der Unsicherheit ihrer Grundlagen eine stets veränderliche Größe darstellt. Bgl. unten Nr. 4.

#### Gefdictliches.

Pfeil lehrte ichon zu Anfang bes dritten Jahrzehntes dieses Jahrhunderts, daß die vorteilhafteste Umtriebszeit diejenige sei, für welche sich ber größte Bobenwert berechnet. Im II. Bande feines Bertes "Grundfate ber Forstwirthschaft in Bezug auf die Rationalotonomie und die Staats= finanzwissenschaft", 1824, fagt er G. 256: "Ueberblicken wir die in biesem Abichnitte aufgestellten Schluffolgen, die berichiebenen nachgewiesenen Berechnungen, so muß sich uns auch ber Grundsatz als ebenso richtig, wie gefahrlos, ebenso fehr bem Bortheile bes Ginzelnen, wie des Gangen angemeffen darftellen, daß wir am vortheilhafteften die Baldwirthichaft von bem möglichst hohen sicheren Gelbertrage abhängig machen, und bag Diejenige die munichenswertheste Erzeugung sei, welche ihn gewährt". Ferner "Kritische Blatter", I, 2, 1823, G. 322: "Das Berfahren, um ben Beitpunkt zu erfahren, in welchem bas Solg mit bem größten Gelbertrage gu benuten ift, wird wie folgt fein muffen . . . . Man berechnet für jeden Umtrieb den Werth des Bodens mit Ausschluß des ichon jest darauf ftehenden holges". Fauftmaun (v. Wedefind's Neue Sahrbücher der Forfttunde, 2. Folge, 3. Band, 4. Seft, 1853, S. 358 ff.) war aber wohl ber Erfte, welcher die Regel, daß man gur Bergleichung der Rentabilität verichiedener Umtriebszeiten den Unterschied zwischen ben Rapitalwerten ber Erträge und Produktionskoften, b. h. ben Bodenwert oder die Rente jenes Unterschiedes, d. h. die Bodenrente berechnen muffe, streng mathematisch

begründete. Zugleich wies Faustmann nach, daß diejenige Umtriebszeit, welche man in einem gegebenen Falle als die vorteilhafteste für den auße setzenden Betrieb erkannt hat, dies auch für den jährlichen Betrieb ist. Preßler endlich (Rationeller Waldwirth, II, 1859, Cap. V. und Alg. Forstund Jagd-Zeitung von 1860, S. 46, 50) wandte zur Ermittelung der sinanziellen Umtriebszeit auch die Formel für die durchschnittlich jährliche Berzinsung des Produktionskapitals an und gab hierdurch der Lehre von der Umtriebsbestimmung eine neue wertvolle Grundlage.

 $\beta)$  Bei abnormen Beständen im weitesten Sinne des Wortes, d. h. allen solchen, deren künftige Erträge sich nicht ohne weiteres der Tasel entnehmen lassen, wären  $A_x,\,D_n\,\dots$  besonders, etwa mit Hilse des ad hoc ermittelten Zuwachsprozentes, zu versanschlagen, Be dagegen aus den Erträgen und Kosten des fünstigen, sorst oder landwirtschaftlichen, Betriebes abzuleiten.

Selbstverständlich führt die Berechnung des Bestands-Erwarstungswertes zu dem nämlichen Ergebnis wie diejenige des Walds-Erwartungswertes, weil beide sich nur um den konstanten Betrag Be von einander unterscheiden. In beiden Fällen wird unter Be grundssässlich daszienige Maximum des Boden-Erwartungswertes zu verstehen sein, welches mit Rücksicht auf die Marktsähigkeit der Produkte als wirklich erreichdar angesehen werden darf. Ein mäßiger Fehler in der Beranschlagung von Be wird übrigens in der Regel das Endsergebnis nicht wesentlich beeinslussen, weil er bei nur einigermaßen wertvollen Holzbeständen gegenüber Ax nahezu verschwindet. Es wird daher häusig zulässig sein, den Bodenwert nur annähernd einzuschäßen.

Beispiel. Ein soeben burchforsteter 40 jähriger Kiefernbestand (Anslage A) soll durch lichtende Aushiebe um das 50. Jahr auf die Hälfte seiner Holzmasse reduziert und mit Buchen unterbaut werden. Für die stehen bleibenden Kiefern ist weiterhin ein jährlicher Massenzuwachs von 2 % zu unterstellen; für den Abtrieb derselben im 80., 100. oder 120. Jahre ein Festmeterpreis von 10, 14 und 16 Mark. Die Kosten des Unterdaues werden durch dessen Erträge gedeckt. Nach ersolgtem Abtrieb soll die Fläche mit Fichten angebaut werden, welche einen Bodenwert von 600 Mark in Aussicht stellen. Zinssuß = 3 %, v = 3,6 Mark. Welches Abtriebsalter ist das vorteilhafteste?

Auflöfung.

 $D_{50} = 133 \text{ fm} = 633,6 \text{ Marf}$   $A_{80} = 133 \times 1,02^{30} = 241 \text{ fm à 10 Marf} = 2410 \text{ Marf}$   $A_{100} = 133 \times 1,02^{50} = 358 \text{ ,, à 14 } \text{ ,, } = 5012 \text{ ,,}$   $A_{130} = 133 \times 1,02^{70} = 532 \text{ ,, à 16 } \text{ ,, } = 8512 \text{ ,, }$ 

hiernach berechnet sich für den Abtrieb im 80. Jahre:

$$\mathrm{We_{40}} = rac{2410 + 633,6 \cdot 1,03^{30} + 600 + 120}{1,03^{30}} - 120 = 1803$$
 Mart.

Ebenso für den Abtrieb im 100. und 120. Jahre: 1820 und 1680 Mark. Danach fiele die finanzielle Abtriedszeit in das 100. Jahr. Wäre der Be nur auf 400 oder 500 Mark zu schätzen, so würde das Resultat das nämliche bleiben; bei einem Bodenwert von 700 Mark und mehr dagegen wäre der Abtried im 80. Jahre vorteilhafter.

b) Bestimmung des vorteilhaftesten Abtriebsalters nach Maßgabe des sog. "Weiserprozentes", d. h. der lausfenden Berzinsung des Produktionsaufwandes.

Auch die Untersuchung der laufenden Berzinsung bietet ein Mittel dar, um die Zeit der Hiebsreise eines Bestandes zu bestimmen, und dieses Hilfsmittel ist um so wertvoller, als die unter a) angeführten Rechnungsmethoden nur dann angewendet werden können, wenn man im Besitze von Geldertragstaseln ist, welche der betreffenden Örtlichskeit entsprechen.

Im Gegensatz zu der vorigen Methode bestimmt diejenige bes "Beiserprozents" die Siebsreife eines Bestandes nicht etwa badurch, daß sie einen Maximalwert aufsucht; sie findet also die Abtriebszeit nicht in bemienigen Alter, in welchem w kulminiert. Denn wenn man einmal angenommen hat, daß die Betriebstapitalien der Bald= wirtschaft bei anderweiter (gleich sicherer und annehmlicher) Anlage höchstens p % abwerfen können, so wurde es nicht vorteilhaft sein, einen Bestand abzutreiben, dessen Wertzuwachs den Produktionsauf= wand zu mehr als p % verzinft. Vielmehr verlohnt es sich, jeden Bestand so lange fortwachsen zu lassen, als sein w > p ift. Erst von bem Zeitpunkte ab, wo w unter p zu finken beginnt und dies Sinken auch durch keine wirtschaftliche Maßregel (Lichtungshieb u. dal) sich aufhalten läßt, ift ber Bestand als hiebsreif im Sinne ber Rein= ertragslehre anzusehen. Weil also jener Prozentsat w auf die Hiebsreife reip. das vorteilhafteste Abtriebsalter hinweist, ist ihm von Prefler ber Name "Beiserprozent" beigelegt worden. Bu bem nämlichen Ergebnisse führt der auf Seite 179 unter b) entwickelte Sat.

Für das "Weiserprozent" selbst ist von den Schriftstellern eine ganze Reihe verschiedener Formeln aufgestellt worden, die sich übrigens alle auf die oben entwickelte Bedingungsgleichung des wirtsschaftlichen Gleichgewichts (U-G. = 0), nämlich

$$\frac{A_x + D_n \cdot 1,0 p^{x-n} + \dots + Be_u + V}{1,0 p^{x-m}} = Bk + V + Hk_m$$

zurückführen lassen. Wird hierin zur Berechnung bes Ben und Hkm

fowie zur Prolongierung von Dn ... ber nach allgemeinen Ermagungen festgesette Binsfuß p benutt, bagegen im Nenner anstatt besselben ein unbefanntes w eingeführt, welches ber Bleichung genügen foll, fo ergiebt fich hierfur ber Ausbruck (vgl. Seite 175)

$$1.0\,w^{x-m} = \frac{A_x + D_n \cdot 1.0\,p^{x-n} + \dots + Be_u + V}{Bk + V + Hk_m} \cdot \cdot \quad I.$$

Die Anwendung dieser Formel wurde indessen keine geringeren, sondern vielmehr noch größere Schwierigkeiten verursachen, als die Berechnung des Waldwertes, weil dieselbe nicht allein Ermittelung des Ben, also Vorhandensein passender Ertragstafeln, sondern auch Renntnis der Rostenwerte des Bodens und Holzbestandes (Bk und Hkm) voraussett, welche lettere in den allermeisten Fällen fehlen wird. Substituieren wir daher fur Bk und Beu einen eingeschätten Bodenwert B, etwa den ortsüblichen Verkaufswert, und für Hkm den Verbrauchswert Am des Holzbestandes, so erhalten wir in

$$1,\!0\,w^{x-m} = \frac{A_x + D_n \cdot 1,\!0\,p^{x-n} + \dots + B + V}{B + V + A_m} \cdot \quad . \quad II$$

einen Ausbrud, welcher mit der Judeichschen Weiserprozentsormel II (vgl. beffen Forsteinrichtung, 4. Aufl., Seite 47) übereinstimmt und uns Aufichluß darüber giebt, zu welchem Binsfuße bei Fortführung ber Wirtschaft bis zum Jahre x die durch augenblicklichen Berkauf des Bodens und des Holzbestandes etwa zu erzielenden Kapitalien sich verzinsen werden. Dasjenige x, für welches w = p wird, bezeichnet die finanzielle Abtriebszeit. Wollte man aber unter B (im Bahler und Nenner) das erreichbare Maximum bes Boben : Erwar: tungewertes verstehen, so wurde das so berechnete w Aufschluß darüber geben, ju welcher Beit ber Ubergang ju dem Birtichaftsverfahren, welches diefem Bobenwerte enispricht, am vorteilhaftesten vorzu: nehmen wäre.

Einen der Judeichschen Formel I (a. a. D.) entsprechenden Ausbrud für w, nämlich

$$1_{i}O_{W^{\mathbf{x}-\mathbf{m}}} = \frac{A_{\mathbf{x}} + D_{n} \cdot 1_{i}O_{P^{\mathbf{x}-\mathbf{n}}} + \dots + B + V + Hk_{m} - A_{m}}{B + V + Hk_{m}}$$
 III.

erhalten wir, wenn wir die obige Bedingungsgleichung des wirtschafts lichen Gleichgewichts wie folgt transformieren:

$$A_x + D_n \cdot 1.0 p^{x-n} + \dots + B + V = (B + V) 1.0 p^{x-m} + Hk_m (1.0 p^{x-m} - 1) + A_m$$
,  
6. Dener, Waldwertrechnung. 4. Mull.

b. h. wenn die Forderung gestellt wird, daß die nach Abtrieb des Bestandes im Jahre x vorhandenen Werte Deckung gewähren sollen

- 1) für den Nachwert des Boden-Bruttokapitals  $= (\mathrm{B} + \mathrm{V}) \cdot 1,0\,\mathrm{p^{x-m}}$ ,
- 2) für den jett, im Jahre m, zu erzielenden Bestandes-Ber- faufswert und
- 3) für die vom Jahre m bis x auflaufenden Zinsen des Bestandskostenwertes.

Setzen wir  $A_x+D_n\cdot 1,0\,p^{x-n}+\cdots=A_m\cdot 1,0\,z^{x-m}$ , wobei unter z der Prozentsatz des laufenden Bestandes-Wertzuwachses vom Jahre m bis x verstanden wird, so geht Formel II über in

$$1.0\,w^{x-m} = \frac{A_m\,\,1.0\,z^{x-m} + B + V}{B + V + A_m} \cdot \cdot \cdot \cdot IV.$$

Der gesamte Bertzuwachs eines Bestandes läßt sich nach Prefler in brei Zuwachsarten zerlegen:

- 1) Massen= oder Quantitätszuwachs ift die Bermehrung der vorhandenen Masse durch das jährliche Wachstum.
- 2) Qualitätszuwachs ist der Unterschied der um die Erntekosten verminderten Preise, welche für die Rubikeinheit verschiedener Sortimente zu der nämlichen Zeit bezahlt werden.

Der "Qualitäts= oder zweite Zuwachs ist", sagt Prefler, "hauptsächlich badurch bedingt,

- a) daß bis zu einem gewissen Alter die alteren Baume und Bestände verhältnismäßig weniger Erntekosten pro Masseneinheit
  verursachen,
- b) daß in der Totalmaffe das Berhältnis des Nugholzes zum Brennholze, das jog. Rupholzprozent, ein vorteilhafteres wird,
- c) daß die Holzverbrauchswirtschaft die im älteren Baume und Bestande enthaltenen physisch und geometrisch vollkommneren Sortimente bis zu einem gewissen Grade durch Gewährung höherer Preise anerkennt". (P.3 forstl. Hilfsbuch, 1869, S. 100).
- 3) Tenerungszuwachs ift der Unterschied der Preise, welche für die Rubikeinheit des nämlichen Sortimentes zu verschiedenen Zeiten gezahlt werden.

Jubeich unterscheidet einen absoluten und einen relativen Tenerungszuwachs. "Ersterer ist eine thatsächliche Anderung des Holzwertes, abgesehen von den Schwankungen des Geldwertes; letterer wird bedingt durch die Anderungen des Geldwertes" (a. a. D. § 13).

Für die Untersuchung der Siebsreise dars ein Tenerungszuwachs nur insoweit in Ansatz gebracht werden, als er nicht schon bei der Feststellung des Wirtschaftsprozentes p in Rechnung genommen worden ist. Bezeichnet man nach Bregler die Prozentsätze der drei Zuwachsarten mit a, b und c, so ist, wenn A den gegenwärtigen, An den Bestandswert nach Ablauf von n Sabren bedeutet,

$$\begin{split} A_n &= A \cdot 1.0 \, a^n \cdot 1.0 \, b^n \cdot 1.0 \, c^n = A \cdot 1.0 \, z^n \, , \\ 1 &+ \frac{z}{100} = \left(1 + \frac{a}{100}\right) \left(1 + \frac{b}{100}\right) \left(1 + \frac{c}{100}\right) \cdot \end{split}$$

Bird die Multiplifation auf der rechten Seite ausgeführt, fo ergiebt fich

$$1 + \frac{z}{100} = 1 + \frac{a + b + c}{100} + \frac{ab + ac + bc}{100^2} + \frac{abc}{100^3}$$

hierin fonnen die beiden letten Glieder als fehr flein vernachläffigt werden; bann bleibt

$$z = a + b + c$$

b. h. ber Prozentjag z bes gesamten Bestandes : Wertzuwachses fann an : nabernd ber Summe ber brei Zuwachsprozente gleichgesett werden.

Die letzteren lassen sich aus den Massen oder Einheitswerten Mund m, welche für Ansang und Ende einer nejährigen Periode anzunehmen sind, allgemein mittelst der Formel

$$M = m \cdot 1.0 p^n$$

ableiten, woraus  $p=100\left(\sqrt[h]{\frac{M}{m}}-1\right)$  folgt. Wollte man, um die logarithmische Berechnung zu vermeiden, einfache Zinsrechnung zu Grunde legen, also

$$M = m \left(1 + \frac{np}{100}\right)$$

feten, fo wurde man in

$$p = \frac{(M - m) 100}{m \cdot n}$$

ftete ein zu großes Refultat erhalten.

Die Bregleriche Raberungsjormel

$$p = \frac{M-m}{M+m} \cdot \frac{200}{n},$$

welche den mittleren Massenvorrat bezw. Einheitswert  $\frac{M+m}{2}$  als Berginsungstapital annimmt, im Übrigen aber nach einfachen Zinsen, d. h. nach der Proportion

$$p:100 = \frac{M-m}{n}: \frac{M+m}{2}$$

rechnet, liefert gegenüber ber Zinseszinsrechnung ein etwas fleineres Erzgebnis, das aber bei nicht allzulangen Beiträumen dem richtigen sehr nahe fommt. Dasselbe gilt in noch höherem Maße von der Kunzeschen Nähezungsformel:

$$\mathrm{p} = \frac{\mathrm{M} - \mathrm{m}}{\mathrm{M} \; (\mathrm{n} - \mathrm{1}) + \mathrm{m} \; (\mathrm{n} + \mathrm{1})} \times 200 \, \cdot \label{eq:power_power}$$

(Bgl. beffen Solzmeßtunft, S. 227).

Beifpiel. Gin Beftand enthalte

im Alter von 70 Jahren 356 fm à 7,3 = 2599 Mark

" " 80 " 417 " à 8,2 = 3419 "

so berechnet sich nach ber strengen Binfeszinsformel für die Periode vom 70. bis 80. Sahre

a = 100 
$$\left( \int_{0}^{10} \frac{417}{356} - 1 \right) = 1,60 \%$$
  
b = 100  $\left( \int_{0}^{10} \frac{8,2}{7,3} - 1 \right) = 1,17 \%$   
z = 100  $\left( \int_{0}^{10} \frac{3419}{2599} - 1 \right) = 2,78 \%$ 

also z nur um 0,01 größer als die Summe von a und b. Nach einsacher Zinsrechnung würde man erhalten:

a = 
$$\frac{(417 - 356) \ 100}{10 \cdot 356}$$
 = 1,71 %
b =  $\frac{(8,2 - 7,3) \ 100}{10 \cdot 7,3}$  = 1,23 %
z =  $\frac{(3419 - 2599) \ 100}{10 \cdot 2599}$  = 3,16 %

Dgl. nach ben Räherungsformeln von

Bezieht man in der Bedingungsgleichung des wirtschaftlichen Gleichgewichts das Weiserprozent w nur auf den Bestandeswertzuwachs, während  ${\rm B}+{\rm V}$  mit  ${\rm p}^0\!/_{\! 0}$  fortwachsend gedacht werden, so nimmt jene die Gestalt

$$\begin{array}{lll} A_x + D_n \cdot 1, 0 \ p^{x-n} + \cdots + \mathrm{Be_u} + V = (\mathrm{Bk} + V) 1, 0 \ p^{x-m} + \mathrm{Hk_m} 1, 0 \ w^{x-m} \\ \text{an.} & \text{Wird nun wieder wie in Formel II } \mathrm{Be_u} = \mathrm{B_k} = \mathrm{B} \ \text{und } \mathrm{Hk_m} = \\ A_m & \text{gefest, ferner wie in Formel IV } A_x \ + \ D_n \cdot 1, 0 \ p^{x-n} \ + \cdots \\ & = A_m \cdot 1, 0 \ z^{x-m}, & \text{fo erhält man} \end{array}$$

$$A_m \cdot 1.0 z^{x-m} + B + V = (B + V) \cdot 1.0 p^{x-m} + A_m \cdot 1.0 w^{x-m}$$

woraus

$$1.0\,w^{\text{x-m}} = 1.0\,z^{\text{x-m}} - \frac{(\text{B} + \text{V})\,(1.0\,p^{\text{x-m}} - 1)}{A_{\text{m}}} \qquad \text{V}.$$

folgt. Dies ist die Kraftsche Weiserprozentsormel, wie sie in dessen "Beiträgen zur forstlichen Statik", 1887, S. 3 entwickelt ist. Bersgleicht man dieselbe mit der obigen Formel IV, die sich auch in der Gestalt

$$1.0 \, w^{x-m} = 1.0 \, z^{x-m} - \frac{(B+V)(1.0 \, w^{x-m}-1)}{A_m}$$

anschreiben läßt, so ergiebt sich, daß die Kraftsche Formel, so lange  $\mathbf{w} > \mathbf{p}$ , ein größeres, später, wenn  $\mathbf{w}$  unter den Betrag  $\mathbf{p}$  gesunken ist, ein kleineres Weiserprozent liesern muß. Nur für die finanzielle Abtriebszeit, wo  $\mathbf{w} = \mathbf{p}$ , sind die beiderseitigen Ergebnisse einander gleich. Die Krastsche Formel ist also empfindlicher, d. h. sie läßt die Unterschiede zwischen  $\mathbf{w}$  und  $\mathbf{p}$  schärfer hervortreten.

Beifpiel. Für ben unter a (Seite 191) beschriebenen Bestand und für die Beriode vom 40. bis 80. Jahre berechnet sich nach Formel II

$$1.0 \,\mathrm{w}^{40} = \frac{2410 + 633.6 \cdot 1.03^{30} + 600 + 120}{600 + 120 + 608.4} = 3.5132,$$

worans w = 3,19 % folgt. In gleicher Beise ergiebt sich

Behufs Unwendung ber Formeln IV und V ware zunächst das Bestandeswertzunahmeprozent z zu berechnen und zwar entweder durch Abdition ber Prozentsage bes Massen: und Qualitätszuwachses ober bireft aus ben angegebenen Bestandswerten. Hierbei findet sich

Führt man nun diese Ziffern in Formel IV ein, so erhält man selbst: verständlich die nämlichen Beiserprozente wie oben nach Formel II. Das gegen berechnet sich nach Formel V

für die Zeit vom 80. bis 100. Jahre: 
$$\mathbf{w}=3.09\,^{\circ}/_{o}$$
, ...  $\mathbf{w}=2.32\,^{\circ}/_{o}$ .

Diefe Bahlen bestätigen ben oben mitgeteilten Sab über bas gegen: feitige Berhaltnis beiber Formeln.

In vielen Fällen der Brazis wird die Unwendung der lette genannten Formeln den Borzug verdienen, weil sie nur die Ermittelung des augenblicklichen Bestands-Berkaufswertes und des Massenzuwachsprozentes, sowie die Einschätzung des Boden-Bruttowertes (B + V) und des Qualitätszuwachsprozentes erfordern, während Formel II die direkte Beranschlagung künstiger Erträge voraussetzt und die Formeln I und III sogar noch weitergehende Berechnungen nötig machen.

Indessen wird sehr häusig eine noch viel weiter gehende Bereinsachung der Rechnung Platz greisen können, wenn nämlich nicht sowohl das vorteilhafteste Abtriebsalter selbst ermittelt, sondern nur die Frage beantwortet werden soll, ob ein Bestand schon hiebsreis sei oder nicht. In diesem Falle genügt die Untersuchung des lausensen einjährigen Beiserprozentes; es ist also in den obigen Formeln x=m+1 zu setzen und wir erhalten, da auch die Zwischensnutzungen  $D_n \cdot \cdot \cdot \cdot$  nunmehr wegsalten, aus Formel II:

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \ 100}{B + V + A_m}$$
 VI.

Cbenso ergiebt sich aus Formel III:

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \ 100}{B + V + Hk_m}$$
 VII.

Dies sind die nämlichen Ausdrücke, welche wir schon im I. Abschnitt, S. 170, für die laufend jährliche Berzinsung des Produktionssaufwandes entwickelt haben.

Die streng genommen nur für einjährigen Zuwachs gistige Formel VI kann übrigens auch benutzt werben, um aus Ertragstafeln, welche den Holzwert nur von n zu n Jahren angeben, das Weiserprozent für njährige Perioden annähernd richtig abzuseiten. Man sührt zu diesem Zwecke im Zähler austatt  $(A_{m+1}-A_m)$  den nten Teil des gesamten periodischen Wertzuwachses und im Nenner an Stelle von  $A_m$  das arithemetische Mittel aus den beiden Bestandswerten zu Ansang und Ende der Periode ein.

So würde sich z. B. für den auf Seite 191 beschriebenen Riefernbestand folgendes finden:

für die Zeit vom 80. bis 100. Jahre: 
$$w = \frac{130,1 \times 100}{600 + 120 + 3711} = 2,94\%,$$
,, ,, ,, 100. ,, 120. ,, :  $w = \frac{175 \times 100}{600 + 120 + 6762} = 2,34\%,$ 

Weiter ergiebt sich durch Einführung des Wertes x=m+1 in Formel IV:

$$w = z \frac{A_m}{B + V + A_m}, \quad VIII.$$

d. h. das Weiserprozent verhält sich zum Wertzuwachsprozent des Bestanbes wie der Verkaufswert des letzteren zu dem Gesamtwerte von

Boben: und Holzbestand einschließlich des Kapitals der jährlichen Kosten. Für z kann dabei wie oben die Summe a + b + c einz geführt werden; hiervon wäre a am Bestande selbst, etwa mit Hilse des Zuwachsbohrers, zu ermitteln, b und c einzuschähnen.

Aus der Kraftschen Formel V läßt sich endlich in gleicher Beise deffen Formel für das einjährige Beiserprozent, nämlich

$$w = z - \frac{(B+V) p}{A_m}$$
 IX.

ableiten; ein Ausdruck, welcher selbstverständlich zu dem vorigen die nämlichen Beziehungen ausweist, wie Formel V zu Formel IV.

Bur Geschichte der Theorie ber laufend jährlichen Bers ginfung.

1) Königs "Wertszunahmeprozent". Die Analogie, welche zwischen der Berzinsung eines Geldkapitals durch die Interessen und eines Holzsbestandes durch den jährlichen Zuwachs besteht, liegt sehr nahe. Es kann daher nicht auffallen, daß Bersuche zur Anwendung des "Zuwachsprozentes" auf die Bestimmung der Hiebsreise der Bestände schon in einer Zeit aufstauchten, in welcher die Waldwertrechnung noch in den Kinderschuhen stand.). Zedoch betrachtete man damals den Zuwachs nur als den Zins der Holzsmasse deldwertes, ohne die übrigen Produktionskapitalien zu berücksichtigen; d. h. man bestimmte das Berzinsungsprozent sediglich nach der Formel

$$\frac{(\mathrm{M_{m+1}-M_m})}{\mathrm{M_m}}$$
 100 bezw.  $\frac{(\mathrm{A_{m+1}-A_m})}{\mathrm{A_m}}$  100

Klarere Begriffe über den vorliegenden Gegenstand finden wir zuerst in Königs Forstmathematit. König bestimmte das "reine" Werts zunahmeprozent vom Holzbestande, indem er von der lausend jährlichen Wertsmehrung des letzteren die "Waldnutzungskosten" (d. h. die Kosten für Verwaltung zc., also unser v) und die Bodenrente, soweit letztere nicht durch die jährlich ersolgende "Rebennutzung" gedeckt wird, in Abzug bringt"). Dieses "reine Wertszunahmeprozent" dient ihm zur Bestimmung des "Vers

<sup>1)</sup> Siehe 3. B Cottas Balbbau von 1817, S. 8. — v. Thünen, der isolierte Staat, 1826, zweite Auflage, 1842, I, S. 192. Es läßt sich viele leicht aus demjenigen, was v. Thünen über die Berechnung der landwirts schaftlichen Bodenrente jagt, der Schluß ziehen, daß v. Th. bei der Ermittelung der Holzbestandsverzinsung auch die Bodenrente und die jährlichen Kosten berücksichen will; allein mit voller Bestimmtheit hat er sich hierüber in demzienigen Abschnitte seines Wertes, welcher von der Forstwirtschaft handelt, nicht ausgesprochen.

<sup>2)</sup> König, Forstmathematit, 2. Aufl., §. 417, 418, 4. Aufl., §. 418, 419.

zinsungsschlagbarkeitsalters"). "Den größten Geldgewinn bietet der Zeitpunkt, in welchem das Wertszunahmeprozent eben unter den gewerblichen Zinssuß sinkt. Wäre dieser etwa 4 Prozent, so würde in unserem Beispiele das 68. Jahr am einträglichsten sein. Mit dessen Schlusse wäre das Holz zu verwerten und der Erlös wieder von neuem werbend anzulegen. Bei einer früheren Ubnuzung, so lange die Wertszunahme den erforderlichen Zinssuß übersteigt, düßte man den höheren Zinssuschme den erforderlichen das Holz noch dietet; bei einer späteren, wo das Wertszunahmeprozent immer tieser sinkt, gingen dagegen weiter gewinndare Geldziusen versoren". Auch erkannte König schon sehr wohl den Einsluß der Vornuzungen auf die Erzhöhung jenes Prozentes. "Durch sörderliche Aushiebe wird der Massenzgehalt gemindert und der Zuwachs gemehrt, also das Mehrungsprozent von beiden Seiten gehoben". Ferner: "Der kleißige Durchsorstungsbetried ist das Hauptmittel, den Wertsertrag und die Kapitalnuzung des Waldes zu heben und eine höhere Umtriedszeit vorteilhaft zu machen".

König selbst hat keine Formel für sein "Wertszunahmeprozent" auszgestellt. Nach seinen Andentungen läßt sich jedoch solgender Ausdruck konstruieren:

$$\frac{[A_{m+1} - A_m - (B+V) \, 0,0 \, p] \, 100}{A_m}.$$

Löscht man (B+V) 0,0 p in dem Zähler und bringt man hierfür, was nach Seite 185 sich rechtfertigen läßt, B+V in dem Nenner an, so lautet die Kormel:

$$\frac{(A_{m+1} - A_m) \ 100}{A_m + B + V}.$$

Hinfichtlich ber Größe bes Bobenwertes, welcher in Nechnung zu nehmen ift, spricht sich König nicht bestimmt aus. Nach § 410 seiner "Forst= mathematit" (2. Aufl.) scheint er denjenigen Wert zu meinen, welchen der Boden bei einer andern als der sorstlichen Benuhungsweise besitzt. Er sagt nämlich daselbst: "Hat ein Waldboden gar keinen anderen Ruhungswert, so dürste das rohe Wertszunahmeprozent des Bestandes auch zugleich für das ganze Waldgrundstück gelten." Dies wäre entschieden unrichtig, denn wenn ein Boden auch nur zur Holzzucht geeignet ist, so besitzt er doch immerhin denjenigen Wert, welcher sich aus dieser Benuhungsweise ableitet, und die Rente dieses Kapitalwertes schmälert die Einnahme aus dem Holzebstande, muß also von letzterer in Abzug gebracht werden. Seicher ist, daß König, wenn er überhaupt einen Bodenwert berechnet, diesen sür alle

<sup>1)</sup> König, Forstmathematik, 2. Auflage, §. 420, 4. Aufl., §. 430.

<sup>2)</sup> A. a. D., 2. Auflage, §. 405, 4. Aufl., §. 415.

<sup>3)</sup> A. a. D., 2. Auflage, §. 403, 4. Aufl., §. 413.

<sup>4)</sup> A. a. O., 4. Auflage, §. 441.

<sup>5)</sup> Prefler: Der rationelle Waldwirth, II (1859), S. 79.

Sahre ber Umtriebszeit als tonftant annimmt. In Diesem Falle burfte er aber nicht unterlaffen, anzugeben, daß ftets das Marimum bes Boden-Erwartungswertes unterstellt werden muffe, weil mit jedem andern Boden= wert die Siebereife unrichtig bestimmt wird, wenn man (nach Konig) als Beitpunkt ber Siebsreife benjenigen Moment betrachtet, in welchem bas Wertzunahmeprozent ben Betrag von p erreicht hat. Geht man nämlich von irgend einem anderen Bodenwerte B aus, fo gestaltet fich bas Prozent ber durchschnittlich = jahrlichen Berginfung größer oder fleiner als p, je nach= dem jener Bodenwert fleiner oder größer als das Marimum bes Boden= Erwartungswertes "Be, ift. In diesem Falle wird aber auch bas auf ben Betrag von p gesuntene Bertszunahmeprozent die finanzielle Umtriebszeit nicht treffen. Wollte man B festholten, so mußte man zuerst basjenige p berechnen, welches fich bei Zugrundelegung von B ergiebt, dann aber auch als hiebereife bes Bestandes benjenigen Reitpuntt annehmen, in welchem bas Wertszunahmeprozent biefes p erreicht hat. Läßt man aber bennoch ben Sieb bann erfolgen, wenn bas Wertszunahmeprozent = p geworden ift, so wird dasselbe für  ${
m B}>{
m ^mBe}_{
m u}$  eine zu niedere, für  ${
m B}<{
m ^mBe}_{
m u}$ eine zu hohe Umtriebszeit angeben. In bem letteren Falle verzinft fich zwar B noch zu p Prozent, aber man bugt gleichzeitig auch ben Bewinn ein, welcher fich ergeben haben wurde, wenn man die Umtriebszeit u ein= gehalten und mit ihr eine burchschnittlich = jährliche Berginsung erlangt hatte, beren Brogent p großer als p gewesen mare. Es geht hieraus hervor, daß Die Königiche Formel nur bann ein richtiges Resultat liefert, wenn man für B bas Maximum bes Boden: Erwartungswertes einsett, und bag Ronig bie Theorie feines Bertszunahmeprozents unvollendet ließ, indem er verfaumte, Diese Bedingung anzugeben. Freilich fehlten ihm hierzu die Mittel. weil er die Besete ber burchichnittlich : jahrlichen Berginsung bes Broduttionsaufwandes nicht fannte.

2) Breglers Beiserprozent. Bregler ftellte ') zur Bestimmung ber hiebsreise eines Baumes ober Bestandes die Formel

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \cdot 100}{A_m + Be_m + V + {}^mC}$$

auf. Er erlangte bieselbe, indem er die Größe der laufend-jährlichen Werts- mehrung  ${\rm A_{m+1}-A_m}$  für die Zeit vor und nach der Kulmination der jährlichen Rauhertragsrente ermittelte  $^{\rm r}$ ). Nimmt man nämlich an, die Ranhertragsrente vom Jahr  ${\rm m+1}$  sei derjenigen vom Jahr  ${\rm m}$  gleich, so hat man

$$\left( \frac{A_{m+1} + D_a \, 1.0 \, p^{m+1-a} + \cdots}{1.0 \, p^{m+1} - 1} \right) 0.0 \, p = \left( \frac{A_m + D_a \, 1.0 \, p^{m-a} + \cdots}{1.0^m - 1} \right) 0.0 \, p \cdot$$

. 1) Allg. Forft: und Jagd Beitung von 1860, G. 55 und 188.

2) Bgl. v. Sedenborff: Beiträge jur Waldwerthrechnung und forftlichen Statit, in ben Supplementen jur Allg. Forft- und Jagd-Zeitung, 1868, 6. Band, 3. heft, Seite 164 ff. Bestimmt man aus bieser Gleichung Am+1, so erhalt man

$$\begin{split} \mathbf{A}_{m+1} &= \bigg(\frac{\mathbf{A}_m + \mathbf{D_a} \, \mathbf{1.0} \, \mathbf{p^{m-a}} + \cdots}{\mathbf{1.0} \, \mathbf{p^m} - \mathbf{1}} \bigg) (\mathbf{1.0} \, \mathbf{p^{m+1}} - \mathbf{1}) - (\mathbf{D_a} \, \mathbf{1.0} \, \mathbf{p^{m+1-a}} + \cdots) \\ &= \bigg(\frac{\mathbf{A}_m + \mathbf{D_a} \, \mathbf{1.0} \, \mathbf{p^{m-a}} + \cdots}{\mathbf{1.0} \, \mathbf{p^m} - \mathbf{1}} \bigg) (\mathbf{1.0} \, \mathbf{p^{m+1}} - \mathbf{1}) - (\mathbf{D_a} \, \mathbf{1.0} \, \mathbf{p^{m-a}} + \cdots) \, \mathbf{1.0} \, \mathbf{p}. \end{split}$$

Fügt man bem zweiten Gliebe ber Gleichung  ${\rm A_m}\,{\rm 1.0\,p} - {\rm A_m}\,{\rm 1.0\,p}$  zu, so ist

$$\begin{split} \mathbf{A}_{\mathrm{m+1}} = & \left( \frac{\mathbf{A}_{\mathrm{m}} + \mathbf{D_{a}} \mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p}^{\mathrm{m-a}} + \, \cdots}{\mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p}^{\mathrm{m}} - \, \mathbf{1}} \right) (\mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p}^{\mathrm{m+1}} - \mathbf{1}) \\ & - (\mathbf{A}_{\mathrm{m}} + \mathbf{D_{a}} \mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p}^{\mathrm{m-a}} + \, \cdots) \, \mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p} + \mathbf{A}_{\mathrm{m}} \, \mathbf{1}, \mathbf{0} \, \mathbf{p} \end{split}$$

und wenn man  $(A_m + D_a 1, 0p^{m-a} + \cdots)$  mit  $\frac{1, 0p^m - 1}{1, 0p^m - 1}$  multipliziert,

$$\begin{split} A_{m+1} &= A_m 1.0 \, p + \left(\frac{A_m + D_a 1.0 \, p^{m-a} + \cdots}{1.0 \, p^m - 1}\right) (1.0 \, p^{m+1} - 1) \\ &- \left(\frac{A_m + D_a 1.0 \, p^{m-a} + \cdots}{1.0 \, p^m - 1}\right) (1.0 \, p^m - 1) \, 1.0 \, p \\ &= A_m 1.0 \, p + \left(\frac{A_m + D_a 1.0 \, p^{m-a} + \cdots}{1.0 \, p^m - 1}\right) (1.0 \, p^{m+1} - 1 - 1.0 p^{m+1} + 1.0 p) \end{split}$$

= 
$$A_m 1.0 p + \left(\frac{A_m + D_a 1.0 p^{m-a} + \cdots}{1.0 p^m - 1}\right) 0.0 p$$

Erwägt man nun, daß  $A_m$ 1,0 $p = A_m + A_m$ 0,0p und daß

$$\frac{A_{m} + D_{a} 1.0 p^{m-a} + \cdots - c \cdot 1.0 p^{m}}{1.0 p^{m} - 1} - V = Be_{m},$$

wobei Bem den Boden-Erwartungswert für die Umtriebszeit m bedeutet, daß somit auch

$$\frac{A_{m} + D_{a} 1,0 p^{m-a} + \cdots}{1,0 p^{m} - 1} = Be_{m} + V + C_{m}$$

ift, so erhält man

$$A_{m+1} = A_m + (A_m + Be_m + V + C_m) 0.0 p \text{ und}$$
  
 $A_{m+1} - A_m = (A_m + Be_m + V + C_m) 0.0 p.$ 

Diese Gleichung gilt also, der obigen Voraussetzung gemäß, für den Fall, daß die Rauhertragsrente zweier auseinander solgender Jahre sich gleich bleibt. Wäre sie dagegen eine steigende, so würde

$$A_{m+1} - A_m > (A_m + Be_m + V + C_m) 0.0 p$$

mare fie eine fallenbe, fo murbe

$$A_{m+1} - A_m < (A_m + Be_m + V + C_m) 0.0 p$$

fein. Bir fonnen jedoch die Gleichung wieder herftellen, wenn wir ftatt bes tonftanten p ein veranderliches w einführen, und erhalten alsdann

$$A_{m+1} - A_m = (A_m + Be_m + V + C_m) 0.0 \text{ w}$$

und hieraus

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m)}{A_m + Be_m + V + C_m}$$

In ber Beit vor der Rulmination ber Rauhertragsrente murbe also w größer und nachher kleiner als p fein.

 $\mathrm{B} + \mathrm{V} + \mathrm{C}$  faßt Preßler unter bem Ausbruck Grundkapital G

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \frac{100}{A_m + G}}{A_m + G}.$$

 $rac{A_{m+1}-A_m}{A_m+G}$  bezeichnet Preßler als "Weiserzuwachs",

$$\mathbf{w} = \frac{(\mathbf{A_{m+1}} - \mathbf{A_{m}})}{\mathbf{A_{m}} + \mathbf{G}} \frac{100}{} \text{ als "Weiserprozent"}.$$

Führt man (j. S. 195) für  $(A_{m+1}-A_m)$  100 ben Wert  $A_m(a+b+c)$  ein, jo hat man

$$w = \frac{A_m (a + b + c)}{A_m + G};$$

dividiert man Bahler und Nenner biefes Bruches durch G, fo erhalt man

$$w = \frac{\frac{A_m}{G}(a + b + c)}{\frac{A_m}{G} + 1}.$$

Sest man, um abzufürzen,  $\frac{A_m}{G}=r$ , so ist bas "Beiserprozent"

$$w = (a + b + c) \frac{r}{r+1}$$

Brefler nennt G ben "relativen Holzwert", weil bieser Ausdruck das Berhältnis bes mejährigen Bestands: Berbrauchswertes zu dem ihm unterstehenden "wirtschaftlichen Grundkapital" G angiebt, den Quotienten ruber bezeichnet er als "Reduktionsbruch". Da das Beiserprozent mit

bem Werte bes Reduktionsbruches wächst, dieser aber mit der Größe von r steigt, so empsiehlt Preßler, den relativen Holzwert  ${\bf r}$  gleich von Haus aus so groß als möglich zu machen, also auf dem thunlichst kleinsten Grundskapitale  ${\bf G}$  das thunlichst wertvollste Holzkapital  ${\bf A}_{\bf m}$  zu sundieren, sodann aber dahin zu wirken, daß das erste und zweite Prozent (a und b) sich immer auf gleicher Höhe halten.

Wie oben erwähnt wurde, erteilt das Preßlersche Weiserprozent nur darüber Ausschluß, ob die Rauhertragsrente eines Baumes oder Bestandes den Zeitpunkt der Kulmination überschritten oder denselben noch nicht erreicht hat. Da nun aber die finanzielle Umtriedszeit bei normalen Beständen in den Zeitpunkt der größten Reinertragsrente (d. h. der Kente des größten Boden-Erwartungswertes) fällt, so giebt das Weiserprozent die Hiedsreise nicht ganz genau an. Der Unterschied ist für die Prazis von geringer Bedeutung; v. Seckendorff zeigte indessen (a. a. D. S. 166), daß das Weiserprozent sich in eine korrekte Reinertragsformel umwandeln läßt, wobei dieselbe zugleich einen einsacheren, also für den praktischen Gebrauch geeigneteren, Ausdurck erhält. Unterstellt man nämlich anstatt der Gleichsheit der Rauhertragsrenten diesenige der Keinertragsrenten, setzt man also

$$\left(\frac{A_{m+1} + D_a 1,0 p^{m+1-a} + \dots - c \cdot 1,0 p^{m+1}}{1,0 p^{m+1} - 1} - V\right) 0,0 p =$$

$$\left(\frac{A_m + D_a 1,0 p^{m-a} + \dots - c \cdot 1,0 p^m}{1,0 p^m - 1} - V\right) 0,0 p$$

und bestimmt man hieraus  $\mathbf{A_{m+1}} - \mathbf{A_m}$ , so sindet man ganz auf demselben Wege, welcher oben zur Herleitung des Weiserprozentes aus der Rauhsertragsrente eingeschlagen wurde, das Reinertrags-Beiserprozent

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) 100}{A_m + Be_m + V}.$$

Es verschwindet also hier im Nenner das Kulturkostenkapital. Der einzige Unterschied zwischen der vorstehenden und der von und S. 170 entswicklen Formel besteht jetzt nur noch darin, daß in letzterer B grundsätstich das Maximum des Boden Erwartungswertes vorstellt, während in der Seckendorfschen Formel des Beiserprozentes Bem denjenigen Boden-Erwartungswert bedeutet, welcher sich für das jeweilige Jahr der Untersuchung berechnet. Es ist also B in unserer Formel konstant, in der Seckendorfsichen Weiserprozents-Formel variabel und mützte hier für jedes m neu eingeschätzt werden. Dagegen gilt der Sat, daß w vor u größer als p ist, bei der letztern bedingungsloß für alle Bestandsalter vor u, bei unserer Formel nur in dem Falle, daß im Produktionskapital statt des Bestands-Kostenswertes der Bestands-Verbrauchswert gesetzt wird.

3) Die laufende jährliche Berginfung in ihren Begiehungen zur Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes, nach ben Untersuchungen bes Berfassers. Der Weg, welchen der Berfasser (in seiner "Anleitung zur Waldwerthrechnung", 1865) einschlug, um mittels der Wertszunahme eines Bestandes die Siebsreise des letzteren zu bestimmen ist von den Bersahren Königs und Presters durchaus verschieden. Der Bersasser wurde auf diesen Weg durch das Bestreben geführt, die zwischen dem lausend-jährlichen und dem durchschnittlich-jährlichen Holzzuwachs stattssindenen Beziehungen, welche der Rauhertragslehre seither zur Bemessung der Hieder gedient hatten, auf die Reinertragslehre zu übertragen. Um das von ihm versolgte Ziel genauer zu bezeichnen, ist er genötigt, etwas weiter auszuholen.

Mls man noch ber Ansicht war, daß die vorteilhafteste Umtriebszeit Diejenige fei, bei welcher durchschnittlich=jahrlich die größte Solamaffe (ober ber größte Geldwert) erzeugt wird, boten fich gur Bestimmung ber Siebs= reife eines Bestandes zwei birette Bege bar: die Anwendung einer Er= tragstafel (in Berbindung mit der Ermittelung des Beftandsalters) und die Untersuchung bes jährlichen Durchschnittszuwachses in minbestens zweien aufeinander folgenden Sahren. Beide Wege waren indeffen mit nicht unerheblichen Schwierigkeiten behaftet. Der erfte feste voraus, daß man gu= perlaffige Lotal : Ertragstafeln gur Sand habe, an welchen es jedoch in der Regel fehlt; der zweite führte nicht schnell genug jum Biele, lieferte auch in ber Rabe ber Rulmination nicht hinreichend icharfe Resultate, weil in Diesem Reitraum die jährliche Underung bes Durchschnittszuwachses zu gering ift. Unter Diejen Umftanden gab ein Sat ber Solgzumachslehre ein vortreffliches Silismittel ab, um ohne Unwendung von Ertragstafeln und in furgefter Frift den Grad ber Siebereife eines Baumes oder Bestandes zu bestimmen. Diefer Cat lautet: ber laufend-jahrliche Buwachs ift vor bem Zeitpunkt, in welchem ber burchichnittlich-jährliche Zuwachs fulminiert, größer und nachher fleiner, als ber zugehörige Durchschnitts= Buwachs 1). Man brauchte daher biese beiden Arten von Bumache nur gleichzeitig zu untersuchen; fand man ben laufend-jährlichen Rumachs größer als ben durchschnittlich-jährlichen, fo

 $\left(\mathrm{n}\,+\,\mathrm{1}\right)\delta_{\mathrm{n}+\mathrm{1}}-\,\mathrm{n}\,\delta_{\mathrm{n}}=\lambda_{\mathrm{n}+\mathrm{1}}$  ober

 $\mathbf{n} \; (\boldsymbol{\delta}_{\mathbf{n+1}} - \, \boldsymbol{\delta}_{\mathbf{n}}) \; = \; \boldsymbol{\lambda}_{\mathbf{n+1}} - \, \boldsymbol{\delta}_{\mathbf{n+1}} \cdot \boldsymbol{\delta}_{\mathbf{n+1}}$ 

Hieraus folgt, daß für  $\delta_{n+1} \gtrless \delta_n$  auch  $\lambda_{n+1} \gtrless \delta_{n+1}$  ift.

Das heißt also: Steigt der durchschnittlich jährliche Zuwachs, so ist der laufend-jährliche Zuwachs größer; sinkt dagegen ersterer, so ist der laufend-jährliche Zuwachs kleiner als der Durchschnittszuwachs. Hieraus ergiebt sich unmittelbar der obige Sab. Einen mit hilse der Disserential-Rechnung gesführten Beweis hat J. Lehr in der Allg. Forst: und Jagd-Zeitung von 1870, S. 482, veröffentlicht.

<sup>1)</sup> Beweis. Rennt man die saufend-jährlichen Zuwachse  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2 \cdots \lambda_n$ ,  $\lambda_{n+1}$ , die durchschnittlich-jährlichen Zuwachse  $\delta_1$ ,  $\delta_2 \cdots \delta_n$ ,  $\delta_{n+1}$ , so ist

war hiermit angezeigt, daß die Kulmination des letzteren noch nicht einsgetreten sei — im entgegengesetzen Falle hatte der Bestand sie bereits überschritten.

Nachdem man jedoch erkannt hatte, daß über die Auswahl der forstelichen Betriebsmaßregeln nicht der Rauhertrag (also nicht die Holgemaßse oder deren Gesowert), sondern der Reinertrag entscheidet, und daß die vorteilhafteste Umtriebszeit diejenige ist, für welche der größte Unternehmergewinn oder die größte durchschnittlichesährliche Berzinsung des Produktionse auswandes sich berechnet; nachdem man serner bei der direkten Bestimmung dieser beiden Momente auf ähnliche Schwierigkeiten gestoßen war, wie bei der direkten Untersuchung des durchschnittlichesährlichen Holzzuwachses, so trat das Bedürsnis ein, den oben angeführten Say in analoger Beise auf die Reinertragslehre anzuwenden.

Durch Hundeshagen und König war die durchschnittlich-jährliche Berzinsung des Produktionsauswandes bereits der Sache nach aussindig gemacht worden; man hatte sie nur noch mit dem rechten Namen zu belegen. Es handelte sich weiter darum, den Begriff der lausend-jährlichen Berzinsung auszustellen und dieser die nämliche Grundlage zu geben, auf welcher die durchschnittlich-jährliche Berzinsung ruht. Man durfte also die lausend-jährliche Berzinsung nicht als etwas Fertiges annehmen, sondern mußte sie aus ihren Elementen (den Produktionskosten) konstruieren.

Die Analogie mit dem oben erwähnten Sate der Holzzuwachslehre gab die Bermutung an die Hand, daß die lausend-jährliche Berzinsung vor dem Zeitpunkt, in welchem die durchschnittlich-jährliche kulminiert, größer und nachher kleiner sein werde, als diese letztere Berzinsung. Der Bersuch, den Beweis dieses Sates auf direktem Bege zu sühren, stieß jedoch auf Schwierigkeiten. Man mußte daher einen Umweg einschlagen, also Hilfzstäte konstruieren. Als solche boten sich folgende dar:

- a) die durchschnittlich-jährliche Berginsung ist am größten in dem Zeitpunkt, in welchem der Boden-Erwartungswert kulminiert;
- b) führt man in den Produttionssonds der durchschnittlichzighrlichen Berzinsung für B den Boden-Erwartungswert ein, so ist das Prozent dieser Berzinsung gleich dem der Rechnung zu Grunde gelegten Birtschafts-prozente p. (Siehe Seite 182).

Indem man nun in dem Produktionssonds der laufende jährlichen Berzinsung ebenfalls den Boden-Erwartungswert der Umtriebszeit u, also das Maximum des Boden-Erwartungswertes unterstellte, gelang es, den in Frage stehenden Sat vollständig zu beweisen (Siehe Seite 179.)

Es handelte fich jest nur noch darum, der Formel

$$w = \frac{(A_{m+1} - A)}{Hk_m + {}_{m}^{m}Be_u} \frac{100}{+ V},$$

welche man für das Prozent der laufend-jährlichen Verzinsung erhalten hatte, einen praktischen Außdruck zu geben. Dies erreichte man, indem man  $\mathbf{A}_{\mathrm{m}}$  für  $\mathbf{H}\mathbf{k}_{\mathrm{m}}$  substituierte. Es ergab sich so die Formel:

$$w = \frac{(A_{m+1} - A_m) \ 100}{(A_m + {}^m_{} Be_u + V}.$$

Rachdem durch Sinführung des Maximums des Boden-Erwartungswertes in die Formel für die laufend-jährliche Verzinsung die Abhängigkeit
der letteren von der finanziellen Umtriebszeit hergestellt war, bedurfte die
laufend-jährliche Verzinsung einer Anlehnung an die durchschnittlich-jährliche Berzinsung nicht mehr. In der That läßt sich der auf Seite 179
enthaltene Sat beweisen, ohne daß man die Beziehungen zwischen den
beiden Verzinsungsarten im Auge hat. Der Versasser hielt es aber doch
für nüglich, den Weg anzugeben, welcher ihn zu jenem Sate führte, weil
er überzeugt ist, daß hierdurch das Wesen dieser beiden Verzinsungsarten
in ein helleres Licht gesetzt wird.

Die vorstehenden Auseinandersetzungen über die Bestimmung der hiebsteise mittelst der lausend-jährlichen Berzinsung beziehen sich lediglich auf normale Bestände. Im Jahre 1872 entwickelte der Verf. das Versahren zur Bestimmung der hiebsteise abnormer Bestände. Er sührte hier den Bestands-Verdrauchswert direkt in die Formel sür die lausend-jährliche Verzinsung ein, wobei ihn die Erwägung leitete, daß solche Bestände unter Umständen schon vor dem Umtriedsalter des größten Boden-Erwartungs-wertes hiedsreis werden konnen und daß in diesem Falle das frei werdende Kapital sich nicht nach dem Bestandskostenwerte, sondern nach dem Verlaussewerte des Holzes bemißt. Da nun die Formel sür die lausend-jährliche Berzinsung abnormer Bestände auch sür normale Bestände gelten muß, weil der normale Bestand als ein abnormer Bestand mit unendlich kleiner Abnormität betrachtet werden kann, so war die Anwendbarkeit der Formel

$$(A_{m+1} - A_m) 100$$
  
 $A_m + {}^m B e_n + V$ 

für normale Bestände neuerdings gerechtsertigt und zugleich bewiesen, daß sich bei diesen mit der fr. Formel für alle Lebensalter vor u ein w erzgiebt, welches größer ist als p.

B. Wahl zwischen mehreren Beständen, deren Bergingung in Frage tommen tann.

Stehen zum Zwede der Etatserfüllung 2c. mehrere Bestände, welche die finanzielle Umtriedszeit noch nicht ersteicht haben, zur Bahl, so ist es am vorteilhaftesten, densjenigen Bestand abzutreiben, für welchen der Unterschied zwischen dem Bestandsserwartungswerte und dem gegenswärtigen Bestandssertaufswerte am kleinsten ist; also densjenigen Bestand mit dem hiebe zu verschonen, für welchen jener Unterschied am größten ist.

Heier ist die Summe der Wald-Erwartungswerte maßgebend. Bezeichnen wir von zwei Beständen die erreichbaren Maximal-Boden:

erwartungswerte mit B' und B", die Maximal-Bestandserwartungswerte mit He' und Ho", die augenblicklichen Bestands-Verbrauchswerte mit Hv' und Hv", so setzt sich, wenn der erste Bestand sofort abgetrieben wird und der zweite stehen bleibt, der gesamte Walds-Erwartungswert aus

$$Hv' + B' + He'' + B''$$

zusammen; im umgekehrten Falle bagegen aus

$$He' + B' + Hv'' + B''$$
.

Da die Summe (B'+B'') in beiden Fällen konstant bleibt, so empfiehlt sich das eine oder das andere Versahren, jenachdem

$$H\,v' + H\,e'' {\gtrless}\,H\,e' + H\,v''$$

ober auch

$$\operatorname{He}'' - \operatorname{Hv}'' \gtrsim \operatorname{He}' - \operatorname{Hv}',$$

was zu beweisen war.

Haben beide Bestände ihre finanzielle Umtriebszeit schon überschritten, so werden die auf ein noch späteres Abtriebsalter bezogenen Bestandserwartungswerte He' und He" kleiner als die betr. Verbrauchswerte. Im übrigen gilt der nämliche Ansat; es ist also der Abtrieb des ersten Bestandes vorteilhafter, wenn

$$\mathrm{H}\,\mathrm{v}' + \mathrm{H}\,\mathrm{e}'' > \mathrm{H}\,\mathrm{e}' + \mathrm{H}\,\mathrm{v}''$$

ober wenn

$$\mathrm{H}\,\mathrm{v}'-\mathrm{H}\,\mathrm{e}'>\mathrm{H}\,\mathrm{v}''-\mathrm{H}\,\mathrm{e}''$$

und umgekehrt; d. h. es ist dasjenige Berfahren zu wählen, welches den kleinsten Berlust (Hv — He) bedingt.

Unter mehreren Beständen, welche ihre finanzielle Umtriebszeit teils noch nicht erreicht, teils schon überschritten haben, sind selbsteverständlich stets die letzteren zunächst zum Abtrieb zu bestimmen.

- C. Allgemeine Umtriebszeit ganzer Betriebsklaffen.
- a) Bestimmung der vorteilhaftesten Umtriebszeit nach Magabe des größten Wald-Erwartungswertes.

Nach Seite 176 ergiebt sich das Maximum des gesamten Walds-Erwartungswertes, wenn jeder einzelne Bestand in der für ihn nach A besonders ermittelten sinanziellen Umtriebszeit bewirtschaftet wird. Diese kann je nach der Beschaffenheit der Bestände, der Verjüngungszart u. s. w. eine sehr verschiedene sein. Die Erzielung des absolut größten Walds-Erwartungswertes schließt also die Einhaltung einer einzigen allgemeinen Umtriebszeit für die ganze Betriebsklaffe von vornherein aus.

Undererseits werden bei jenem Berfahren, welches wir nach Judeich als die reine "Beftandeswirtschaft" bezeichnen, die jahrlichen und periodischen Erträge nicht allein des ersten, sondern auch aller folgenden Umtriebe umsomehr von einander abweichen, als die Rusammensetzung der Betriebetlaffe von dem fog. "Normalzuftand" bes nachhaltigen Betriebes - Normalität ber Altersftufenfolge, bes Buwachses und Solzvorrats - fich entfernt. Berlangt nun aber ber Balbbefiber eine berartige Regelung bes Betriebes, daß entweber eine Ausgleichung ber Erträge im ersten Umtrieb ober die Überführung bes Walbes in jenen Normalguftand erzielt werde, ober follen gar beide Zwede gu= gleich - wenn auch nicht vollständig erreicht, benn bies ift unmöglich, - fo boch im Auge behalten und angestrebt werden; fo fann bies nicht anders als badurch geschehen, daß einzelne Bestände abweichend von ihrem besonderen finanziellen Abtriebsalter genutt werden. Außerdem erfordert jede berartige Betriebseinrichtung die Unnahme einer allgemeinen Umtriebszeit, welche alsbann in erfter Linie über die Nutungsfolge der Bestände entscheidet und nur innerhalb gewiffer Grengen Modififationen nach Maggabe ber fvegiellen Beichaffenheit berfelben guläßt. Es fragt fich nun, nach welchen Grundfägen jene allgemeine Umtriebezeit festzuseten sei.

Für Betriebsklassen, welche ihrer Zusammenseyung nach bem "Normalzustande" bes Nachhaltbetriebs nahe kommen, wird die Einführung der Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungs-wertes sich rechtsertigen lassen. Je mehr aber die thatsächlichen Bestodungsverhältnisse von jenem Jdealbilde abweichen, um so zweiselshaster muß es werden, ob damit wirklich der größte Borteil für den Baldbesitzer, d. h. das Maximum des Balds-Erwartungswertes, zu erreichen ist. Denn wie wir gesehen haben, gilt jene Umtriebszeit nur für solche Bestände, deren Erträge sich unmittelbar der Normaltasel entnehmen lassen, als die vorteilhasteste. Es wird also bei Einssührung derselben mehr Rücksicht auf die künstig zu erziehenden als auf die thatsächlich vorhandenen Holzbestände genommen.

Wollte man statt bessen für jedes einzelne Glied der Betriebsklasse bessen besonderes sinanzielles Abtriebsalter ermitteln und alsdann eine hieraus abgeleitete Mittelzahl als allgemeine Umtriebszeit einstellen, so würde man dem rechten Ziele ohne Zweisel näher kommen. Aber dieses Bersahren scheitert wieder an den Schwierigkeiten der Aussührung. Denn wenn es auch (nach A, b) wohl möglich ist, für jeden Einzelbestand die Frage, ob er seine sinanzielle Hiebsreife schon erreicht habe, richtig zu beantworten, so ist es boch fast unmöglich, in jedem besonderen Falle genau anzugeben, zu welcher Zeit ein noch unreifer Bestand jenes Ziel erreichen werbe.

Noch schwieriger und komplizierter wird die Aufgabe, wenn für die Nachzucht verschiedene Holz- und Betriebsarten mit von einander abweichenden Umtriebszeiten in Betracht kommen. Denn auf die letteren wäre, falls eine auch nur annähernd normale Betriebsklasse nachgezogen werden soll, schon bei der Abnutung der vorhandenen Holzbestände Rücksicht zu nehmen. Hätten wir z. B. einen Kiefernwald vor uns, dessen Zusammensetzung einem 60 jährigen Umtried entspräche, der zugleich als der vorteilhafteste für den Fall der Fortssührung des seitherigen Betriebs anzusehen wäre; käme aber außerzdem die Umwandlung in Fichten oder Laubholzhochwald mit 80- resp. 100 jährigem Umtried in Frage; so wäre zu erwägen, sür welche unter den folgenden Kombinationen sich der größte Wald-Erwartungs-wert ergäbe:

- 1) Fortführung der Liefernwirtschaft mit 60 jährigem Umtrieb;
- 2) Abnuhung der Kiefernbestände in 60 jährigem Umtrieb mit Nachzucht einer abnormen (nur 1= bis 60 jährigen) Fichten= oder Laubholzbetriebsklasse;
- 3) sofortige Einführung des 80 jährigen Umtriebs zum Zwecke der Herstellung einer normalen Fichtenbetriebsklasse;
- 4) sofortige Einführung des 100 jährigen Umtriebs mit normaler Laubholznachzucht.

Jenachdem hierbei die Bestands-Verjüngung in Kahls oder Femelsschlägen in Aussicht zu nehmen wäre, würde die Zahl der Kombinationen sich noch weiter vermehren können. Und schließlich wäre noch in Erwägung zu ziehen, ob der berechnete Maximals-Erwartungswert allein die Entscheidung geben, oder vielleicht ein Wirtschaftsversahren von geringerem sinanziellen Ersolge aus anderen Gründen doch den Vorzug erhalten solle.

Es wird ohne weiteres einleuchten, daß solche Fragen sich nicht allgemein, etwa mit Hilse irgend einer Formel, beantworten lassen. Vielmehr kann dies nur auf Grund eines, bezw. mehrerer zum Zwecke der Vergleichung angesertigter Vetriedspläne geschehen. Man wird denselben eines der gebräuchlichen Forsteinrichtungsversahren, wohl am besten eine Fachwertsmethode, zu Grunde legen; die in Vetracht kommenden Umtriedszeiten in Perioden von entsprechender Länge einteilen, diese mit Abtriedsslächen dotieren, sämtliche Erträge — etwa auf die Periodenmitte bezogen — veranschlagen und unter Abrechnung der notwendigen Kosten auf die Gegenwart diskontieren. Fenachdem

mehr Gewicht auf die Ertrags-Ausgleichung ober auf die Herstellung des Normalzustandes gelegt wird, empsiehlt sich die Anwendung des Massen oder des Flächensachwerks. Bei letzerem ist die Rechenung weit einsacher, weil es kein Hin: und Herprobieren ersordert und vom zweiten Umtrieb ab normale Erträge zu unterstellen gestattet; andererseits mutet es unter Umständen der lebenden Generation größere Opfer zu.

Die vorteilhafteste Bewirtschaftungsart auf Grund solcher Betriebspläne und nach Maßgabe des aus ihnen berechneten Walds Erwartungswertes zu ermitteln, empsiehlt Wagener in seiner "Anleitung zur Regelung des Forstbetriebs", 1875, Seite 79 ff.¹). Der Grundgedanke dieses Borschlags ist ohne Zweisel ganz richtig; der Aussührung aber werden zahlreiche Schwierigkeiten gegenüberstehen und die Sicherheit der Rechnung auf so lange Zeiträume hinaus wird nicht allzu hoch geschätzt werden dürsen; umsomehr, als die Ertragstaseln, ohne die solche Boranschläge ja gar nicht entworsen werden können, keine unabänderliche Grundlage darbieten, viels mehr je nach den Modisitationen der Wirtschaft selbst der Umgestaltung bedürfen.

Unter biesen Umständen wird man sich in vielen Fällen der Praxis damit begnügen dürsen, unter Berzicht auf eine zissermäßige Beranschlagung des Walderwartungswertes nur die Frage zu beantworten, ob bei Einhaltung derjenigen Umtriedszeit, welche dem vorshandenen Bestockungsverhältnis entspricht, eine angemessen Berzinsung des im Boden und Holzvorrat enthaltenen Gesamtkapitals zu erzielen oder ob eine Bergrößerung oder Verkleinerung desselben angezeigt sei-

b) Bahl ber Umtriebszeit nach Maßgabe ber Berginfung bes Balbvermögens.

Ebenso wie beim Einzelbestande das Weiserprozent in seiner einsachsten Form die sinanzielle Abtriebszeit nicht direkt ansgiebt, sondern nur Austunft darüber erteilt, ob die Hiebsreise schon eingetreten sei oder nicht; wie aber der Borzug jenes Taxationse Hilfsmittels darin besteht, daß es sich aller gewagten Spekulationen auf eine ferne und unsichere Zukunft enthält, vielmehr lediglich auf dem sesten Boden bestehender resp. leicht zu ermittelnder Thatsachen des Bestandse Berkaufswertes und des Zuwachsprozents — besucht; ebenso läßt sich zur Wahl der allgemeinen Umtriebszeit ein Weg betreten, der, wenn auch indirekt, doch sicher zum Ziele führt

<sup>1)</sup> Beispiele hierzu finden sich in Wimmenauer's Grundriß ber Walds wertrechnung 2c., Aufgabenjammlung Nr. 89 bis 98 und 153 bis 155.

Einem jeden Umtriebe entspricht bekanntlich eine bestimmte Größe bes normalen Vorrats. Umgekehrt kann für jeden vorhandenen Holze vorrat diejenige Umtriebszeit ermittelt werden, bei deren Einhaltung jener dauernd auf ungefähr gleicher Höhe verbleiben würde. Diese Ermittelung kann auf verschiedenen Wegen ersolgen; entweder durch Aufnahme der Masse oder des Verkaufswertes des gesamten vorhandenen Holzvorrats und Vergleichung der Summe mit denjenigen Veträgen, welche die Massen= oder Geldertragstasel für den Normals vorrat angiebt; oder — allerdings nur oberflächlich und bei sehr absnorm zusammengesetzen Betriebsklassen nicht hinlänglich genau — mittelst Aufstellung einer Altersklassentabelle. Bezeichnen wir nämlich mit  $f_1, f_2 \ldots$  die auf mittlere Bonität reduzierten Flächen der Altersklassen, mit  $a_1, a_2 \ldots$  die zugehörigen mittleren Alter und mit z den Haubarkeitsdurchschnittszuwachs der mittleren Standortsklasse, so liesert der Ansat

$$(a_1 f_1 + a_2 f_2 + \cdots) z$$

einen Ausbruck für den vorhandenen Holzvorrat, welcher der bestannten Normalvorratsformel  $\frac{\mathbf{u} \cdot \mathbf{u} \, \mathbf{z}}{2}$  analog ist. Letztere wäre aber, wenn z den Durchschnittszuwachs der Flächeneinheit bedeutet, in

$$\frac{u}{2}\left(f_1+f_2+\cdots\right)z$$

zu transformieren; setzen wir beide Ausdrücke einander gleich, so ergiebt sich die gesuchte, dem Holzvorrat entsprechende Umtriebszeit aus

$$u = \frac{2 (a_1 f_1 + a_2 f_2 + \cdots)}{f_1 + f_2 + \cdots}.$$

Es wird nun — bem bekannten K. Heherschen Sate entspechend — angenommen werden bürfen, daß bei Einhaltung dieses Umtriebs — resp. bessenigen, welcher aus der Bergleichung der Holzemassen oder Berte abgeleitet ist — der demselben entsprechende jähreliche Walde-Rohertrag, welcher aus der betr. Tafel nach dem Ansate

$$A_u + D_a + D_b + \cdots$$

zu entnehmen ist, dauernd bezogen werden kann; eine Annahme, welche allerdings um so weniger als völlig zutreffend zu betrachten ist, bezw. umsomehr einer Berichtigung nach Maßgabe des Thatbestandes bedarf, je weiter der Wald vom "Normalzustande" sich entfernt.

Gehen wir nun von jener, den wirklichen Bestockungsverhältnissen entsprechenden, Umtriebszeit aus, so wird zunächst die Frage entstehen, zu welchem Prozentsate ber zugehörige Balbrohertrag bas gesamte in ber Wirtschaft angelegte Rapital verzinst. Das lettere sett sich nach Seite 172 aus

$$uB + uV + uN + \frac{c}{0.0p}$$

zusammen. Ebensowohl aber können wir nach Seite 185 dem jährlichen Waldreinertrage

$$A_u + D_a + D_b + \cdots - c - uv$$

nur die Summe uB + uN, b. h. ben Gesamtwert von Boden und Holzvorrat gegenüberstellen und dies Berfahren wird für die Braris ben Borqua verdienen, weil es die Rechnung mehr von dem Ginflusse eines von vornberein angenommenen Zinsfußes befreit. jährlichen sowie die Rulturkosten sind nach örtlichen Durchschnitts= faten zu veranschlagen. Für Boden und Solzvorrat wird man zwedmäßig diejenigen Beträge in Ansat bringen, welche bei anderweitiger Bermertung bafur zu erzielen waren. Dies mare bezüglich bes Bobens ber ortsübliche Berfaufspreis, wobei inden gu beachten ift, daß meift nur fleine Balbgrundstücke zum Berfaufe ju gelangen pflegen, für welche 3. B. ein Großgrundbesiter weit mehr als ben reinen Bodenwert gablen fann und oft auch wirklich gahlt, weil ein folder Zugang die Berwaltungekoften nicht vergrößert, andererseits aber besondere Vorteile (Arrondierung u. dal.) gewährt. Für größere Balbungen wird mithin ein Bodenwert unterstellt werden muffen, welcher ben ortsublichen Berkaufswert fleiner Baldparzellen nicht erreicht. Die Bergleichung dieses mäßig ein= geschätten Bobenwertes mit ben auf Grund verschiedener Binsfüße berechneten Maximal : Boben : Erwartungswerten fann zugleich einen Fingerzeig bafür geben, welcher Brozentsat ben thatsächlichen Berhältniffen gemäß vom Baldbesiger gefordert werden barf.

Den Kapitalwert bes Holzvorrats endlich wird man aus gleichem Grunde nach der auf Seite 116 gegebenen Anleitung versanschlagen; d. h. alle bereits nutbaren Bestände nach ihrem Berstaufswert, die jüngeren nach dem Erwartungswerte, bei dessen Berechnung die oben gesundene Umtriebszeit u zu Grunde zu legen ist, oder statt dessen nach dem Kostenwerte unter Einführung des Ben und mittlerer Ausgabes resp. ErsapsAnsähe. Hierbei wird in vielen Fällen eine summarische Berechnung nach den reduzierten Gesamtslächen der (jüngeren) Altersklassen genügen, während die älteren Bestände auf Grund besonderer Holzmassenafnahme oder Abschähung zu veranschlagen sind. Dieses Bersahren bietet zugleich den Borteil,

daß das Waldkapital (B + N) nur zum kleinsten Teile von einem von vornherein angenommenen Rechnungszinsfuße abhängig wird.

Das Maß der Verzinsung jenes Waldkapitals 1) durch den jährs lichen Waldreinertrag ergiebt sich nun aus

$$p = \frac{100 \left(A_u + D_a + \dots - e - u \, v \right)}{u \, B + u \, N} \cdot \label{eq:power_power}$$

Erweist sich der so gefundene Prozentsat bei mäßigen Ansprüchen des Waldbesitzers dennoch als ungenügend, so wird zu erwägen sein, welche Maßregeln etwa zum Zwecke einer Berbesserung des prozentischen Berhältnisses zu ergreisen wären. Dieser Zweck kann auf zwei Wegen erreicht werden: entweder durch Erhöhung der Reinerträge über den Taselansat hinaus, z. B. durch bessere Ausnutzung der Handelskonjunkturen, durch Kostenersparnisse u. s. w.; oder durch Berminderung des Waldkapitals. Beides läßt sich unter Umständen, der einfachen Kahlschagwirtschaft gegenüber, gleichzeitig durch den Überzgang zu einem Lichtungsbetriede mit Unterdau zc. erzielen, weil hierbei sowohl die Erträge durch Lichtungszuwachs gesteigert, als auch die Kapitalwerte der älteren Bestände durch Lockerung des Bestandsschlusses vermindert werden können.

Zeigt es sich aber, daß keine derartige Maßregel imstande ist, den Zinssuß auf die gewünschte Höhe zu heben, so bleibt schließlich kein anderes Mittel übrig, als eine Entlastung des Waldkapitals durch Übergang zu einem niedrigeren Umtriede. Hierbei wird indessen jeder vorsichtige und gewissenhaste Wirtschafter eine scharfe Trennung der herausgezogenen Kapitalteile, d. h. derzenigen Einnahmen, welche über den Kormalertrag des uzjährigen Umtrieds hinausgehen, von den lausenden Einnahmen des letzteren durchführen und für eine irgendwie zinstragende Veranlagung des Überschusses — in Bauten, Meliorationen, Grunderwerb, Wertpapieren, Schuldentilgung zc. — besorgt sein. Ferner wird es sich empsehlen, den Übergang zu niezdrigerem Umtried nur almählich zu bewirfen, damit die etwa hierzburch bedingten Preiß und Absah Beränderungen gehörige Besachtung sinden.

Kommt andererseits eine Erhöhung des Umtrieds über u hinaus in Frage, so wird eine solche sich nur dann rechtsertigen lassen, wenn der damit verbundenen Erhöhung des Waldkapitals eine genügende

<sup>1)</sup> Bgl. Judeich, Tharander forftl. Jahrbuch, 1879, S. 1.

<sup>2)</sup> Bgl. Wimmenauer, A. F.= und J.=3., 1891, S. 262 u. 267.

Berzinsung durch ben Mehrbetrag ber jährlichen Balbrente gegen- übersteht.

Über die Ausführung aller hier besprochenen Berechnungen lassen sich allgemeine Borschriften nicht wohl erteilen, weil Zahl und Besichaffenheit der in Betracht kommenden Faktoren zu mannigfaltig sind. Es möge genügen, den zu betretenden Weg im allgemeinen angebeutet zu haben; über die Einzelheiten des Berfahrens wird sich der kundige Wirtschafter von Fall zu Fall klar werden müssen.

## 2) Sohe ber finanziellen Umtriebszeit.

Die Betrachtungen, welche wir in diesem und den beiden solsgenden Abschnitten (Nr. 3 und 4) anstellen, beziehen sich zunächst auf die Umtriedszeit des größten Boden-Erwartungswertes, weil nur diese sich allgemein aus Ertragstafeln ableiten läßt. Es wird daher auch nur innerhalb des beschränkten Gebietes, wie es unter 1, A, a, a bezeichnet ist, für die hier zu ziehenden Schlüsse Geltung beansprucht.

Zunächst ift wiederholt barauf hinzuweisen, daß die Boden-Erwartungswerte, welche man unmittelbar aus den zur Zeit vorsliegenden Hochwald-Ertragstaseln ableitet, nur auf diejenigen Holzarten angewendet werden können, welche im einsachen Kahlschlagbetrieb bewirtschaftet zu werden pflegen; d. i. hauptsächlich die Fichte und schon in beschränkterem Maße) die Kiefer. Für die erstere liegen u. a. Berechnungen aus Sachsen und Thüringen vor, welche mit Zinssüßen von mittlerer Größe (2 dis 3 %) angestellt sind und sinanzielle Umtriedszeiten von 60 dis 90 Jahren ergeben haben. So sindet Judeich (Lorens Handuch der Forstw., II. Band, S. 251) für III. Bonität 90 Jahre, Pöpel (Alls. Forst: und Jagdz. 1888 S. 88) für II. Bonität 70 oder 80 Jahre, jenachdem mit 3 oder 2 % gerechnet wird, Schwappach (Wachsthum und Ertrag normaler Kichtenbestände, 1890, S. 96) 60 dis 90 Jahre und zwar für bessere Standorte die geringeren, für schlechtere die höheren Zahlen.

Für die Kiefer hat Schwappach (Wachsthum und Ertrag normaler Kiefernbestände in der nordeutschen Tiesebene, 1889, S. 66) ebenfalls Geldertragstafeln ausgestellt, welche auf den Holzpreisen der Eberswalder Lehrreviere beruhen, aber, wie der Verfasser (a. a. D. S. 70) selber sagt, zur Berechnung von Maximal-Bodenerwartungs-werten nicht anwendbar sind, weil sie die Möglichkeit des Verkaufs geringer Nuphölzer in großer Menge und zu ausehnlichen Preisen voraussehen. Wenn es gleichwohl versucht worden ist (Vose, das forstliche Weiserprozent, 1889, Seite 5 ff.), aus jenen Taseln eine "sinanzielle Umtriedszeit" von 30 oder gar von 10 Jahren abzuleiten,

so kann solchen Rechnungs-Ergebnissen eben darum irgend welcher sachliche Wert nicht zugesprochen werden. Weitere Ermittelungen liegen aus dem Großberzogtum Sessen vor, wo in drei verschiedenen Waldgebieten (Main-Rhein-Chene, Buntfandstein bes Denwaldes und bes nordöftlichen Bogelsberges) die Riefer eine herrschende Stellung einnimmt. Wimmenauer (Alla, Forst= und Ragdz, 1891, S. 253ff.) berechnet für Standortsklasse II und III und bei einem Binsfuß von 2.5 % die Umtriebszeit des größten Boden-Erwartungswertes zu 60 bis 70 Sahren, und zwar übereinstimmend für jene drei Gebiete. bemerkt aber, daß bei Ginführung eines Lichtungsbetriebes mit Unterban 2c., Umtriebe von 100 bis 120 Jahren sich vielfach als noch vorteilhafter erweisen werden. Bu ähnlichen Ergebnissen bezüglich bes dritten jener Waldgebiete war schon vorher Walther (Allg. Forst- und Jagdy. 1888, S. 195) gelangt, beffen Bobenwerte, jenachdem ein Zinsfuß von 3, 21/2 oder 2 % zu Grunde gelegt wird, mit 60, 80 und 100 Jahren fulminieren.

Auch die "finanziellen Umtriebszeiten", welche man z. B. aus den Baurichen Ertragstafeln für Buchenhochwald bireft abzuleiten versucht hat 1), besitzen keinen praktischen Wert, weil diese Holzart fast überall in Femelichlägen bewirtschaftet wird, Abtrieb geschlossener Bestände also kaum vorkommt. In seinem "Grundriß der Waldwert= rechnung 2c." hat der Herausgeber dieser Auflage unter Aufgabe 60 und 64 gezeigt, daß felbst bei reiner Buchenbestockung und ausschließ: lichem, aber gutem, Brennholzabsatz ber Femelschlagbetrieb mit 90 bis 100 z jährigem Umtrieb besser rentieren kann als der Kahlschlag in 60-jährigen Stangenhölzern. In noch höherem Maße muß dasselbe bei beträchtlicher Rutholz-Ausbeute oder schlechten Brennholzpreisen der Fall fein. In Übereinstimmung hiermit fteben die Berechnungen von Rraft (Bur Prazis ber Waldwertrechnung 1882), welche für ben v. Seebachschen Lichtungsbetrieb mit 120-jährigem und den zweihiebigen Buchenhochwald mit 70: resp. 140: jährigem Umtrieb noch höhere Boden : Erwartungswerte ergeben als für den gewöhnlichen Kemelschlaabetrieb. Was hiernach für die Buche gilt, wird in gleichem oder noch erhöhtem Mage auch von der Beiftanne, die jener im Buchse und der gebräuchlichen Bewirtschaftungsart nabe fteht, angenommen werden bürfen.

Bezüglich der Eiche endlich sei hier nur angeführt, daß nach Kraft (a. a. D.) der 80-jährige Umtrieb in Kahlschlägen von dem

<sup>1)</sup> Baur, Handbuch der Waldwerthrechnung, 1886, S. 354—356; Urich, Forstw. Centralbl. 1890, S. 270 u. a. m.

120-jährigen mit Lichtung und Unterbau ebenfalls bei weitem überstroffen wird.

Alle diese Beispiele beweisen, wenn sie einzeln genommen auch nur örtliche Bedeutung haben, zur Genüge, daß der gegen die Reinsertragslehre vielsach erhobene Vorwurf, sie führe immer und überall zu undurchführbar niedrigen Umtriebszeiten, gänzlich unbegründet ist.

Im allgemeinen läßt sich über die Sohe der finanziellen Umtriebszeit, deren äußerste Grenzen in den beispielsweise angeführten Zahlen noch nicht gegeben sein werden, folgendes sagen:

#### A. Am niedrigsten stellt sich dieselbe

- a) bei Beständen, beren Holz hauptsächlich nur als Brennsholz abzusehen ist, bei benen also mit der Ausbildung gröberer Sortimente keine beträchtliche Erhöhung des Wertes der Abtriebsserträge eintritt, wie dies z. B. bei reinen Buchenbeständen häusig der Fall ist. Siehe jedoch auch B, d.
- b) Wenn der Bedarf vorzugsweise auf die schwächeren Sortimente gerichtet ist, wie z. B. in Gegenden mit umfangreichem Bergwerksbetrieb, der größere Mengen von (schwachen) Grubenbaushölzern verlangt. Nach Donner 1) wird die Kiefer in den westlichen Provinzen von (Altz) Preußen, namentlich auf Gebirgsboden und aufgesorsteten ehemaligen Haibssächen "fast durchweg" mit einer Umstriebszeit von 60 Jahren bewirtschaftet. Gleiches gilt u. a. von zahlzreichen, namentlich im Privatbesitze befindlichen Kieferwaldungen des Obenwaldes, wo Hobelholz (zu Streichhölzern), Daubholz (zu Packfässern 2c.) und Kfahlholz (für Weinberge) in großen Mengen abzgesett werden können.
  - B. Höher stellt sich die finanzielle Umtriebszeit:
- a) in rauhen Hochlagen, in welchen das Holz die gesbräuchlichen Sortimente oft 20 und mehr Jahre später als in milben Lagen liefert.
- b) Auf Standorten geringer Bonität, weil hier das Wertzuwachsprozent w später den Betrag von p erreicht als auf besseren Standorten. So fand man z. B. im Steinbacher Revier, Königreich Sachsen, bei Fichten folgende Wertzunahmeprozente 2):

<sup>1)</sup> v. Sagen: Die forftlichen Berhaltniffe Breugens, 2. Auflage von Donner, 1883, I, G. 151.

<sup>2)</sup> Die nachstehenden Bahlen find einem Sächsischen Forsteinrichtungswerte, welches sich im Besit bes Königl. Baher. Finanzministeriums befindet, entnommen und finden durch die oben mitgeteilten Schwappachichen Berechnungen eine Bestätigung.

		Jahr					
	6	80 - 70	70 - 80	80 - 90	90 - 100		
I.	Bonität	2,7	2,1	1,6	1,3		
II.	"	3,4	2,6	$^{2,2}$	1,8		
III.	"	4,0	3,4	2,7	2,0		

- c) In bünn bevölkerten Gegenden mit wenig entwickelter Industrie, wo für geringes Bauholz nur eine unbedeutende Nachfrage besteht, während das stärkere Holz als Handelsware weiter versührt werden kann und daher auch hinreichend begehrt ist.
- d) Bei Holzarten, welche sich entweder kostenlos oder doch ohne beträchtliche künstliche Nachhilse natürlich verjüngen lassen, bei benen aber die Berjüngung erst in einem höheren Alter vorge-nommen werden kann, weil vorher die Besamung entweder in unzureichendem Maße oder zu selten ersolgt, oder bei welchen ein größerer Berjüngungszeitraum angewandt werden muß, weil der junge Nachwuchs zu seinem Gedeihen längere Zeit des Schutzes der Mutterbäume bedarf.
- e) Bei allen Betriebsarten, welche den besonderen Lichstungszuwachs auszunuten suchen, was mit Rücksicht auf die Quaslität des Holzes in der Regel erst nach beendigtem Hauptlängenswachstum zu geschehen pflegt.

## 3) Berichtigung der berechneten finanziellen Umtriebszeit.

Die Zahlen, welche man bei der erstmaligen Berechnung der finanziellen Umtriebszeit, namentlich nach den unter 1, Aa und Ca angegebenen Methoden, erhält, können nicht immer als die wahre finanzielle Umtriebszeit angesehen werden, weil sie unter der Borausssetzung gewonnen wurden, daß das zwischen den einzelnen Holzsortismenten bestehende Preisverhältnis, auf Grund dessen die GeldsErtragstasel entworsen wurde, auch nach Einführung der berechneten Umtriebszeit das nämliche bleiben werde.

Dies ist jedoch keineswegs immer der Fall. Stellt sich z. B. die berechnete sinanzielle Umtriebszeit niedriger als die seither eingeshaltene Umtriebszeit, so würden nach Einführung der ersteren die schwächeren Sortimente (Prügelholz, Reisholz, Stangenholz) in größerem Maße zur Nuhung gelangen, als die stärkeren Sortimente (Scheits

<sup>1)</sup> Der Berfasser hat hierauf schon in ber 1. Auflage dieser Schrift (1865, S. 126), sodann in seinem Aufsatze: "Die Wahl der Umtriebszeit" (Aufg. Forst= und Jagd-Zeitung, 1866, S. 5) und an mehreren anderen Orten auf= merksam gemacht.

holz, Stammholz), mithin im Preise sinken; es erwiese sich demnach die erstmalig berechnete Umtriebszeit als zu niedrig. Und umgestehrt: stellt sich die berechnete Umtriedszeit höher als die seither einsgehaltene und wollte man demzusolge ein größeres Quantum von stärkeren Sortimenten anziehen und zu Markt bringen, so würde der Preis derselben sinken, also die erstmalig berechnete Umtriedszeit sich als zu hoch erweisen.

Nachstehend ein Beispiel über das Berhaltnis der schwächeren zu den stärkeren Sortimenten bei verschiedenen Hiebsaltern. In dem Seite 217 erwähnten Steinbacher Revier (Königreich Sachsen) fand man, daß die Fichte auf der II. Bonität liefert bei

einem Hiebsalter		Brennholz	Klopholz mit einer $12-22$	Oberstärke 23—36	ווטט
bon			Centimeter		
60	Jahren	9%/0	$62^{0}/_{\!0}$	29%	
70	,,	5%	51%	44 0/0	
80	,,	4°/0	40%	56%	
90	"	4º/0	35 <sup>0</sup> / <sub>0</sub>	61%	
100	"	40/0	$29^{\circ}/_{\circ}$	67º/ <sub>0</sub> .	

Es wäre mithin durchaus unrichtig, die Zahlen, welche sich für die sinanzielle Umtriedszeit mittelst einer den gegenwärtigen Preisvershältnissen entsprechenden Ertragstafel berechnen, stets als die wahren sinanziellen Umtriedszeiten anzusehen. Jene Zahlen geben, wenn sie mit den thatsächlich eingehaltenen Umtriedszeiten nicht übereinstimmen, nur eine Beranlassung zur Anderung der bestehenden Umtriedszeiten; sie bilden also nur die erste Station, aber nicht das Schlußresultat einer Rechnung, welche weit von derselben endigen kann. Stellt sich eine größere Differenz zwischen der berechneten und der bestehenden Umtriedszeit heraus, so zeigt dies nur an, daß das stärkere oder das schwächere Holz in zu großer Wenge erzogen wurde und daß man somit zu einer kürzeren oder längeren Umtriedszeit übergehen muß.

Aus Borftehendem ergiebt sich ebenso wie aus den Betrachtungen unter 2), daß kein Grund zu der Besorgnis vorliegt, die Bodens Reinertragswirtschaft werde stets zu so niedrigen Umtrieben führen, daß der Bald nicht mehr die unentbehrlichen Baus und Berthölzer liefern könne. Das Anstreben der sinanziellen Umtriebszeit wird unter Umständen allerdings die Berminderung eines vorhandenen Überstusses an Starthölzern zur Folge haben; aber in erster Linie wird die ratiosnelle Forstwirtschaft immer danach trachten mussen, diesenigen Sortismente und namentlich auch die Starthölzer, welche der Markt in großen Mengen verlangt, in möglichst kurzer Zeit und unter solchen Bes

bingungen zu liesern, daß der Preis die aufgelaufenen Kosten deckt. Sollte demgemäß eine Preisverschiedung zu Gunsten der stärkeren Sortimente eintreten, so kann hierin kein Unrecht gefunden werden, weil man dem Waldbesitzer nicht zumuten darf, mit Verlust zu prozduzieren.

### 4) Beranderlichfeit ber finanziellen Umtriebszeit.

Alle Umftande, welche auf die Beschleunigung oder Bergögerung ber Rulmination bes Boden-Erwartungswertes einen Ginfluß ausüben, bewirken auch, daß die finanzielle Umtriebszeit früher oder fväter Lettere ift baber feine konftante Broke, fondern veran= derlich. Indessen ift die Wirkung nicht aller Faktoren der Art, daß eine bedeutende Anderung der Umtriebszeit erfolgt. So 3. B. wird ber Eintritt der finanziellen Umtriebszeit burch zeitigere Vornahme ber Durchforstungen nur wenig beschleunigt, mehr ichon durch Gin= legen von landwirtschaftlichen Nebennutungen nach dem Bestandsabtrieb. Bleiben die jährlichen Roften fich gleich, so üben fie gar feinen Ginflug aus. Die Rulturkoften muffen ichon beträchtlich vermindert werden, wenn hierdurch die Umtriebszeit nur um einige Sahre herabgedrückt werden foll2). Um größten ift der Ginfluß bes Binsfußes, indem niedrige Binsfuge Die Rulmination bes Boben-Erwartungswertes hinausschieben, höbere Zinsfüße sie beschleunigen. Der Gang bes Binsfußes läßt sich jedoch schwer vorausbestimmen. Im allgemeinen ift ber Binsfuß im Sinken begriffen, was also auf eine Erhöhung der Umtriebszeiten für die Bufunft hinweisen würde. - Steigen oder fallen die Bolgpreise (und Roften) gleichmäßig und plöglich, fest sich aber von da an der Gang derselben in der bisherigen Beise fort, so resultiert hieraus teine Underung der Umtriebszeit; findet aber bas Steigen ober Fallen ber Breise in ftarferem Mage als früher und fortbauernd ftatt, fo ergiebt fich eine Erhöhung bezw. Erniedrigung ber Umtriebszeit3). Will man dieselbe bestimmen, so bieten sich hierzu zwei Wege dar. berechnet die Boden-Erwartungswerte mit dem feither unterftellten Binefuß, aber mit den fünftigen Solzpreisen. Lettere ermittelt man

<sup>1)</sup> Siehe Beber: Ueber die Bedeutung der Holz verarbeitenden Induftriezweige. Forstwissenschaftliches Centralblatt, 1883, S. 6.

<sup>2)</sup> v. Sedenborff: Beiträge zur Walbwerthrechnung und forstlichen Statik. Supplemente zur Allg. Forste- und Jagd-Beitung von 1868, VI. Band, 3. heft.

<sup>3)</sup> Siehe die Rote von Lehr auf Seite 221 der Allg. Forst- und Jagb- Zeitung von 1880.

in der Beise, daß man die Preise bes Zeitraums, innerhalb beffen bie Breisänderung stattfand, als die Ordinaten einer Rurve aufträgt, welche man bann nach Maggabe ihres bisherigen Berlaufes verlängert, ober daß man die Gleichung der Rurve auffucht und hiernach ben Solapreis für einen späteren Zeitpunkt bestimmt. 2. Man berechnet die Boden-Erwartungswerte mit den Preisen, welche vor der Beriode ber Breisanderung stattfanden, ermäßigt ober erhöht bagegen ben Bingfuß in bem ben letteren entiprechenden Betrage (f. G. 48). Selbstverständlich können berartige Berechnungen nur bann einigen Unspruch auf Zuverlässigkeit machen, wenn angenommen werden barf, daß die Urfachen der seitherigen Preisveranderung auch in Bukunft wirtsam sein werden. Erachtet man die Preisänderung nicht für genügend mahrscheinlich, so muß man selbstverständlich die bisherige Umtriebszeit beibehalten 1). Indeffen bemerkt Rraft mit Recht: "Ungeachtet aller Zweifel und Bedenken werden wir uns bei forftlichen Bertsberechnungen ber Feststellung folder Preisskalen oft gar nicht entziehen können. Wer auch auf berartige Wertsberechnungen, soweit fie uns zur Rlärung wissenschaftlicher Probleme bienen, zu verzichten geneigt fein möchte, wird doch durch Aufgaben, welche bas prattifche Leben ftellt, und wie fie 3. B. bei Forftteilungen, Rauf- und Tauschgeschäften 2c. nicht selten vorkommen, oft genug bagu genötigt Wir können uns hierbei damit troften, daß auch in nicht forftlichen Rreisen bei vielen Fragen des prattischen Lebens Wahrscheinlichkeiterechnungen mit sehr unsicheren Grundlagen oft unvermeidlich erscheinen"2).

## 5) Berechnung des Berluftes, welcher sich bei Ginhaltung einer anderen als der finanziellen Umtriebszeit ergiebt.

Stimmt die thatsächlich eingehaltene Umtriebszeit u mit der finanziellen u nicht überein, so arbeitet die Wirtschaft mit Verlust (s. S. 189). Dieser ergiebt sich für Einzelbestände in dem Unterschiede der Walds (oder Bestands:) Erwartungswerte.

Beispiel: Bird ber auf Seite 191 beschriebene Riefernbestand erst im Alter von 120 Jahren abgetrieben, so beträgt der Berlust gegenüber ber sinanziellen 100 jährigen Abtriebezeit, im Borwert auf bas 40. Jahr bezechnet, 1820 — 1680 = 140 Mart. Nur bann, wenn im 120 Jahre

<sup>1)</sup> Auch die Umtriebszeit bes größten Wertszuwachses, Walbrohertrages und Balbreinertrages sind von ben Holzpreisen abhängig. Steigen z. B. die Breise ber gröberen Sortimente in einem stärkeren Berhältnis als die Preise ber schwächeren Sortimente, so erhöhen sich diese Umtriebszeiten.

<sup>2)</sup> Rraft: Bur Bragis ber Baldwerthrechnung und forstlichen Statif, S. 23.

140 · 1,03<sup>80</sup> = 1490 Mark mehr erlöst würden, wäre dieser Berlust zu vermeiben. Dazu würde mithin eine Preissteigerung des 120 jährigen Holzes um  $\frac{1490}{532}$  = 2,80 Mark pro Festmeter gehören.

Um für eine ganze Betriebsklasse ben entsprechenden Berlust zu ermitteln, wäre die gleiche Berechnung für jeden einzelnen Bestand auszuführen und die Summe der Ergebnisse zu ziehen. Wird aber weniger auf strenge Einhaltung der beiderseitigen Umtriebszeiten, als vielmehr auf Ausgleichung der Erträge oder auf Annäherung an den "Normalzustand" des Nachhaltbetriebes Gewicht gelegt, so wird die vorherige Ausstellung von Betriebsplänen erforderlich. Bgl. 1) C. a).

Hier kann auf die schon S. 211 erwähnten Beispiele in Wimmenauers Grundriß 2c., Aufgabensammlung Nr. 89 bis 93 und 153 bis 155 verzwiesen werden.

# 6) Zeitraum für die Berwertung eines Borrats : Über= ichuffes.

Die Nutung eines Vorrats-Überschusses stellt sich finanziell als rätlich dar, wenn es möglich ist, von den dem Walde zu entnehmens den Kapitalien mittelst anderweitiger, gleich sicherer Anlage eine höhere Rente zu erzielen. Häufig bietet die Waldwirtschaft selbst zu einer derartigen Anlage Gelegenheit, sei es, daß der Waldeigentümer Waldungen neu erwirdt, oder diejenigen, welche er bereits besitzt, verbessert (3. B. durch Bauen von Waldwegen, Vornahme von Entwässerungen 2c.).

Das Kapital, welches durch Bersilberung eines Borrats Überschusses stüffig gemacht werden kann, ist jedoch nicht etwa der Differenz der Kostenswerte der beiden Borräte gleich, weil der Berkaufswert derjenigen Holzsbestände, welche älter als u jährig sind, sich nicht nach dem Kostenwerte, sondern nach dem Verbrauchswerte bemißt.

Beträchtliche Vorrats-Überschüsse werden sich in der Regel ohne Berlust nicht auf einmal verwerten lassen, weil die Vermehrung des Angebotes ein Sinken der Holzpreise zur Folge hat. Auch aus diesem Grunde wird man also darauf verzichten müssen, die sinanzielle Umstriebszeit in kürzester Frist einzusühren; man wird vielmehr einen größeren "Ausgleichungszeitraum" sestzustellen haben, innerhalb dessen der wirkliche Vorrat auf den Betrag des normalen zu reduzieren ist, oder man wird den Etat immer nur für ein Jahr bestimmen und das Quantum des zu verwertenden Holzes nach den augenblicklich herrschenden Preisen bemessen.

# 7) Berechnung des Preises, zu welchem ein Borrats: Mberschuß versilbert werden darf.

Das Sinken des Holzpreises infolge vermehrten Angebotes hin-

dert die Nutung eines Borrats-Überschusses nur dann, wenn dasselbe ein gewisses Maß überschreitet. Nach Schlich<sup>1</sup>) ermittelt man das Minimum des Preises, zu welchem die Berwertung des Holzes noch stattsinden dars, folgendermaßen. Es sei D der nach seitherigen Preisen berechnete Geldwert des Borrats-Überschusses, p<sub>2</sub> das Prozent, zu welchem der letztere im Walde rentiert, K das Kapital, welches durch Berwertung des Borrats-Überschusses bei gesunkenen Preisen zu erlangen ist, p das Prozent, zu welchem K verzinslich angelegt werden kaun, so muß, wenn die Kente von K gleich der im Walde ersolgenden Verzinslung des Borrats-Überschusses sein soll,

$$\mathbf{K} \cdot \mathbf{0.0} \, \mathbf{p} = \mathbf{D} \cdot \mathbf{0.0} \, \mathbf{p}_2$$

sein. Hieraus ergiebt sich

$$K = D \cdot \frac{\mathfrak{p}_2}{p} \cdot$$

Stellt r die Zahl der Maßeinheiten (z. B. der Kubikmeter) vor, welche der Borrats- Aberschuß enthält, x den Preis pro Maßeinheit, so ist

$$rx = K$$
;  $x = \frac{K}{r} = \frac{D}{rp} \mathfrak{p}_2$ .

Das Fallen der Holzpreise, welches durch Berwertung des Vorrats- Überschusses bewirkt werden kann, erstreckt sich aber selbstverskändlich auch auf den regulären Etat E, welcher neben dem Vorrats-Überschusse zur Nutzung gelangt. Anstatt E wird sich nur ein Erlös  $E_1$  ergeben. Soll dieser Verlust nicht stattsinden, so muß die Möglichkeit vorhanden sein, den Vorrats-Überschuß zu einem Preise  $K_1$  zu verwerten, durch welchen zugleich der Mindererlöß  $E-E_1$  gedeckt wird. Für den Fall, daß der Vorrats-Überschuß auf einmal genutzt werden kann, hat man die Bedingungsgleichung

$$K_1 \cdot 0.0p + E_1 = D \cdot 0.0p_2 + E_1$$

aus welcher

$$K_1 = \frac{D \cdot 0.0 \mathfrak{p}_2 + E - E_1}{0.0 \mathfrak{p}}$$

folgt. Segen wir wieber K, = rx, fo ift

$$\mathrm{r}\,x = \frac{\mathrm{D}\cdot 0.0\mathfrak{p}_2 + \mathrm{E} - \mathrm{E}_1}{0.0\mathrm{p}},$$

$$x = \frac{D \cdot 0.0 \mathfrak{p}_2 + E - E_1}{r \cdot 0.0 \, p} = \frac{D}{r \, p} \mathfrak{p}_2 + \frac{E - E_1}{r \cdot 0.0 \, p}$$

<sup>1)</sup> Allgemeine Forst und Jagd Zeitung von 1866, S. 217.

Muß die Nutzung des Borrats-Überschusses auf mehrere Jahre verteilt werden, so hat man die Jetztwerte der Erträge mittelst der Diskonto-Rechnung zu bestimmen.

### 8) Berftellung ber finanziellen Umtriebszeit.

Wie wir S. 218 gesehen haben, kann die nach der Rulmination bes Boden-Erwartungswertes berechnete Umtriebszeit in dem Falle. daß sie von der auf einem größeren Absakgebiet thatsächlich eingehals tenen Umtriebszeit abweicht, nicht als die richtige finanzielle Umtriebs= zeit gelten. Lettere läßt fich jedoch nicht im voraus feststellen, sondern fie muß auf dem Wege des Versuches ausfindig gemacht werden, was in der Weise zu geschehen hat, daß man die Erhöhung bezw. Erniebrigung der Umtriebszeit, welche durch die Kulmination des Boden-Erwartungswertes angezeigt ift, nur allmählich vornimmt, mit ben fich inzwischen andernden Holzpreisen die finanzielle Umtriebszeit von neuem berechnet und diese Operation so lange fortsett, bis die thatfächliche Umtriebszeit mit der berechneten stimmt. Da jedoch die porteilhafteste Umtriebszeit niemals mit voller Sicherheit ermittelt werden fann, da ferner die Biederherstellung fonsumierter Holzvorrate mit manniafachen Schwieriakeiten verknüpft ift, fo empfiehlt es fich, bei bem Übergange von höheren zu niederen Umtriebszeiten mit Vorsicht zu verfahren 1) und bei einem vorhandenen Borrats : Überschuffe die Berkurzung der Umtriebszeit nicht bis zu dem oben angegebenen Bunkte auszudehnen, sondern in einiger Entfernung von demselben einzuhalten, also mit Rudficht auf die mögliche Ungenauigkeit der Rechnung ebenso eine Reserve vorzusehen, wie dies bei der Ertragsregelung wegen der Unsicherheit der Ertragsschätzung und noch aus mehreren anderen Gründen geschieht. Auf diese Reserve hatte man schon bei der Beranschlagung der Vorrats-Überschüsse Rücksicht zu nehmen.

Je größer der Unterschied zwischen der thatsächlich eingehaltenen und der berechneten Umtriedszeit ist, um so unbedenklicher kann mit der Aufzehrung eines Borratsüberschusses begonnen werden. Übrigens erfordert in diesem Falle die Herstellung der sinanziellen Umtriedszeit den längsten Zeitraum, einesteils weil beträchtliche Borratsüberschüsse ohne starkes Sinken der Holzpreise sich nicht rasch verwerten lassen, zum andern weil die Preise, welche sich unmittelbar nach einer den seitherigen Etat überschreitenden Ruzung ergeben, zur Berechenung der sinanziellen Umtriedszeit nicht anwendbar sind.

Je kleiner der Wald, dessen Wirtschaft nach dem größten (Boden=) Reinertrage geregelt werden soll, und je größer das Absatzebiet ist,

<sup>1)</sup> Siehe Prefler: Der rationelle Waldwirth, II, (1859) S. 117-120.

um so rascher kann ber Übergang von der seither eingehaltenen zu der berechneten sinanziellen Umtriebszeit bewerkstelligt werden. Ist bei Einführung der letzteren keine Anderung der Holzpreise zu erswarten, so kann dieselbe unmittelbar als die finanzielle Umtriebszeit gelten, und sie wird dies auch so lange bleiben, als die angrenzens den Waldungen die Umtriebszeit nicht gleichfalls geändert haben.

### II. Sonftige Umtriebszeiten.

In der forstlichen Litteratur findet man noch folgende Umtriebszeiten empfohlen.

### 1) Die technische Umtriebszeit.

So hat man diejenige Umtriebszeit genannt, bei welcher die Stämme eines Bestandes die für einen bestimmten Gebrauchszweck ersforderliche Stärke und Höhe erlangen!). Da das Holz in sehr vers

<sup>1)</sup> Definition Carl Beners (Baldbau, 2. Aufl , 1864, S. 50), Sundes= hagen (Encyflopadie ber Forstwiffenschaft, 2. Aufl., 1828, I. Abtheilung, S. 182) bezeichnet als technische Umtriebszeit diejenige, bei welcher bas Solz "genau bie zu einem gewiffen Behuf durchaus notwendige Große erreicht hat". Diefer Schriftfteller untericheidet weiter bie naturliche ober philiche Saubarteit als basjenige Alter, bei welchem das Bolg gur Fortpflangung aus bem Camen oder jum Biederausichlag am fahigften ift, und die öfonomifche Sanbarteit, bei welcher ein Bestand durch seine Abholzung dem mirtichaftlichen Bedürfniffe gerade entipricht. Übrigens werden die verschiedenen Saubarfeitegeiten von ben forftlichen Schriftstellern nicht immer in übereinstimmender Beije definiert. Go 3. B. verfteht Seitter (Sustematisches Sand: buch der theoretischen und praftischen Forstwirthichaft, 1789, G. 45) unter phyfijcher Saubarteit diejenige Beit, "worin jede Solgart nach ben Absichten ihrer Behandlung die größte Bolltommenheit erreicht hat", und unter ötono: mifcher Saubarfeit Diejenige Beit, "worin fowohl einzelne Stämme als gange Balber ihren größten Bert erlangt haben". - Soffeld (Diana, 3. Band, 1805, S. 100) unterscheidet die Beit des vorteilhaftesten Abtriebes a) in Abficht der größten Solzmaffe, b) ber meiften Brennbarteit, c) der größten Bute Des Solges jum Bau: und Hugholg, d) ber größten Revenue. -- G. L. Sartig (Die Forstwiffenschaft in ihrem gangen Umfange, 1831, G. 18) neunt einen Beftand phyfitalifch haubar, wenn die Baume entweder Alters halber nicht mehr beträchtlich machjen, ober wenn fie wegen ber ichlechten Beschaffenheit bes Bobens und der Ortslage nur noch einen unbedeutenden Buwachs haben; ötonomisch haubar, wenn der Beftand jo alt ift, als er in Rudficht auf Boden und Lage merben muß, um, im Durchichnitt genommen, ben ftartften jahrlichen Rumache geliefert ju haben, und zugleich bolg zu geben, bas eine ben Bedürfniffen vorzüglich entsprechende Starte und Bute bat;

schiedenen Stärken verwendbar ist, so kann die technische Umtriebszeit sast alle Holzalter treffen; im allgemeinen aber werden hohe Umtriebszeiten, weil bei ihnen der Bestand alle Alter durchläuft und mittelst der Durchsorstungen auch die schwächeren Sortimente liefert, dem vorgedachten Zweck am meisten entsprechen. Stimmt die gewählte Umtriebszeit nicht mit der sinanziellen überein, so ergiebt die Wirtsschaft einen Berlust. Ungeachtet des letzteren verlangen viele von dem Staate (weniger von dem Privaten), daß er seine Waldungen mit technischen Umtriebszeiten behandle und daß er namentlich solche Umtriebszeiten, welche die Höhe der sinanziellen überschreiten, nicht ausschließe. Man hat diese Forderung durch solgende Gründe zu rechtsertigen gesucht:

A. Der Staat habe als solcher die Berpflichtung, ben Bedarf seiner Angehörigen an allen Holzsortimenten zu befriedigen.

hiergegen läßt sich jedoch folgendes einwenden:

a) Die Ermittelung bes notwendigen Holzbedarfs ist unausführbar1).

Denn wollte man die, wiewohl noch streitige Frage, ob eine berartige Verpslichtung für den Staat wirklich vorliege, auch bejahen, so könnte man dem Staate doch offendar nur zumuten, für das note wendige, nicht aber zugleich für dasjenige Holz zu sorgen, welches bei sparsamem Verbrauche, zweckmäßiger Anlage der Fenerungen, Benuzung von Surrogaten 2c. entbehrt werden kann<sup>2</sup>). Die Feststellung

mercantilisch haubar, wenn das Holz so stark geworden ist, als es den Umständen und Berhältnissen nach sein muß, um dem Eigentümer von seiner Walbstäche den größten Geldertrag zu verschaffen, der durch Berechnung des Erlöses auß dem Holze und der Zinsen in einem angenommenen Zeitraume zu erlangen ist. Preßler (Allg. Forst= und Jagd=Zeitung, 1860, S. 48) versieht unter ökonomischer Haubarkeit die Zeit der wahren wirtschaftlichen Reise der Hölzer, mithin unsere "sinanzielle" Umtriebszeit. Hätte dieser letzte Ausdruck sich nicht schon zu sehr eingebürgert, so würden wir vorschlagen, an seine Stelle "ökonomische" Haubarkeit, und zwar mit dem von Preßler unterzlegten Begriffe, zu seizen. Denn viele Mißverständnisse, welche in Bezug auf das Wesen der einträglichsten Umtriedszeit zu Tage getreten sind, knüpsen sich lediglich an das Wort "finanziell", welches man in seiner Anwendung auf die Forstwirtschaft häusig mit einer übsen Kebenbedeutung zu gebrauchen psiegt.

<sup>1)</sup> Rrug: Betrachtungen über ben National-Reichthum bes preußischen Staates, 1805, II, S. 455.

<sup>2)</sup> Mehr verlangen auch diejenigen Schriftfteller nicht, welche für Staatse waldungen die Einhaltung technischer Umtriebszeiten fordern. So 3. B. Moser (Forstöfonomie, 1757, S. 102): "Dann vom Nothwendigen ift hier

bes notwendigen Holzbedarfs mittelst direkter Untersuchung stößt jeboch auf unüberwindliche Schwierigkeiten. Denn

- a) den Holzkonsumenten selbst kann man die Absichätzung nicht überlassen, weil keine Gewähr darüber vorliegt, daß dieselben das wahre Bedürfnis von dem eingebildeten gehörig trennen werden 1).
- β) Nach dem wirklichen Verbrauche kann der note wendige Bedarf nicht bemessen werden, weil jener auch das Entbehreliche, insbesondere die Holzverschwendung in sich begreift. Man würde lettere in der That festhalten, wenn man die Einrichtung der Wirtsschaft auf den wirklichen Verbrauch gründen wollte<sup>2</sup>).
- $\gamma$ ) Eine Begutachtung bes notwendigen Holzbedarfs durch sogenannte Sachverständige liefert ebenfalls kein zuverlässiges Resultat, weil der Begriff des Notwendigen überhaupt nur ein relativer ist und niemand die Bedürsnisse eines andern richtig zu besurteilen vermag. Was für den einen entbehrlich ist, kann selbst unter sonst ganz gleichen äußeren Verhältnissen für den andern notwendig sein. Das Holzbedürsnis der Gewerbe, namentlich solcher, welche einer Erweiterung ihres Betriebes fähig sind, zutressend zu bemessen, ist eine nicht zu lösende Ausgabe $^3$ ).
- b) Gesetzt es sei (was wir jedoch nach dem Vorhergehenden für unaussührbar halten) dem Staate gelungen, den Holzbedarf seiner Angehörigen aussindig zu machen, so würde er, um jedem die Bestriedigung seines Bedarfs zu sichern, überall da, wo die Gesamtsproduktion keinen Überschuß über den Gesamtverdrauch liefert, den Bertried des Holzes in das Ausland nicht gestatten, ja sogar das

ohnebem nur die Rebe." Ferner Cotta, Forste Ginrichtung und Abschähung, 1820, S. 25; v. Berg, Staatsforstwirthichaftslehre, 1850, S. 248.

<sup>1)</sup> Pfeil: Grunbfate ber Forstwirthschaft in Bezug auf die Nationals ötonomie und die Staatsfinanzwissenschaft, 1822-1824, I, S. 219.

<sup>2)</sup> Diese Unsicht sprach Pfeil bereits 1822 in bem oben angeführten Berte I, S. 228 aus.

<sup>3)</sup> Pfeil a. a. D., I, 219, 224. — Eine Begutachtung ber "wesentslichen" Holzbedürsnisse burch Sachverständige verlangten u. a. v. Burgsborff (Forsthandbuch, 2. Auflage, 1797, II, 311) und Georg Ludwig Hartig (Grundsate der Forstbirektion, 1804, S. 106). Letterer will die Holzbedürsnisse eines Landes, und zwar von jeder Stadt, jedem Dorse und Amte, durch die Justizs und Forstbeamten gemeinschaftlich ausnehmen lassen. Dies selben Beamten sollen die Angaben der Holzbedürsnisse und Zwecke genan untersuchen bezw. moderieren. Ahnliche unaussinhrbare Forderungen stellt Mener, Forstdirektionslehre, 1810, S. 78.

Holz nicht an den Meistbietenden verkaufen, sondern dasselbe nur nach festen Taxen abgeben dürfen — Maßregeln, welche die Wissenschaft längst verurteilt und die Praxis längst aufgegeben hat. Bei wachsender Bevölkerungszahl würden neue Verlegenheiten entstehen.

Aus dem Vorstehenden ergiebt sich, daß der Staat den sog. notwendigen Holzbedarf nicht zu ermitteln vermag, densselben auf direktem Bege (also durch Anzucht der geswünschten Sortimente) auch nicht überall befriedigen könnte. Indirekt kann der Staat aber allerdings für die Beschaffung des wahren und eingebildeten Holzbedarfs (beide lassen sich nicht trennen) sorgen, wenn er seine Waldwirtschaft so einrichtet, daß dieselbe den größten reinen Ertrag abwirft. Denn da letzterer, wenn auch nur mittelbar, den einzelnen Staatsbürgern zu gute kommt, so erhalten dieselben hierdurch aus dem Walde selbst den größtmöglichsten Betrag, um für den Bezug des benötigten Holzes nach eigenem Ermessen zu sorgen. Diese Art der Waldbewirtschaftung führt aber auf die finanszielle Umtriebszeit.

Zur Rechtsertigung einer höheren als der sinanziellen Umtriebszeit, insbesondere in den Staatswaldungen, hat man weiterhin vorzgebracht:

B. Manche Gewerbe, welche stärkere Holzsortimente bebürfen, könnten nicht bestehen, wenn sie lettere nach dem Rostenpreise bezahlen sollten; das Staatsvermögen erleide jedoch dadurch, daß das mittelst höherer Umtriedszeiten erzogene Holz an Gewerbtreibende unter dem Rostenpreise abgegeben werde, keinen Berlust, ja es werde sogar noch vermehrt, weil

a) das Holz Gelegenheit zur mannigfachsten Arbeitsdarstellung gebe, welche mittelbar volkswirtschaftliche Werte schaffe<sup>1</sup>);

b) durch Unterstützung der Gewerbe in der vorbezeichneten Weise die Steuerkraft gehoben werde<sup>2</sup>).

Biergegen ift jedoch folgendes zu bemerken.

Zu a. Aus der allgemeinen Gleichung des Unternehmergewinns ergiebt sich, daß ein Gewerbe nur dann ohne Berlust arbeitet, wenn der Rauhertrag gerade die Kosten deckt. Da nun aber in dem vorsliegenden Falle vorausgesetzt wird, daß der Rauhertrag gewisser, der Unterstützung bedürftiger, Gewerbe noch nicht einmal hinreiche,

<sup>1)</sup> Grebe: Die Betriebs: und Ertragsregulierung der Forsten, 2. Auflage, 1879, S. 196.

<sup>2)</sup> Schenk: Das Bedürsniß der Bolks Wirthschaft, 2. Theil, 1831, S. 320.

um den Kostenwert des Holzes zu vergüten, so folgt hieraus, daß berartige Gewerbe auch keinen Überschuß erzeugen können. — Eine negative Größe, welche einer Anzahl positiver Größen zugeteilt wird, kann zwar dadurch zum Berschwinden gebracht werden, daß sie eine andere gleichwertige positive Größe absorbiert: die positive Summe des Ganzen hat aber dann doch um den Betrag jener negativen Größe abgenommen.

Bu b. Wenn der Staat einem Bedürstigen ein Geschenk (hier in dem Unterschiede zwischen dem Kostenwerte und dem Verbrauchse werte des Holzes bestehend) macht und es ihm nachher in der Gestalt einer Steuer ganz oder teilweise wieder nimmt, so bezieht er thatssächlich keine Steuer, sondern er erhält höchstens daszenige, was er gegeben hat, vermindert um den Betrag der Steuer-Erhebungskosten, wieder zurück.

Die unter a) und b) bezeichneten Erwägungen haben sonach auf die Dauer keine Berechtigung. Wohl aber kann ihnen eine solche für gewisse Übergangszeiten unter Umständen zukommen; wenn es sich z. B. um die Schaffung neuer Gewerbszweige handelt, von welchen man erwarten dars, daß sie später die staatliche Unterstüßung entbehren können, oder wenn ein bestehendes Geswerbe durch plöglich eintretenden Mangel an den ersorderlichen Rohstossen gefährdet werden würde. Solchen Umständen wird indessen dadurch genügend Rechnung getragen, daß der Übergang zu niedrigeren sinanziellen Umtriedszeiten nach den obigen Erörterungen stets ein allmählicher sein wird.

C. Durch Anzucht von "reifem" Holze vermeibe man bie Berlufte, welche aus der Berwendung "unreifen" Holzes zu Bauten und der infolgedessen viel öfter nötigen Ereneuerung desselben hervorgingen 1).

Der eben angegebene Beweisgrund fußt auf der Annahme, daß der Berlust, welcher aus öfterer Erneuerung eines Baumaterials entspringe, stets größer sei, als derjenige, welchen die Beschaffung eines teureren Materials veranlaßt. Diese Annahme ist jedoch unrichtig. Benn man bei dem Bauen mit einem weniger dauerhasten Material eine so große Ersparnis macht, daß dieselbe mit ihren prolongierten Interessen die Erneuerungskosten beckt, so kann man ebensowohl ein billigeres Material anwenden; sollte aber sogar die Ersparnis mit

<sup>1)</sup> Cotta, Grundriß der Forstwissenschaft, 2. Aust., 1836, II. Abtheilung, S. 136. — Derselbe, Baldban, 5. Aust., 1835, S. 19. — Grebe, a. a. D., S. 198.

Interessen den Erneuerungsaufwand übersteigen, so würde es geradezu unwirtschaftlich sein, von dem dauerhafteren Material Gebrauch zu machen.

D. Das minder wertvolle Holz der niederen Umtriebsseiten bedinge einen relativ höheren, nationalökonomisch unproduktiven Arbeitsaufwand für Fällung, Aufarbeitung und Transport 1).

Biergegen ift zu bemerken:

Dem vorerwähnten Verlust für Arbeitsauswand bei niederen Umtriebszeiten steht bei höheren Umtriebszeiten ein gleichfalls nationalsökonomischer Berlust an Interessen vom Betriebskapital gegenüber. Bei der Feststellung der Umtriebszeit hat man also zu ermitteln, welche Art des Berlustes am größten ist, und die Umtriebszeit in denjenigen Zeitpunkt zu verlegen, für welchen der relative Berlust ein Minimum wird. Diese Abwägung der beiden Berlustkonto wird nun gerade bei der Bestimmung der sinanziellen Umtriebszeit vorgenommen, weil hierbei alle Kosten, also auch diesenigen für Fällung, Ausearbeitung und Transport in Rechnung kommen.

E. Der höhere Umtrieb verschaffe eine Reserve für unvorhergesehene Elementarereignisse und andere Borstommnisse 2).

Hiergegen ist zu bemerken, daß die Bilbung einer Reserve, welche die ihr zugeschriebenen materiellen Vorteile wirklich besitzt, dem Prinzipe der sinanziellen Umtriedszeit nicht zuwiderläust. Jene Vorteile würden nämlich, wenn man sie in Geld veranschlagen könnte, eine Erhöhung der sinanziellen Umtriedszeit rechtsertigen. Dagegen bietet die technische Umtriedszeit für sich allein gar keine Reserve dar, weil sie grundsählich das Holz eben nur "die zu einem gewissen Beshuse notwendige Größe" — und nicht mehr — erreichen läßt.

F. Zum Bau von Schiffen sei starkes Holz erforderlich, bessen Erziehung von den Privaten nicht erwartet werden fönne, weil der Preis die Produktionskosten nicht lohne 3).

Ist letteres wirklich der Fall, so geht hieraus hervor, daß die seitherige Art der Starkholz-Produktion eine unwirtschaftliche war und

<sup>1)</sup> Grebe, a. a. D., S. 198.

<sup>2)</sup> Schend: Das Bedürfniß der Bolfswirthschaft, 1831, II, S. 222. — Grebe, a. a. D., S. 200. Der eben angegebene Grund, welchen man für die Einhaltung höherer Umtriebe in Staatswaldungen vorgebracht hat, würde, wenn er stichhaltig wäre, ebensogut für Privatwälder gelten.

<sup>3)</sup> v. Berg, Staatsforstwirthschaftslehre, 1850, S 293

daß entweder eine Verminderung derselben, welche höhere Preise zur Folge haben würde, oder eine Beschleunigung durch Anzucht ungleichaltriger Bestände, Ausnutzung des Lichtungszuwachses u. dgl., also Kostenersparnis geboten erscheint 1). Beides führt auf die finanzielle Umtriebszeit bei zweckmäßiger Betriebseinrichtung.

Der "technischen Umtriebszeit" im Sinne Sundeshagens und Rarl Beners tann nach alledem eine maggebende Bedeutung nicht. beigelegt werden. Dagegen ift andererseits wiederholt hervorzuheben, daß auch die auf Grund bestehender Solzpreise berechneten "finanziellen Umtriebszeiten", sobald fie von ben feither üblichen weit abweichen, nicht ohne weiteres als folche im mahren Sinne bes Wortes (vgl. Seite 189) aufgefaßt werden burfen. Berabgeben unter Diejenige Altersgrenze, bei welcher noch vorwiegend Solzsortimente von unbedingter Marktfähig= feit erzeugt werden, fann - für ben Großbetrieb wenigstens niemals vorteilhaft fein, b. h. das "größte reine Ginkommen gewähren". Berfteht man jene Altersgrenze - Die übrigens nicht allgemein, sondern nur örtlich bestimmt werden kann - unter "technischer Umtriebszeit", fo ift berfelben als einem notwendigen Rorrettiv des finanziellen Umtriebs ein zweifel: lofer Wert beigumeffen 2).

# 2) Umtriebszeit bes größten Naturalertrages 3).

Nennt man  $M_u$ ,  $m_a \dots m_q$  die Massenerträge, welche ein Bestand von seiner Begründung bis zu seinem Abtriebe liefert, so würde die Umtriebszeit des größten Naturalertrages dasjenige Bestandsalter treffen, für welches

$$\frac{M_u + m_a + \cdots + m_q}{u}$$

ein Magimum ift.

<sup>1)</sup> Bgl. Bregler, Rationeller Baldwirth, 5. Seft, 1865, S. 37.

<sup>2)</sup> Dandelmann, Beitschrift für F.= und J.-W., 1890, G. 633. — Bagener, Unleitung gur Regelung des Forstbetriebe, 1875, G. 37.

<sup>3)</sup> Königs Massen: Schlagbarkeitsalter. Siehe die Forstmathematik von König, 4. Aussage, S. 538. — Die Mehrzahl der Schriftsteller, welche für die Umtriebszeit des größten Raturalertrages eintraten, verlangte dieselbe nicht ausschließlich, sondern neben der Umtriebszeit des größten Gebrauchse wertes. Aus der Berbindung dieser beiden Umtriebszeiten resultiert, wie unter 4 nachgewiesen werden wird, die Umtriebszeit des größten Brutto-Geldertrages. Um setzer zu würdigen, ist es ersorderlich, zuvor jede der beiden Komponenten für sich zu betrachten.

# Rulmination ber burchichnittlich jahrlichen Maffenerzeugung.

		erfolgt be	r größte bu	erfolgt ber größte burchschnittliche Buwachs	uwachs
	Nach dan untan hazairknastan (Fritranstatafa)n	auf bestem	ftem	geringftem Stantort	Stant ort
Tinging	Thing out minute orders/more committees	im Alter	mit fm pro ha	im Alter	mit fm pro ha
Riefer	Weise, Ertragstafeln für die Kiefer 1880, extl. 3wischennugungen	30-35	8,5	35—45	3,3
_	,, dgl. infl. Zwischennuhungen nach Dandelmann, Zeitschr. für F u.	50-60	10,1	5070	4,0
	Amanhach Machaelum und Ertrag normaler Kiefernbestände in der nord-		•		Į
	diouppun, waysens erff Amischennuhungen	ప్ర	8,1	55 - 65	2,4
	hal inkl Amildennukungen	50 - 65	10,0	65-80	3,2
	Suppl	35	10,9	55-65	2,7
2:4:4:	Sunse Thoromber fortil Cohrhuch Suppl. 1877.	50	13,2	60 - 75	6,0
Dimire	Rareh Ma Karif und Kaadzeitung. Suppl. 1883.	60 - 65	12,4	65 - 80	4,6
	dal. inkl. Zwischennutzungen nach Danckelmann a. a. D.	70	15,6	80	6,2
	Schwappach, Wachstum und Ertrag normaler Fichtenbestände 1890;	•		5	
		70	16,6	90	51 ,H
	Sizz zontichion z	50	13.4	95	4.0
	" bal. " intl. "	60	16,9	über 100	5,2
Tanna	Ertragstafold für die Meiktanne 1884. erkl.	100 - 105	10,4	115-130	6,6
	1888	50 - 55	12,2	95 - 105	4,5
	ſ.	70	15,5	110	6,6
Burho	a Farstin (Sentralklatt 1880, Seft 5 extl.	55-60	5,7	70-85	4,0
Junit		82-83	7,3	113-119	2,5
	" bgl. inkl. Zwischennußungen nach Dandelmann a. a. D	80-100	8,8	100-120	3,2

Bährend dieses Maximum nach den Angaben älterer Schriftsfteller entweder bei allen Standortsklassen gleichzeitig (Cotta) oder auf schlechteren Böden früher (Pfeil, Burckhardt u. a.) erfolgt, ist durch das übereinstimmende Verhalten der neueren, von den forstlichen Versuchsanstalten ausgestellten Ertragstafeln (s. S. 34) der Nachsweis erbracht, daß die Kulmination des Durchschnittszuwachses um so frühzeitiger eintritt, je besser der Standort ist. Vgl. die jenseitige Zusammenstellung, aus weicher zugleich auch hervorgeht, daß das nach obiger Formel, also unter Einschluß der Zwischennuhungen der rechnete Maximum durchgängig, und zwar um etwa 1 bis 3 Fahrzehnte, später erfolgt als dasjenige des bloßen Haubarteits Durchschnittszuwachses  $\left(\frac{M_u}{u}\right)$ . Die dort angegebenen Zahlen

beziehen sich auf die gesamte oberirdische Holzmasse, also Derbund Reisholz. Zieht man nur das Derbholz in Betracht, was namentlich bei den Nadelhölzern wegen der Wertlosigkeit des Reisigs für viele Waldgebiete gerechtsertigt sein kann, so wird der Kulminationspunkt meist abermals um ungefähr ein Jahrzehnt hinausgeschoben.

Die hiernach bemeffene Umtriebszeit muß, weil bei ihrer Beftimmung auf ben Breis bes Holzes und auf die Probuktions: toften gar feine Rudficht genommen wird, als eine unwirtschaft= liche bezeichnet werben, fofern fie von ber finanziellen weit abweicht. Dies icheint übrigens, soweit die Bobe ber letteren fich überseben läßt, gar nicht der Fall zu fein. Benigstens ftimmen die fur Rahl= ichlagbetrieb bei Fichte und Riefer auf Seite 215 angeführten finanziellen Umtriebszeiten mit benjenigen bes größten Maffenertrags (Seite 232) nabezu überein; fur Buche und Tanne, Die meift im Femelichlagbetriebe bewirtschaftet werden, würden lettere wohl auch noch nach Makaabe bes Lichtungszuwachses zu modifizieren sein. fodaß die Bahlen der Ertragstafeln nicht unmittelbar zur Berwendung Belche von beiden Ermittelungsarten bier in der Mehrzahl der Fälle zum höheren Umtrieb führen wird, läßt sich a priori nicht bestimmen. Da ber eigentümliche Borgug ber Lichtungshiebe indessen häufig mehr in bem frühzeitigeren Gingang wertvoller Rutungen als in ber Steigerung bes absoluten (summarischen) Ertrags zu finden ift, fo tann es fehr wohl vortommen, daß ein höherer Umtrieb sich vom Standpuntte ber Reinertragslehre eher rechtfertigen läßt, als von demjenigen der größten durchschnittlich jährlichen Massenerzeugung.

Man hat die Umtriebszeit der letteren — welche beim Nachhaltbetrieb zugleich den höchsten jährlichen Holzertrag in Aussicht stellt — aus dem Grunde empsohlen, weil sie gestatte, den Holzbedarf auf der kleinsten Fläche zu erziehen und das überschüssige Areal, soweit es nicht absoluter Waldboden ist, einer anderen vorteilhafteren Benutung (als Ackerland, Wiese 2c.) zuzuwenden 1). In neuerer Zeit nimmt sogar noch v. Helserich (Schönbergs Handbuch der politischen Ökonomie 1886, II. S. 301) diesen Standpunkt ein, indem er von der Ansicht ausgeht, es müsse die sinanzielle Umtriedszeit stets weniger als das Maximum an absolutem Holzertrag liesern. Diese Auffassung kann nur als eine veraltete und irrige bezeichnet werden und zwar aus folgenden Gründen:

- 1) läßt sich, wie wir gesehen haben, eine höhere Umtriebszeit in vielen Fällen gerade vom Standpunkte ber Reinertragslehre aus rechtsertigen;
- 2) erscheint es noch keineswegs als erwiesen, daß die Forstwirtschaft auch auf relativem Waldboden immer weniger rentabel sein müsse als die Landwirtschaft<sup>2</sup>).
- 3) Wäre dies aber auch der Fall und erschiene es demgemäß als vorteilhaft, den forstlichen Betrieb auf anderweitig nicht verwends dare Standorte einzuschränken, so könnte doch nur dann das Maxismum der Massenerzeugung als entscheidend angesehen werden, wenn heute noch die Brennholzzucht, bei welcher der Unterschied der Sortimente mehr zurücktritt, das Hauptwirtschaftsziel bildete. Da dies aber nicht der Fall ist, vielmehr die Nuthölzer immer mehr in den Vordergrund treten, bei diesen aber nicht die Masse, sondern der Gebrauchswert entscheidet, so ist klar, daß eine Methode der Umtriedsbestimmung nicht brauchbar sein kann, welche die Holzpreise, in denen jener Vert ja seinen Ausdruck sindet, gänzlich unbeachtet läßt.

# 3) Umtriebszeit bes größten Gebrauchswertes3).

Da die Abhängigkeit des Gebrauchswertes von dem Alter des Holzes durch direkte Untersuchungen sehr wenig festgestellt ist, da ferner die Gebrauchsfähigkeit eines Sortimentes nur dann einen prak-

<sup>1)</sup> Müller, Bersuch zur Begründung eines allgemeinen Forstpolizeis gesetzes, 1825, S. 76. — Schenck, Das Bedürfniß der Bolkswirthschaft, 1831, II, S. 30. — Cotta, Grundriß der Forstwissenschaft, 2. Ausl., 1836, zweite Abtheilung, S. 136.

<sup>2)</sup> Thaer, Unter welchen Boraussetzungen ist es gerathen, landwirthschaftlich benutten Boben aufzusorsten? Landwirthschaftliche Jahrbücher, 1890. Bgl. auch 2. Titel, Wahl zwischen land: und forstwirthschaftlicher Benutung des Bobens.

<sup>3)</sup> Cotta, Walbbau, 5. Aufl., 1835, S. 19. Bergl. auch die Note 3) auf Seite 231.

tischen Rugen gewährt und gewürdigt wird, wenn thatsächlich ein Berbrauch besselben stattfinden kann, so ist man, wie Pfeil ) sehr richtig bemerkt, darauf angewiesen, an die Stelle des Gebrauchswertes den Preis zu segen und sich dabei zu beruhigen, daß für jett der Breis Borurteil und wirklichen Gebrauchswert in sich faßt.

Bon der "technischen Umtriebszeit" unterscheidet sich diejenige des größten Gebrauchswertes dadurch, daß jene die untere Grenze der Gebrauchsfähigkeit, diese deren Maximum, ausgedrückt durch den höchsten Preis der Maßeinheit, entscheidend sein läßt. Wollte man die Umtriebszeit auf diesen Kulminationspunkt verlegen, so würde man damit in vielen Fällen über das Ziel der "vorteilhaftesten Wirtschaft" hinausschießen, weil die Rentabilität der letzteren nicht blos von dem Preise, sondern auch von der Menge des gewonnenen Holzes und von dem Auswande abhängt, welcher zur Erzielung des höchsten Preises gemacht werden muß.

Die Umtriebszeit bes höchsten Gebrauchswertes trifft beim Hochwalbe sehr hohe Bestandsalter. So weisen die Geldertragstafeln Burckhardts für die Eiche bis zum 150., für die Buche bis zum 120., diejenigen Schwappachs für Fichte und Riefer, wenigstens auf den besseren Standsorten, bis zum 140. Jahre noch erhebliche Steigerungen des Festmeterspreises nach.

# 4) Umtriebszeit bes größten Brutto=Geldertrages (Bald= Robertrages).

Diese Umtriebszeit wird von einigen Schriftstellern direkt gesfordert2). Sie ergiebt sich aber auch indirekt, wenn man die Aufsgabe zu lösen versucht, neben dem höchsten Naturalertrage den höchsten Gebrauchswert zu erziesen. Denn da diese beiden Maxima nicht immer in den nämlichen Zeitpunkt fallen, so muß man sich begnügen, mit der Umtriebszeit ein Bestandsalter zu tressen, für welches das Produkt aus der Masse und dem Preise der Masseinheit ein Maximum wird. Nennen wir, wie unter 2),

$$M_u$$
,  $m_a$  . . . . ,  $m_q$ 

bie Massen, welche ein Bestand von seiner Begründung bis zu seinem Abtriebe pro Flächeneinheit liefert,

<sup>1)</sup> M. a. D., II, 200.

<sup>2)</sup> So u. a. von v. Berg, Staatsforstwirthichaftslehre, S. 79. Bei dieser Gelegenheit wollen wir darauf aufmerksam machen, daß einige Schrifisteller Forderungen erheben, welche zu verschiedenen Umtriebszeiten führen. Beisspiele dieser Art ergeben übrigens schon die vorhergehenden Citate.

$$T_u$$
,  $t_a$ , . . . . ,  $t_q$ 

die forrespondierenden Preise der Mageinheiten, so ist

$$\begin{array}{c} M_u \; T_u + m_a \; t_a + \cdots + m_q \; t_q = A_u + D_a + \cdots + D_q \; \mathfrak{unb} \\ \underline{A_u + D_a + \cdots + D_q} \\ \underline{u} \end{array}$$

der Brutto-Gelbertrag, welchen die Flächeneinheit bei dem jährlichen Betriebe gewährt. Die Umtriebszeit des größten Brutto-Geldertrages wird also in denjenigen Zeitpunkt fallen, für welchen

$$\frac{A_u + D_a + \cdots + D_q}{u}$$

fulminiert1).

Nach den auf Seite 215 erwähnten Gelbertragstafeln erreicht der Waldrobertrag (exfl. Erntekosten) sein Maximum

bei Fichten III. Bonität nach Judeich mit 110 Jahren und 90,3 Mark pro ha,

bei Fichten II. Bonitat nach Popel mit 100 Jahren und 141,4 Mark pro ha,

bei Fichten I. Bonität nach Schwappach mit 100 Jahren und 217,2 Mark pro ha,

bei Fichten III. Bonität nach Schwappach mit 120 Jahren und 119,3 Mark pro ha,

bei Kiefern I. Bonität nach Schwappach mit 120 — 130 Jahren und 97,6 Mark pro ha,

bei Riefern II. Bonitat nach Schwappach mit 130 Jahren u. 77,5 Mark pro ha,

bei Kiefern IV. Bonität nach Schwappach mit 120 Jahren u. 33,1 Mark pro ha,

bei Kiefern V. Bonität nach Schwappach mit 70 Jahren und 23,1 Mark pro ha,

bei Kiefern II. u. III. Bonität in ber Main-Rhein-Cbene mit 140 Jahren und 59,2, resp. 37,2 Mark pro ha,

bei Kiefern II. u. III. Bonität im Hess. Obenwald mit 140 Jahren und 71,9, resp. 45,2 Mark pro ha,

bei Riefern II. u. III. Bonität im n. ö. Bogelsberg mit 140 Jahren und 84,8, resp. 53,3 Mark pro ha,

<sup>1)</sup> Die Ansicht, daß  $\frac{A_u+D_a+\cdots+D_q}{u}$  auch den größten durchsichnittlichs jährlichen Geldertrag bes aussetzenden Betriebes vorstellen könne, wird unter 5. widerlegt werden.

bei Buchen III. Bonität im Femelschlagbetrieb nach Wimmenauer mit 120 Jahren und 74,3 Mark pro ha.

Auch die Umtriebszeit des größten Brutto-Gelbertrages ift uns vorteilhaft, weil sie den ganzen Produktionsaufwand unbeachtet läßt.

Müller1) und nach ihm Grebe2) bezeichnen die Umtriebszeit des größten und wertvollsten Materialertrages, welche, wie wir soeben gesehen haben, lediglich die Umtriebszeit des größten Brutto : Geld : ertrages ift, als die nationalöfonomische Umtriebszeit, setzen sich aber hierdurch in Widerspruch mit den Schriftstellern der Boltswirtichaftslehre, welche der Ansicht find, daß auch für die Nation die Gewinnung bes größten Reinertrages am vorteilhaftesten ift. fagt 3. B. Rau3): "Das Berhältnis zwischen dem roben und reinen Ertrage eines Bolfes zeigt die Ergiebigkeit der hervorbringenden Beschäfte an und läßt auf die benfelben gunftigen ober hinderlichen äußeren Umstände schließen. Bei einerlei Umfang des ganzen Erzeugniffes ift offenbar diejenige Anwendung der Güterquellen die vorteilhafteste, welche den größten reinen Uberschuß abwirft. -Demnach find sowohl die Gilfsträfte des Staates, welche seine Birtfamteit im Innern und feine Restigfeit gegen Außen bedingen, als die Mittel zur Pflege aller perfonlichen Guter ber Menschen, 3. B. der Biffenschaften und Runfte, und auch die Bermehrungen des Bolfsvermogens hauptfächlich von der Große bes reinen Gintommens abhängig." Fast ebenso Roscher4): "Da die wirtschaftliche Broduttion junachft teinen andern 3med hat, als menschliche Bedürfniffe gu befriedigen, fo ift die bloge Bermehrung des Robeinkommens gleich= gultig. Gine Bermehrung bes reinen giebt ber Nation die Moglichteit, entweder ihre Bahl, oder ihren Genuß zu vergrößern."

# 5) Umtriebszeit des größten Balbreinertrages.

Bieht man von dem Brutto: Gelbertrage  $A_u + D_a + \cdots + D_q$  bes jährlichen Betriebes die baren Ausgaben für Berwaltung, Schut, Steuern und Kultur, also uv + c ab, so stellt der Rest den Walde

<sup>1)</sup> Bersuch zur Begrundung eines allgemeinen Forstpolizeigesetes, 1825, S. 77.

<sup>2)</sup> Die Betriebs: und Ertrags: Regulierung ber Forste, 1867, S. 155, 2. Aufl., 1879, S. 194. Bgl. ben Artikel: "Die nationalökonomische Umtriebs: zeit" von J. Lehr in ber Allgemeinen Forst: und Jagd: Zeitung von 1870, S. 249 u. 289.

<sup>3)</sup> Grundfate der Bolfswirthichaftelehre, 1863, G. 310.

<sup>4)</sup> Grundlagen ber Nationalotonomie, 1883, § 147, S. 369.

reinertrag, b. h. die Rente bes Boden- und Vorratskapitalwertes von u Flächeneinheiten dar<sup>1</sup>); folglich bezeichnet der Ausdruck

$$\frac{A_u + D_a + \cdots + D_q - c - uv}{u}$$

ben durchschnittlichen Waldreinertrag der Flächeneinheit. Diese Formel unterscheidet sich von derzenigen des Waldrohertrags (exkl. Holzerntekosten) unter Nr. 4 nur durch den konstanten Betrag v und den mit der Umtriedszeit wechselnden Quotienten  $\frac{c}{u}$ . Bon beiden kann mithin nur der letztere einen Unterschied zwischen der Umtriedszeit des größten Waldrohertrags und derzenigen des höchsten Waldreinertrags bedingen. Wird die erstere mit u bezeichnet, so ist

$$\frac{A_u+D_a+\cdots}{u}>\frac{A_{u+n}+D_a+\cdots}{u+n};$$

sowie auch, falls der Kulturauswand der Flächeneinheit sich mit der Umtriebszeit nicht ändert,

$$\frac{c}{u} > \frac{c}{u+n}$$

Folglich ift es möglich, daß

$$\frac{A_u+D_a+\cdots-c}{u}<\frac{A_{u+n}+D_a+\cdots-c}{u+n},$$

wenn nämlich die Differenz  $\frac{c}{u}-\frac{c}{u+n}$  größer ist als der Unter-

schied der beiderseitigen Roherträge. Mit anderen Worten: wenn die letzteren mit steigendem Umtriede bereits sinken, kann der Reinertrag unter Umständen noch zunehmen. Da indessen der Gesamtauswand sür Kultur bei höheren Umtriedszeiten nur wenig abnimmt²) und ohnehin den Erträgen gegenüber kaum ins Gewicht fällt, so können beide Methoden der Umtriedsbestimmung keine erheblich verschiedenen Resultate liesern. In der That fällt denn auch nach den sämtlichen unter Nr. 4 angesührten Ertragstaseln (bei 10 jähriger Altersabstusung) der Umtried des größten Waldreinertrags mit demjenigen des höchsten Brutto-Geldertrags zusammen, während die Ertragszissern selbst, und zwar um etwa 6—8 Mark, differieren.

<sup>1)</sup> S. Seite 128.

<sup>2)</sup> S. Seite 66.

Ginen wesentlichen praktischen Borgug besitt bemnach bieg . Berfahren ber Umtriebsbeftimmung nicht. Dagegen wird ihm bon feinen gablreichen Unbangern (Baur, Bofe, Urich, Borgareve, Schnitt= fvahn u. a.) theoretisch nachgerühmt, daß es dem Waldbesiter ben größten Überichuß der Ginnahmen über die Ausgaben gemähre, bezw. bas gleiche reine Ginkommen von der kleinsten Baldfläche in Aussicht Dies ift unzweifelhaft bann ber Fall, wenn ber jenem Umtrieb entsprechende normale Holzvorrat in normaler ober wenigstens annähernd regelmäßiger Altersabstufung gerade vorhanden ift. Dieser Holzvorrat aber ein Ravital von bestimmter Große barftellt. so bleibt die Frage offen, ob dieses samt dem Bodenwerte durch die Balberträge genügend verzinst werbe; ober ob es nicht vorteilhafter ware, einen Teil besfelben anderweitig zinstragend anzulegen. letterem wird fich allerdings jeder gewissenhafte Wirtschafter erft bann entschließen, wenn er sich überzeugt hat, daß es auf keine Art möglich ift, die Balbertrage ohne Schmalerung ihrer fünftigen Größe, bezw. ohne Berminderung bes Grundkapitals, bis zu der gewünschten Berginfungshöhe zu beben; wenn ferner eine vorteilhafte Berwertung des überschüssigen Holzvorrats sowie eine sichere und einträgliche Unlage bes bafür zu lösenden Geldkapitals in bestimmter Aussicht fteht. Bgl. Seite 214.

Ist aber der zur Einhaltung der Umtriebszeit u des größten Waldreinertrags erforderliche Holzvorrat nicht vorhanden, vielmehr nur ein solcher, der einem fürzeren Umtriebe u1, z. B. demjenigen des größten Boden-Erwartungswertes entspricht; so kann von jetzt ab zwar der Waldreinertrag

$$\frac{A_{u_1}+D_a+\dots-c-u_{\iota}\,v}{u_{\iota}}$$

dauernd bezogen werden, nicht aber ber größere, welcher durch die Formel

$$\underbrace{A_u + D_a + \underbrace{\cdots - \varepsilon - u\,v}_u}_{u}$$

bezissert wird. Den letzteren kann der Waldbesitzer erst dann jährelich erhalten, nachdem der größere zum Umtried u gehörige Normale vorrat allmählich hergestellt, während des Übergangszeitraums aber weniger als der Reinertrag des u jährigen Umtrieds genutt worden ist. Wenn man gleichwohl die Zahlenergebnisse beider obigen Formeln einander gegenüberstellt, so vergleicht man zwei Werte mit einander, welche zu ganz verschiedenen Zeiten fällig werden, ohne sie auf einen

und benselben Zeitpunkt zu reduzieren und die Verluste zu berückssichtigen, welche während der Übergangsperiode entstehen. Mit anderen Worten: Wer im gedachten Falle die Umtriebszeit des größten Waldreinertrags anstrebt, mutet damit zu Gunsten einer fernen und ungewissen Folgezeit der Gegenwart und nächsten Zukunst Opfer zu, ohne sich darum zu bekümmern, ob diese, d. h. die neu in die Wirtsschaft gesteckten Kapitalien, sich rentieren werden.

Es ist endlich der dritte Fall denkbar, daß der vorhandene Holzvorrat größer ist, als ihn beide Umtriebszeiten, u und u,, erfordern. In diesem Falle wäre von beiden Standpunkten aus ein Vorratsüberschuß zu konstatieren. Da aber ein solcher sich nach Sat D auf Seite 182 nur dann genügend verzinst, wenn die "sinanzielle" Umtriebszeit eingehalten wird, so werden wir auch in diesem Falle auf die letztere als die vorteilhafteste hingewiesen.

Die Umtriebszeit des größten Waldreinertrags muß demnach grundsätlich als eine unwirtschaftliche bezeichnet werden. Dessensungeachtet kann deren Einhaltung — oder doch eine Annäherung an dieselbe über den Umtrieb des größten Bodenerwartungswertes hinaus — unter Umständen zweckmäßig sein; wenn es z. B. an passender Gelegenheit zur Anlage überschüfsiger Holzvorratskapitalien sehlt, wenn Preisänderungen zu Gunsten der stärkeren Sortimente in Aussicht stehen u. s. w.

Die Vorschrift Boses in der 1873er Monatschrift für das Forst= und Jagdwesen, Seite 431,

"Richte beine Waldungen so ein, daß sämtliche Zukunftserträge des Normalwaldes auf die Gegenwart diskontiert ein Magimum bilben",

führt bei konsequenter Anwendung zum finanziellen Umtrieb im Sinne der Ausführungen unter I, 1, A, a und C, a (S. 189 und 208), keineswegs aber zu demjenigen des größten Waldreinertrags, wie Bose selbst irrigerweise annimmt. Sollte dies bezweckt werden, so wäre in obigem Sate anstatt der Worte "auf die Gegenwart" zu schreiben: "auf denjenigen, in näherer oder fernerer Zukunst gelegenen Zeitpunkt, dis zu welchem der Normalzustand hergestellt sein kann". Und dabei müßte noch besonders betont werden, daß jener Zeitpunkt selbst für jeden Umtrieb wieder ein anderer ist.

Auf Seite 63 feiner "Forstabschätzung" (1888) betont Borg =

<sup>1)</sup> In diesem Sinne erscheint es vollkommen gerechtsertigt, wenn Lehr (Lorens Handbuch, II, S. 85 u. a. a. D.) gegen die Theorie des größten Waldreinertrags den Vorwurf erhebt, sie stelle keine Zinsen in Rechnung.

greve mit Recht, daß nach dem heutigen Stande der Auffassungen in der forstlichen Litteratur eigentlich nur zwei Bestimmungsarten der Umtriebszeit prinzipiell einander gegenüberstehen, nämlich

1) ber Umtrieb ber größten Waldrente und

2) der Umtrieb der größten Bobenrente.

Der erstere wird a. a. D. als der "gemeinwirtschaftliche" bezeichnet, weil er die "dauernde Erzeugung des absoluten Maximums an Gebrauchswerten auf gegebener Fläche mit möglichst geringem Prosduktionsaufwande" oder die höchste Differenz zwischen durchschnittlich jährlicher Werterzeugung und Kostenauswand bedinge. Der zweite oder "privatwirtschaftliche" dagegen bezwecke "die Erzielung des günstigsten Verhältnisses zwischen zu erzeugenden und vorhansbenen Tauschwerten" oder den höchsten Duotienten:

Nachhaltig burchschnittlich jährlicher Nettoertrag des bleibenden Waldes + Zinsen der herauszuziehenden Kapitalien Wert des bleibenden Waldes + der herauszuziehenden Kapitalien.

Könnten ober dürften keine Kapitalien aus der Wirtschaft gezogen werden, so liefere der Umtrieb des größten Waldreinertrags zugleich die höchste Verzinsung, weil die beiden hinteren Glieder im Jähler und Nenner des odigen Bruches — O würden, das erste Glied im Nenner aber konstant bleibe. Folglich seien beide Prinzipien nur insofern von einander zu unterscheiden, als Kapitalien, welche zur Erreichung größtmöglicher Wertproduktion notwendig seien, unter der Firma "Erniedrigung des Umtrieds" herausgezogen und anderweit verzinslich angelegt würden; also nur den Übergang vorhandener Werte (Zinsen) aus dem Privateigentum anderer in dasjenige des Waldbesitzers bewirkten, ohne die Werterzeugung im ganzen zu erzhöhen.

Gegen biefe Darftellung mit ihren Schlufifolgerungen ift folgendes einzuwenden:

- 1) bie Bezeichnung "gemeinwirtschaftlich" für ben Umtrieb ber größten Waldrente ist nicht ganz zutreffend, weil auch die Berstreter dieses Prinzips sich auf den Standpunkt des Waldeigentümers stellen, indem sie z. B. die Holzerntekosten als Ausgaben in Rechnung bringen.
- 2) Die "bauernde Erzeugung bes absoluten Maximums an Gebrauchswerten auf gegebener Fläche" könnte nur dann mit Recht als Wirtschaftsziel hingestellt werden, wenn die verschiedenen Umstriebszeiten gleiche Betriebskapitalien erforderten. Da aber dem Umstrieb der größten Waldrente häufig ein viel größeres Betriebskapital

in Geftalt des stockenden Holzvorrats zu Grunde liegt als der finanziellen Umtriebszeit, so arbeitet der erstere thatsächlich nicht "mit möglichst geringem Produktionsauswande", entspricht also auch der Borggreveschen Forderung nicht.

3) Die "Bodenreinertragslehre" verlangt in Wirklichkeit nicht, wie Borggreve ihr fälschlich zuschreibt, das Maximum der Berginsung von dem Gesamtkapitale (Wert des bleibenden Waldes + der heraus= zuziehenden Rapitalien), sondern sie will nur verhüten, daß jene Rapitalien oder einzelne Teile berfelben unter bas zu fordernde Minimum ber Berginfung herabfinken; halt es aber aus Grunden, welche in der Natur der Forstwirtschaft wie der Bodenwirtschaften überhaupt liegen, für gerechtfertigt, jenes maßgebende Minimum der Berginfung verhältnismäßig gering zu begiffern.

4) Der Gegensat zwischen beiden Grundprinzipien tritt nicht allein in dem Falle hervor, wenn Rapitalien aus der Wirtschaft herausgezogen werden konnen, sondern auch dann, wenn es sich um Bergrößerung des stockenden Holzvorrats behufs Ginführung der höheren Umtriebszeit der größten Waldrente handelt. Sollen aber auf diese Beise neue Rapitalien in die Birtschaft hinein= gestedt werden, so ift die Frage nach beren Berginsung benn boch zweifellos eine berechtigte.

5) Die "Erniedrigung des Umtriebs" ist keineswegs bas einzige Mittel, welches und zu Gebote fteht, um die Berginfung des Wirtschaftskapitals zu heben. Bielmehr läßt fich dieser Zwed unter Umständen auch burch sonstige Underungen im Betriebe erreichen Bgl. Seite 214.

6) Der Borteil folder Betriebsänderungen, zu welchen z. B. vorkommenden Falls auch die Borggrevesche Plenterdurchforstung zu rechnen wäre, besteht häufig nicht sowohl in einer absoluten Erhöhung ber gesamten Wertproduktion mahrend eines Umtriebs, sondern vielmehr lediglich in einer zeitlichen Verschiebung, insbesondere in bem früheren Eingang eines Teiles der Nutungen. In diesem Falle spricht fich aber jener Borteil lediglich in der Bobenrente aus, mahrend die Formel der Waldrente

$$= \frac{A_u + D_a + \dots + D_q - c - u \, v}{u}$$

ihn gar nicht zum Ausdruck kommen läßt, weil fie die Erträge ohne Rücksicht auf die Eingangszeit einfach fummiert. Die lettere Erwägung allein genügt schon, um die völlige Unbrauchbarkeit diefer Formel für die Zwecke der Rentabilitätsrechnung zu beweisen.

Anmerkung 1. Der durchschnittlich sjährliche Reinertrag des aussekenden Betriebes darf nicht, wie dies schon häufig (3. B. bei der Bergleichung der Rentabilität der Forste und Landwirtschaft) gesischen ift, in der nämlichen Beise wie der durchschnittlich siährliche Holzertrag berechnet werden. Denn wenn man die Summe der innerhalb einer Umtriebszeit ersolgenden Holzertrage  $M_u + m_a + \cdots + m_g$  durch u divis

diert, so stellt der Quotient  $\frac{M_u+m_a+\cdots m_q}{u}$  zwar den durchschnittlich=

jährlichen Holzzuwachs dar, indem ja die Holzwasse  $\mathbf{M_u} + \mathbf{m_a} + \cdots + \mathbf{m_q}$  aus den Zuwachsbeträgen der Umtriebszeit, mögen diese nun als aussehende oder jährliche, als jährlich gleiche oder ungleiche angenommen werden, sich zusammenseht; addiert man hingegen die Geldwerte  $\mathbf{A_u} + \mathbf{D_a} + \cdots + \mathbf{D_q}$  jener Holzerträge und teilt man die Summe durch u, so giebt der Quotient  $\mathbf{A_u} + \mathbf{D_a} + \cdots + \mathbf{D_q}$  nicht sur jeden Zinssuß die Größe des durchschnittliche

jährlichen Geldertrages an, weil sowohl  $\frac{A_u+D_a+\cdots+D_q}{u}$ , als auch  $D_a$ ,  $\cdots$   $D_q$  bis zum Jahre u durch Zinsenansammlung ihren Wert ändern.

Der Ausbruck  $\frac{A_u+D_a+\cdots+D_q}{u}$  ift nämlich, wenn er als durchschnittlich:

jährlicher Gelbertrag bes aussependen Betriebes gelten soll, in zweisacher Beise unrichtig kalkuliert: einmal, weil er Einnahmen mit verschiedenen Eingangszeiten einsach summiert, ohne sie zuvor mittelst der Zinsrechnung auf einen gemeinschaftlichen Zeitpunkt zu reduzieren; zum anderen, weil er bas arithmetische Mittel aus den Erträgen für die Rente derselben nimmt. Will man richtig rechnen, so kann man den durchschnittlicheighrlichen Geldertrag retwa aus der Gleichung

 $r + r \cdot 1,0 \, p + r \cdot 1,0 \, p^2 + \cdots + r \cdot 1,0 \, p^{u-1} = A_u + D_a \, 1,0 \, p^{u-a} + \cdots + D_q \, 1,0 \, p^{u-q}$  oder aus der Gleichung

$$\frac{\mathbf{r}}{1,0\,\mathbf{p}} + \frac{\mathbf{r}}{1,0\,\mathbf{p}^2} + \dots + \frac{\mathbf{r}}{1,0\,\mathbf{p}^u} = \frac{\mathbf{A}_u}{1,0\,\mathbf{p}^u} + \frac{\mathbf{D}_a}{1,0\,\mathbf{p}^a} + \dots + \frac{\mathbf{D}_q}{1,0\,\mathbf{p}^q}$$

herleiten. Aus beiben Gleichungen folgt:

$$r = \left(\frac{A_u + D_{a\,1,0p}^{u-a} + \dots + D_q^{1,0\,p^{u-q}}}{1.0\,p^u - 1}\right)0.0\,p.$$

Behandelt man in ber nämlichen Beise bie Rulturtosten und bie jährlichen Ausgaben für Berwaltung, Schut und Steuern, so erhält man als burchschnittlich-jährlichen Reinertrag bes aussetzenben Betriebes

$$\left(\frac{A_{u} + D_{a} 1.0 p^{u-a} + \dots + D_{q} 1.0 p^{u-q}}{1.0 p^{u} - 1} - \frac{c \cdot 1.0 p^{u}}{1.0 p^{u} - 1} - V\right) 0.0 p.$$

Da der in der Parenthese stehende Teil dieses Ausdruckes die Formel des Boden-Erwartungswertes ift, so solgt hieraus, daß als mahrer wirtsichaftlicher Reinertrag des aussetzenden Betriebes die Rente des Boden = Erwartungswertes betrachtet werden muß. Der Ausdruck

$$\frac{A_u + D_a + \cdots + D_q - (c + uv)}{u},$$

ftellt, wie wir wiffen, nichts anderes als ben auf die Flächeneinheit bezogenen Reinertrag eines zum jährlichen Betriebe eingerichteten Balbes vor.

Der Frrtum, dem man sich hingab, indem man den zuletzt genannten Ausdruck für den Boden-Reinertrag des aussetzenden Betriebes nahm und denselben zur Ermittlung der vorteilhaftesten Umtriebszeit benutzen zu können meinte, wurde namentlich von Faustmann und Preßler gerügt. Beide wiesen insbesondere die Fehlerhaftigkeit der mathematischen Konstruktion dieses Ausdruckes nach. Später suchte Bose) denselben zum Zwecke der Umtriebsbestimmung wieder zu Ehren zu bringen. Er zeigte, daß  $\frac{A_u + D_a + \cdots + D_q - (c + uv)}{2c}$  ben Zinsenertrag des reinen Balb-

Rentierungswertes einer normalen Betriebsklasse (für die Flächeneinheit, wenn  $A_u$ ,  $D_a$ , . . .  $D_q$ , c und v für eben dieses Maß gelten) bedeutet, und stellte, hierauf gestüßt, die behauptete mathematische Unrichtigkeit dieser Formel in Abrede. Dabei übersah er aber, daß man  $\frac{A_u+D_a+\cdots+D_q-(c+uv)}{D_a}$ 

nur als Ausdruck für den durchschnittlich-jährlichen Reinertrag des aussetzens ben Betriebes, nicht aber als Formel für den Bald-Reinertrag des jährzlichen Betriebes beanstandet hatte. Einen Beweis dafür, daß die einträgslichste Umtriebszeit diejenige sei, für welche der Waldreinertrag kulminiert, hat Bose übrigens nicht erbracht.

Anmerkung 2. Diesen Beweis zu führen, bezw. zu zeigen, daß die Umtriebszeit des größten Waldreinertrags den höchsten Walds-Erwartungswert liefere, hat Roth im Forstw. Centralblatt von 1880, S. 157, unternommen. Derselbe führt in die Formel des Walds-Erwartungswertes

$$We_{m} = \frac{A_{u} + D_{a} \cdot 1.0 p^{u-a} + \dots - V (1.0 p^{u-m} - 1) + B}{1.0 p^{u-m}}$$

anstatt B ben Boben-Erwartungswert ein, wonach bieselbe (vgl. S. 121) lautet

$$We_m = 1.0 p^m \frac{A_u + D_a \cdot 1.0 p^{u-a} + \cdots - c}{1.0 p^u - 1} - V,$$

und sett alsdann den Gesamtwert der Betriebsklaffe gleich der Summe der

<sup>1)</sup> Beiträge zur Waldwerthberechnung, 1865, S. 51.

hiernach berechneten Balb-Erwartungswerte ber einzelnen Schläge. "Lettere find für ben Bestand von

$$0 \ \ \text{Jahren} = 1.0 \ p^0 \frac{A_u + D_a \cdot 1.0 \ p^{u-a} + \cdot \cdot \cdot - c}{1.0 \ p^u - 1} - V,$$

1 
$$\Re n \ln = 1.0 \, p^1 \frac{A_u + D_a \cdot 1.0 \, p^{u-a} + \dots - c}{1.0 \, p^u - 1} - V$$

2 Jahren = 1,0 
$$p^2 \frac{A_u + D_a \cdot 1,0 p^{u-a} + \cdots - c}{1,0 p^u - 1} - V$$

und für den letten von

$$u-1$$
 Jahren = 1,0  $p^{u-1} \frac{A_u + D_a \cdot 1,0 p^{u-a} + \cdots - c}{1,0 p^u - 1} - V$ .

Die Summe biefer Berte giebt für den Bald : Erwartungswert bes Birtichaftsgangen:

$$We = (1 + 1.0 p + 1.0 p^{2} + \dots + 1.0 p^{u-1}) \frac{A_{u}}{1.0 p^{u} - 1} + \dots - (1 + 1.0 p + 1.0 p^{2} + \dots + 1.0 p^{u-1}) \frac{c}{1.0 p^{u} - 1} - uV$$

ober

$$\begin{split} We &= \frac{(1,0\,p^{u}-1)}{0,0\,p} \cdot \frac{A_{u}}{1,0\,p^{u}-1} + \cdot \cdot \cdot \\ &- \frac{1,0\,p^{u}-1}{0,0\,p} \cdot \frac{c}{1,0\,p^{u}-1} - u\,V, \\ We &= \frac{A_{u}+D_{a}+\cdots-c}{0,0\,p} - u\,V = \frac{A_{u}+D_{a}+\cdots-c-u\,v}{0,0\,p}, \end{split}$$

weil V, das Rapital der jährlichen Koften,  $= \frac{v}{0.0\,\mathrm{p}}$ 

Da  $A_u+D_a+\cdots-c-uv$  ber Jahresertrag bes Nachhaltswalbes, so geht hieraus hervor, daß — bei Unterstellung des Boden-Erwartungs-wertes, für den ja die Anhänger der mathematischen Schule gerade ins Feld treten — der Wald-Erwartungswert eines Wirtschafts-ganzen des Normalwaldes gleich dem Wald-Rentierungswerte desselben ist.

Da aber der Jahresertrag resp. die Waldrente des Nachhaltswaldes  $A_u + D_a + \cdots - c - uv$  auch gleich dem durchschnittlichejährlichen Reinertrage ist, welchen ich erhalte, wenn ich die Summe aller Nutungen (ersp. aller Einnahmen und Ausgaben) innerhalb der Umtriebszeit durch diese lettere dividiere, so ist demnach für das Wirtschaftsganze der kapitalissierte

burchschnittlich zährliche Reinertrag ebensogut, wie der Waldserwartungswert, der Maßstab der Rentabilität. Der Baldserwartungswert des Einzelsbestandes geht also bei dem Zusammenwirken mehrerer Bestände zu einem Wirtschaftsganzen in den Walds-Rentierungswert über, dessen Bertmesser (abgesehen von dem Zinssuß) der durchschnittlich zährliche Reinertrag ist."

Diese Rothsche Entwidelung enthält zwei Fehler. Zunächft gilt, was ber Bersasser übrigens in einer Anmerkung selbst andeuten zu wollen scheint, bie Kormel

$$We_m = 1.0p^m \frac{A_u + D_a 1.0p^{u-a} + \cdots - c}{1.0p^u - 1} - V$$

nur für die Schläge, deren Alter m kleiner ist als a, während für die älteren nach Seite 121

$$We_{m} \stackrel{.}{=} 1,0 p^{m} \frac{A_{u} + \frac{D_{a}}{1,0 p^{a}} + \dots - c}{1,0 p^{u} - 1} - V$$

zu sehen wäre. Ferner aber kann die Summierung nur eben gerade für die Umtriebszeit u, welcher die unterstellte Reihe von u Schlägen entspricht, in der obigen Form erfolgen. Wird dagegen irgend eine andere, größere ober kleinere Umtriebszeit x eingeführt, so bleibt gleichwohl die thatsächliche Altersstufenfolge von 0 bis u-1 Jahren, die sich ja nicht auf einmal ändern läßt, bestehen und wir erhalten nun folgende Reihe der Waldwerte:

$$\begin{array}{lll} \text{O-jähriger Schlag} &= 1.0\,\mathrm{p}^0\,\frac{\mathrm{A_x} + \mathrm{D_a \cdot 1.0\,p^{x-a} + \cdots - c}}{1.0\,\mathrm{p^x - 1}} - \mathrm{V}\,, \\ \\ 1: & , & = 1.0\,\mathrm{p}^1\,\frac{\mathrm{A_x} + \mathrm{D_a \cdot 1.0\,p^{x-a} + \cdots - c}}{1.0\,\mathrm{p^x - 1}} - \mathrm{V}\,, \\ \\ \vdots & & \\ (\mathrm{a-1}): & , & = 1.0\,\mathrm{p^{a-1}}\,\frac{\mathrm{A_x} + \mathrm{D_a \cdot 1.0\,p^{x-a} + \cdots - c}}{1.0\,\mathrm{p^x - 1}} - \mathrm{V}\,, \\ \\ \mathrm{a:} & , & , & = 1.0\,\mathrm{p^a}\,\frac{\mathrm{A_x} + \frac{\mathrm{D_a}}{1.0\,\mathrm{p^a}} + \cdots - \mathrm{c}}{1.0\,\mathrm{p^x - 1}} - \mathrm{V}\,, \\ \\ \vdots & & & \\ (\mathrm{u-1}): & , & & = 1.0\,\mathrm{p^{u-1}}\,\frac{\mathrm{A_x} + \frac{\mathrm{D_a}}{1.0\,\mathrm{p^a}} + \cdots - \mathrm{c}}{1.0\,\mathrm{p^a - 1}} - \mathrm{V}\,. \end{array}$$

Die Werte der letten Glieder dieser Reihe (von a bis u-1) werden

nicht geändert, wenn wir im Bähler  $D_a \cdot 1.0 p^{x-a} - D_a \cdot 1.0 p^{x-a}$  zufügen; bann ergiebt fich:

asjähriger Schlag = 1,0 pa 
$$\frac{A_x + D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - \frac{D_a \cdot 1,0 p^x - D_a}{1,0 p^x - 1} - V$$

$$= 1,0 p^a \frac{A_x + D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - D_a - V,$$

$$(a+1)^z \quad , \quad = 1,0 p^{a+1} \frac{A_x + D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - V$$

$$= 1,0 p^{a+1} \frac{A_x + D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - V$$

$$= 1,0 p^{a+1} \frac{A_x + D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - \frac{D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - \frac{D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - \frac{D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - V$$

$$= 1,0 p^{u-1} \frac{A_x + D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - V$$

$$= 1,0 p^{u-1} \frac{A_x + D_a \cdot 1,0 p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1} - V$$

Biehen wir nun die Summe ber Reihe, fo folgt

We = 
$$\frac{A_x + D_{a \cdot 1,0 p}^{x-a} + \dots - c}{1,0 p^x - 1} \cdot \frac{1,0 p^u - 1}{0,0 p} - \frac{D_a \cdot (1,0 p^{u-a} - 1)}{0,0 p} - uV.$$

Hierin ist nur noch der Bruch  $\frac{A_x + D_{a+1,0} p^{x-a} + \cdots - c}{1,0 p^x - 1}$  ver-

änderlich; bies ift aber ber Waldwert im Jahre 0 ober ber Bobens-Erwartungswert, vermehrt um V und die erstmaligen Rulturkosten; wenn also V und c bei verschiedenen Umtrieben gleich bleiben, so ist die Größe des Walds-Erwartungswertes einer Schlagreihe nur vom Bodens Erwartungswert abhängig, das Maximum des letteren somit auch hier maßgebend — vorausgeset, daß die einzelnen Schläge normal bestockt sind.

Bei dieser Entwickelung 1) ist allerdings unterstellt, daß der x-jährige Umtrieb in allen Schlägen streng eingehalten, also der "Normalzustand bes jährlichen Betriebs" nicht hergestellt werde. Würde leteterer dagegen angestrebt, was nur durch Abweichungen von der normalen Umtriebszeit ausstührbar wäre, so würde die Rechnung auf Grund eines Betriebsplanes (vgl. Seite 210) zu modisizieren sein. Immer aber wäre die Summe der Waldserwartungswerte der einzelnen Schläge und nicht deren lediglich ideeller Rentierungswert maßgebend.

Anmerkung 3. Bergleichenbe Übersicht ber Umtriebszeiten und Bürdigung berselben nach Maßgabe ihrer wirtschaftlichen Bebeutung.

In wirtschaftlicher Beziehung sassen sich die Umtriebszeiten nach dem Grade ordnen, in welchem bei der Bestimmung berselben die Produktions-kosten beachtet werden. Man kann hiernach folgende Gruppen bilden:

- I. Die Produktionskoften werden gar nicht in Rechnung gezogen. hierher gehören.
  - 1. die technische Umtriebszeit,
  - 2. die Umtriebszeit des größten Naturalertrages,
  - 3. " " " " Gebrauchswertes,
  - 4. " " " Brutto = Geldertrages (Walb = Rohertrages).

II. Die Produktionskoften werben teilweise in Rechnung gezogen.

Umtriebszeit bes größten Walbreinertrages. Sie beachtet nur die jährlichen Kosten für Administration, Schutz und Steuern, sowie die Kulturkosten, aber nicht die Interessen des normalen Vorrates.

III. Sämtliche Produktionskoften werden in Rechnung ge= gogen.

Finangielle Umtriebszeit oder Umtriebszeit bes größten Boben= reinertrages, bezw. des größten Bestands= oder Balb-Erwartungswertes.

Um die Unterschiede der vorstehend aufgeführten Umtriebszeiten beutslicher hervortreten zu lassen, wollen wir hier noch einmal die Größen zussammenstellen, für welche diese Umtriebszeiten bei dem jährlichen Betriebe ein Maximum verlangen. Nur die technische Umtriebszeit muß hier außer Betracht bleiben, weil sie nach keiner Richtung hin ein Maximum der Produktion anstrebt.

Die Umtriebszeit bes größten Naturalertrages fällt in ben Zeitpunkt, in welchem

$$\frac{M_u + m_a + \dots + m_q}{u}$$

<sup>1)</sup> Bgl. Lehr, Lorens Handbuch der Forstwissenschaft, II. Band, S. 86.

fulminiert. Mu, ma...., mq bedeuten hier bie jährlich erfolgenden Erstrage an Saubarteitss und Bornugungen.

Die Umtriebszeit bes größten Gebrauchswertes tritt ein, wenn bie Preife

$$T_u$$
,  $t_a$ , . . . . ,  $t_q$ 

ber Mageinheiten einen Marimalbetrag erreichen.

Die Umtriebszeit bes größten Brutto-Gelbertrages ober Balb = Robertrages ift fo zu mablen, bag

$$\frac{A_u + D_a + \cdots + D_q}{u}$$

fulminiert, wobei  $A_u+D_a+\cdots+D_q$  die jährlich erfolgenden rauhen Gelberträge bedeuten.

Die Umtriebszeit bes größten Walbreinertrages verlangt ein Magimum von

$$\frac{A_u + D_a + \dots + D_q}{u} - \left(\frac{c + u \, v}{u}\right),$$

wobei c bie Rulturkoften, v bie jahrlichen Roften für Abministration, Schutz und Steuern porftellen.

Die Umtriebszeit bes größten Bobenreinertrages (finanzielle Umtriebszeit) ergiebt sich, wenn bie Differenz

$$\frac{A_u+D_a+\dots+D_q}{u}-\left(\frac{u\,N\cdot 0,0\,p+c+u\,v}{u}\right)$$

ihr Magimum erreicht. Es bedeutet hier uN den Normalvorrat ber Bestriebstlaffe.

### 2. Titel.

# Wahl zwischen land- und forstwirtschaftlicher Benutung des Bodens.

I. Die Frage, ob ein Grunbstüd zur Holzzucht oder zum Anbau von Agrikulturgewächsen zu benutzen sei, wird zumeist gegenüber einer Blöße oder einem abgetriebenen oder sosort abzutreibenden Walbe gestellt. Folglich entscheidet die Summe aller auf diesen Beitpunkt diskontierten fünftigen Reinerträge, d. i. der Boden: Erswartungswert, weil dessen Maximum sowohl den größten Untersnehmergewinn (Seite 176) als die höchste durchschnittliche Verzinsung des Produktionsauswandes (Seite 181) bedingt.

Beil aber in ber Landwirtschaft stets jährlicher Betrieb ftatt:

findet, zieht man es vor, beren Rente mit der forstlichen Boden-

rente (Be. 0,0p) zu vergleichen.

Die landwirtschaftliche Jahresrente, beren Beranschlagung selbstwerständlich einen sachverständigen Taxator erfordert, ergiebt sich, indem man von dem mittleren rauhen Jahresertrage (an Feldsfrüchten, verkauftem Bieh u. s. w.) abzieht

1) die jährlichen Grund- und Gebäudesteuern, Bersicherungs-

beiträge u. dgl.;

2) die jährliche Ausgabe an Gesinde= und Taglohn, Besol= dungen, für Ankauf von Dung= und Futtermitteln, Brenn= material u. dgl.;

3) Zins und Amortisation bes Gebäudekapitals, bezw. bie

Rosten der Gebäude-Unterhaltung;

4) Zins und Amortisation (bezw. Unterhaltung) des Betriebskapitals, zu welchem Vieh, Geschirr, Geräte und Maschinen sowie das bare Geld gehören, welches zur Bestreitung der Wirtschaftskosten vor der ersten Ernte ersorderlich ist.

Da diese Veranschlagung schwierig und unsicher ist, so hat man zum Ersat berselben einen Gesamtausdruck für die landwirtschaftliche Grundrente in dem durchschnittlichen Ertrage gesucht, welcher bei verpachteten Grundstücken in die Tasche des Eigentümers fließt und aus dem Pachtschilling abzüglich der Steuern und Grundslasten besteht. Indessen ist zu beachten, daß hierbei nur die reine Bodenrente in Ansatz gebracht wird, während der Ausdruck Be.0,0p die Summe von Bodenrente und Unternehmergewinn umfaßt; diese beiden bleiben in der Waldwirtschaft ungetrennt, während bei verspachtetem Agrikulturgelände der letztere dem Pächter zukommt, also im Pachtschilling nicht enthalten ist. Eine völlige Vergleichbarkeit zwischen diesem und der forstlichen Bodenrente sindet mithin nicht statt.

Um bei Beranschlagung der letzteren die Einschätzung von Ersträgen und Kosten einer fernen Zukunft und die Diskontierung zu versmeiden, kann man vom jährlichen Betriebe ausgehen, d. h. die Bodensrente dadurch ermitteln, daß man von dem jährlichen Reinertrage

$$= A_u + D_a + \cdots + D_q$$

die jährlichen Produktionskoften, nämlich

$$c + uv + N \cdot 0.0p$$

in Abzug bringt. Dabei wäre der Wert des Normalvorrats (N) nach dem auf Seite 116 angegebenen Verfahren zu veranschlagen.

Beispiel. Für Kiefernbestände der Anlage A berechnet sich bei 80jährigem Umtrieb und einem Zinssuß von 3 %, 24 Mark Kultur= und 3,6 Mark jährlichen Kosten ein Bodenwert von 318 Mark, solglich eine Bodenrente von 9.54 Mark.

Der jährliche Rauhertrag bes Nachhaltbetriebs ift für 80 ha = 348,0 + 3608,4 = 3956,4 Mark, also für ein 1 ha = 49,45 Mark. Der Normals vorrat sett sich zusammen aus je 20 ha 10z, 30z, 50z und 70zjährigen Bestandes. Beranschlagen wir beibe ersteren nach dem Erwartungsz oder Kostenwerte (mit B = 318), beibe letzteren nach dem Berbrauchswerte, so ist, wenn wir sämtliche Bestände als soeben durchsorstet in Anjat bringen.

$$H_{10}$$
 pro ha = 182,88 Mark  $H_{30}$  ,, ,, = 625,29 ,,  $H_{50}$  ,, ,, = 1200,00 ,,  $H_{70}$  ,, ,, = 2880,00 ,, Simma = 4888,17 Mark Hierbon  $\frac{1}{4}$  = 1222,04 ,,

Demnach berechnet sich ber jährliche Rostenauswand pro ha zu

$$1222,04 \times 0.03 + \frac{24}{80} + 3.6 = 40.56$$
 Mart,

und die Bodenrente = 49,45 — 40,56 = 8,89 Mark; d. i. 65 Pfg. weniger als vorhin. Der Unterschied rührt daher, daß nach der Tafel bei 80-jährigen Umtriebe der Erwartungs = resp. Kostenwert des 70-jährigen Holzes schon erheblich kleiner ist als bessen Berbrauchswert.

Der Borteil der letteren Berechnungsart ist übrigens nur ein scheinbarer, weil auch sie derechnung resp. Einschätzung des Bodens wertes und außerdem ein konstantes Gleichbleiben der Erträge und Kosten voraussetzt.

Während die meisten Schriftsteller stillschweigend ober ausdrücklich voraussetzen, daß die landwirtschaftliche Bodenrente im allgemeinen höher stehe, gelangt Thaer') zu einem ganz anderen Ergebnisse, indem er die durchschnittlichen Pachterträge der Preußischen Domänen mit der forstlichen Bodenrente vergleicht, wie solche sich für gleichwertige Standorte aus den Ertragstafeln von Burckhardt und Baur mit Wertansätzen nach Helferich?) berechnen. Die Bergleichung erstreckt sich auf zwei Bodenarten:

1) Roggen = Haferboden (besserer Sandboden der nords beutschen Ebene), für welchen "im großen Durchschnitt je nach Lage, Gebäuden, Absat 12 bis 20 Mart Lacht pro ha"

<sup>1)</sup> Landwirtschaftliche Jahrbücher 1890: "Unter welchen Boraussehungen ift es geraten, landwirtschaftlich benutten Boden aufzuforsten".

<sup>2)</sup> Schonbergs Sandbuch ber politischen Otonomie, Band I, G. 711ff.

bezahlt werden, wovon auf den bloßen Boden, ohne Gesbäude, etwa 8 Mark zu rechnen sind;

2) Weizen-Haferboben (in Süb= und Mittelbeutschland), "thonig, etwas humos, kalt, schwer zu bearbeiten, aber von einer höheren Ertragsfähigkeit bei fleißiger Bearbeitung und reichlicher Düngung". Hier wird der durchschnittliche Jahrespacht in großen Gütern (Hof mit Gebäuden) zu 30 bis 40 Mark, der "Kahlpacht" (ohne Gebäude) zu 18 Mark angegeben.

Indem nun Thaer den landwirtschaftlichen Erträgen ad 1. solche von Kiefern I. Standortsklasse, benjenigen ad 2. Fichten II. Klasse gegenüberstellt, gelangt er zur solgenden Bergleichszahlen, wobei an Ausgaben allerdings nur Kulturkosten im Betrage von 36, bezw. 48 Mark in Ansatz gebracht sind, im übrigen aber die Rechnung ders jenigen des BodensErwartungswertes analog geführt wird:

Roggen=

	Haferboden	Haferboden	
Landwirtschaftliche Bodenrente als			
"Kahlpacht"	8	18 Mart pro ha	Ł
Forstliche Bodenrente für $p = 3 \%$			
und 30-jährigen Umtrieb	5,53	12,8 ,, ,,	
Forstliche Bodenrente für $p = 3 \frac{0}{0}$			
und 40-jährigen Umtrieb	9,39	23,4 " "	
Forstliche Bodenrente für p = 3%			
und 50-jährigen Umtrieb	12,85	28,0 ,, ,,	
Forstliche Bobenrente für p = 3%			
und 60-jährigen Umtrieb	15,05	30,0 ,, ,,	
Forstliche Bodenrente für p = 3%			
und 70-jährigen Umtrieb	16,15	31,0 ,, ,,	

Bei höheren Umtrieben sinkt die forstliche Bodenrente zwar wieder, hält sich aber selbst über 100 Jahre hinaus noch über der landwirtsschaftlichen. Hieraus wird geschlossen, daß die Landwirtschaft unter den angenommenen Verhältnissen nur durch intensiveren Betrieb — Errichtung von Gebäuden, Meliorationen, Anzucht von Handelsgewächsen zc. — in den Stand gesetzt werde, mit der Forstwirtschaft zu konkurrieren.

Gegen diese Schlußfolgerung läßt sich zweierlei einwenden: erstens, daß die berechnete forstliche Bodenrente — wie bereits erwähnt — auch den Unternehmergewinn einschließt, welcher anderersseits nicht dem Grundbesitzer, sondern dem Pächter zufällt, also in

ben 8 refp. 18 Mart "Rahlpacht" nicht enthalten ift; zweitens, bag von letterem nur die Grundsteuern, von der forftlichen Bodenrente bagegen auch die - von Thaer nicht in Anschlag gebrachten sonstigen jährlichen Rosten noch abgehen, welche letteren nur in bem Falle außer Acht gelaffen werben burfen, bag Berwaltung, Schut 2c. ohne besonderen Auswand durch das ohnehin vorhandene Bersonal besorat werden können. Burde man bemgemäß die obigen Rahlen abandern, fo fiele das Ergebnis für die Landwirtschaft etwas gunftiger aus. Es fann aber auch bas Gegenteil eintreten, wenn nämlich bie landwirtschaftliche Benutung abgeholzten Baldbodens in Frage fommt; weil dieser erft urbar gemacht und angerodet werden mußte, was etwa 200 bis 500 Mark pro ha kosten, also bei Annahme einer breiprozentigen Berginfung die Bobenrente um 6 bis 15 Mart erniedrigen wurde. Im nämlichen Sinne endlich fann bie Bergleichung beeinflufit werden bei Abtrieb und Umwandlung unreifer Holzbestände, bei Preisbrud ober Lohnsteigerung infolge größeren Angebots an Solz, bei Windbruchgefahr u. bal. für ben verbleibenden Beftand.

Jedenfalls zeigen die Thaerichen Bahlen, daß es in Deutsch= land Ortlichkeiten genug giebt, an welchen die Forstwirtschaft ben finanziellen Bergleich mit ber Landwirtschaft wohl aushalten kann. Gine besondere prattische Bedeutung gewinnt dieser Bergleich in bem auf Seite 156 ermähnten Falle; wenn nämlich von beffen Ergebnis die Beantwortung der Frage gesetlich abhängt, ob eine bestehende Forftberechtigung burch ein Geldkapital ober burch Landabtretung abzulöfen fei. Bgl. die "Anleitung zur Baldwerthberechnung", verfaßt vom Rgl. Breug. Ministerial=Forstbureau 1866, Abschnitt V, § 31-35. Den bortigen Ausführungen fann vom Standpunkte ber forstlichen Statit in einzelnen Bunften nicht beigetreten werden, weil

- 1) der landwirtschaftlichen Bobenrente unter Umftanden die Baldrente des forstlichen Nachhaltbetriebs ohne Abzug der Binsen vom Normalvorratstapital gegenübergestellt wird und weil
- 2) ber in § 32 betonte allgemein-volkswirtschaftliche Standpunkt nicht folgerichtig eingehalten wird; indem nämlich einerseits forftliche Gintunfte aus Lefeholz u. bgl., welche anderen Berfonen als dem Baldbefiger zufließen, in Unrechnung, ba= gegen andererseits die Rodungstoften in Abzug gebracht werben, mahrend diese bas landwirtschaftliche Gintommen boch nur für ben Grunbeigentumer belaften.

II. Soll eine bestandene Baldfläche in Gelb ober Biefe umgewandelt werden, fo ift die vorteilhafteste Abtriebegeit gu ermitteln, welche sich nach dem Maximum des Walds, bezw. des mit dem landwirtschaftlichen Bodenwerte berechneten Bestandes:Erswartungswertes bemist. Die betr. Formeln lauten nach Seite (123 u. 82):

$$\begin{split} We_m &= \frac{A_u + D_n \cdot 1,\! 0\, p^{u-n} + \dots + B + V}{1,\! 0\, p^{u-m}} \! - \! V \text{ unb} \\ He_m &= \frac{A_u + D_n \cdot 1,\! 0\, p^{u-n} + \dots - (B + V)\, 1,\! 0\, p^{u-m} - 1)}{1,\! 0\, p^{u-m}}. \end{split}$$

Beide unterscheiden fich nur um den konstanten Betrag B.

Beispiel. Eine mit 60 jährigen Kiesern (Anlage A) normal bestandene Fläche soll angerodet und zu Wiese angelegt werden. Der jährliche Reinsertrag der letzteren sei zu 42 Mark, die Ausgabe für Anrodung und Einssat zu 500 Mark pro da zu veranschlagen. Zinssuß = 3%. Wann ist der Bestand abzutreiben?

Würde die Fläche als Wald fortbewirtschaftet, so wäre die vorteilschafteste Umtriebszeit nach Anlage B die 70 jährige. Setzt man aber  $B = \frac{42}{0,03} - 500 = 900, \text{ so berechnet sich der Bestandes-Erwartungs-wert für 70 jährigen Umtrieb wie folgt:}$ 

Dies ist weniger als ber augenblickliche Berkaufswert des 60jährigen Holzes (= 2062,8 Mark); folglich sofretiger Abtrieb vorteilhafter.

# 3. Titel.

# Auswahl der Holz- und Betriebsart.

Freie Wahl der Holzart ist nur zu Ansang eines Umtriebs möglich; dagegen läßt ein vorhandener Bestand unter Umständen versschiedene Betriebsarten zu; z. B. können junge Eichen als Hochsoder Niederwald, Kiefern im Kahlschlags oder Lichtungsbetrieb mit Unterdan bewirtschaftet werden. Gleichwohl lassen beide Fragen sich nicht völlig trennen, weil die Wahl einer Holzart ohne gleichzeitige Bestimmung der Betriebsart keine Berechnung des sinanziellen Ersfolges gestattet. Wir unterscheiden daher nur Blößen einers und

bestandene Flächen andererseits, wobei im letzteren Falle ber "Bestand" unter Umständen nur aus den im Boden befindlichen Stöcken bestehen kann.

# I. Wahl der Golg- und Betriebsart für eine Blofe.

Da im vorliegenden Falle Walb= und Boben-Erwartungs= wert gleich sind, so entscheidet das Maximum des letzteren über die vorteilhafteste Bewirtschaftungsart. Kommen verschiedene Holzarten in Betracht, so ist für eine jede derselben zunächst diejenige Betriebs= art und Umtriedszeit zu ermitteln, welche den größten Boden-Erwartungswert in Aussicht stellt. Dann sind diese Maximalwerte wieder unter einander zu vergleichen.

Bezüglich ber im Prinzip einzuhaltenden "finanziellen Umtriebszeit" wird auf den ersten Titel und die dort besprochenen Modifistionen verwiesen; insbesondere darf im Großbetriebe nicht außer Acht gelassen werden, daß

1) diejenige untere Grenze des Umtrieds nicht überschritten wird, bei welcher die große Masse Solzes noch aus Sortimenten von unbedingter Marktfähigkeit besteht, und

2) daß die verschiedenen Holz: und Betriebsarten in verschies benem Maße gewissen Gefahren unterworfen find.

Mit Rücksicht auf den letzteren Punkt werden entweder entsprechende Abzüge an den Ertragstafelansätzen zu machen oder wird der Zinsfuß verschieden zu bemessen sein: höher bei denjenigen Holzs und Betriedsarten, welche der Gesahr einer Entwertung ihrer Erzeugnisse durch auswärtige Konkurrenz oder durch Surrogate dessonders ausgesetzt sind (Eichen-Schälwald), welche leichter elementaren Schäden wie Sturm, Feuer, Insektensraß erliegen (Nadelhölzer) und deren Nutholzausdeute schon dem erreichbaren Maximum nahe steht (Fichte); niedriger unter den entgegengesetzen Berhältnissen, also insekesondere beim Laubholzshochwald, dessen Erträge noch einer erheblichen Steigerung durch vermehrte Anzucht und Ausbeute an Nutholz sähig sind.

In der jenseitigen Tabelle ist eine Anzahl von der Litteratur entnommenen, Maximal Boden Erwartungswerten für versichiedene Holz und Betriebsarten, Umtriebszeiten 2c. im Hochwald zusammengestellt.

Busammenfiellung der aus Ertragstafeln berechneten Balbboden-Erwartungswerte.

	IV.	Be	471	97								
		n	80	80								
	III.	Ве	191	230		118			109	56	31	
sklaffe		n	80	80		09			20	20	110	1,000
Standortsklaffe		Be	1203	416	142	395	206	330 u. m.	390	285	246	611
্ <u>ত্</u>	II.	п	80	80	80	02/09	09	120	09	02	110	110
	H.	Be	1650	809						M ANALOS OF THE PARTY OF THE PA		
		п	80	80								
สิมโลก	aufanis %		63	က	3,5	2,5	20,72	2,2	2,	20,	20,	61
Örtliğfeit.			Eberswalder Rehrrehiere	bgí.	Revier bei Gießen	Main = Rhein= Ebene	bgí.	bgí.	Odenwald.	Öftl. Bogelsberg.	bgľ.	bgí.
707 Battists	Total		Riefer im Kahlschlag= Eberswalder hetrieb	bgľ.	bgľ.	Kiefer im Kahlschlag- betrieb.	ð	Kiefer im Lichtungsbe- trieb mit Unterbau.	Kiefer im Kahlschlag= betrieb.	bgľ.	bgľ.	bgľ.
Bezeichnung des Autors und der Schrift.			Schwappach, Bachsthum und Ertrag normoler Kie	fernbestände 2c., 1889.	Wimmenauer, Grundriß 2c., 1891.	Derfelbe, Allgem. Forste- und Raads-Beitung. 1891.	©. 253.	bgí.	bgí.	bgľ.	bgí.	bgí.
Orb.			-	67	က	4	20	9	2	00	6	10

	902	241											
	80	80											
	80 1672	929				888	332						
	80	09				09	90						
614 415 281	2937	1276	2304 847	633	1276 752			1111	177	528	265	331	585
100 80 60	09	09	80 70	80	80	,		108	70/140	120	120	80	120
	4675	2104										-,	
	09	09											-
61 61 80 70	61	60	01 to	3,5	3,52	က	ಣ	ಣ	က	က	ಣ	က	က
Östl. Bogelsberg. dgl. dgl.	Harz und Thüringen.	bgf.	Reichstein i. S. dgl.	Revier bei Gießen.	Hannover. dgl.	Revier b. Gießen.	bgľ.	Hannover.	bgľ.	bgí.	bgľ.	bgľ.	bgľ.
Riefer im Kahlschlagbetr. Stil. Bogelsberg. bgl. bgl.	Fichte im Kahlschlagbe- trieb.	bgf.	bg1. bg1.	bgí.	bg1. bg1.	Buche im Rahlfchlagbe-	Buche im Femelschlag- betrieb.	Buche im Femelschlag=	Buche im zweihiebigen	Buche im Seebachschen Lichtungsbetrieb.	Eiche im Rahlschlagbe-	bgť.	Eiche im Lichtungsbetrieb mit Unterbau.
Balther, Allgem. Forfts und Jagde Beitung, 1888, S. 202.	Schwappach, Bachsthum Fichte im Kahlschlagbe- u Ertrag normaler Richen- frieb.	bestände, 1890.	Bopel, Allg. Forft: und Jagb: Btg., 1888, S. 88.	Bimmenauer, Grundriß 2c., 1891.	Kraft, Bur Pragis ber Baldwerthrechnung.	Bimmenauer, Grundriß		Rraft, Bur Prazis ber		bgí.	bgf.	bgí.	bgf.
1222	14	15	16	18	19	21	61	53	48	22	56	22	80

Aus dieser Tabelle ist insbesondere auch zu ersehen, in welch auffallendem Maße die Rentabilität der Wirtschaft bei einer und derselben Holzart durch Modisitationen der Betriebsweise bedingt wird. Siehe Ord. Nr. 4 bis 6, 21 und 22, 23 bis 28. Bgl. auch Anlage H, J und K im Anhang.

Unter den Betriebsarten, welche auf der Ausschlagfähigkeit der Stöcke beruhen, nimmt der Eichen-Schälwald ein besonderes Insteresse in Anspruch. Anlage L enthält eine Reihe von Angaben über dessen Erträge in zwei hervorragenden Rindenproduktions-Gebieten, Rheinhessen und Odenwald.

Unterstellt man durchgängig die von Walther angegebenen Kostenauswände, nämlich 5,4 Mark pro ha an jährlichen Kosten und 10 Mark für jedesmasige Nachbesserung der abgetriebenen Schläge, so berechnen sich folgende Boden-Erwartungswerte für bestehende Sichenschälwaldungen, also einschließlich der Stöcke:

- 1) Nach Walther bei 16=jährigem Umtrieb im Alzeher Stadtwald, p = 3 %:
  - B = 1033 Mark pro ha.
- 2) Rach demselben bei 18=jährigem Umtrieb im Domanial= wald Vorholz bei Alzeh und für

2-prozentige Berzinsung: B = 2330 Mark pro ha, 3 = 1409 ... ... B = 1409 ... ...

4z " B = 956 " "

3) Nach Oftner bei 15-jährigem Umtrieb in ber Gräfl. Obersförsterei Beerfelden (Obenwald) und breiprozentiger Berzinsung:

für schlechte Schläge (a): B = 241 Mark pro ha,

" gute " (c): B = 690 " " " vorzügliche " (e): B = 1140 " "

Rechnet man dagegen mit  $4\,\%_0$ , so ergiebt sich für "gute Schläge" ein Bobenwert von nur 468 Mark pro ha.

Anders stellt sich die Rechnung für nen begründete Schälswaldungen, wenn also der bloße Bodenwert ausschließlich der Stöcke ermittelt wird. Solche Renanlagen haben nach Ostner auf gutem Boden im 20. Jahre 34 bis 126 Centner Kernwuchsrinde ergeben. Nimmt man durchschnittlich 80 Centner à 5 Mark = 400 Mark Bruttoerlöß für Rinde und hiervon 0,9 als Kettoertrag (inkl. Holz) an, so ist letzterer = 360 Mark pro ha. Betragen endlich die erstmaligen Kulturkosten 50 Mark und werden vom zweiten

(15=jährigem) Umtriebe ab die obigen Normalerträge ad e untersftellt, so berechnet sich bei dreiprozentiger Berginsung

$$B = \frac{360 + 690 + 180}{1,03^{20}} - 50 - 180 = 451$$
 Mart pro ha.

Der Erwartungswert der Stöcke wäre demnach = 690 — 451 = 239 Mark pro ha. Da nun im Falle des Übergangs zu einer anderen Betriebsart nicht dieser, sondern der Berbrauchswert der Stöcke (abzüglich der Rodungskosten) in Betracht kommt, letzterer aber = 0 oder gar negativ sein dürfte; so kann es wohl vorkommen, daß für den gleichen Boden die Fortsührung bestehenden EichenschälzwaldsBetriebes geboten erscheint, während bei Neukulturen eine andere Betriebsart vorzuziehen wäre.

Die vorstehend mitgeteilten Zahlen gewinnen an Bergleichbarkeit, wenn man daraus die Bodenrenten (B.0,0p) berechnet, weil in diesem Ausdruck der Einfluß der verschiedenen Prozentsätze mehr zusrücktritt. So erhalten wir folgende Bodenrenten der am häusigsten vorkommenden Standorte und Bestockungsverhältnisse:

für Kiefern II. und III. Standortstlasse = 1 bis 24 Mark pro ha, "Fichten II. und III. " = 17 " 58 " " " " Buchen II. und III. " = 3 " 10 " " " " " Gichenhochwald II. " = 8 " 18 " " " " " Gichenschwald einschließlich der Stöcke = 21 " 47 " " "

Wenn nun diese Zahlen auch keineswegs die Maxima und Minima an Bodenrente darstellen, welche überhaupt möglich sind, so scheint aus ihnen doch hervorzugehen, daß im allgemeinen Fichtenshochwald und Eichenschälwald (mit vorhandenen Stöcken) die einträgslichsten Betriebsarten sind; dann würden nach obiger Zusammenstellung Eichenhochwald und Kiefer, zuletzt der reine Buchenhochwald solgen. Die Rentabilität des letzteren dürste übrigens durch Beismischung von Ruthölzern erheblich zu steigern sein.

Dem Andau der Fichte und des Eichenschälwaldes sind durch die Standortsverhältnisse seine natürlichen Grenzen gezogen. Aber selbst da, wo diese Betriedsarten möglich sind, wird man sie im Großen nicht ausschließlich zur Anwendung bringen, weil gerade sie den oben erwähnten Gesahren am meisten ausgesetzt sind und weil mit allzuweiter Ausdehnung derselben die Rentabilität voraussichtlich sinken würde. Ebenso wie ein umsichtiger Kapitalist bei seinen Geldanlagen den Zinssuß nicht allein entscheiden läßt und sein ganzes Bermögen nicht in ein einziges, wenn auch noch so vorteilhaftes, fremdes Unternehmen stedt; so wird der rationelle Waldwirt auch

bie übrigen Holz- und Betriebsarten auf passenden Standorten kultivieren, deren Einträglichkeit aber durch geeignete Maßregeln zu heben suchen. Es muß immer wiederholt werden, daß unsere Ertragstafeln, also auch die daraus abgeleiteten Bodenrenten, keine unbedingten Normen, vielmehr nur die Ergebnisse der seither üblichen Betriebsweisen darstellen, und demgemäß alle möglichen Modisitationen zulassen.

In vielen Fällen erfordert übrigens die Vergleichung verschiebener Wirtschaftsmethoden nicht einmal den vollen Ansatz der Bestormel. Da nämlich die Steuern oft nur wenig, die Verwaltungsstoften gar nicht von Holzs und Betriebsart abhängen, so dürsen in diesem Falle die jährlichen Kosten vernachlässigt, mithin nur die Vruttos Vodenwerte oder Renten berechnet werden. Die Kulturstosten müssen hauptsächlich dann berücksichtigt werden, wenn die erste Waldanlage erheblich tenerer kommt als die späteren Verzüngungen; anderensalls können auch sie häusig außer Ucht gelassen werden, sodaß nur der Vorwert der Erträge entschedet. Bei gleichen Umtriedszeiten endlich brauchen jene nur für einen Turnus veranschlagt und auf dessen Ansang oder Ende reduziert zu werden.

Eine Vergleichung ber Haubarkeitserträge von Buchen, Fichten, Kiefern und gemischtem Hochwald auf gleichwertigen Standorten (Obershessen) findet sich im 1882. Augustheft der Allg. Forst- und Jagdzeitung, S. 283. Das Endergebnis derselben ist folgendes:

Berhältnis des Geldwertes derselbe zum Berte gleichaltriger reiner						
Buchen	Fichten					
3,8						
2,4						
1,4						
1,2						
1,04	-					
1,2	0,5					
1,3	0,6					
1,5	neodia					
1,6						
	zum Werte gleic Buchen 3,8 2,4 1,4 1,2 1,04 1,2					

"Hiernach würden Buchenbestände mit reichlicher Beimischung von Sichen und Nadelholz ungefähr die Ertragsleistung reiner Kiesern erreichen, also wegen ihrer sonstigen Borzüge diesen vielleicht vorzuziehen sein; Kiesern mit Buchen-Unterholz würden noch etwas höhere Erträge liesern; denjenigen reiner Fichtenbestände kämen alle übrigen Kombinationen jedoch bei weitem nicht gleich, wobei freilich unbeschränkte Berkäuslichkeit des

Sichtenholzes vorqusgesett und von den bekannten Gesahren, von welchen die Fichte besonders bedroht ist, abgesehen werden müßte." Hierbei ist noch zu bemerken, daß der Berfasser nur die Erträge geschlossener Bestände in Ansab bringt; bei Femelschlagbetrieb u. dgl. wurde sich das Berhalten ohne Zweisel zu Ungunsten der Fichte andern.

Die Zwischennuhungen können im Nachwert etwa nach ben Kraftschen Berhältniszahlen (s. Seite 75) in Unsah gebracht werden. Die Eingangszeit berselben ist nur auf die Bodenrente, nicht aber auf die Walbrente des Nachhaltbetriebs von Einsluß; woraus auch wieder hervorgeht, daß die letztere keinen richtigen Maßstab für die Rentabilität eines Wirtschaftsversahrens abgiebt. Ein früherer Einzgang der Zwischennuhungen kann die sinanzielle Umtriebszeit herabrücken, aber auch für solche Orte, wo hohe Umtriebe bestehen müssen, weil nur Starkholz unbedingt absahsähig ist, deren Kentabilität erhöhen.

Wollte man im Großbetriebe, wo alljährlich ober boch in jeder Periode Berjüngungen vorkommen, die verschiedenen wahlfähigen Birtschaftsmethoden in Bezug auf ihre Rentabilität vergleichen, so wäre für eine jede derselben ein Betriebsplan (vgl. Seite 210) aufzustellen und der Borwert der periodischen Erträge zu berechnen.

Die einzige forstliche Betriebsart, bei welcher alljährlich Abstriebserträge erfolgen, sindet sich in den Beibenhegern. Obgleich diese nun als Niederwaldungen mit einjährigem Umtriebe aufgefaßt werden können, so muß doch bei ihnen die Rechnung etwas anders geführt werden, weil nur eine begrenzte Ausschlagfähigkeit der Stöcke — auf etwa 12 bis 20 Jahre hinaus — angenommen werden darf. Ziehen wir also zunächst nur einen solchen Zeitraum — n in Betracht und bezeichnen mit A den durchschnittlich jährlichen erntestoftenfreien Ertrag 1) vom Weidenschnitt, so ist der Vorwert der jährlichen Erträge

$$= \frac{A (1,0p^n-1)}{0,0p \cdot 1,0p^n} \cdot$$

Der Borwert ber Roften fest fich aus zwei Beträgen zusammen, nämlich

- 1) ben ursprünglichen Anlagetoften K für Anrodung, Besichaffung und Ginfeben ber Stedlinge und
- 2) ben jährlichen Unterhaltungetoften k für Loderung, Reinigung

<sup>1)</sup> Diefer Ertrag pflegt erft im zweiten Jahre ben normalen Betrag zu erreichen und gegen Ende bes nejahrigen Zeitraums wieder zu finten.

und Düngung des Bodens, Nachbesserungen u. s. w., im Vorwert

$$=\frac{\mathrm{k}\,(1,0\,\mathrm{p^n}-1)}{0,0\,\mathrm{p}\cdot\mathbf{1},0\,\mathrm{p^n}}\cdot$$

Die jährliche Bobenrente R berechnet sich bemnach aus ber Gleichung

$$\frac{\mathrm{R}\,(1{,}0\,\mathrm{p}^{\mathrm{n}}-1)}{0{,}0\,\mathrm{p}\cdot 1{,}0\,\mathrm{p}^{\mathrm{n}}} = \frac{(\mathrm{A}-\mathrm{k})\,(1{,}0\,\mathrm{p}^{\mathrm{n}}-1)}{0{,}0\,\mathrm{p}\cdot 1{,}0\,\mathrm{p}^{\mathrm{n}}} - \mathrm{K}$$

ober

$$R = A - k - \frac{K \cdot 0,\! 0\, p \cdot 1,\! 0\, p^n}{1,\! 0\, p^n - 1} \cdot$$

Der hiernach berechnete Betrag R wäre mit etwaigen sonstigen Bobenrenten zu vergleichen; babei aber noch die Frage zu erwägen, ob nach Ablauf von n Jahren der Boden eine abermalige Weidenstultur ertragen und ob eine solche wieder mit dem Kostenauswande K zu bewirken oder — wegen der alten Stöcke — teurer sein wird. Im letzteren Falle wäre K um den Vorwert des Mehrbetrags zu erhöhen. Würde dagegen nach n Jahren eine andere Betriebsart 2c. mit dem Bodenwert B' eingeführt, so wäre der gegenwärtige Vodenwert

$$= \frac{R(1,0p^{n}-1)}{1,0p^{n}\cdot 0,0p} + \frac{B'}{1,0p^{n}} \cdot$$

Erfordert endlich der Weidenbetrieb eine anfängliche einmalige Ausgabe für Schäleinrichtungen, Instrumente, Räume zur Aufbewahrung der Ernte u. dgl., so ist diese wiederum dem Posten K zuzuschreiben.

# II. Wahl der Betriebsart für mit Golg bestandene Eladen.

Da es unmöglich ist, alle benkbaren Fälle einzeln zu besprechen, so begnügen wir uns damit, folgende 4 Kombinationen herauszugreisen, nach deren Analogie dann auch andere zu behandeln sein möchten.

- 1) Bei haubaren Hochwaldungen entsteht die Frage, ob dieselben kahl abgetrieben und künstlich verzüngt oder allmählich ausgelichtet werden sollen, wobei natürliche oder künstliche Berjüngung unter Schubbestand stattfindet; ferner, ob vielleicht einzelne Oberständer in den folgenden Umtrieb übergehalten werden sollen.
- 2) Stangenhölzer können entweder bis zum Haubarkeitsalter geschlossen erhalten oder licht gestellt und nötigenfalls unterbaut werden.

- 3) Junge Rernwuchsbestände von Eichen, Erlen 2c. können sowohl im Hochwald: als im Niederwaldbetriebe bewirtsichaftet werden.
- 4) Nieber= und Mittelwalbungen kann man entweber als solche fortbestehen ober hochwaldartig heranwachsen lassen ober nach erfolgter Ausrodung der Stöcke künstlich zu Hochswald umwandeln.

In allen biesen Fällen entscheibet über die Frage der vorteils haftesten Betriedsart grundsätlich (s. Seite 168) der WaldsCrwarstungswert, d. h. die Summe aller auf die Gegenwart diskontierten reinen Einuahmen. Da aber dessen Berechnung häufig auf Schwierigskeiten stößt, so behilft man sich, soweit möglich, mit dem Weisersprozent oder einem ähnlichen Näherungsversahren.

# 1) Behandlung haubarer Sochwaldungen.

Bezeichnet man den Verkaufswert eines vorhandenen mejährigen Bestandes mit Am, den berechneten oder eingeschätzten Bodenwert mit B, so ist im Falle sofortigen Kahlabtriebes

$$We' = A_m + B$$
.

Findet dagegen zunächst nur ein Vorbereitungshieb im Bestrage von n.  $A_m$  — wobei n < 1 — statt, infolgedessen der Bestandesswertzuwachs auf  $\mathbf{x}^0/_0$  gesteigert wird; folgen dann die weiteren Lichstungshiebe bis zur völligen Schlagräumung in einem Zeitraum von t Jahren und bezeichnet man mit  $A_u$  deren auf die Mitte des Bersüngungszeitraums reduzierten Gesamtwert, wonach  $u = m + \frac{t}{2}$ ; unterstellt man endlich, daß die Bersüngung selbst ebenfalls im Jahre u erfolgt, sodaß die jährlichen Kosten bis dahin dem alten, weiterhin dem neuen Bestande zur Last zu setzen sind, so solgt

$$We''=n\cdot A_m+\frac{A_u+B+V}{1.0\,\mathrm{p}^{u-m}}-V.$$

Wie Au aus Am, t und x zu berechnen, ist auf Seite 57 2c. aussführlich erörtert. Annähernd kann übrigens nach Seite 58

$$A_{u} = A_{m} (1-n) \cdot 1.0 x^{\frac{t}{2}} = A_{m} (1-n) \cdot 1.0 x^{u-m}$$

gefett werben; bann folgt

$$We'' = n \cdot A_m + \frac{(1-n) A_m \cdot 1.0 x^{\frac{1}{2}} + B + V}{1.0 p^{u-m}} - V.$$

Setzen wir nun beide Wald-Erwartungswerte We' und We" einander gleich oder

$$A_m + B = n \cdot A_m + \frac{(1-n) A_m \cdot 1,0 x^{u-m}}{1,0 p^{u-m}} + \frac{B+V}{1,0 p^{u-m}} - V,$$

so kann aus dieser Gleichung berjenige Mindestbetrag des Wertzus wachsprozentes x berechnet werden, welcher erforderlich ist, wenn der allmähliche Abtrieb sich rentieren soll. Wir erhalten

$$\frac{(1-n) A_m \cdot 1,0 x^{u-m}}{1,0 p^{u-m}} = A_m (1-n) + \frac{B+V (1,0 p^{u-m}-1)}{1,0 p^{u-m}}$$

$$1,0 x^{u-m} = 1,0 p^{u-m} + \frac{B+V}{A_m \cdot (1-n)} (1,0 p^{u-m}-1).$$

Beispiel. Nehmen wir für einen 110-jährigen Buchenbestand  $A_m=4936,~B=332,~V=200,~p=3,~n=\frac{1}{3},~t=2~(u-m)=20,~fo~wirb$ 

$$1,0x^{10} = 1,03^{10} + \frac{532}{\frac{2}{3} \cdot 4936} (1,03^{10} - 1) = 1,4095.$$

Hieraus ergiebt sich für x ein Betrag von nicht ganz 3,5 %. Da ein solcher Wertzuwachs recht wohl noch vorkommen kann, so zeigt dieses Beispiel, daß es vom Standpunkte der Reinertragslehre keineswegs immer geboten ist, Bestände, welche die sinanzielle Umtriebszeit überschritten haben, sosort kahl abzutreiben. Bielmehr berechnet sich für x = 3,5 ein Waldserwartungswert We" = 5316, während We' nur 5278 Mark beträgt; also ein Überschuß von 38 Mark.

Dabei sind die Kulturkosten unberücksichtigt geblieben. Wäre aber bei Kahlabtrieb sosort ein Auswand c ersorderlich, dagegen beim Femelschlagsbetrieb nur ein kleinerer = c' in (u-m) Jahren, so würde sich das Ersgebnis noch um  $c-\frac{c'}{1.0\,\mathrm{p}^{u-m}}$  günstiger sür leheren stellen.

Die weitere Frage, unter welchen Umftänden sich das Übershalten einzelner Stämme in den zweiten Umtried rentiere, behandelt A. Täger in der Festschrift zur XIV. Bersammlung Deutscher Forstsmänner in Görlit 1885: "Zum zweihiedigen Kiefernhochwald-Betried". Er unterstellt, daß die von den Oberständern überschirmte Fläche keinen nennenswerten Unterwuchs erzeuge, und setzt diese Fläche gleich dem regelmäßigen Sechseck, welches in den mit dem Kronendurchsmesser k gezogenen Kreis eingezeichnet werden kann, also

$$= \frac{3 k^2 \sqrt{3}}{8} = 0.6495 k^2.$$

Bezeichnet man nun mit r die Bodenrente pro ha, so wird der 2 usjährige Oberständer die auf seine Anzucht verwendeten Kosten gerade beden, wenn sein Wert W gleich ist bem auf u Jahre prostongierten Werte w bes usjährigen Stammes, vermehrt um ben Nachwert von u Bobenrenten ber Beschirmungsfläche; es muß also bie Gleichung bestehen:

$$W = w \cdot 1,0 p^{u} + \frac{r}{10000} \cdot \frac{1,0 p^{u} - 1}{0,0 p} \cdot 0,6495 \ k^{2}.$$

Nennt man x das durchschnittliche Wert-Zuwachsprozent des zweiten Umtriebs, so ift W auch = w . 1,0 x u; folglich

$$1,0x^u = 1,0p^u + \frac{r}{10000} \cdot \frac{1,0p^u - 1}{0,0p \cdot w} \cdot 0,6495 \ k^2.$$

Aus bieser Gleichung und ben von Täger für die Bachstums: und Absatverhältnisse ber Görliter Heide gegebenen Zahlen 1) berechnet sich x für die 3 in Betracht kommenden Standortsklassen (II, III und IV) überseinstimmend = 2,1 %.

Dagegen stellen sich bie aus Stammanalysen abgeleiteten wirklichen Prozentiate bes Massen: und Wertzuwachses — a und a + b — von Riefern-Oberständern der Görliger heide im zweiten Umtrieb wie folgt:

für II. Standortstasse 
$$a=1,1~\%$$
 und  $a+b=1,9~\%$ , , III. , ,  $a=1,4~\%$  , ,  $a+b=2,2~\%$ , , , IV. ,  $a=1,5~\%$  , ,  $a+b=2,3~\%$ .

Diese entsprechen also ber gestellten Forderung teils nahezu, teils so- gar reichlich.

Da nach vorstehendem Beispiel die Bobenrente auf den Wert von x keinen sehr erheblichen Sinfluß ausübt, wird man allgemein annehmen dürfen, daß der Überhalt sich rentiere, wenn das Werts Zuwachsprozent der Stämme im zweiten Umtrieb (a + b) um ein oder zwei Zehntel höher steht als der geforderte Zinssuß.

Die zulässige Anzahl ber Oberständer berechnet Täger — von ber Forberung ausgehend, baß jeder Baum bes Unterstandes während ber Begetationszeit nur von dem wandernden Schatten eines Obersftänders getroffen werbe — zu 20 bis 35 pro ha.

Nach demselben Autor läßt sich die Waldrente des Nachhalts betriebes durch den Überhalt auf das 1,5s bis 2-sache von derjenigen der einsachen Kahlschlagwirtschaft heben; ferrner wird bezüglich der

<sup>1)</sup> Diese Bahlen find für u: 90, 80 und 70 Jahre; für r: 6,54, 4,20 und 1,77 Mark; für k: 7, 6 und 5 Meter; für w: 23,94, 7,74 und 2,08 Mark; für p nimmt Täger zwei verschiedene Werte an: 3 %, zur Summierung der Bodenrente, bagegen zur Prolongierung von w, mit Rüdsicht auf wahrscheinslichen Teuerungszuwachs, nur 2 %.

Ausführung die Vorschrift erteilt, daß die demnächstigen Oberständer — und zwar anfänglich etwa 10 Stück pro ha mehr als die normale Anzahl — schon frühzeitig und sorgfältig aus der Kraftschen Stammklasse II 1) zu wählen und durch Freihiebe im Wuchs zu fördern seien, auch im Burzelbereich derselben keine Stöcke gerobet werden sollen.

# 2) Bewirtschaftung von Stangenhölzern.

Der Waldwert eines mejährigen Stangenholzes ist im Falle bes Kahlschlagbetriebs

$$We' = He_m + B$$
,

wobei  $\mathrm{He_m}$  den aus der Ertragstafel abgeleiteten Bestandes-Erwartungswert bedeutet, dessen Maximum bei normaler Bestockung mit demjenigen des Boden-Erwartungswertes zusammenfällt; unter B aber grundsählich dies letztere Maximum, sosern es überhaupt erreichbar scheint, zu verstehen ist.

Wählt man dagegen einen Lichtungsbetrieb etwa mit höherer Umtriebszeit u, so sind anstatt der Taselansäße einzuführen:

- 1) der demnächst im Jahre q oder während eines gewissen Zeitraums allmählich ersolgende Lichtungshieb, dessen Ertrag n . Aq etwa auf die Mitte dieses Zeitraums zu reduzieren wäre, und
- 2) der Abtriebsertrag Au, event. einschließlich des um den Nachwert der Andaukosten verminderten Erlöses aus Unterholz.

Demnach wird

$$We'' = \frac{n \cdot A_q}{1,0 p^{q-m}} + \frac{A_u + B + V}{1,0 p^{u-m}} - V.$$

Streng genommen müßten für beide Betriebsarten verschiedene Bobenwerte in Ansatz gebracht werden; doch kann man für die Prazis hiervon wohl absehen, weil die Unterschiede meist nicht sehr ins Ge-wicht fallen.

Diejenige Betriebsart, welche ben größeren Wald-Erwartungswert liefert, ist die vorteilhaftere. Um aber in dem Wert-Zuwachsprozent wieder einen einfacheren Maßstab zu gewinnen, setzen wir We' — We" und unter der Boraussetzung, daß Ertrag und Kosten bes etwaigen Unterbaues sich gegenseitig ausgleichen,

$$A_u = (1 - n) A_q \cdot 1,0 x^{u-q}.$$

<sup>1)</sup> Kraft, Beiträge zur Lehre von den Durchforstungen 2c. 1884.

Nun ergiebt fich ber zu fordernde Mindestbetrag von x aus ber Gleichung

$$\begin{split} \operatorname{He_m} + \operatorname{B} &= \frac{\operatorname{n} \cdot \operatorname{A_q}}{1,0 \operatorname{p^{q-m}}} + \frac{(1-\operatorname{n}) \operatorname{A_q} \cdot 1,0 \operatorname{x^{u-q}}}{1,0 \operatorname{p^{u-m}}} + \frac{\operatorname{B} + \operatorname{V}}{1,0 \operatorname{p^{u-m}}} - \operatorname{V}, \\ &\frac{(1-\operatorname{n}) \operatorname{A_q} \cdot 1,0 \operatorname{x^{u-q}}}{1,0 \operatorname{p^{u-m}}} = \operatorname{He_m} + \frac{(\operatorname{B} + \operatorname{V}) \left(1,0 \operatorname{p^{u-m}} - 1\right)}{1,0 \operatorname{p^{u-m}}} - \frac{\operatorname{n} \cdot \operatorname{A_q}}{1,0 \operatorname{p^{q-m}}}, \\ &1,0 \operatorname{x^{u-q}} = \frac{\operatorname{He_m} \cdot 1,0 \operatorname{p^{u-m}} + (\operatorname{B} + \operatorname{V}) \left(1,0 \operatorname{p^{u-m}} - 1\right)}{(1-\operatorname{n}) \operatorname{A_q}} - \frac{\operatorname{n} \cdot 1,0 \operatorname{p^{u-q}}}{1-\operatorname{n}}. \end{split}$$

Beispiel. Ein 50-jähriger, sveben durchforsteter Riefernbestand (Anslage A) besitht für 70-jährigen Umtrieb nach der Tafel einen Bestandesse Erwartungswert

Erfolgt statt bessen im Alter von 50 bis 70, also burchschnittlich mit 60 Jahren ein Lichtungshieb, welcher bie Sälfte bes 60=jährigen Bestandes wegnimmt, so ift zu setzen

$$n = 0.5$$
 und  $A_q = 2062.8$ .

Nehmen wir endlich u = 120 und p = 3, so wird

$$1.0x^{60} = \frac{1488.1 \cdot 1.03^{70} + 482.5 \cdot (1.03^{70} - 1)}{0.5 \cdot 2062.8} - 1.03^{60} = 8,7684,$$

$$x = 3.7.$$

Es müßte also, wenn der Lichtungsbetrieb sich rentieren soll, der Wertzuwachs der Überhälter bis zum 120. Jahre durchschnittlich jährlich 3,7 % betragen. Wäre nun z. B. der Massenzuwachs während dieser Periode nur = 2,5 %, so müßte noch ein Qualitätszuwachs von 1,2 % hinzustommen, d. h. es müßte der Wert der Maßeinheit auf das Doppelte steigen, was — selbst ohne einen besonderen Teuerungszuwachs — sehr wohl sein kann.

Die beiden Waldwerte selbst berechnen sich, wenn x=3,7%, wie folgt:

We' = 
$$\frac{1488,1 + 362,5 = 1850,6}{1.03^{10}}$$
.  
We' =  $\frac{0.5 \cdot 2062,8}{1.03^{10}} + \frac{9125 + 482,5}{1.03^{70}} - 120 = 1860,9$ .

Übertrifft ber Erlös vom Unterholze den Nachwert der Anbaukosten besselben, was bei 60-jährigem Alter immerhin anzunehmen, so erhöht sich We'' noch entsprechend.

# 3) Behandlung junger Rernwuchsbeftanbe.

Ein mejähriger Jungwuchs einer zu Niederwald tauglichen Holze art verspreche, wenn er frühzeitig auf den Stock gesetzt wird, den Abtriebsertrag Aq und bei nachheriger Fortbenutzung als Niedere wald mit nejährigem Umtriebe einen Borwert aller kunftigen Exe

tragsüberschüsse b. i. einen Boben=Erwartungswert einschließlich ber Stöcke —  $\mathrm{Be}_{\mathrm{n}}$ . Demnach ist

$$We' = \frac{A_q + Be_n + V}{1.0 p^{q-m}} - V.$$

Läßt man den Bestand dagegen als Hochwald fortwachsen und wählt man einen Umtrieb von u Jahren, so wird

$$We'' = \frac{A_u + D_a \cdot 1,0 p^{u-a} + \dots + Be_u + V}{1,0 p^{u-m}} - V.$$

Ist V in beiden Fällen gleich, so kann das negative Glied in beiden Formeln vernachlässigt werden. Dagegen ist der Boden-Ermartungswert hier jedesmal besonders zu berechnen, weil möglicherweise dem höheren Ben des Niederwaldes ein geringerer Vorwert der Erträge des ersten Umtriebs gegenübersteht.

Beispiel. Eine 20-jährige Eichenhege entspreche ber Burckhardtschen Ertragstasel Anlage E, stelle also beim Abtrieb mit 30 Jahren, wenn für Kernwuchsrinde kein Absah vorhanden ist, einen Erlös von 220 Mark pro ha in Aussicht. Kommen weiterhin die Niederwald-Erträge "guter Schläge" nach Ostner (vgl. Anlage L und S. 258) in Ansah, so berechnet sich bei dreiprozentiger Berzinsung

$$Be_n + V = 690 + 180 = 870$$

und

$$We' + V = \frac{220 + 870}{1,03^{10}} = 811.$$

Der negative Bestandswert  $(\mathrm{We'-Be_n})$  beutet hier darauf hin, daß soffentiger Abtrieb, salls bessen Exträge nur die Erntekosten beden würden, vorteilhafter wäre. Könnten dagegen im letzteren Falle noch 360 Mark für Rinde erlöst werden, so wäre

$$We' + V = 360 + 870 = 1230.$$

Würde man aber mit Rücksicht auf die Unsicherheit der Niederwaldserträge  $p=4\,\%$  segen, so wäre bei Abtrieb im 30. Jahre

$$Be_n + V = 468 + \frac{5,4}{0.04} = 603$$

und

$$We' + V = \frac{220 + 603}{1,04^{10}} = 556.$$

Für Eichenhochwald berechnen sich zwei Maxima des Boden-Erwartungswertes im 70. und 110. Jahre; das letztere mit 334 Mark ist das größere; da aber bei 120-jährigem Umtrieb noch fast ebensoviel (332,1 Mark) sich ergiebt und eher erwartet werden darf, daß der Erlös vom Unterholz die Andankosten desselben deckt, so mählen wir diesen; demnach wird bei dreiprozentiger Verzinsung

$$B_{en} + V = 332,1$$

und

folglich stellt sich die Riederwaldwirtschaft bei breiprozentiger Berzinsung als die vorteilhaftere, bei 4 % bagegen als die weniger einträgliche heraus.

# 4) Bewirtichaftung ber Rieder= und Mittelwaldungen.

Borhandene Bestände, welche aus Stockausschlag hervorgegangen sind, lassen, wie schon oben angedeutet, eine dreifach verschiedene Beshandlung zu. nämlich:

A. Fortsetzung bes seitherigen Betriebs, nötigenfalls mit entsprechenden Nachbesserungen, Ausläuterungen u. dgl. Der Waldswert einer mit m-jährigem Holze bestandenen Niederwaldsläche ist bei n-jährigem Umtrieb

$$We' = \frac{A_n + Be' + V}{1.0 p^{n-m}} - V,$$

wobei unter  $A_n$  ber bemnächstige Abtriebsertrag der gegenwärtigen Bestodung einschließlich des Nachwertes etwaiger Zwischennutzungen, unter Be' der aus den Normalerträgen berechnete Boden-Erwartungs-wert zu verstehen ist. Erfordert letzterer einen außerordentlichen Auswand  ${\bf k}$  an Kulturkosten beim nächsten Abtrieb, so ist —  ${\bf k}$  im Zähler zuzusetzen.

Bei sehr unregelmäßig bestockten Nieder= sowie bei Mittelwal= bungen werden die Normalerträge häusig erst vom britten, vierten 2c. Umtriebe ab unterstellt werden dürsen; in diesem Falle müßten Ersträge und Kulturkosten mehrerer Umtriebe besonders veranschlagt und auf die Gegenwart diskontiert werden.

B. Umwandlung in Hochwald durch Abtrieb im Jahren, Ausrodung der Stöde und fünstlichen Anbau mit einer passenden Holzart. Nennt man r die Rodungstoften, s den Erlös aus Stocholz, so wird

$$We'' = \frac{A_n + s - r + Be'' + V}{1,0p^{n-m}} - V,$$

wobei Bo" den Boden-Erwartungswert der Nachzucht bedeutet.

Bei gleichem Abtriebsalter n ber gegenwärtigen Bestockung fällt bie Bergleichung bieses Bersahrens mit dem vorigen für letteres gunstig ober ungunstig aus, jenachdem

$$Be' \geqslant Be'' + s - r$$

ober

$$Be' - Be'' \geqslant s - r.$$

Ist Be' > Be", so kann die Umwandlung nur in dem, an sich wenig wahrscheinlichen, Falle vorteilhaft werden, daß die Ausrodung der Stöcke einen erheblichen Überschuß des Erlöses über die Kosten versspricht. Dies wäre allenfalls bei vorübergehender landwirtschaftlicher Benugung möglich. Ist dagegen Be' < Be", so empsiehlt sich die Fortsetung des Riederwaldbetriebs nur dann, wenn die Rodung mehr kostet als eindringt und wenn der Mindererlös den Unterschied der Bodenwerte übertrifft.

C. Spätere Umwandlung in Hochwald, indem man die Stockausschläge zunächst dis zum Jahre a heranwachsen läßt, eins oder mehrmals durchforstet und schließlich entweder mit nachfolgens dem künstlichen Andau kahl abtreibt oder allmählich auslichtet, wobei die Nachzucht sowohl auf natürlichem Wege als durch Saat oder Pflanzung erfolgen kann. Die Formel des Waldserwartungsswertes lautet in diesem Falle

$$We''' = \frac{A_q + D_n \cdot 1,0 p^{q-n} + \dots + Be''' + V}{1,0 p^{q-m}} - V.$$

Hierin bedeutet  $\mathrm{Be}'''$  wieder den Boden-Erwartungswert der Nachzucht;  $\mathrm{A}_q$  kann je nach der Art der Behandlung sehr verschieden ausfallen und ist, ebenso wie  $\mathrm{D}_n$ ., aus Ertragstafeln nicht zu entnehmen, weil setztere, dis jetzt wenigstens, nur Kernwuchsbestände voraussetzen; vielmehr wäre, wenn We''' mit We'' und We' verglichen werden sollte, der gegenwärtige Bestandes-Verbrauchswert zu ermitteln und der Zuwachs dis zum Jahre q, etwa auf Grund von Stamm-Anslhsen, besonders zu veranschlagen. Bgl. Allg. Forst- u. Jagdzeitung, Oktober 1880, S. 366.

Hat man sich aber einmal für das hier besprochene Umwandslungsversahren entschieden und handelt es sich nur noch um die Bestimmung des Abtriebsalters  $\mathbf q$ , so wird die eins oder mehrmalige Untersuchung des Weiserprozents hierüber Ausschluß geben. Wan wird etwa eine kräftige Durchforstung oder einen Lichtungshieb führen, nach einigen Jahren den vorhandenen Holzwert H sowie das laufende Wassenzuwachsprozent a ermitteln, den Bodenbruttowert  $(\mathbf B+\mathbf V)$  sowie das Dualitätszuwachsprozent b einschäßen. Dann ist

$$w = (a+b) \frac{H}{H+B+V} \cdot$$

So lange nun w noch die genügende Größe ( $\overline{>}$  p) besitzt, läßt man den Bestand fortwachsen, sofern die Rücksicht auf Erhaltung der Bodenstraft und Gedeihen des Nachwuchses es gestattet.

#### 4. Titel.

# Wahl der Bestandesbegründungsart.

Der Borteil, welchen eine Bestandesbegründungsart vor einer andern zu bieten vermag, besteht entweder

- 1) in einer Ersparnis an Rulturkoften ober barin, bag
- 2) höhere Erträge bei gleichem ober
- gleiche ober höhere Erträge bei fürzerem Umtrieb erzielt werden.

In allen drei Fällen entscheidet über die Frage des vorteils haftesten Versahrens ebenso wie unter Nr. I des 3. Titels die Versgleichung der Boden-Erwartungswerte. Übrigens ist wie auch dort nicht immer die Anwendung der vollen Bo-Formel

$$Be = \frac{A_u + D_a \cdot 1,0 p^{u-a} + \dots - c \cdot 1,0 p^u}{1,0 p^u - 1} - V$$

notwendig; vielmehr genügt es, wenn die jährlichen Rosten von der Anbaumethode unabhängig sind,

- ad 1) bei gleichen Erträgen und Umtriebszeiten nur die Rulturkoftenauswände, ferner
- ad 2) nur die Zähler der Formel, d. h. die Ertragsnachwerte, eventuell vermindert um c · 1,0 pu, und
- ad 3) die Bodenbruttowerte einander gegenüberzustellen.

Einige Beispiele mögen aus der einschlägigen Litteratur angeführt werden. Nach Kraft') kann die Rabattenkultur die Erträge eines Fichtenbestandes von denjenigen der III. auf die der II. Standortsklasse der Baurschen Ertragstafeln steigern. Für 80 jährigen Umtrieb berechnet sich bemgemäß

bei gewöhnlichem Anban à 80 Mart ein Boben-Bruttowert von 793,50 Mf. pro ha,

bei Rabattenfultur à 200 Mart ein folder von 1129,17 Mart pro ha.

Ahnliche Birkung hat nach bemfelben Autor eine Riolkultur auf Ortsteinboden bei Riefern, wofür bei einem Kostenauswand von 200 Mark ein Boden-Bruttowert von 344,22 Mark pro ha berechnet wird, während ohne Riolung (c = 80) nur 207,40 Mark sich ergeben.

Auch bei Buchenhochwald beruht ber Borteil bes Femelichlag: betriebs nicht sowohl in ber Ersparnis an Rulturfoften, als vielmehr in

<sup>1)</sup> Bur Bragis ber Waldwerthrechnung und forstlichen Statif, G. 45 ff.

der Steigerung der Erträge durch den Lichtungszuwachs. Kraft berechnet a. a. D. bei 100 jährigem Umtrieb und 16 jähriger Berjüngungsdauer 368,57 Mark ( $\mathrm{B}+\mathrm{V}$ ), für Kahlhieb dagegen nur 242,32 Mark. Bgl. auch die Zusammenstellung auf Seite 257.

Für Gicenhochwald endlich werden a. a. D. folgende Boben-Bruttowerte verzeichnet:

bei Saatkultur à 80 Mark und 120 jährigem Umtrieb mit Lichtung und Unterbau 773,32 Mark pro ha.

bei Heisterpflanzung à 200 Mart und Ermäßigung bes Umtriebs auf 100 Jahre 904,34 Mart pro ha.

Im allgemeinen wird angenommen werden dürsen, daß Pflanzung die gleichen Abtriebserträge früher liefert als Saat und natürliche Berjüngung. Dagegen ergeben sich bei den letzteren Berjüngungsarten meist frühere und größere Zwischennutungen. Dies kann je nach den Sortiments- und Absatrehältnissen sowohl vorteilhaft als auch nachteilig sein; ersteres z. B., wenn bei den Durchsorstungen schon Nuthbolzer wie Bohnen- und Hopfenpslanzen gewonnen werden, letzteres, wenn nur geringwertiges Brennholz sich ergiebt.

# 5. Titel.

# Bestimmung der vorteilhaftesten Bestandesdichte, insbesondere Statik des Durchforstungsbetriebes.

Bezeichnen wir die Stammzahl einer Fläche mit a und den von einem Mittelstamme zu erwartenden reinen Ertrag summarisch mit e, so stellt e a den Gesamtreinertrag dieser Fläche vor. Beobachtungen haben ergeben, daß innerhalb gewisser Grenzen e eine Funktion von a ist. Die Aufgabe der Statik geht dahin, die Beschaffenheit dieser Funktion zu untersuchen, um hierauß zu ermitteln, wann der Reinertrag einer Fläche ein Maximum erreicht. Zu diesem Zwecke hat man nicht bloß die Abhängigkeit des Bestandswertszuwachses von der Bestandesdichte zu untersuchen, sondern auch das Rechnungsversahren sestzusstellen, mittelst dessen die bei verschiedenen Funktionen sich erzgebenden Keinerträge zu vergleichen sind.

Wir werben uns hier vorzugsweise mit dem zweiten Teile dieser Aufgabe beschäftigen; der erste gehört in das Gebiet des forstlichen Versuchswesens.

Die finanzielle Wirkung der Durchforstungen kann eine zweisfache 1) sein, nämlich

1) Bezug einer frühzeitigen Nutung aus solchen Bestandes=

<sup>1)</sup> Bgl. Pregler, Hochwaldsideal, 4. Aufl. von Neumeister, 1888, S. 36.

gliedern, die im Bestande selbst keinen erheblichen Zuwachs mehr liefern, und

2) Steigerung bes Zuwachses in bem verbleibenden Bestande während einer Reihe von Jahren.

Die Untersuchung bieses Buwachses wird sich immer auf mehrere Jahre erstreden muffen, weil die Birkung häufig nicht sofort eintritt und weil biejenige gufälliger Rebenumftande ausgeschlossen werben muß.

Ihre obere Grenze finden alle Durchforstungen vor bemjenigen Grabe der Bestandesauslichtung, durch welchen die Standortsgüte gesfährdet werden würde.

I. Betrachten wir zunächst eine Durchforstung für sich allein, so wird auf die Frage: "Wann ist dieselbe vorteilhaft?" die Antwort lauten: "Wenn nach Ablauf von n Jahren der durchsorstete Bestand einschließlich des prolongierten Aushiedsergebnisses mehr wert ist als der undurchsorstete Bestand". Denn dem größeren Nachwerte im Jahre m + n werden aller Wahrscheinlichseit nach auch höhere Ertragsendwerte im Umtriedsalter und solglich cotoris paridus auch der größere Waldserwartungswert entsprechen. Wir werden also, mathematisch ausgedrückt, solgende Vergleichung anstellen:

$$A_{m+n} + D_m \cdot 1,0p^n \geq \bar{A'}_{m+n},$$

wobei  $D_m$  den Reinerlöß der Durchforstung im Jahre m,  $A_{m+n}$  den Berbrauchswert des durchforsteten Bestandes und  $A'_{m+n}$  denjenigen des undurchforsteten Bestandes im Jahre (m+n) bedeuten.

Drücken wir aber ben Zuwachs in Prozenten ber Masse, bezw. bes Holzwertes im Jahre m aus, so ist

$$A_{m+n} = A_m \cdot 1.0 z^n \text{ unb}$$

$$A'_{m+n} = A_m \cdot 1.0 y^n + D_m \cdot 1.0 x^n,$$

wobei unter  $A_m$  der Wert des Haupt= oder Restbestandes unmittel= bar nach der Turchsorstung, unter z das Zuwachsprozent des durch= forsteten, unter y dassenige des undurchsorsteten Hauptbestandes und unter x das Zuwachsprozent des Nebenbestandes, dessen Aushieb in Frage kommt, zu verstehen ist. Führen wir diese Werte in unsere odige Formel ein, so nimmt dieselbe solgende Gestalt an:

$$A_m \cdot 1,0z^n + D_m \cdot 1,0p^n \gtrsim A_m \cdot 1,0y^n + D_m \cdot 1,0x^n \text{ ober}$$

$$A_m \left(1,0z^n - 1,0y^n\right) \gtrsim D_m \left(1,0x^n - 1,0p^n\right).$$
So Seper, Waldwertzechnung. 4. Aufl.

Führen wir endlich die durchschnittlichen Prozentsätze der njährigen Periode in Bezug auf den einjährigen Zuwachs ein, d. h. setzen wir n=1, so bleibt

$$A_m(z-y) \geq D_m(x-p).$$

Diese einfache Vergleichungsformel entscheibet über die Einträglichkeit einer Durchforstung. Im Falle > ist die letztere unbedingt nütlich — sofern keine sonstigen Rücksichten mitsprechen; im Falle — ist sie gleichgültig; im Falle < schädlich.

Werben nur bürre und absterbende Bäume ausgeforstet, beren  $\mathbf{x}=0$  zu seizen, so ist die Durchsorstung unter allen Umständen vorteilhaft. Denn  $\mathbf{D_m}\,(\mathbf{x}-\mathbf{p})$  wird in diesem Falle negativ, also unbedingt  $<\mathbf{A_m}\,(\mathbf{z}-\mathbf{y})$ , selbst wenn  $\mathbf{z}=\mathbf{y}$ , d. h. wenn keine Zuwachssteigerung beim Hauptbestande eintritt. Nur wenn  $\mathbf{y}>\mathbf{z}-$  was aber kaum jemals vorkommen dürste —, könnte eine solche Durchsorstung unvorteilhaft erscheinen.

Das nämliche gilt für unterbrückte u. dgl. Bäume, solange x < p. Alle derartigen Bestandesglieder sind also ebenfalls wegzusnehmen — sosern nicht etwa deren Erhaltung im Interesse des Bodensschutzes geboten wäre.

Wird x = p, so ist die Durchsorstung nur dann, aber auch — abgesehen von dem soeben erwähnten Ausnahmesall — unbedingt vorteilhaft, wenn z nur etwas größer ist als y. Die Beseitigung derzienigen Bestandesglieder, deren x = p, wird also durch jede Zuwachsteigerung im Hauptbestande rentabel.

Steigt endlich x über p, werden also auch Bäume von ansehnslichem Zuwachs von der Durchsorstung getrossen, so kommt es nicht allein auf das gegenseitige Verhalten der Zuwachsprozente, sondern auch auf daszenige der Massen resp. Holzwerte Am und Dm an; denn es ergiebt sich in diesem Falle die zur Kentabilität des Aushiebs ersforderliche Zuwachssteigerung aus dem Ansah

$$z-y \geq \frac{D_m}{A_m} (x-p).$$

Wäre z. B. x — p = 1 und  $\frac{D_m}{A_m}$  = 0,1, so würde die Durchsorstung sich nur dann als vorteilhaft erweisen, wenn

$$z-y>0,1,$$

b. h. wenn ber Zuwachs bes Hauptbestandes um mehr als 0,1 % gesteigert

würde. Ebenso müßte sür x - p = 1,5 und  $\frac{D_m}{A_m}$  = 0,3 ein besonderer

Lichtung sauwachs (z - y) von mehr als 0,45 % zu erwarten fein.

Wir gelangen somit — immer abgesehen von der Rücksichtnahme auf die Standortsgüte — zu folgender allgemeinen Regel: Es ver= lohnt sich die Wegnahme

- 1) berjenigen Stammtlassen, beren Wertzumachspros zent im Falle bes Stehenbleibens ben geforderten Zinssuß nicht erreicht, unbedingt;
- 2) berjenigen, beren x = p, im Falle einer baburch bewirkten Zuwachssteigerung im Hauptbestande;
- 3) berjenigen, beren x>p, nur bann, wenn biese Buswachssteigerung größer ist als  $\frac{D_m}{A_m}$  (x p).

Der Fall x=p dürfte häufig die Grenze zwischen Durchforstung und Lichtungshieb bilben.

Bei der vorstehenden Entwidelung ist unterstellt, daß  $D_m$  jedensalls eine positive Größe oder mindestens = 0 sei, d. h. daß die Kosten der Durchsorstung durch deren Ertrag übertrossen oder doch gedeckt werden. Im sehteren Falle  $(D_m=0)$  würde die Aussührung stets dann zu empsehlen sein, wenn dadurch eine Zuwachssteigerung im Hauptbestande (z>y) bewirkt werden könnte.

Übersteigt bagegen ber Kostenauswand ben Ertrag  $(\mathrm{D_m} < 0)$ , so nimmt die Durchsorstung den Charakter einer Ausgabe an. Gleichwohl läßt sich auch hier die Rentabilitätsfrage in analoger Weise beantworten. Nur ist dabei zu berücksichtigen, daß jene Ausgabe, wenn die Vornahme der Durchsforstung verschoben würde, nicht größer, sondern eher kleiner werden dürste. Die auszuwersende Frage wird in der Regel die sein, ob es sich versohnt, die fragliche Maßregel sosort mit Kostenauswand auszusühren, oder ob diesselbe später ohne einen solchen, bezw. mit einem Ertragsüberschuß vollzogen werden soll; mathematisch ausgedrückt, ob

$$\begin{split} \mathbf{A_{m+n}} - \mathbf{D_m} \cdot \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^n} & \gtrless \mathbf{A'_{m+n}} + \mathbf{D_{m+n}} \ \text{ober} \\ \\ \mathbf{A_m} \left( \mathbf{1,0} \, \mathbf{z^n} - \mathbf{1,0} \, \mathbf{y^n} \right) & \gtrless \mathbf{D_m} \cdot \mathbf{1,0} \, \mathbf{p^n} + \mathbf{D_{m+n}}. \end{split}$$

Im Falle  $D_{m+n}=0$ , welcher auch dann eintritt, wenn der Nebenbestand etwa durch Leseholzträger entsernt wird ober im Balde versault, müßte die Buwachssteigerung am Hautbestande den Kostenauswahd der Durchsorstung, bezw. dessen Rachwert mindestens decken. Im Falle  $D_{m+n}>0$  würde eine größere Zuwachssteigerung ersorderlich sein.

II. Sollen zwei ober mehrere Durchforstungsmethoden in Bezug auf ihren finanziellen Erfolg verglichen werden, so bilben wir für eine jede berselben die Differenz

$$\triangle = A_m (z - y) - D_m (x - p).$$

Dasjenige Verfahren, welches das größere  $\triangle$  liefert, ist das vorteils haftere.

Eine Verschiebenheit des Verfahrens kann nun, da bürre und absterbende Bäume jedenfalls wegzunehmen sind, nur darin bestehen, daß außerdem entweder in die schwächeren oder mitteleren oder stärkeren Klassen des noch lebensfähigen Bestandes eingegriffen wird. Wir verstehen also weiterhin unter y das Zuwachseprozent des letzteren für den Fall, daß nur Dürrholz ausgesorstet wird; unter x dasjenige, welches die jeweilig zur weiteren Durchsforstung vorgesehenen Bäume haben würden, wenn sie stehen blieben; unter z dasjenige des jeweiligen Hauptbestandes nach dem Hiebe.

- 1) Bei gleichen Durchforstungs-Wertmengen  $D_m$  bleibt auch  $A_m$  konstant. Wäre außerdem für alle Stammklassen die nämsliche Zuwachssteigerung (z-y) zu erwarten, so würde es sich empfehlen, diejenige wegzunehmen, welche das kleinste Zuwachsprozent x in Aussicht stellt. Anderen Falles, wenn das Zuwachsprozent des Hauptbestandes in den verschiedenen Klassen verschiedene Ershöhungen durch den Hieb ersährt, muß die Differenz  $\Delta$  selbst aussgerechnet werden.
  - 1. Beispiel. Bei den Aufnahmen der deutschen forstlichen Bersuchsanstalten werden bekanntlich in der Regel 5 Stärkeklassen von gleicher Stammzahl ausgeschieden und wird für eine jede dieser Klassen ein Probestamm sektionsweise analhsiert. Hierbei hat sich in 11 ca. 55jährigen Kiefernbeständen des Großherzogtums Hessen, also bei der Untersuchung von 55 Probestämmen folgendes ergeben, wenn die Klasse der schwächsten Stämme mit I, diejenigen der stärksten mit V bezeichnet wird.

Stärkeklasse	Anteil an der Gesamt= Jährliches Zu			, , ,	
	masse im 50. Jahre	vom 50. bis 55. Jahre.			
I	9 %	1,7 bis 6,2, b	urchschnitt	lich 3,7%	
$\mathbf{II}$	14 %	2,1 ,, 5,9	,,	4,2 0/0	
Ш	19 %	1,9 ,, 5,4	"	3,4 %	
$\mathbf{IV}$	23 %	2,6 ,, 9,0	"	4,4 %	
v	35 %	2,4 ,, 6,7	11:	4,4 %	
ණ	umma 100 %.				

Sehen wir zunächst von dem Preisunterschied der Sortimente ab, untersstellen also gleiche Berte der Masseninheit, und werfen wir die Frage auf, welche Rasse von der Durchforstung zu treffen ware, wenn in einem Be-

stande von 100 fm bei obiger Busammensehung noch ein Aushieb von 9 fm stattfinden sollte.

Könnte in diesem Falle das Zuwachsprozent aller Klassen gleich= mäßig um 0,5 gesteigert werden, so wäre unbedingt Klasse III, deren x nur 3,4 beträgt, anzugreisen.

Bare bagegen die Bumachsfteigerung voraussichtlich folgende:

jo mare bei Begnahme ber Rlaffe I und einem Binsfuß p bon 3 %:

$$A_{m}(z - y) = 14 \cdot 0.3 + 19 \cdot 0.5 + 23 \cdot 0.7 + 35 \cdot 0.9 = 61.3$$

$$D_{m}(x - p) = 9 \cdot 0.7$$

$$= 6.3$$

$$\triangle = 55.0$$

Dagegen bei Wegnahme von 9 fm aus Rlaffe III:

$$\begin{array}{l} A_{m} \ (z-y) = 9 \cdot 0.1 + 14 \cdot 0.3 + 10 \cdot 0.5 + 23 \cdot 0.7 + 35 \cdot 0.9 = 57.7 \\ D_{m} \ (x-p) = 9 \cdot 0.4 \\ & \qquad \qquad = 3.6 \\ \hline \triangle = 54.1. \end{array}$$

Endlich bei Begnahme von 9 fm aus Rlaffe V:

$$\begin{array}{l} A_{m} (z - y) = 9 \cdot 0.1 + 14 \cdot 0.3 + 19 \cdot 0.5 + 23 \cdot 0.7 + 26 \cdot 0.9 = 54.1 \\ D_{m} (x - p) = 9 \cdot 1.4 & = 12.6 \\ & \triangle = 41.6. \end{array}$$

Das erfte Berfahren, b. h. Aushieb ber ichwächsten Stämme, mare sonach bas vorteilhaftefte 1).

Das gleiche Ergebnis ftellt fich heraus, wenn man

in Riasse I II III IV V 
$$z - y = 0.3$$
 0.5 0.7 0.5 0.3

annimmt; nämlich

bei Aushieb von 9 fm aus Klasse I III V 
$$\triangle = 36.0$$
 35.1 29.7.

Unterftellt man bagegen bas Berhaltnis ber Buwachsfteigerungen wie folgt:

in Riasse I II III IV V 
$$z - y = 0.9$$
 0.7 0.5 0.3 0.1,

so ergiebt fich

bei Aushieb von 9 fm aus Klasse I III V 
$$\triangle = 23.4$$
 29.7 24.2,

b. h. ber Sieb hat die Rlaffe III gu treffen.

<sup>1)</sup> Der Rurge halber murben überhaupt nur bie brei Rlaffen I, III und V in Betracht gezogen.

In keinem ber feither betrachteten Falle murbe bie grundfahliche Begnahme ber ftartften Stamme gerechtfertigt fein.

2. Beispiel. Die analoge Untersuchung in 7 ca. 75 jährigen Kiefernsbeständen, also bei 35 Probestämmen, hat folgendes Ergebnis geliefert:

Stärkeklasse	Anteil an der Gesamt= masse im 70. Fahre	Durchschnttl. jährliches Zuwachs= prozent vom 70. bis 75. Jahr.
$\mathbf{I}$	9 %	2,6 %
11	14 0/0	2,0 %
III ,	19 %	2,0 %
$\mathbf{IV}$	22 %	2,5 0/0
$\mathbf{v}$	36 %	1,9 %
@	summa 100 %.	

Könnte nun in einem 70 jährigen Bestande von dieser Zusammenssetzung und 100 fm Massengehalt durch den Aushieb von 19 fm eine Steisgerung des Zuwachsprozents aller Klassen um 1,0 bewirkt werden, so würde ein Teil der stärksten Stämme (Klasse V) zur Wegnahme zu bestimmen sein.

Ebenso menn

zu feten mare. Denn wir murben in biefem Falle folgende Betrage für △ erhalten:

Bei Wegnahme von 19 fm aus Rlasse I und II:

$$\begin{array}{ll} {\rm A_m \, (z-y)} = 4 \cdot 1.2 + 19 \cdot 1.0 + 22 \cdot 0.8 + 36 \cdot 0.6 = 63.0 \\ {\rm D_m \, (x-p)} = - \left( 9 \cdot 0.4 + 10 \cdot 1.0 \right) & = - 13.6 \\ & \Delta = 76.6. \end{array}$$

Bei Wegnahme von 19 fm aus Rlaffe III:

$$\begin{array}{c} A_{m}(z-y) = 9 \cdot 1.4 + 14 \cdot 1.2 + 22 \cdot 0.8 + 36 \cdot 0.6 = 68.6 \\ D_{m}(x-p) = -19 \cdot 1.0 & = -19.0 \\ \triangle = 87.6. \end{array}$$

Bei Wegnahme von 19 fm aus Rlaffe V:

$$\begin{aligned} A_{m}(z-y) &= 9 \cdot 1.4 + 14 \cdot 1.2 + 19 \cdot 1.0 + 22 \cdot 0.8 + 17 \cdot 0.6 = 76.2 \\ D_{m}(x-p) &= -19 \cdot 1.1 \end{aligned}$$

$$= \frac{-20.9}{-97.1.}$$

Auch wenn

in Rasse I II III IV V 
$$z - y = 0.8$$
 1.0 1.2 1.0 0.8

stellt sich ber Aushieb stärkter Stämme als ber vorteilhafteste heraus, benn wir erhalten:

bei Aushieb von 19 fm aus Klasse I und II III V 
$$\Delta = 91.2$$
 91.0 100.5.

Nimmt man dagegen von Klasse I bis V eine zunehmende Steigerung bes Zuwachsprozentes, nämlich

in Rlasse I II III IV V 
$$z - y = 0.6$$
 0.8 1.0 1.2 1.4

an, fo ergiebt fich

bei Aushieb von 19 fm aus Klasse I und II 
$$V$$
  $\triangle = 112,6$   $112,4$   $106,7$ .

Es empfiehlt fich alfo bie Begnahme ber geringften Stammtlaffen.

- 2) Kommen verschiedene Durchforstungs-Wertmengen  $D_m$ , also stärkere und schwächere Aushiebe in Betracht, so ändert sich auch der Wert des jedesmaligen Restbestandes  $A_m$ . Im übrigen ers folgt die Beurteilung der Kentabilität nach Maßgabe der Differenz  $\triangle$  ebenso wie unter Nr. 1.
  - 1. Beifpiel. Burde in dem obigen 50 jahrigen Riefernbestande burch Aushieb
    - a) von 9 fm eine Zuwachssteigerung aller Rlassen um 0,5 %, bas gegen
    - b) von 19 fm eine folche von 0,8 %

bewirkt, fo mare in beiden Fallen Rlaffe III anzugreifen und murde fich

ad a) 
$$\triangle = 91 \cdot 0.5 - 9 \cdot 0.4 = 41.9$$

ad b)  $\triangle = 81 \cdot 0.8 - 19 \cdot 0.4 = 57.2$  herausstellen, also die stärfere Durchsorftung vorzugiehen sein.

2. Beispiel. Könnte das Juwachsprozent des 70 jährigen Bestandes durch den Aushieb von 25 fm gleichmäßig um 1,2, durch Wegnahme der ganzen V. Klasse (= 36 fm) aber auch nicht mehr gesteigert werden, so erzagbe sich

im ersten Falle 
$$\Delta = 75 \cdot 1,2 + 25 \cdot 1,1 = 117,5$$
, im zweiten Falle  $\Delta = 64 \cdot 1,2 + 36 \cdot 1,1 = 116,4$ .

bier murbe alfo ber geringere Aushieb genugen.

Über das Maß der Zuwachssteigerung, welche je nach Art und Größe des Aushiebs in einem Bestande zu erzielen ist, liegen bis jeht ausreichende Untersuchungen nicht vor. Wir haben uns daher bei den vorangeführten Beispielen mit Hypothesen behelsen müssen; glauben aber eben hierdurch auch den Nachweis erbracht zu haben, daß gewisse neuere Durchforstungsregeln, wie z. B. die Borggrevesche Plänterdurchforstung, eben auch nur hypothetischen Wert besitzen.

Wollte man zuverlässige Grundlagen gewinnen, so mußten in gleichmäßigen Beständen verschiedenen Alters je mehrere Probeslächen abgestedt werden, von welchen

- a) in der ersten behufs Ermittelung der Größen x und y nur durres und abständiges Holz gehauen würde, während
- b) in den übrigen weitere entweder gleiche oder auch verschiedene Holzmengen, aber jedesmal nur aus einer bestimmten Stammklasse wegzunehmen wären, wonach sich für die übrigen das zugehörige z ergäbe.

Bei Beginn des Versuchs müßte jeder Stamm mit seiner Klassens nummer bezeichnet werden und diese fortwährend beibehalten. Behufs Ermittelung des sinanziellen Effekts wären übrigens nicht nur die Holzmengen der einzelnen Klassen in periodischer Wiederholung zu ermitteln, sondern auch die Sortimentsverhältnisse und Preise dersselben sowie deren Gesamtwert, auf welchen die Prozentsätze x, y und z bezogen werden müßten. Einseitige Steigerung der Masse ohne Kücksicht auf die Stammsorm kann unter Umständen sogar schädlich sein.

Wenn wir seither, mit Rücksicht auf die Einfacheit des mathematischen Ausdrucks bei Einführung der Zuwachsprozente, stets die minimale Durchforstung zum Bergleiche mit allen anderen benutzt haben, so darf schließlich nicht unerwähnt bleiben — wenn es sich auch von selbst versteht —, daß die verschiedenen stärkeren Durchsforstungsgrade und Methoden auch direkt unter einander verglichen werden können. Die hierbei anzuwendende Formel würde lauten

$$A'_{m+n}+D'_m\cdot 1{,}0p^n\mathop{}{\mathop{\geq}\limits_{\textstyle \sim}} A''_{m+n}+D''_m\cdot 1{,}0p^n.$$

Wollte man auch hier wieder die Zuwachsprozente einführen, so müßte bei jeder Durchforstungsart ein solches für den jeweiligen Restbestand in Ansatz gebracht werden; also etwa

$$\mathbf{A'_{m+n}} = \mathbf{A'_{m}} \cdot 1.0\mathbf{z_{1}^{n}}$$

und

$$A''_{m+n} = (A'_m + D'_m - D''_m) 1,0z_2^n.$$

Dies oben eingesetzt giebt

$${\rm A'_m}\,(1{,}0\,{\rm z_1^n}-1{,}0\,{\rm z_2^n}) \mathop{\gtrless}\limits_{\textstyle <} ({\rm D'_m}-{\rm D''_m})\,(1{,}0\,{\rm z_2^n}-1{,}0\,{\rm p^n})$$

und wenn wir n = 1 annehmen,

$$A'_{m}\left(z_{1}-z_{2}\right) \mathop{}_{\textstyle >}^{\textstyle >} \left(D'_{m}-D''_{m}\right)(z_{2}-p).$$

Da aber diese Formel nur in dem an sich unwahrscheinlichen

Falle anwendbar ware, daß alle Stammklassen jeweilig mit gleichem Prozentsah fortwüchsen, so durfte das seither von uns eingehaltene Bersahren den Borzug verdienen; um so mehr, als der hierbei stets mögliche prozentische Ausdruck des Zuwachses die Übertragung der Bersuchsergebnisse auf andere Örtlichkeiten und Bestände am leichtesten gestattet.

Bersuche, in der angedeuteten Art eingeleitet, würden vielleicht schon bald recht brauchbare Ergebnisse geliefert haben. Der Berein beutscher forstlicher Bersuchsanstalten hat nicht diesen Weg, sondern einen anderen eingeschlagen, der vielleicht sicherer, aber jedenfalls erst nach längerer Zeit zum Ziele führen wird und unter III. besprochen werden soll.

III. Wie schon auf Seite 273 angebeutet, ist es, wenn auch nicht wahrscheinlich, so doch denkbar, daß dem größeren Bestandes nachwert im Jahre m + n nicht zugleich auch der höhere Walds Erwartungswert entspricht. Völlige Sicherheit hierüber kann nur gewonnen werden, wenn man nicht allein zwei oder mehrere Durchsforstungsarten in bestimmten Bestandesaltern, sondern die Gesamt wirkungen verschiedener Methoden bis zum Umtriedsalter einander gegenüberstellt. Dies hat nach der Formel des Walds Erswartungswertes

$$We_{m} = \frac{A_{u} + D_{n} \cdot 1,0 p^{u-n} + \dots + B + V}{1,0 p^{u-m}} - V$$

zu geschehen, worin  $A_u$ ,  $D_n \cdots$  bie bei bem betr. Versahren zu erswartenden, resp. versuchsweise erzielten Erträge, B den zugehörigen Boben-Erwartungswert bedeutet. Ist der Bestand normal, so kann nach Seite 121

$$We_m = \frac{(A_u + \frac{D_a}{1,0\,p^a} + \dots + D_n \cdot 1,0\,p^{u-n} + \dots - c)\,1,0\,p^m}{1,0\,p^u - 1} - V$$

gefett werben.

Sind die jährlichen Koften, wie gewöhnlich, von der Bersschiedenheit des Bersahrens unabhängig, so ist V außer Ansatz ulassen. Ist der Umtrieb in allen Fällen der nämliche, so kann auch der Nenner wegbleiben und es ist dann schließlich, wenn nur gleichsaltrige normale Bestände mit einander verglichen werden sollen, da in diesem Falle die Faktoren  $\frac{D_a}{1,0\,p^a}$ , c und  $1,0\,p^m$  konstant sind, der Ausdruck:

$$A_u + D_n \cdot 1,0p^{u-n} + \cdots$$

b. h. ber Nachwert aller Erträge zu Ende bes Umtriebs maßgebend Erstreckt sich bagegen die Bergleichung auch auf abnorme Besstände von gleichem Alter, so ist

$$A_u + D_n \cdot 1,0p^{u-n} + \cdots + B + V$$

für einen jeben zu ermitteln.

Um das Material zu solchen Berechnungen zu gewinnen, haben die deutschen forstlichen Versuchsanstalten angefangen, versgleichende Versuche anzustellen und zwar mittelst Wegnahme

- a) nur der abgeftorbenen und absterbenden oder
- b) auch der unterdrückten, aber noch lebensfähigen, oder
- c) auch der zurückleibenden Stämme, d. h. derjenigen, welche noch am Kronenschluß teilnehmen, deren Krone aber tiefer liegt, als diejenige der eigentlich herrschenden Stammklassen

In Frankreich?) hat man ähnliche Versuche mit zwei Durchsforstungsarten, sclaircie par le haut und sclaircie par le bas einsgeleitet. Bei letzterer werden nur die dürren und unterdrückten Stämme weggenommen; bei ersterer die unterständigen, sosern sie noch lebensfähig sind, grundsätzlich nicht, vielmehr wird nur der obere Kronenschluß gelockert.

Der Berein beutscher forstlicher Versuchsanstalten will nach neuestem Beschlusse (1891) seine Versuche auch auf diese Durchhiebsart ausdehnen. Daß dieselbe in vielen Fällen vorteilhaft sein könne, hat schon Kraft<sup>3</sup>) hervorgehoben. Derselbe unterscheibet folgende Stammklassen:

- 1) Borherrschende Stämme mit ausnahmsweise kräftig entwickelten,
- 2) herrschende mit gut entwickelten Kronen,
- 3) gering mitherrschenbe,
- 4) beherrschte Stämme und zwar
  - a) mit eingeklemmten,
  - b) mit teilweise unterständigen Kronen,
- 5) gang unterbrückte Stämme und zwar
  - a) mit lebensfähigen,
  - b) mit absterbenden oder abgestorbenen Kronen.

<sup>1)</sup> Arbeitsplan des B. d. f. B. von 1873, § 8, mit späteren Ergänzungen.

<sup>2)</sup> Bgl. Dimit, Centralblatt für bas gesamte Forstwefen, 1890. S. 57.

<sup>3)</sup> Beiträge zur Lehre bon ben Durchforstungen, Schlagstellungen und Lichtungshieben, 1884.

Nach Seite 42 bes genannten Werfes wird es als zweifellos bezeichnet, daß gerade die Klasse 4a den herrschenden Bestand am meisten schädige, während Schonung der Klasse 5a im Interesse der Erhaltung der Standortsgüte geboten sei.

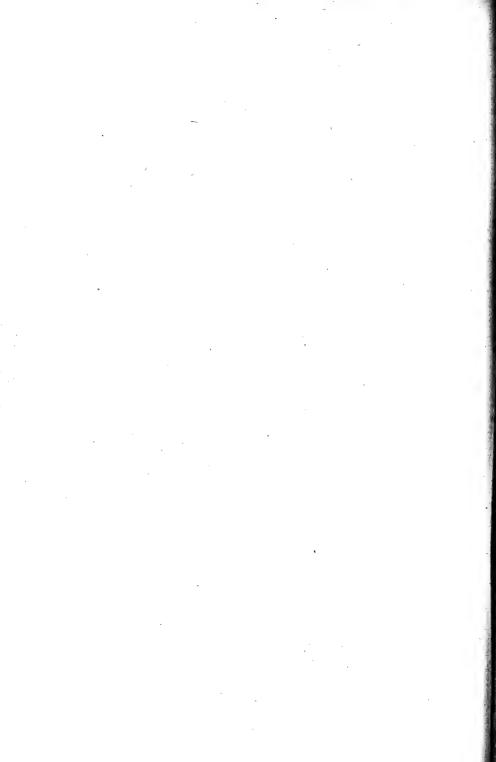
Endgültige Ergebnisse wird man von den eingeleiteten Bersuchen erst nach Ablauf eines Umtriebs erwarten dürfen. Borläufige Bersgleichungen dürften jedoch auch schon früher nach der Formel

$$A'_{m+n} + D'_m \cdot 1{,}0p^n \overset{\textstyle >}{\leqslant} A''_{m+n} + D''_m \cdot 1{,}0p^n$$

angestellt werben können. Streng genommen wäre hierzu völlig gleiche Bestockung der Bersuchsstächen zu Ansang der Beobachtung ersforderlich; da dieser Bedingung in Wirklichkeit nirgends entsprochen werden dürste, so wird man die Bergleichbarkeit der Resultate, wenn auch nur annähernd, dadurch herbeiführen müssen, daß man alle späteren Erträge nach Berhältnis der anfänglichen Holzmassen resp. Werte reduziert. Statt bessen könnten jedoch auch wie unter II. die Prozentsätze des Zuwachses ermittelt und der Bergleichung zu Grunde gelegt werden.



Noten.



#### Note 1.

# Wahl der Binsenberechnungsart.

# I. Methoden der Binsenberechnung.

Für die bei Waldwertrechnungen vorkommenden Prolongierungen, Diskontierungen und Rentenrechnungen hat man folgende Zinsenbezrechnungsarten vorgeschlagen.

# 1) Die Rechnung mit einfachen Binfen.

Dieselbe setzt voraus, daß nur das Kapital Zinsen trägt, daß dagegen die Zinsen, welche das Kapital jährlich abwirft, nicht wieder Zinsen bringen.

2) Die Rechnung nach Zinseszinsen ober Doppelzinsen. Alle eingegangenen Zinsen nehmen die Natur von Kapitalien an, liefern also selbst wieder Zinsen.

# 3) Die Rechnung nach arithmetisch=mittleren Binfen.

Die Resultate berselben sind das arithmetische Mittel aus den nach 1) und 2) erhaltenen Resultaten. Bezeichnet man letztere mit a und b, so würde also die Rechnung nach arithmetisch=mittleren Zinsen  $\frac{a+b}{2}$  ergeben. So z. B. ist der Jetztwert von 40 Mark, welche nach 60 Jahren eingehen, unter Zugrundelegung eines Zinses und 3  $\frac{a}{a}$ 0 und der Rechnung mit arithmetisch=mittleren Zinsen

$$= \left[\frac{40}{1,03^{60}} + \frac{40}{100 + 180}\right] : 2 = [40 \cdot 0,1697 + 40 \cdot 0,3571] : 2$$

$$= 10,536 \text{ Mart}.$$

über die Bestimmung bes Jestwertes einer Einnahme nach den Gessessen der Zinseszinsrechnung siehe Note 2. Der Jestwert derselben Einsnahme, berechnet nach den Regeln der einsachen Zinsrechnung, ergiebt sich durch folgende Betrachtung. Nennt man x das Kapital, welches bei einem Zinssuss von p Prozent nach 60 Jahren mit einsachen Zinsen auf 40 Mark anwächst, so ist

$$40=x+\frac{x\cdot 60\cdot p}{100}\,;$$
 hierand folgt  $x=\frac{40\cdot 100}{100+60\cdot p}\cdot$ 

# 4) Die Rechnung nach geometrisch=mittleren Zinsen.

Die Resultate berselben sind das geometrische Mittel aus den Resultaten von 1) und 2), also Vab. So berechnet sich das vor= hergehende Beispiel nach geometrisch=mittleren Binsen zu

$$\sqrt{\left(\frac{40}{1,03^{60}} \times \frac{40 \cdot 100}{100 + 180}\right)} = 9,847.$$

# 5) Die Rechnung nach beidrantten Binfeszinfen.

Die jedesmaligen einfachen Rinsen bes urfprünglichen Ravitals tragen von der Zeit ihres Eingangs an ebenfalls einfache Zinsen. Es wird also 3. B. aus einem Kapital 100 bei 4 % werden: nach Ablauf bes 1. Jahres 100+4=104

" " 2. " 
$$100 + 8 + 4 \cdot 0.04 = 108.16$$

", ", ", 3. ", 
$$100+12+4\cdot0.04\cdot2+4\cdot0.04=112.48$$
", ", 4. ",  $100+16+4\cdot0.04\cdot3+4\cdot0.04\cdot2+4\cdot0.04=116.96$ .

schränkten Zinseszinsen lautet für das Rapital 1 und einen Zeitraum von n Jahren:

$$\begin{aligned} 1 + n \cdot 0.0p + (n-1) & 0.0p^2 + (n-2) & 0.0p^2 + \dots + 0.0p^2 \\ &= 1 + \left(n + \frac{n(n-1)}{2} & 0.0p\right) & 0.0p. \end{aligned}$$

# II. Würdigung der Binsenberechnungsarten.

# 1) Burdigung ber Rechnung nach einfachen Binfen.

Gegen die Anwendung der Rechnung mit einfachen Binsen spricht Folgendes.

A. Diese Rechnungsweise beruht auf Boraussehungen, welche mit der Natur des Geldes in Widerspruch fteben.

Denn es ist in Bezug auf die Eigenschaft bes Gelbes, Binsen zu tragen, ganz gleichgültig, ob dasselbe ursprünglich Rapital war oder von den Zinsen eines Kapitales herrührt. Thatsächlich kann alles Gelb zinsentragend angelegt werden.

Die Voraussehungen der Rechnung mit einfachen Binsen lassen sich aber bei Waldwertrechnungen um so weniger einhalten, als es häusig gar nicht entschieden werden kann, ob eine gewisse Geldsumme als Rapital oder als Zins zu betrachten ift. Fälle dieser Art folgen unter B.

B. Die Rechnung mit einfachen Binfen führt bei ber Bestimmung des Rapitalwertes immerwährender Renten zu unanwendbaren Resultaten.

Der Rapitalwert K einer immerwährenden, alle n Jahre einsgehenden Rente R läßt sich nach der Rechnung mit einfachen Zinsen in zweisacher Beise ermitteln:

a) Man betrachtet R als die n maligen Zinsen eines Kapitals K. Es besteht dann die Proportion

$$R: K = np: 100$$

und hieraus folgt

$$K = R \frac{100}{np} \cdot$$

Bergleicht man nun den Wert von K mit dem gegenwärtigen Kapitalwert  $K_1$  einer endlichen Anzahl von Renten R, welche in Zwischenräumen von n Jahren und im Ganzen m mal eingehen, so erhält man, wenn man m hinlänglich groß annimmt, das absurde Resultat, daß  $K < K_1$ , d. h. daß der gegenwärtige Wert einer unendlichen Anzahl von Renten kleiner ist, als der gegenwärtige Wert einer endlichen Anzahl von Renten.

Denn es läßt sich, will man den Voraussetzungen der Rechnung mit einfachen Zinsen getreu bleiben,  $K_1$  nur in der Weise bestimmen, daß man jedes R auf die Gegenwart diskontiert. Hiernach wären die nach  $n, 2n, \ldots, m$ n Jahren eingehenden Renten R aus Anfangsewerten  $R_1$ ,  $R_2, \ldots, R_m$  hervorgegangen, deren Größe sich jeweilig aus der Proportion

$$R_m : R = 100 : (100 + mnp)$$

berechnen ließe. Die Summe aller biefer Anfangswerte aber wäre

$$K_1 = R \frac{100}{100 + np} + R \frac{100}{100 + 2np} + \dots + R \frac{100}{100 + mnp}$$

Sett man nun z. B. R = 1, n = 40, p = 5, so ist

$$K = R \frac{100}{np} = \frac{1 \cdot 100}{40 \cdot 5} = 0,5000.$$

Es bedarf aber nur der Annahme von zwei Gliedern, um  ${
m K_1}>{
m K}$  zu machen, denn seigen wir  ${
m m}=2$ , so ist

$$K_1 = \frac{1 \cdot 100}{100 + 40 \cdot 5} + \frac{1 \cdot 100}{100 + 80 \cdot 5}$$
  
= 0,3333 + 0,2000 = 0,5333,

mithin  $K_1 > K$ .

Dieses Resultat erklärt sich badurch, daß man R bei der Berechnung von K blos als Zins, dagegen bei der Berechnung von K1

als Kapital und Zins angesehen hat. Da es nun für die Ermittes lung von  $K_1$  keine andere Rechnungsweise, als die vorhin geführte, giebt, so muß die Wethode, nach welcher oben der Wert von K ersmittelt wurde, als unanwendbar betrachtet werden.

b) Man betrachtet jede Einnahme R als den Nachswert eines im Jahre O verzinslich angelegten Kapitals. Hiernach berechnet sich der Kapitalwert K2 der ganzen immerwährensben Rente folgendermaßen:

$$\begin{split} K_2 &= R \, \frac{100}{100 + np} + R \, \frac{100}{100 + 2 \, np} + R \, \frac{100}{100 + 3 \, np} + \cdots \\ &= R \, \left( \frac{1}{1 + n \cdot 0.0 \, p} + \frac{1}{1 + 2 \, n \cdot 0.0 \, p} + \frac{1}{1 + 3 \, n \cdot 0.0 \, p} + \cdots \right) \end{split}$$

Wir erhalten hier eine unendliche harmonische Reihe, beren Summenwert unendlich groß ist, mithin wäre  $K_2=\infty$ .

Unter einer harmonischen Reihe versteht man eine Folge von Brüchen, deren Zähler alle gleich sind, während die Nenner eine arithmetische Reihe bilden. Daß die Summe einer solchen (unendlichen) Reihe den Wert  $\infty$  besitzt, läßt sich nach Lehrs Waldwertrechnung (Loreps Handbuch der Forstwissenschaft, II. Band, Seite 17) solgendermaßen beweisen. Setzen wir  $\mathbf{n} \cdot \mathbf{0.0p} = \mathbf{m}$ , so nimmt obige Reihe die Form an:

$$\frac{1}{1+m} + \frac{1}{1+2m} + \frac{1}{1+3m} + \cdots$$

Berlegen wir diefelbe in Gruppen wie

$$\begin{split} \frac{1}{1+m} + \left( \frac{1}{1+2m} + \dots + \frac{1}{1+xm} \right) + \\ + \left( \frac{1}{1+(x+1)m} + \dots + \frac{1}{1+ym} \right) + \\ + \left( \frac{1}{1+(y+1)m} + \dots + \frac{1}{1+zm} \right) + \dots \end{split}$$

so ist die Summe der (x-1) Elieder der zweiten Gruppe offenbar  $> \frac{x-1}{1+xm}$ , diejenige der (y-x) Elieder der dritten Gruppe  $> \frac{y-x}{1+ym}$  u. s. w. Bestimmen wir nun  $x, y, z \dots$  so, daß

$$\frac{x-1}{1+xm} = \frac{y-x}{1+ym} = \frac{z-y}{1+zm} = \dots = \frac{1}{1+m},$$

so sind die Summenwerte aller folgenden Gruppen einzeln größer als  $\frac{1}{1+m}$ ; d. h. wir erhalten eine unendliche Folge von Werten, die sämtzlich größer als der erste, mithin im Ganzen  $=\infty$  sind.

Die Werte von x, y, z . . . . felbst ergeben sich hierbei aus ber aufgestellten Bedingungsgleichung wie folgt

$$x = m + 2 = \frac{m^2 + 2m}{m} = \frac{(m+1)^2 - 1}{m}$$

$$y = m^2 + 3m + 3 = \frac{m^3 + 3m^2 + 3m}{m} = \frac{(m+1)^3 - 1}{m}$$

$$z = m^3 + 4m^2 + 6m + 4 = \frac{(m+1)^4 - 1}{m}$$

u. f. w. Da aber jede unenbliche harmonische Reihe sich in biefer Beise gerlegen lagt, so gilt ber geführte Beweis allgemein.

Diese Rechnungsweise hat den Vorzug, daß sie vollständig mit derzenigen übereinstimmt, nach welcher oben (a) der Wert einer endslichen Rente ermittelt wurde; es kann daher hier auch nicht der Fall eintreten, daß der Jetztwert einer endlichen Rente größer, als der einer immerwährenden Rente wird: dagegen stellt sich der Wert  $K_2 = \infty$  als gänzlich unanwendbar dar, weil der Wert eines Gutes, welches alle n Jahre den Reinertrag R liefert, thatsächlich kein unsendlich großer, sondern ein endlicher ist.

Die Rechnung mit einfachen Zinsen bietet bemnach zur Ermittelung bes Kapitalwertes einer immerwährenden Rente keinen brauchbaren Ausbruck dar. Denn nimmt man für letzteren R  $\frac{100}{p}$  an, so kann es vorkommen, daß der Jetztwert einer endlichen Rente größer ausfällt, als der jenige einer immerwährenden Rente; der Ausbruck  $K_2=\infty$  ift aber an und für sich absurd.

Bon den früheren Schriftstellern wandte nur G. L. Hartig die einfache Zinsrechnung bei Baldwertrechnungen ausschließlich an, gestattete jedoch auch den Gebrauch der Zinseszinsrechnung. (Anleitung zur Berechnung des Geldwerthes eines ic. Forstes, 1812, S. 11: "Da bei weitem der größte Theil von allen Capitalisten und Baldeigenthümern die Zinsen aus ihren Capitalien jährlich oder periodisch verzehren oder zu ihrer Subsissenz verwenden müssen, so kann nur die einsache Zinsrechnung bei dem Berkauf der Baldungen statt finden, und die Berechnung der Zwischenzinsen nicht in Anwendung kommen." In Hartigs Forsttazation von 1813, S. 175 sindet sich der Zusat: "Sollte man aber darin nicht meiner Meinung sein, so kann auch die Rechnung, unter Gestattung von Zwischenzinsen, nach meinen Grundsähen gemacht werden.") G. L. Hartig näherte indessen die Resultate seiner Rechnungsweise densenigen der Zinseszinsrechnung dadurch, daß er einen ziemlich hohen Zinssuß annahm, auch denselben periodisch nicht unbeträchtlich steigen ließ, wovon bereits früher (S. 37) die Rede war.

Die späteren Schriftsteller verließen alle mehr ober weniger die einsache Zinsrechnung und wandten sich entweder der Zinsezinsrechnung oder der gemischten Zinsrechnung zu; selbst Th. Hartig, welcher in der Allg. Forstund Jagdezeitung von. 1855 noch einmal zu Gunsten der einsachen Zinszrechnung in die Schranken trat, zog ebenfalls ein gemischtes Versahren vor. Sinige Anhänger der Zinsezinsrechnung wollten indessen die einsache Zinszrechnung doch noch in dem Falle bestehen lassen, wenn die Waldwertrechnung im Austrage der Gerichte ersolge, so u. a. Pseil (Forsttagation, 3. Ausl., 1858, S. 384 und 386). Wir werden unten sehen, daß auch diese Ausznahme unzulässig ist.

# 2) Bürdigung der Binfeszinsrechnung.

Gegen die Anwendbarkeit der Rechnung mit Zinseszinsen hat man folgendes vorgebracht:

- A. Das Anwachsen ber Kapitalien erfolge nicht immer nach ben Gesetzen ber Zinseszinsrechnung,
- a) weil die Zinsen häufig nicht im Verfalltermin, sondern erst später eingingen, mithin auch nicht sogleich im Bersfalltermin zinsentragend angelegt werden könnten (v. Gehren, S. 1), die Gesetze aber die Anrechnung von Zinseszinsen nicht gestatteten. Hiergegen läßt sich aber einwenden:
- a) Daß das Ansleihen der Kapitalien nicht die einzige Art der Kapitalanlage ist und daß z. B. bei vielen gewerblichen Unternehmungen die Zinsen allerdings regelmäßig eingehen. Auch die meisten Staatspapiere liefern die Zinsen stets im Berfalltermine.
- β) Daß viele Kassen, z. B. die Sparkassen, die Rentensund Lebensversicherungsbanken, dem Darleiher Zinseszinsen vergüten, also auch selbst mit Zinseszinsen operieren und hierbei ihre Rechnung sinden müssen. Sie bedienen sich freilich eines niedrigen Zinssußes und rechnen somit gleichsam einen Teil der Zinsen als Prämie für Verluste.
- $\gamma$ ) Daß die einfache Zinsrechnung jedenfalls zu weit geht, indem sie alle Zinsen verloren giebt.
- b) Weil die Mehrzahl der Kapitalisten und Waldseigentümer die Zinsen aus ihren Kapitalien jährlich oder periodisch verzehren oder zu ihrer Subsistenz verwenden müssen (G. L. Hartig, Anleitung zur Berechnung des Geldwerthes 2c., 1812, S. 11).

Diese Annahme steht mit der Erfahrung im Widerspruch, wie das Anwachsen des Kapitalvermögens vieler Personen und Familien beweist; auch sind solche Zinsen, welche wirtschaftlich verzehrt (nicht

vergeubet) werden, als zinsentragend anzusehen, wenn sich ihre Renstabilität auch nicht unmittelbar in Geld ausdrücken läßt.

- B. Daß die Zinseszinsrechnung zu niedrige Resultate liefere, indem z. B. 600 Thlr., welche in 100 Jahren eingehen, bei einem Zinssuß von 5 Prozent, gegenwärtig nur 4 Thlr. 18 Gr.  $11\frac{3}{4}$  Pf. wert seien (Cotta, Waldwerthberechnung, 1. Ausl., 1818, S. 6).
  - S. 129 ber 2. Auflage seiner Balbwerthrechnung (1819) sagt Cotta: "Bei ber Zinseszinsrechnung kommt ein Resultat zum Borschein, bas ben Tagator, welcher es geltend machen wollte, in den Verdacht brächte, er sei bem Tollhause entsprungen!"

# Biergu ift zu bemerten:

- a) daß es nicht erwiesen werden kann, ob dieses Resultat unter allen Umständen zu niedrig ist, indem mancher für 600 Thir., welche in 100 Jahren eingehen, gegenwärtig gar nichts bieten wird;
- b) daß jenes niedrige Resultat lediglich von dem der Disstontierung zu Grunde gelegten hohen Zinsfuß  $(5\,\%)$  herrührt.
- C. Daß die Geschgebung vieler Staaten die Aufrech: nung von Zinseszinsen nicht gestatte.

Dieser Einwand ist von Burchardt schlagend widerlegt worden. Er sagt (Waldwerth, S. 102): "Wenn die Gerichte bei rücktändigen Zinsen von Darlehen und bei sonstigen Schüldsorderungen auf Zinseszinsen nicht erkennen, sondern nur einsache Zinsen zulassen, so handelt es sich hierbei um eine Maßregel gegen Zinswucher, die auf Wertzanschläge ebensowenig angewandt werden kann, wie die Gerichte bestugt sind, die Geldinstitute zu hindern, Zins vom Zins zu nehmen. Nach neueren nationalökonomischen Anschauungen wird selbst die Zwecksmäßigkeit der Wuchergesetze angezweiselt." In der That pslegen die Gerichte die Zinsen von solchen Kapitalien, welche sie in eigener Berwaltung haben (z. B. Pupillengelber) auch wieder auf Zinsen auszuleihen.

D. Daß bie Aufrechnung von Zinfeszinfen felbft bei benjenigen Gelbinftituten, welche wie Sparkaffen, Rentensanftalten zc. folche gewähren, boch nur innerhalb gewiffer Grenzen erfolge und bemgemäß auch in ber Forftwirtschaft nicht unbeschränkt in Anwendung gebracht werden durfe.

Auf Seite 72 seiner Waldwertrechnung weist F. Baur darauf bin, daß die Forstwirtschaft in den Hochwald-Umtrieben mit längeren Berginsungszeiträumen zu rechnen habe als irgend ein anderer Pro-

duktionszweig. Ebenso nun, wie jene Geldinstitute nur für geringere Ravitalbetrage und Zeiträume (höchstens 30 bis 40 Sahre) Binfesginsen aufrechneten, durfe auch in der Forstwirtschaft kein unaufhörliches Anwachsen der Anlagekosten u. dal. unterstellt werden. 200 sjährigem Umtrieb und einem Zinsfuß von 3 % 3. B. wachse iede zur Bestandsbegründung ausgegebene Mart rechnungsmäßig auf ben Betrag von 369, eine jährliche Ausgabe von einer Mart fogar auf den Endwert von 12278 Mark an. In Wirklichkeit komme ein solches Anwachsen aber nicht vor. "Wir unterstellen daher, daß ein Rapital nur höchstens 40 Jahre stehen bleiben barf, bann herausgenommen werden muß, um bei höheren als 40-jährigen Umtrieben mit dem Anfangswert wieder verzinslich angelegt zu werden." Mittelft biefer Unterstellung gelangt Baur ju ber Schluffolgerung, daß ber Zinsfuß bei Umtrieben bis zu 40 Jahren auf etwa 31/20/0, bei 50 Jahren auf 3, 80 Jahren auf 21/2, 100 und mehr Jahren auf 2 % zu bestimmen sei.

Wenn es nun auch (vgl. Kapitel II bes vorbereitenden Teils) unter Umständen gerechtfertigt ist, bei höheren Umtrieden mit geringerem Zinsfuße zu rechnen, so kann doch der Baurschen Unterstellung und somit auch der darauf gegründeten Prozentskala keine Berechtigung zuerkannt werden. Denn es läßt sich durchaus nicht absehen, aus welchem Grunde z. B. von 326 Mark, auf welchen Betrag eine 3-prozentige Sparkassenilage von 100 Mark in 40 Jahren angewachsen ist, jest weiterhin nur 100 Mark wieder (anderweitig) zinstragend, z. B. in Staatspapieren, sollen angelegt werden können, die übrigen 226 Mark aber nicht.

Nach Vorstehendem kann es keinem Zweisel unterliegen, daß die Vorwürse, welche man gegen die Rechnung mit Zinseszinsen erhoben hat, ungegründet sind, und daß diese Rechnungsweise bei Waldwertzrechnungen umsomehr in Anwendung kommen muß, als man es durch Wahl eines angemessenen Zinssußes ganz in der Hand hat, beliedige Kapitalwerte zu erzielen — ein Hilfsmittel, auf welches Cotta schon im Jahre 1804 (Taxation II, 156) hinwies.

Die Zinseszinsrechnung wurde schon im vorigen Jahrhundert zur Lösung einzelner Aufgaben der Waldwertrechnung und forstlichen Statik benutzt; Cotta war aber der erste Schriftsteller, welcher die Rotwendigkeit ihrer Anwendung bei der gesamten Waldwertrechnung begründete (a. a. D. S. 155—156). Er ging jedoch später (in seiner Anweisung zur Waldzwertsberechnung, 1818) zu der gemischen Zinsrechnung über. Nach ihm erklärten sich vorzugsweise J. Nördlinger und Hoffeld (Diana von 1805, S. 376 und 432), sowie Hundeshagen (Forstadschähung, 1826,

§ 100) und Pfeil (Forsttaration von 1833, G. 398) für die Rinfeskins-Spater anderte Bfeil, welcher in ber erften Auflage feiner Forsttagation die gegen die Binseskinsrechnung erhobenen Ginmanbe und namentlich auch benjenigen, "bag die Berichte feine Rechnung von Binfesginfen geftatteten," für "fo unhaltbar und lächerlich" ertlart hatte, "bag fie teiner Biberlegung wert feien," feine Anficht barin ab, bag er bie Anwendung der einfachen Binerechnung bei Erpropriationen gestattete. einesteils, weil einfache Binfen Diejenigen feien, welche bei gerichtlichen Berhandlungen und Berechnungen angewendet wurden, andernteils um bas Maximum bes Breifes, ben ber Gigentumer rechtlicher- und billigermeife forbern tonne, zu ermitteln (S. 385 und 387 ber 3. Auflage ber Forft= taration bon 1858). Bon ben neueren Schriften über Balbmertrechnung erflaren fich biejenigen von Brenmann, Bregler und Albert ausschließ: lich fur Anwendung ber Binfeszinsrechnung; nur in Bofes "Beitragen gur Baldwerthrechnung", 1863, G. 101 wird noch einmal die einfache Bindrechnung und zwar für den Fall empfohlen, daß der Schaden, welcher burch Berftorung jungen Solges ober burch Berhinderung der Rultur von Baldblößen, 3. B. bei Beideservitutprozessen, entstanden ift, bei Gericht gu liquidieren fei.

3) Würdigung ber gemischten Zinsrechnung (arithmetische und geometrische Mittelzinsen, beschränkte Zinseszinsen).

Die der Zinseszinsrechnung (jedoch mit Unrecht) gemachten Borwürfe, sowie die Wahrnehmung, daß bei Anwendung des landeszüblichen Zinssußes die einsache Zinsrechnung zu hohe, die Zinseszinsrechnung zu niedrige Diskontowerte liesere, haben zu der Verbindung dieser beiden Rechnungsarten geführt. Da indessen alle Schattenseiten der einsachen Zinsrechnung auch den gemischten Zinsrechnungen eigentümlich sind, da außerdem die üblichen Waldsapitalwerte sich auch mittelst der Zinseszinsrechnung erlangen lassen, wenn man nur den richtigen Zinssig annimmt, so ergiebt sich, daß auch die gemischten Zinsrechnungen keine Unwendung verdienen.

Der Hauptgrund, welcher zur Einführung ber gemischten Zinsrechnung Beranlassung gab, lag, wie Th. Hartig (Allg. Forst: und Jagd: Zeitung von 1855, S. 122) ganz richtig bemerkt, unzweiselhaft darin, daß die mittelst der Zinseszinsrechnung berechneten Baldkapitalwerte mit den durch: schnittlichen Berkausspreisen von Baldgrundstüden nicht stimmten. Man suchte aber die Ursache dieser Abweichung irrigerweise in der Zinsenberrechnungsart, während sie nur in der Bahl des Zinsssussellag. In der That ist das Beispiel, auf welches Cotta seine Borwürse gegen die Zinseszinsrechnung stützte, mit einem Zinssus von 5 % berechnet.

Cotta wandte (zuerst 1818) die Rechnung mit arithmetisch=mittleren Binsen an. Mosheim (Allg. Forst: und Jagd:Zeitung, 1829, 573), schlug statt deren die Rechnung nach geometrisch=mittleren Zinsen vor, welche

v. Gehren (1835) und Hierl (1852) adoptierten. Durch Burchhardt (1860) wurde endlich die Rechnung nach beschränkten Zinseszinsen, welche nach demselben Autor (S. 106 seines "Waldwerths") in Preußen bei Berechnung der Bau-Absindungs-Kapitalien angewandt wird, in die forstliche Litteratur eingeführt.

Indessen ist auch die Rechnung nach beschränkten Zinseszinsen von den oben erwähnten Inkonsequenzen der einsachen Zinsrechnung nicht frei; sie berechnet insbesondere den Jetztwert endlicher Renten zu groß im Bershältnis zu dem Jetztwerte immerwährender Renten. So z. B. erhält man nach Burckhardts Tasel III b, S. 198, den Jetztwert einer jährlichen Rente 1, welche im Ganzen 160 mal ersolgt, bei 4 Prozent = 32,2843, während der Wert einer immerwährenden jährlichen Rente in berselben Tasel zu 25,5984 angegeben ist.

#### Note 2.

# Entwickelung der Formeln der Binfeszinsrechnung.

#### Erfter Abschnitt.

# Summierung ber geometrifden Reihe, als Borbereitung für Die Entwidelung ber Binfeszinsformeln.

#### I. Begriff.

Eine geometrische Reihe ist eine Folge von Größen, von welchen jede aus ber nächstvorhergehenden durch Multiplikation mit einer ftandigen Größe, dem Quotienten, erzeugt werden kann.

Ift der Quotient größer als 1, so entsteht eine fteigende, ift

er fleiner als 1, so entsteht eine fallende Reihe.

Ift die Anzahl der Glieder begrenzt, so heißt die Reihe eine endliche; im entgegengesetzten Falle eine unendliche.

Bon den unendlichen Reihen fommen bei Waldwertrechnungen nur die fallenden zur Anwendung.

# II. Summierung der geometrischen Reihe.

# 1) Steigende geometrifche Reihe.

Nennen wir a das erste Glied, q den Quotienten, n die Bahl ber Glieder, S die Summe der Reihe, so ist

$$S = a + aq + aq^2 + \dots + aq^{n-1}.$$
 †

Multiplizieren wir diese Gleichung mit q, so ift

$$Sq = aq + aq^2 + aq^3 + \dots + aq^n.$$
 ††

Biehen wir + von ++ ab, fo erhalten wir

$$Sq - S = aq^n - a$$
, ober

 $S\left(q-1\right)=a\left(q^n-1\right);$  hieraus die Summenformel für die steigende geometrische Reihe:

$$S = a \frac{(q^n - 1)}{q - 1} \tag{1}$$

# 2) Kallende geometrifche Reihe.

# a) Fallende geometrische endliche Reihe.

Als Summenformel der fallenden geometrischen Reihe kann die jenige der steigenden gebraucht werden. Da aber, wenn q<1, so wohl Zähler als Nenner dieser Formel negativ werden und dies bei Anwendung der Formel einige Unbequemlichkeit verursacht, so multiplizieren wir Zähler und Nenner mit -1 und erhalten dann als Summenformel für die fallende geometrische endliche Reihe:

$$S = a \frac{(1 - q^n)}{1 - q}.$$
 (2.

#### b) Fallende geometrische unendliche Reihe.

Bei einer unendlichen Reihe ist  $n=\infty$ . Setzen wir diesen Ausdruck in die unter a) gewonnene Formel, so erhalten wir

$$S = a \frac{(1 - q^{\infty})}{1 - q}.$$

Es ist hier q ein echter Bruch: die Mathematik lehrt aber, daß der Wert eines solchen, wenn man ihn zur Potenz  $\infty$  erhebt, =0 wird. Somit ist

$$S = \frac{a}{1 - q} \tag{3}$$

die Summenformel für die fallende geometrische unendliche Reihe. Die Summe einer solchen ist eine endliche Größe.

#### Zweiter Abschnitt.

#### Entwidelung ber gebrauchlichften Formeln ber Binfeszinsrechnung.

Die Zinseszinsrechnung setzt bekanntlich voraus, daß die Zinsen, welche ein Kapital abwirft, sogleich nach ihrem Eingange selbst wieder zinsentragend angelegt werden können.

# I. Prolongierung oder Bestimmung des Nachwertes.

Ein gegenwärtig verzinslich angelegtes Kapital V wächst bei einem Zinsfuße von p % nach n Jahren zu dem Werte

$$N = V \cdot 1,0p^n \qquad \qquad I.$$

an.

Beweis. Das Kapital 100 wächst bis zum Ende des ersten Jahres auf den Betrag 100 + p an, folglich wächst das Kapital V

innerhalb ber nämlichen Zeit zu  $V\left(\frac{100+p}{100}\right)$  an. (Nach der Proportion 100:100+p=V:x).

Ju Anfang bes zweiten Jahres ist  $V\left(\frac{100+p}{100}\right)$  ber Stand bes Kapitals; dieses wächst bis zum Ende bes zweiten Jahres, nach ber Proportion  $100:100+p=V\left(\frac{100+p}{100}\right):x$ , auf den Betrag  $V\left(\frac{100+p}{100}\right)^2$  an.

Zu Anfang des dritten Jahres beträgt das Kapital V  $\left(\frac{100+p}{100}\right)^2$ ; bieses wächst, nach der Proportion  $100:100+p=V\left(\frac{100+p}{100}\right)^2:x$ , bis zum Ende des dritten Jahres zu dem Werte  $V\left(\frac{100+p}{100}\right)^3$  an.

Aus den vorstehenden Gliedern ift das Gesetz, nach welchem bas Kapital anwächst, schon ersichtlich. Wir erhielten:

für das Ende des ersten Jahres 
$$V\left(\frac{100+p}{100}\right)$$
 , , , , , , weiten , ,  $V\left(\frac{100+p}{100}\right)^2$  , , , , , britten , ,  $V\left(\frac{100+p}{100}\right)^3$  ;

somit wird das Rapital V mit seinen Zinsen bis zum Ende des n ten Jahres auf den Betrag  $N=V\left(\frac{100+p}{100}\right)^n$  angewachsen sein. Divisieren wir den Zähler und Nenner des zweiten Gliedes dieser Gleichung durch 100, so erhalten wir:

$$N = V \left( 1 + \frac{p}{100} \right)^n = V \left( 1 + 0.0 p \right)^n = V \cdot 1.0 p^n.$$

Unmerfung. Aus vorftehender Formel ergiebt fich

1) das Prozent 
$$p=100\left(\sqrt[n]{\frac{N}{V}}-1\right);$$

2) ber Prolongierungszeitraum n =  $\left(\frac{\log N - \log V}{\log 1.0 p}\right)$ 

ak

# II. Diskontierung oder Bestimmung des Vorwertes.

Der gegenwärtige Wert V einer nach n Jahren nur einmal eingehenden Ginnahme N ist

$$V = \frac{N}{1,0p^n},$$
 II.

wie sich aus Formel I. ableiten läßt.

### III. Rentenredmung.

# 1) Summierung von Renten.

A. Summierung ber Radwerte von Renten.

a) Aussetzende Renten.

Eine zum ersten Male nach m Jahren, im ganzen n mal in Zwischenräumen von m Jahren verzinslich angelegte Kente R erlangt nach mn Jahren den Summenwert

$$S_n = \frac{R (1,0 p^{mn} - 1)}{1,0 p^m - 1}$$
 III.

Der Beweis läßt fich in zweifacher Beife führen:

1) Man prolongiert jede einzelne Rente auf die Zeit des Emspfanges der letzten Kente und bestimmt die Summe dieser Nachwerte nach der Formel für die steigende geometrische Reihe. Es ist

$$S_n = R + R \cdot 1.0p^m + R \cdot 1.0p^{2m} + \cdots + R \cdot 1.0p^{(n-1)m}.$$

Die Summenformel der steigenden geometrischen Reihe lautet:  $\frac{a\,(q^n-1)}{q-1}$ . In dem vorliegenden Falle ist a=R,  $q=1,0\,p^m$ , die Zahl der Glieder =n, somit

$$\frac{a\;(q^n-1)}{q-1} = \frac{R\;(1{,}0p^{nm}-1)}{1{,}0p^m-1} = S_n$$

2) Man sucht das Kapital auf, welches nach m Jahren die Interessen R liefert, prolongiert dasselbe auf das Jahr mn und zieht von dem erhaltenen Nachwerte das ursprüngliche Kapital wieder ab. Nennt man letzteres x, so hat man:

$$\begin{aligned} &x \cdot 1, 0 \, p^m - x = R; \, x \, (1, 0 \, p^m - 1) = R; \, x = \frac{R}{1, 0 \, p^m - 1}; \\ &x \cdot 1, 0 \, p^{mn} - x = \frac{R \cdot 1, 0 \, p^{n \, n}}{1, 0 \, p^m - 1} - \frac{R}{1, 0 \, p^m - 1} = \frac{R \, (1, 0 \, p^{mn} - 1)}{1, 0 \, p^m - 1}. \end{aligned}$$

b) Jährliche Renten.

Eine jährlich am Jahresschlusse und im ganzen n mal verzinslich angelegte Rente r erlangt nach n Jahren den Summenwert

$$S_n = \frac{r(1,0p^n - 1)}{0.0p}$$
. IV.

Diese Formel ergiebt sich, wenn man in Formel III. m = 1 sett; es ist bann

$$S_n = \frac{r \; (1{,}0 \, p^n - 1)}{1{,}0 \, p \; - \; 1} = \frac{r \; (1{,}0 \, p^n - 1)}{0{,}0 \, p} \; \cdot \;$$

- B. Summierung ber Borwerte von Renten.
  - a) Beitrenten.
    - a) Aussenbe Renten.

Eine in Zwischenräumen von m Jahren und im ganzen n mal eingehende Rente R hat m Jahre vor dem Bezug der ersten Rente den Wert

$$S_v = \frac{R(1,0p^{mn}-1)}{1,0p^{mn}(1,0p^m-1)}$$
 · V.

Beweis.

1) Fi ift 
$$S_v = \frac{R}{1,0p^m} + \frac{R}{1,0p^{2m}} + \cdots + \frac{R}{1,0p^{mn}}$$

Diese Reihe summiert man nach der Formel  $rac{a}{1-q}^n$ . Man setzt

$$a = \frac{R}{1,0p^m}$$
,  $q = \frac{1}{1,0p^m}$  und erhält

$$S_v \! = \! \frac{\frac{R}{1,0\,p^m} \left[1 - \! \left(\! \frac{1}{1,0\,p^m}\!\right)^{\!n} \right]}{1 - \! \frac{1}{1,0\,p^m}} \! = \! \frac{\frac{R\,(1,0\,p^{mn}-1)}{1,0\,p^{mn}\,(1,0\,p^m-1)}}{1,0\,p^m-1)} \cdot \\$$

2) Formel V. ergiebt sich auch, wenn man Formel III. mittelst Formel II. auf die Gegenwart distontiert. Man setzt also

$$\mathbf{S_v} = \frac{\mathfrak{Formef III.}}{1,0\,\mathbf{p^{mn}}} = \frac{\frac{\mathbf{R}\,(1,0\,\mathbf{p^{mn}-1})}{1,0\,\mathbf{p^{mn}}-1}}{1,0\,\mathbf{p^{mn}}} = \frac{\mathbf{R}\,(1,0\,\mathbf{p^{mn}-1})}{1,0\,\mathbf{p^{mn}}\,(1,0\,\mathbf{p^{mn}-1})}$$

# β) Jährliche Renten.

Eine n mal jährlich am Jahresschlusse eingehende Rente r hat gegenwärtig ben Wert

$$S_v = \frac{r(1,0p^n - 1)}{1,0p^n \cdot 0,0p}$$
. VI.

Beweis. Man fest in Formel V. m = 1 und erhalt alsdann

$$S_v = \frac{r(1,0p^n-1)}{1,0p^n \cdot 0,0p}$$

### b) Immerwährende Renten.

lpha) Der gegenwärtige Wert  $S_{\mathbf{v}}$  einer von jett an alljährlich am Fahresschlusse eingehenden Rente r ist

$$S_v = \frac{r}{0.0 p}$$
 VII.

Beweis. Es ift 
$$S_v = \frac{r}{1,0\,p} + \frac{r}{1,0\,p^2} + \cdots$$

Diese Reihe summiert man nach der Formel  $rac{a}{1-q}$ ; es ist somit

$$S_v = \frac{\frac{r}{1,0p}}{1 - \frac{1}{1,0p}} = \frac{r}{0,0p}$$
. Die vorstehende Formel, welche man ge-

meinhin die Kapitalisierungs= oder Kentierungsformel zu nennen pslegt, erhält man auch, wenn man das Kapital x, dessen jährliche Interessen = r sind, nach der Proportion p:100=r:x aussucht. Wan hat

alsdann 
$$x = \frac{r \cdot 100}{p} = \frac{r}{\frac{p}{100}} = \frac{r}{0.0 p}$$

eta) Der gegenwärtige Wert  $S_v$  einer von jetzt an alle n Jahre eingehenden Rente R ift

$$S_v = \frac{R}{1,0p^n-1} \cdot \qquad \text{VIII}.$$

Bemeis.

1) Es ift 
$$S_v = \frac{R}{1.0p^n} + \frac{R}{1.0p^{2n}} + \cdots$$

Diese Reihe summiert man nach ber allgemeinen Formel  $rac{a}{1-q}$  und

erhält somit 
$$S_{\mathbf{r}} = \frac{\frac{R}{1,0p^n}}{1 - \frac{1}{1,0p^n}} = \frac{R}{1,0p^n - 1}$$

2) Man ermittelt das Kapital  $S_v$ , welches alle n Jahre durch seine Interessen die Summe R liefert. Aus  $R = S_v \cdot 1,0 \, p^n - S_v = S_v \cdot 1,0 \, p^n - 1$  folgt  $S_v = \frac{R}{1,0 \, p^n - 1}$ .

γ) Der gegenwärtige Wert S, einer zum ersten Male nach m Jahren, bann aber alle n Jahre eingehenden Rente R ift

$$S_v = \frac{R \cdot 1,0 \, p^{n-m}}{1,0 \, p^n - 1}$$
 IX.

Beweis.

1) Es ift 
$$S_v = \frac{R}{1,0p^m} + \frac{R}{1,0p^{m+n}} + \frac{R}{1,0p^{m+2n}} + \cdots$$

Summiert man diese Reihe nach der allgemeinen Formel  $rac{\mathrm{a}}{1-\mathrm{q}}$ , so

erhält man 
$$S_v = \frac{\frac{R}{1,0\,p^m}}{1-\frac{1}{1,0\,p^n}} = \frac{R\cdot 1,0\,p^{n-m}}{1,0\,p^n-1}.$$

2) Man berechnet nach Formel VIII. und Formel II. den Jestswert einer Rente, welche zum ersten Male nach m + n Jahren, dann aber alle n Jahre eingeht, und addiert hierzu den Jestwert dessjenigen Rentenpostens R, welcher nach m Jahren ersolgt. Wan ershält alsdann

$$S_{v} = \frac{R}{1.0\,p^{m}\,(1.0\,p^{n}\,-\,1)} + \frac{R}{1.0\,p^{m}} = \frac{R\cdot 1.0\,p^{n-m}}{1.0\,p^{n}\,-\,1} \cdot$$

 $\delta$ ) Der gegenwärtige Wert  $S_v$  einer zum ersten Male augenblicklich, also im Jahre O, dann aber alle n Jahre eingehenden Rente R ist

$$S_v = \frac{R \cdot 1,0 p^n}{1,0 p^n - 1} \cdot \qquad X.$$

Beweis.

1) Find the system of the system 
$$S_v = R + \frac{R}{1.0 \, p^n} + \frac{R}{1.0 \, p^{2n}} + \cdots$$

Summiert man diese Reihe nach der allgemeinen Formel  $\frac{a}{1-q}$ , so erhält man  $S_v=\frac{R}{1-\frac{1}{1.0\,\mathrm{p^n}}}=\frac{R\cdot 1,0\,\mathrm{p^n}}{1,0\,\mathrm{p^n}-1}.$ 

- 2) Man sett in Formel IX. m=0, ober man addiert zu dem Summenwerte von Formel VIII. noch R.
- 2) Verwandlung einer aussetzenden Rente  ${f R}$  in eine jährliche Rente  ${f r}.$
- a) Erfolgt die Rente R schon von jetzt an alle n Jahre, so ist

$$r = \frac{R}{1.0p^n - 1} 0.0p.$$
 XI.

Beweis.

1) Man setzt die Summe der Fetztwerte der jährlichen Kenten gleich der Summe der Fetztwerte der aussetzenden Kenten und entwickelt aus dieser Gleichung den Wert von r. Es ist  $\frac{r}{1,0\,p}+\frac{r}{1,0\,p^2}+\cdots$ 

 $=\frac{R}{1,0\,\mathrm{p^n}}+\frac{R}{1,0\,\mathrm{p^{2n}}}+\cdots$  Das linke Glied der Gleichung summiert man nach Formel VII., das rechte nach Formel VIII.; hiernach ist

$$\frac{r}{0.0p} \! = \! \frac{R}{1.0p^n-1}; \text{ also } r = \frac{R}{1.0p^n-1} \, 0.0p.$$

2) Man ermittelt nach Formel VIII. den Kapitalwert der aussjetzenden Rente R und durch Multiplikation mit 0,0p die jährlichen Interessen dieses Kapitals.

Anmerkung. Formel XI. erhält man auch, wenn man eine nach n Jahren nur einmal eingehende Einnahme R in eine n malige jährliche Rente r verwandelt. Denn es ist  $\frac{R}{1,0p^n} = \frac{r}{1,0p} + \frac{r}{1,0p^2} + \cdots + \frac{r}{1,0p^n} = \frac{r}{0,0p} \left(\frac{1,0p^n-1}{1,0p^n}\right)$ ; hierauß  $r = \frac{R}{1,0p^n-1}$  0,0p. Die vorliegende Aufgabe läßt sich auch auf dem Wege der Prolons gierung lösen; es ist dann  $R = r + r \cdot 1,0p + \cdots + r \cdot 1,0p^{n-1} = \frac{r}{0,0p} (1,0p^n-1)$ ; hierauß  $r = \frac{R}{1,0p^n-1}$  0,0p.

b) Erfolgt die Rente Rzum ersten Male nachm Jahren, bann aber alle n Jahre, so ist

$$r = \frac{R \cdot 1,0 \, p^{n-m}}{1,0p^n - 1} \, 0,0 \, p. \tag{XII}.$$

Bemeis.

1) Es ist 
$$\frac{r}{1,0\,p}+\frac{r}{1,0\,p^2}+\cdots=\frac{R}{1,0\,p^m}+\frac{{}^*R}{1,0\,p^{m+n}}+\frac{R}{1,0\,p^{m+n}}+\frac{R}{1,0\,p^{m+2n}}+\cdots$$
 Summiert man das linke Glied der Gleichung nach Formel VII., das rechte nach Formel XI., so erhält man

$$\frac{r}{0.0 \, p} = \frac{R \cdot 1.0 \, p^{n-m}}{1.0 \, p^n - 1}; \text{ hieraus } r = \frac{R \cdot 1.0 \, p^{n-m}}{1.0 \, p^n - 1} \, 0.0 \, p.$$

2) Man ermittelt nach Formel IX. den Kapitalwert der ausssetzenden Rente R und durch Multiplikation mit 0,0p die jährlichen Interessen dieses Kapitals.

Anmerkung. Formel XII. erhält man auch, wenn man eine nach m Jahren nur einmal eingehende Einnahme R in eine nmalige jährliche Rente r verwandelt. Der Beweis wird in anasloger Weise wie berjenige in der Anmerkung zu Formel XI. geführt.

c) Erfolgt die Rente R zum ersten Male augen= blicklich, dann aber alle n Jahre, so ist

$$r = \frac{R \cdot 1,0p^{n}}{1,0p^{n} - 1}0,0p.$$
 XIII.

Beweis.

1) 
$$\frac{r}{1,0p} + \frac{r}{1,0p^2} + \cdots = R + \frac{R}{1,0p^n} + \frac{R}{1,0p^{2n}} + \cdots$$

G. Deger, Balbwertrechnung. 4. Aufl.

Summiert man das linke Glied der Gleichung nach Formel VII., das rechte nach Formel X., so erhält man  $\frac{r}{0.0\,\mathrm{p}}=\frac{\mathrm{R}\cdot 1.0\,\mathrm{p}^\mathrm{n}}{1.0\,\mathrm{p}^\mathrm{n}-1}$ ; hieraus  $\mathrm{R}\cdot 1.0\,\mathrm{p}^\mathrm{n}$ 

$$r = \frac{R \cdot 1,0 \, p^n}{1,0 \, p^n - 1} \, 0,0 \, p.$$

2) Man ermittelt nach Formel X. den Kapitalwert der Kente R und durch Multiplikation mit O,Op die jährlichen Interessen dieses Kapitals.

Anmerkung. Formel XIII. erhält man auch, wenn man eine Einnahme R, welche nur einmal, und zwar im Jahre O erfolgt, in eine nmalige jährliche Kente r verwandelt. Der Beweis wird in analoger Weise, wie derjenige in der Anmerkung zu Formel XI. geführt.

Unlage A.

Ertragstafel für 1 Hettar Riefernwald II. Standortstlaffe.

(Rach Burdhardt.)

	3n	310 ւլ գիշոսություց	gun	3	Sauptbestand	٩	Abtriel	Ubtriebsertrag
Zahr	Festmeter.	Geldwert pro Festmeter. Wart	Geldwert int Ganzen Mark	Festmeter.	Geldwert pro Festmeter. Wart	Geldwert im Ganzen Warf	Festmeter.	Geldwert Warf
50	15,0	8'0	12,0	0′08	1,2	0'96	95,0	108,0
30	26,3	1,6	42,0	124,0	2,1	260,4	150,3	302,4
40	24,0	2,4	57,6	190,13	3,2	608,4	214,13	0'999
50	21,0	3,2	67,2	245,0	4,9	1200,0	266,0	1267,2
09	18,0	4,4	2'62	291,7	8'9	1983,6	309,7	2062,8
02	15,0	6,0	0'06	347,0	8,3	0,0882	362,0	2970,0
80	12,0	7,4	88'8	378,45	6'6	3519,6	390,45	3608,4
06	10,8	8,0	86,4	408,7	10,1	4128,0	419,5	4214,4
100	1	!	1	428,6	10,5	4500,0	428,6	4500,0

Anlage B.

Berechnung bes Boben-Erwartungswertes nach Anlage A. — Zinsfuß 3 %.

			Der 3n	vi f chen	Der Zwischennugungen	e n				
Eingangszeit	Erlös	•			Nachw	Nachwerte bis zum Jahre	ım Jahre			
Zahr	Mark	20	30	40	50	60	02	80	90 -	100
20	20			21,6732 56,4438 ———————————————————————————————————	29,1276 77,4086 77,4086 ————————————————————————————————————	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	52,6068 137,0040 139,8125 121,3699 106,4369 	70,6992 184,1238 187,8912 163,1146 143,0431 120,9510 ————————————————————————————————————	70,6992 95,0136 127,6908 184,1238 247,4472 332,5476 187,8912 252,5126 39,3562 163,1146 219,2064 294,5981 143,0431 192,2422 258,3504 120,9510 162,5490 218,4570 — 119,3383 160,3812 — 116,1130 — 116,1383 160,3812 — 116,1130 608,4000 4214,4000 4600,0000 4478,2229 5502,7093 6347,4943 255,3816 343,2120 461,2464 252,8413 5159,4973 6886,2479 120,0000 120,0000 1120,0000 120,0000	70,6992 95,0136 127,6908 184,1238 247,4472 332,5476 187,8912 252,5126 339,3562 163,143,0431 192,3422 258,3504 120,9510 162,5490 218,4570 119,3383 160,3812 — 16,1130 — 16,1130 119,3383 160,3812 — 16,1130 119,3383 160,3812 116,1130 119,3381 1847,4943 255,3816 343,2120 461,2464 122,8413 5159,4973 5886,2479 120,0000 120,0000 317,9086 267,9426 203,0961 120,0000

Anlage C.

Berechnung bes Boben: Erwartungswertes nach Anlage A. — Binsfuß 2 %.

Der Bwischennugungen

	Crios				Nachw	Nachwerte bis zum Jahre	ım Jahre			
Zahr	Marf	50	30	40	20	09	20	80	90	100
50	12.0		14,6280	17,8308	21,7368	26,4960	32,2992	39,3720	47,9952	58,5048
30	42,0		. 1	51,1980	62,4078	76,0788	92,7360	113,0472	137,8020	167,9832
40	57,6	Į		1	70,2144	85,5878	104,3366	127,1808	155,0362	188,9856
20	67,2	1	-	1		81,9168	99,8525	121,7261	148,3776	_
09	79,2	1	1	١			96,5448	117,6833	143,4629	174,8736
20	0'06		1			I	-	109,7100	133,7310	163,0260
80	888	1	1	1	1	1	1	1	108,2472	131,9479
90	86,4	1	1	1	1	١	1		1	105,3216
100	1	1	0	I		1	}		1	
Bumme ber Rachn	Summe ber Rachwerte ber Bwijchen-									
nugungen		1	14,6280	69,0288	154,3590	270,0794	14,6280 69,0288 154,3590 270,0794 425,7691 628,7194 874,6521 1171,5182	628,7194	874,6521	1171,518
Abtriebsertrag.	•	108,0000	302,4000	0000,999	1267,2000	2062,8000	108,0000 302,4000 666,0000 1267,2000 2062,8000 2970,0000 3608,4000 4214,4000 4500,0000	3608,4000	4214,4000	4500,000
Summe		108,0000	317,0280	735,0288	1421,5590	2332,8794	33	4237,1194	5089,0521	5671,518
lachwert der Kuln	Rachwert der Kusturkosten $(c = 24 M.)$	35,6616	35,6616 43,4736 52,9920	52,9920	64,5984	78,7440	95,9904	117,0096	117,0096 142,6344	173,8704
Unterichied		72,3384	273,5544	682,0368	1356,9606	2254,1354	72,3384 $273,5544$ $682,0368$ $1356,9606$ $2254,1354$ $3299,7787$ $4120,1098$ $4946,4177$ $6497,6478$	4120,1098	4946,4177	5497,647
Bodenwert einschl. der jährl. Rosten	der jährl. Roften .	148,8580	148,8580 337,1558 564,5901	564,5901	802,2351		_	1062,9883	1000,6603	
lapitalwert d. jähr	Kapitalwert d. jährl. Roften (v=3,6 M.)	180,0000	180,0000 180,00 00 180,0000	180,0000	180,0000	180,0000		180,0000 180,0000		
Interidied = rein	Unterichied = reiner Bobenkapitalwert   -31,1420 157,1558 384,5901	-31,1420	157,1558	384,5901	622,2351	808,2130	920,1462	882,9883	820,6603	700,7232

Anlage D.

Berechnung bes Walb:Reinertrags für verschiebene Umtriebszeiten nach Anlage A.

	Beträgt	de Fläche	einer Al bei	tersstufe 1 Einhaltu	Hektar, so 1g einer U	Beträgt die Fläche einer Altersstufe 1 Hettar, so liefert eine Betriebsklasse von u Hettar bei Einhaltung einer Umtriebszeit von	e Betriebs von	Kajje von	u Hektar
Vahr	20	30	40	20	09	02	80	06	100
	ઝું	ıhren jähr	lich nachs	tehenbe Br	vischennußı	Jahren jährlich nachstehende Zwischennugungserträge, ausgedrückt in Mark:	, ausgedrü	ıck in Ma	cf:
20	1	12,0	12,0	12,0	12,0	. 12,0	12,0	12,0	12,0
30	1	1	42,0	42,0	42,0	42,0	42,0	42,0	42,0
40	1	ļ	1	57,6	57,6	9'29	57,6	57,6	9'29
50	ı	1	1	.	67,2	67,2	67,2	67,2	67,2
09	1	1	1	1	.	79,2	79,2	79,2	79,2
02	1	1		1	1	.	0,06	0'06	0,06
08	1	1		1	. 1	1	.	88,8	88,8
06	1	1.	1.	1	1	1	1	1	86,4
100	1	1	1	ı	1	1	1	-	ı
			qun	nachstehen	den Abtrie	und nachstehenden Abtriebsertrag (Mart):	Rark):		
	108,000	302,400	000'999	666,000 1267,200	2062,800	2970,000	3608,400	4214,400	4500,000
Summe der Junichennuhungen und der Abtriebsnuhung Die Kulturkosten betragen (Wark) Unterschieb Pro Heltar. Pro Heltar. Die jährlichen Kosten betragen (Mark) Tährlicher Walde. Weitertrag pro Heltar	108,000 24,000 84,000 4,200 3,600 0,600	314,400 224,000 90,400 9,680 3,600 6,080	720,000 24,000 696,000 17,400 3,600 13,800	1378,800 24,000 1354,800 27,096 3,600 23,496	2241,600 24,000 2217,600 36,960 3,600 33,360	3228,000 24,000 3204,000 45,771 3,600	3956,400 24,000 3932,400 49,155 3,600 45,555	4651,200 24,000 4627,200 51,413 3,600 47,813	5023,200 24,000 4999,200 49,992 3,600 46,392

Bolg: und Gelbertragstafel für Gigenhodmalb II. Ctanbortstlaffe

Anlage E.

im Lichtungsbetrieb mit Unterbau nach Burdhardt

nebst Berechnung bes jährlichen Bald. Robertrags und bes Boben Erwartungswertes.

	Bemerkungen		Bgl. Burdharbt, Histafeln für Forste tagatoren, 3. Aust. 1873, E. 90 und 91. Burdharbt unterstellt im Alter von 80 bis 100, durchsch. 90 Zahren einen "Lichtungshieb", der etwa 0,6 der Holfmasse wegnimmt, und Declung der Kossen der Unterbanes durch dessen Unterbanes durch dessen Untrieben von mindestens 120 Zahren zu erwarten sein. — Die Kulturfosten zu durchen sein. — Die Kulturfosten zu Aufang eines jeden Umtriebs sind zu 50 Wart, der Zinskuß
Boben.	Brutto. wert	Mark	69,2 187,8 300,7 317,7 312,9 312,9 328,7 3328,7 332,1 332,1 332,1 332,1 332,1 332,1 332,1
Ruffur. Boben.	fosten. fapital	Mark	88
	Summe	Mart	154,2 385,5 385,5 363,8 363,8 368,1 386,0 383,6 383,6 383,6 383,6 383,6 383,6 383,6 3847,8
Summe der Rorwerte	solgende daizimi	Mart	63,5 779,5 779,5 779,5 77,2 11,0 11,0 8,0 7,7 7,7
\$ **	roilrd doirtmU	Mart	75 0 90 7 46,8 180,8 907,9 259,0 38,2 383,6 94,0 341,8 13,8 381,6 14,8 381,1 14,8 381,1 17,9 365,0 96,5 384,3
rt 3u 3 bes iebs	·tqun& duntfod	Mart	5.7 75.0 90.7 7.6 20.6 20.6 20.7 7.6 20.6 20.6 20.6 20.6 20.6 20.6 20.6 20
Vorwert 311 Anfang bes Umtriebs	gungun gungun	Mart	15,7 17,8 17,6 16,3 18,5 13,5 4,5
	ունինում լելյունել	1	14,1 14,4 14,4 14,4 13,3 13,3 14,5 15,5 15,5 17,3 17,3
rirag	Eumme Au+81)	-	220 575 1085 1652 2233 3062 4053 4053 7041 7041 8187 9427
Gelbertrag	·taung, diinthed	Mart	182 479 912 1383 1946 1946 1946 1344 1344 1344 1344 1344 1344 1344 13
	Bungnu -uətpijais	37.	38 57 111 114 114 118 118 118
toften Bert fm	hestand.	Mart	01 22 4 10 20 12 20 12 12 12 12 14 14 14 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15
freier Ber pro fm	gungnu Bungnu	Marf	ન છા છા મા <b>ન ન છ</b> છ તે ને છા છે જે છે છ
Polzertrag (fm)	·tqung. duailad		76 1183 1190 1190 1190 120 120 120 120 120 120 120 120 120 12
Pol3	gungnu Zwijchen-		च च च च च च छ २ २ २ २ २ २ ४ २ १ १ १ १ १ १ १ १ १ १ १ १
gara			000000000000000000000000000000000000000

Anlage F.

Gelbertragstafel für Buchenhochwald III. Standortstlaffe

im Femelschlagbetrieb mit 30-jähriger Berjüngungsdauer (Oberhelfen)

nebst Berechnung des jährlichen Wald-Reinertrags und des Boden-Erwartungswertes.

	Bemerkungen		Bal. Bimmenauer, Grundriß 2c. 1891, Auf-	aahe 28. 59 60 Die Gelbertrage find aus der	Tofel non Rour is Bandelmann (Forthe it Roads	foliaber) noch Solimeijen and her (Beaen) un		wollow Richtstande ein Mertzumoche non 45%	frotting of his Arriveritunghishe hei 90-idhr	The think is 20 is the Maniferenting Source in 75 C	timitied ii. od-juyt. Setjangangsvauet iii 10: 3.	Definition to finder die regre Lucy Defining in to.	tiuti, totallo bet 100-july: im 60: te stutturespecie	gur unterhugung ver namenyen zer, mymber 25. jährl. Koften=6 Mark pro ha, Zinsfuh=3%.
Вобеня	wert	Marl				,	٠				332	289	239	190
Rultur. Kapital	jähr. lichen	Rouen Part									200	200	200	200
Rustur	fosten. fapital	Mart									22	26	56	56
	mi nogna®	Mart									559	515	465	416
Summe der Vorwerte	Folgenbe deiximu	Mark Mark Mark							٠		39	22	18	12
્યું ક્ય	asift& dsiximU						٠		٠		520	488	447	404
Varioert zu Anfang des Umtriebs	etriebs.	Mart						•			381	332	280	230
Born Anfan Umt	ensthlick gungun	Mart		21	5	23	23	25	23	17	11	2		
af	edlass sinsr	Rach-							•		61,0	65,3	68,1	69,3
Jährliche	adagauk purgank	pro ha im Nach- haltbeirieb Mart				•	•	•		•	6,3	6,3	6,2	
	•niV smápn	pro h			٠		٠	٠	٠		67,3	71,6	74,3	75,5
,ag	Summe Shumb	•		•	•	•		•	•		5457 6061	6380 7162	7226 8168 74,3	7974 9056
Gelbertrag (Mart)	-&dsiridM garirs	5		•				•	•		_		7226	7974
	enschlicus gaugun				59	92	101	150		178		140		٠
g	Holfalter h. Umtri	93		20	30	40	50	09	20	80	90	100	110	120

Bolg= und Gelbertragstafel für Fichten II. Stanbortstlaffe

Anlage G.

in Rord: und Mittelbeutichland (Barg und Thuringen) nach Schwappach,

nebst Berechnung bes jährlichen Bald-Reinertrags und bes Boben-Erwartungswertes.

	Bemerkungen		Agl. Schwappach, Wachstum und Ertrag normaler Fichtenbestände, 1890. Die angesetzen Durchschittswerte pro sm sind aus den in mehreren Oberschlereien des Harzes und Thüringens während der letzten der Jahre erzielten Erlösen berechnet. Die jährlichen Kosten sind zu 7, die Kulturkosten zu 70 Mart pro da angenommen.
Boden-Erwartungs.	p=3°/0	Mart	633 997 1201 1278 1199 1045 892 762 625
Boden-Er wert	p = 2 %	Mark	1226 2011 2578 2935 2973 2816 2616 2406 2189 1970
Jährliche	oméand Padagabe p + v = 2 28alda 28alda	pro ha im Nach- haltbetrieb Mark	46,8 9,3 37,5 66,4 102,2 8,4 193,8 142,3 8,0 118,7 155,0 7,8 142,2 118,7 155,9 7,7 152,9 154,9 153,8 7,6 156,2
Geldertrag	Sunne Summe Summe	Mark Mark	1384 1405 46,8 2884 3005 75,1 4770 5111 102,2 6901 7613 126,9 8817 9958 142,3 10443 12007 150,1 12045 13995 155,5 13691 10985 159,5 13671 17879 162,5 16752 19655 163,8
(%c)	ens(b)iot8 gaugun		21 98 98 222 222 371 4423 386 344 294 295
Erntefosten- freier Wert pro fm	dunge.	Mart Mart Mart	1,75 5,47 2,72 7,53 4,35 9,54 6,29 11,44 7,72 12,72 8,13 13,54 8,58 11,48 9,64 16,59 9,64 16,55 0,09 16,65
	Smifden-	Mar	_
Polzertrag (fm)	Bungun ganga -iqung -iqung		12 253 36 388 36 388 51 500 59 603 59 603 52 771 88 900 33 956 57 1006
Sofrafter	reip. Ilmtrieb		30 40 40 50 60 70 80 100 110

Anlage H.

Holz= und Gelbertragstafel für Riefern II. Standortstlaffe in ber Main=Rhein-Ebene

nebst Berechnung bes jährlichen Bald-Reinertrags und bes Boben-Erwartungswertes.

	Bemerkungen		Agl. Wimmenauer, Die finanzielle Seite ber Kiefernwirtschaft im Erößberzogtum Hellen; Allg. Forste u. Zagdzeitung 1891, S. 253. Die Hauptnuhungserträge sind nach Stiesenberpach (Wachstum u. Ertrag normaler Kiesenberschaften u. Ertrag normaler Kiesenberschaften und Burischem 1889), die Amben sich Andelmann (Forste u. Zagdelenber) in Anschlaße, Holze beziehen sich mit Anschlaße, Holze ben Erhebungen der sorstlichen Verle ben Erhebungen der forstlichen Verlücksanstatt sin dien Erhebungen der forstlichen Verlücksanstatt sin dien Erhebungen der forstlichen Verlücksanstatt sin versienen Schrichen Zenfuchsanstatt für Holzen — 60 Mark pro da.
Boben-Crwartungs. wert für	p=2,5%	Mart	260 395 395 395 395 314 212 1120 80
Boben-Er wert	p=2%	Mark	426 604 604 713 696 646 646 587 522 462 397
	-dladk stnor	Rady- b	18 227,1 333,1 443,3 660,3 70,0 71,2 71,2
Zährliche	n + a	o ha im Nach haltbetrieb Marf	8887777777 700877877774
es.	·niD smąnn	pro j	22 2 4 4 33 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
69	smmuə AB+ nA	Marl	1072 1764 2509 3303 4086 4816 5544 6251 6957 7627 8294
Gelbertrag	stqung duntjed	Marf	1034 1614 2186 22803 3418 3979 4569 5156 6329 6907
න	enschlict& gaugun	Mart	38 112 173 177 168 169 118 120 108 95
fosten- Wert fm	-tqung dunijad	Mark Mark	6,5 6,7 7,7 1,0 1,0 1,1 1,1 1,0 1,0 1,0 1,0 1,0 1,0
Erntefosten freier Wert pro fm	anschling. gungun	Mari	で
Holzertrag in fm Derbholz	=tqun& dunifed		188 255 310 356 394 424 449 440 489 506
Hoolze in Derl	enschlick. gungun		22 22 22 22 11 10 9
S. V. o. V. t.	Polóairer refp.	annum m	40 50 60 70 80 90 110 120 130

Bolg: und Gelbertragstafel für Riefern II. Ctanbortstlaffe

Anlage J.

in der Dain: Rhein: Corne bei intenfiverem Durchforftungsbetrieb

nebft Berechnung bes jahrlichen Bald : Reinertrags und bes Boben : Erwartungswertes.

	Bemerkungen					Diese Laveue unterschetoet sich von der vortgen	(Ant. H.) nur dadurch, daß auch die Zwischen=	nugungen (an Derbholg) nach Schwappach -	Machathum und Gertrag unemaler Biefernheitänhe	and the total and the same and	u. j. 10. 1869 — 111 21njay georaaji jino.		
Boben	$\begin{array}{c} tungsvert \\ für \\ p = 2,5 \% \end{array}$	Marf	315	444	490	499	471	421	370	319	271	226	187
	-dingi	9	20,6	30,5	37,8	43,7	47,8	50,1	52,0	53,3	54,7	55,1	55,8
Zăhrliche	haltbetrieb Mark	8,5	8,2	8,0	6,7	8,2	2'2	9'2	2,2	2'2	2,5	1,4	
0.2	•niD omdon	d Did	29,1	38,7	45,8	51,6	55,6	8,13	9'69	8'09	62,2	62,6	63,2
	Summe Au+sd	Mari	1166	1935	2750	3612	4446	5200	9969	6693	7426	8134	8841
Geldertrag	Saupt. dnatigd	Mart	1034	1614	2186	2803	3418	3979	4569	5156	5754	6359	2069
Ð	Bivifden- gaugun	Mart	132	189	243	245	219	193	170	146	135	133	129
o'ten. Wert fm	·tqunch duntfed	Mark	5,5	6,3	7,1	6,7	00	9,4	10,2	11,11	11,8	12,5	13,3
Erntefo'ien. freier Wert pro sm	Bungnu eustpijaig	Mart	5,5	5,9	6,4	8,9	7,3	7.7	8,1	9,8	0,6	9,5	6'6
rtrag	Saupt.		188	255	310	356	394	454	449	470	489	909	521
Poliectray (fm)	Bungun gungun		54	35	38	36	30	25	21	17	15	14	13
Soliafter	refp. Umtrieb		40	20	09	20	80	06	100	110	120	130	140

Anlage K.

# Bolg= und Gelbertragstafel für Riefern II. Standortstlaffe

nebst Berechnung des jährlichen Bald-Reinertrags und des Boden-Erwartungswertes. in der Main-Rhein-Cbene bei Lichtungsbetrieb mit Unterbau

\ \	Bemerkungen		Diese Tabelle ist aus der vorigen (Anl. J) mittelst der An-	nahmen abgeleitet, daß 1) im 10 n 50 Sohre die oleisien Imilstennahmen dasson	1) um vo. m. vo. Jugic vie greichen Juvilgenmyen, vagegen 2) vom 50. bis 70. stärkere Lichtungshiebe erfolgen, welche 0,6	bes 60-jährigen Bestandes wegnehmen; daß	3) an dem 60-jährigen Restbestande bis zum 120. Jahr der	nämliche Massenzuwachs — 323 fm erfolgt wie im Volle	bestande während des gleichen Zeitraums; d. i. durchschn.=	jährlich 2 %; daß	4) der Wert pro fm des Restbestandes vom 60. bis 120. Jahr	5) der Kostenauswand des Unterbaues im 60. Jahr durch	dellen Ertrage gedett wird.	Diese letztere Annahme wird allerdings nur bei höheren Um-	trieben bon 90 und mehr Jahren gemacht werben burfen, wes-	halb niedrigere sich nicht empsehlen.	
Boden. Erwar.	tungswert für	p=z,2 % Mart	٠	101	505	502	492	479	459	439							
j)e	edlaW otnox		•	. 1.		42,0	45,1	49,3	53,8	59,1							_
Zährliche	Nusgabe	pro ha im Nach- haltbetrieb Matt		. 0		8,7				_							
	-niV		·	189	1610 3310 47.3	2282 3982 49,8	3050 4750 52,8	3987 5687 55,9	5043 6743 61,3	6297 7997 66,6							
rag	ommuə AB=uA	Mark Mark Mark Mark		97.6	331(	398	475	899 2	8 674	1 799							
Geldertrag	-tquag. duaifed	Mar		. 20	161	228	305	398	504	659		 					_
	·nothfier8 gungun	Mari	132			•	٠	٠	٠								
Erntetosten: freier Wert pro fm	-tqung dunifed	Mark		, F.	- 00 ع`دن	9,2	$10'_{1}$	11,2	12,3	13,6							
Erntefofte freier We pro fm	anschlicts gnugun	Mari	5,5	2,0	0,0												
Holzetrag (fm)	-tqung dunifed			. 4		248	302	356	410	463							_
	enschlick gandun		24	35	200 200			٠	٠								
ga	Holdalter ip. Umiri	əa	40	200	000	80	90	100	110	120							

# Eichenschälmald - Erträge.

Der sechste Jahresbericht des Forstvereins für das Großherzoge tum hessen enthält in den Beilagen I und II Mitteilungen von Forstmeister Oftner und Oberförster Dr. Walther über Sichenschäls wald-Erträge im Obenwald und in Rheinhessen, denen wir folgendes entnehmen.

I. Im Odenwalde (Gräfl. Oberförsterei Beerfelden) können bei 15-jährigem Umtrieb und vorhandenen älteren Stöcken folgende Materials und Gelderträge pro ha in Ansatz gebracht werden:

m (1 1/2 ) 2 (4)		erial. rag	freier	tosten= Wert Rart		selbertr in Mar	
Beichreibung der Schläge	Rinde Etr.	Ю013 Яп.	Rinde pro Ctr.	Holz pro Rm.	Rinde	\$10Q	Summe
. Schlechte, ludig ober mit bor- wiegendem Raumholz	40	17,6	5,3	2,2	212	38,7	250,
erheblicher Raumholz-Beimischung . Gute, geschlossen mit wenig Raum-	60	26,4	5,3	2,2	318	58,1	376,
holz	80	35,2	5,3	2,2	424	77,4	501,
. Gehr gute, mit etwas Raumholg	100	44,0	5,3	2,2	530	96,8	626,
Borgugliche, reine Beftanbe	120	52,8	5,3	2,2	636	116,2	752,
. Ungewöhnliche, reine Bestande .	140	61,6	5,3	2,2	742	135,5	877,

Neu begründete Schälmalbungen haben auf gutem Boben beim Abtrieb im Alter von 20 Jahren 34 bis 126 Centner Rinde ergeben. Rechnet man durchschnittlich 80 Ctr. à 5 Mark Brutto=wert = 400 Mark und hiervon approximativ  $\frac{9}{10}$  als Rettoertrag inkl. Holz, so beträgt dieser 360 Mark.

II. Aus Rheinhessen (Großh. Oberförsterei Alzen) werden folgende, aus mehrjährigem Durchschnitt abgeleitete, Material: und Gelberträge angegeben:

a) Abtriebserträge im Domanialwald Vorholz bei 18= jährigem Umtrieb pro ha:

Hierzu kommen an Durchforstungserträgen im 6. Jahre 4,2 fm à 1,1 = 4,6 Mark und " 12. " 22,6 " à 3,5 = 79,1 "

ebenfalls abzüglich der Erntekosten.

- b) Abtriebserträge im Alzeher Stadtwald, unter Einführung der unter a) angegebenen Einheitswerte, bei 16-jäh=rigem Umtrieb pro ha:

Hierzu im 12. Jahre 20,3 fm Durchforstungsertrag à 3,5 Mark = 71,0 Mark pro ha.

# Faktoren für die Binseszinsrechnung.

Tafel I., welche ben Faktor 1,0 pn enthält, giebt den Wert an, zu welchem das Kapital 1 (z. B. 1 Mark, 1 Gulden) binnen so viel Jahren zuwächst, als die in der ersten Spalte stehende Jahreszahl anzeigt.

Beispiel. Bei 31/2 % wachst eine Mark binnen 30 Jahren mit Binsen und Zinseszinsen auf 2,8068 Mark an.

Tafel II., welche ben Faktor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}}$  enthält, giebt ben Jette wert ber Einheit an, welche ein Mal nach so viel Jahren eingeht, als die in der ersten Spalte stehende Jahreszahl anzeigt.

Beispiel. Bei  $1^{1}\!/_{\!2}$  % ist 1 Mark, welche nach 97 Jahren eingeht, gegenwärtig wert 0,2359 Mark.

Tafel III., welche den Faktor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}-1}$  enthält, giebt den Kapitalwert der Einheit an, welche von jetzt an immerwährend nach so viel Jahren eingeht, als die in der ersten Spalte stehende Jahreszahl anzeigt.

Beispiel. Der jetige Wert von 1 Mark, welche von jetzt an alle 100 Jahre eingeht, ist bei 4 % 0,0202 Mark.

Tafel I. Faktor 1,0 pn.

Jahr			Prozent		
Jugi	1/2	1	1 1/2	2	21/2
1	1,0050	1,0100	1,0150	1,0200	1,0250
2	1,0100	1,0201	1,0302	1,0404	1,0506
3	1,0151	1,0303	1,0457	1,0612	1,0769
4	1,0202	1,0406	1,0614	1,0824	1,1038
5	1,0253	1,0510	1,0773	1,1041	1,1314
6	1,0304	1,0615	1,0934	1,1262	1,1597
7	1,0355	1,0721	1,1098	1,1487	1,1887
8	1,0407	1,0829	1,1265	1,1717	1,2184
9	1,0459	1,0937	1,1434	1,1951	1,2489
10	1,0511	1,1046	1,1605	1,2190	1,2801
11	1,0564	1,1157	1,1779	1,2434	1,3121
12	1,0617	1,1268	1,1956	1,2682	1,3449
13	1,0670	1,1381	1,2136	1,2936	1,3785
14	1,0723	1,1495	1,2318	1,3195	1,4130
15	1,0777	1,1610	1,2502	1,3459	1,4483
16	1,0831	1,1726	1,2690	1,3728	1,4845
17	1,0885	1,1843	1,2880	1,4002	1,5216
18	1,0939	1,1961	1,3073	1,4282	1,5597
19	1,0994	1,2081	1,3270	1,4568	1,5986
20	1,1049	1,2202	1,3469	1,4859	1,6386
21	1,1104	1,2324	1,3671	1,5157	1,6796
22	1,1160	1,2447	1,3876	1,5460	1,7216
23	1,1216	1,2572	1,4084	1,5769	1,7646
24	1,1272	1,2697	1,4295	1,6084	1,8087
25	1,1328	1,2824	1,4509	1,6406	1,8539
26	1,1385	1,2953	1,4727	1,6734	1,9003
27	1,1442	1,3082	1,4948	1,7069	1,9478
28	1,1499	1,3213	1,5172	1,7410	1,9965
29	1,1556	1,3345	1,5400	1,7758	2,0464
30	1,1614	1,3478	1,5631	1,8114	2,0976
31	1,1672	1,3613	1,5865	1,8476	2,1500
32	1,1730	1,3749	1,6103	1,8845	2,2038
33	1,1789	1,3887	1,6345	1,9222	2,2589
34	1,1848	1,4026	1,6590	1,9607	2,3153
35	1,1907	1,4166	1,6839	1,9999	2,3732
36	1,1967	1,4308	1,7091	2,0399	2,4325
37	1,2027	1,4451	1,7348	2,0807	2,4933
38	1,2087	1,4595	1,7608	2,1223	2,5557
39	1,2147	1,4741	1,7872	2,1647	2,6196
40	1,2208	1,4889	1,8140	2,2080	2,6851

Tafel I. Faktor 1,0 pn.

Jahr .	Prozent						
Jugi	3	3 1/2	4	41/2	5		
1	1,0300	1,0350	1,0400	1,0450	1,0500		
2	1,0609	1,0712	1,0816	1,0920	1,1025		
3	1,0927	1,1087	1,1249	1,1412	1,1576		
4	1,1255	1,1475	1,1699	1,1925	1,2155		
5	1,1593	1,1877	1,2167	1,2462	1,2763		
6	1,1941	1,2293	1,2653	1,3023	1,3401		
7	1,2299	1,2723	1,3159	1,3609	1,4071		
8	1,2668	1,3168	1,3686	1,4221	1,4775		
9	1,3048	1,3629	1,4233	1,4861	1,5513		
10	1,3439	1,4106	1,4802	1,5530	1,6289		
11	1,3842	1,4600	1,5395	1,6229	1,7103		
12	1,4258	1,5111	1,6010	1,6959	1,7959		
13	1,4685	1,5640	1,6651	1,7722	1,8856		
14	1,5126	1,6187	1,7317	1,8519	1,9799		
15	1,5580	1,6753	1,8009	1,9353	2,0789		
16	1,6047	1,7340	1,8730	2,0224	2,1829		
17	1,6528	1,7947	1,9479	2,1134	2,2920		
18	1,7024	1,8575	2,0258	2,2085	2,4066		
19	1,7535	1,9225	2,1068	2,3079	2,5270		
20	1,8061	1,9898	2,1911	2,4117	2,6533		
21	1,8603	2,0594	2,2788	2,5202	2,7860		
22	1,9161	2,1315	2,3699	2,6337	2,9253		
23	1,9736	2,2061	2,4647	2,7522	3,0715		
24	2,0328	2,2833	2,5633	2,8760	3,2251		
25	2,0938	2,3632	2,6658	3,0054	3,3864		
26	2,1566	2,4460	2,7725	3,1407	3,5557		
27	2,2213	2,5316	2,8834	3,2820	3,7335		
28	2,2879	2,6202	2,9987	3,4297	3,9201		
29	2,3566	2,7119	3,1186	3,5840	4,1161		
30	2,4273	2,8068	3,2434	3,7453	4,3219		
31	2,5001	2,9050	3,3731	3,9139	4,5380		
32	2,5751	3,0067	3,5081	4,0900	4,7649		
33	2,6523	3,1119	3,6484	4,2740	5,0032		
34	2,7319	3,2209	3,7943	4,4664	5,2533		
35	2,8139	3,3336	3,9461	4,6673	5,5160		
36	2,8983	3,4503	4,1039	4,8774	5,7918		
37	2,9852	3,5710	4,2681	5,0969	6,0814		
38	3,0748	3,6960	4,4388	5,3262	6,3855		
39	3,1670	3,8254	4,6164	5,5659	6,7047		
40	3,2620	3,9593	4,8010	5,8164	7,0400		

G. Dener, Balbwertrechnung. 4. Auft.

Tafel I. Faktor 1,0 pn.

Jahr	Prozent							
	1/2	1	11/2	2	2 1/2			
41	1,2269	1,5038	1,8412	2,2522	2,7522			
42	1,2330	1,5188	1,8688	2,2972	2,8210			
43	1,2392	1,5340	1,8969	2,3432	2,8915			
44	1,2454	1,5493	1,9253	2,3901	2,9638			
45	1,2516	1,5648	1,9542	2,4379	3,0379			
46	1,2579	1,5805	1,9835	2,4866	3,1139			
47	1,2642	1,5963	2,0133	2,5363	3,1917			
48	1,2705	1,6122	2,0435	2,5871	3,2715			
49	1,2768	1,6283	2,0741	2,6388	3,3533			
50	1,2832	1,6446	2,1052	2,6916	3,4371			
51	1,2896	1,6611	2,1368	2,7454	3,5230			
52	1,2961	1,6777	2,1689	2,8003	3,6111			
53	1,3026	1,6945	2,2014	2,8563	3,7014			
54	1,3091	1,7114	2,2344	2,9135	3,7939			
55	1,3156	1,7285	2,2679	2,9717	3,8888			
56	1,3222	1,7458	2,3020	3,0312	3,9860			
57	1,3288	1,7633	2,3365	3,0918	4,0856			
58	1,3355	1,7809	2,3715	3,1536	4,1878			
59	1,3421	1,7987	2,4071	3,2167	4,2925			
60	1,3489	1,8167	2,4432	3,2810	4,3998			
61	1,3556	1,8349	2,4799	3,3467	4,5098			
62	1,3624	1,8532	2,5171	3,4136	4,6225			
63	1,3692	1,8717	2,5548	3,4819	4,7381			
64	1,3760	1,8905	2,5931	3,5515	4,8565			
65	1,3829	1,9094	2,6320	3,6225	4,9780			
66	1,3898	1,9285	2,6715	3,6950	5,1024			
67	1,3968	1,9477	2,7116	3,7689	5,2300			
68	1,4038	1,9672	2,7523	3,8443	5,3607			
69	1,4108	1,9869	2,7936	3,9211	5,4947			
70	1,4178	2,0068	2,8355	3,9996	5,6321			
71	1,4249	2,0268	2,8780	4,0795	5,7729			
72	1,4320	2,0471	2,9212	4,1611	5,9172			
73	1,4392	2,0676	2,9650	4,2444	6,0652			
74	1,4464	2,0882	3,0094	4,3292	6,2168			
75	1,4536	2,1091	3,0546	<b>4,41</b> 58	6,3722			
76	1,4609	2,1302	3,1004	4,5042	6,5315			
77	1,4682	2,1515	3,1469	4,5942	6,6948			
78	1,4755	2,1730	3,1941	4,6861	6,8622			
79	1,4829	2,1948	3,2420	4,7798	7,0338			
80	1,4903	2,2167	3,2907	4,8754	7,2096			

Tafel I. Faktor 1,0 pn.

Sahr		Prozent						
Jahr	3	31/2	4	4 1/2	5			
41	3,3599	4,0978	4,9931	6,0781	7,3920			
42	3,4607	4,2413	5,1928	6,3516	7,7616			
43	3,5645	4,3897	5,4005	6,6374	8,1497			
44	3,6714	4,5433	5,6165	6,9361	8,5572			
45	3,7816	4,7024	5,8412	7,2482	8,9850			
46	3,8950	4,8669	6,0748	7,5744	9,4343			
47	4,0119	5,0373	6,3178	7,9153	9,9060			
48	4,1322	5,2136	6,5705	8,2715	10,4013			
49	4,2562	5,3961	6,8333	8,6437	10,9213			
50	4,3839	5,5849	7,1067	9,0326	11,4674			
51	4,5154	5,7804	7,3909	9,4391	12,0408			
52	4,6509	5,9827	7,6866	9,8639	12,6428			
53	4,7904	6,1921	7,9940	10,3077	13,2749			
54	4,9341	6,4088	8,3138	10,7716	13,9387			
55	5,0821	6,6331	8,6464	11,2563	14,6356			
56	5,2346	6,8653	8,9922	11,7628	15,3674			
57	5,3916	7,1056	9,3519	12,2922	16,1358			
58	5,5534	7,3543	9,7260	12,8453	16,9420			
59	5,7200	7,6117	10,1150	13,4234	17,7897			
60	5,8916	7,8781	10,5196	14,0274	18,6792			
61	6,0683	8,1538	10,9404	14,6586	19,6131			
62	6,2504	8,4392	11,3780	15,3183	20,5938			
63	6,4379	8,7346	11,8331	16,0076	21,6235			
64	6,6310	9,0403	12,3065	16,7279	22,7047			
<b>65</b>	6,8300	9,3567	12,7987	17,4807	23,8399			
66	7,0349	9,6842	13,3107	18,2673	25,0319			
67	7,2459	10,0231	13,8431	19,0894	26,2835			
68	7,4633	10,3739	14,3968	19,9484	27,5977			
69	7,6872	10,7370	14,9727	20,8461	28,9775			
70	7,9178	11,1128	15,5716	21,7841	30,4264			
71	8,1554	11,5018	16,1945	22,7644	31,9477			
72	8,4000	11,9043	16,8423	23,7888	33,5451			
73	8,6520	12,3210	17,5160	24,8593	35,2224			
74	8,9116	12,7522	18,2166	25,9780	36,9835			
75	9,1789	13,1985	18,9452	27,1470	38,8327			
76	9,4543	13,6605	19,7031	28,3686	40,7743			
77	9,7379	14,1386	20,4912	29,6452	42,8130			
78	10,0301	14,6335	21,3108	30,9792	44,9537			
79	10,3310	15,1456	22,1633	32,3733	47,2014			
80	10,6409	15,6757	23,0498	33,8301	49,5614			

Tafel I. Faktor 1,0 p<sup>n</sup>.

Jahr	Prozent							
Juji	1/2	1	1 1/2	2	$2^{1}\!/_{2}$			
81	1,4978	2,2389	3,3400	4,9729	7,3898			
82	1,5053	2,2613	3,3901	5,0724	7,5746			
83	1,5128	2,2839	3,4410	5,1739	7,7639			
84	1,5204	2,3067	3,4926	5,2773	7,9580			
85	1,5280	2,3298	3,5450	5,3829	8,1570			
86	1,5356	2,3531	3,5982	5,4905	8,3609			
87	1,5433	2,3766	3,6521	5,6003	8,5699			
88	1,5510	2,4004	3,7069	5,7124	8,7842			
89	1,5588	2,4244	3,7625	5,8266	9,0038			
90	1,5666	2,4486	3,8189	5,9431	9,2289			
91	1,5744	2,4731	3,8762	6,0620	9,4596			
92	1,5823	2,4978	3,9344	6,1832	9,6961			
93	1,5902	2,5228	3,9934	6,3069	9,9385			
94	1,5981	2,5481	4,0533	6,4330	10,1869			
95	1,6061	2,5736	4,1141	6,5617	10,4416			
96	1,6141	2,5993	4,1758	6,6929	10,7026			
97	1,6222	2,6253	4,2384	6,8268	10,9702			
98	1,6303	2,6515	4,3020	6,9633	11,2445			
99	1,6385	2,6780	4,3665	7,1026	11,5256			
100	1,6467	2,7048	4,4320	7,2446	11,8137			
101	1,6549	2,7319	4,4985	7,3895	12,1091			
102	1,6632	2,7592	4,5660	7,5373	12,4119			
103	1,6715	2,7868	4,6345	7,6881	12,7221			
104	1,6798	2,8146	4,7040	7,8418	13,0401			
105	1,6882	2,8428	4,7746	7,9987	13,3662			
106	1,6967	2,8712	4,8462	8,1586	13,7003			
107	1,7052	2,8999	4,9189	8,3218	14,0428			
108	1,7137	2,9289	4,9927	8,4883	14,3939			
109	1,7223	2,9582	5,0676	8,6580	14,7538			
110	1,7309	2,9878	5,1436	8,8312	15,1226			
111	1,7395	3,0177	5,2207	9,0078	15,5006			
112	1,7482	3,0479	5,2990	9,1880	15,8881			
113	1,7570	3,0783	5,3785	9,3717	16,2853			
114	1,7658	3,1091	5,4592	9,5592	16,6925			
115	1,7746	3,1402	5,5411	9,7503	17,1098			
116	1,7835	3,1716	5,6242	9,9453	17,5375			
117	1,7924	3,2033	5,7086	10,1443	17,9760			
118	1,8013	3,2354	5,7942	10,3471	18,4254			
119	1,8103	3,2677	5,8811	10,5541	18,8860			
120	1,8194	3,3004	5,9693	10,7652	19,3581			
130	1,9125	3,6457	6,9276	13,1227	24,7801			
140	2,0102	4,0271	8,0398	15,9965	31,7206			
150	2,1130	4,4484	9,3305	19,4996	40,6050			
160	2,2211	4,9138	10,8285	23,7699	51,9779			
170	2,3347	5,4279	12,5669	28,9754	66,5361			
180	2,4541	5,9958	14,5844	35,3208	85,1718			
190	2,5796	6,6231	16,9258	43,0559	109,0271			
200	2,7115	7,3160	19,6430	52,4849	139,5639			

Tafel I. Faktor 1,0 pn.

Jahr		Prozent							
	3	3 1/2	4	41/2	5				
81	10,9601	16,2244	23,9718	35,3525	52,0398				
82	11,2889	16,7922	24,9307	36,9433	54,641				
83	11,6276	17,3800	25,9279	38,6058	57,3736				
84	11,9764	17,9883	26,9650	40,3430	60,2422				
85	12,3357	18,6179	28,0436	42,1585	63,254				
86	12,7058	19,2695	29,1653	44,0556	66,417				
87	13,0869	19,9439	30,3320	46,0381	69,737				
88	13,4796	20,6420	31,5452	48,1098	73,224				
89	13,8839	21,3644	32,8071	50,2747	76,886				
90	14,3005	22,1122	34,1193	52,5371	80,730				
91	14,7295	22,8861	35,4841	54,9013	84,7669				
92	15,1714	23,6871	36,9035	57,3718	89,005				
93	15,6265	24,5162	38,3796	59,9536	93,455				
94	16,0953	25,3742	39,9148	62,6515	98,128				
95	16,5782	26,2623	41,5114	65,4708	103,034				
96	17,0755	27,1815	43,1718	68,4170	108,186				
97	17,5878	28,1329	44,8987	71,4957	113,5957				
98	18,1154	29,1175	46,6947	74,7130	119,275				
99	18,6589	30,1366	48,5624	78,0751	125,239				
100	19,2186	31,1914	50,5049	81,5885	131,5013				
101	19,7952	32,2831	52,5251	85,2600	138,0763				
102	20,3890	33,4130	54,6262	89,0967	144,980				
103	21,0007	34,5825	56,8112	93,1061	152,2291				
104	21,6307	35,7929	59,0836	97,2958	159,840				
105	22,2797	37,0456	61,4470	101,6741	167,8320				
106	22,9480	38,3422	63,9049	106,2495	176,2243				
107	23,6365	39,6842	66,4611	111,0307	185,035				
108	24,3456	41,0731	69,1195	116,0271	194,2879				
109	25,0760	42,5107	71,8843	121,2483	204,0016				
110	25,8282	43,9986	74,7597	126,7045	214,201				
111	26,6031	45,5385	77,7500	132,4062	224,9118				
112	27,4012	47,1324	80,8600	138,3645	236,157				
113	28,2232	48,7820	84,0944	144,5909	247,9652				
114	29,0699	50,4894	87,4583	151,0974	260,3638				
115	29,9420	52,2565	90,9566	157,8968	273,3817				
116	30,8403	54,0855	94,5948	165,0022	287,0508				
117	31,7655	55,9785	98,3786	172,4273	301,4033				
118	32,7184	57,9377	102,3138	180,1865	316,4738				
119	33,7000	59,9655	106,4063	188,2949	332,2971				
120	34,7110	62,0643	110,6626	196,7682	348,9120				
130	46,6486	87,5478	163,8076	305,5750	568,3409				
140	62,6919	123,4949	242,4753	474,5486	925,7674				
150	84,2527	174,2017	358,9227	736,9594	1507,9775				
160	113,2286	245,7287	531,2932	1144,4754	2456,8364				
170	152,1697	346,6247	786,4438	1777,3353	4001,1138				
180	204,5033	4×8,9484	1164,1289	2760,1474	6517,3918				
190	274,8354	689,7100	1723,1912	4286,4245	10616,1446				
200	369,3558	972,9039	2550,7498	6656,6863	17292,5808				

Tafel II. Faktor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}}$ .

Jahr	Prozent						
Jugi	1/2	1	1 1/2	2	2 1/2		
1	0,9950	0,9901	0,9852	0,9804	0,9756		
2	0,9900	0,9803	0,9707	0,9612	0,9518		
3	0,9851	0,9706	0,9563	0,9423	0,9286		
4	0,9802	0,9610	0,9422	0,9238	0,9060		
5	0,9754	0,9515	0,9283	0,9057	0,8839		
6	0,9705	0,9420	0,9145	0,8880	0,8623		
7	0,9657	0,9327	0,9010	0,8706	0,8413		
8	0,9609	0,9235	0,8877	0,8535	0,8207		
9	0,9561	0,9143	0,8746	0,8368	0,8007		
10	0,9513	0,9053	0,8617	0,8203	0,7812		
11	0,9466	0,8963	0,8489	0,8043	0,7621		
12	0,9419	0,8874	0,8364	0,7885	0,7436		
13	0,9372	0,8787	0,8240	0,7730	0,7254		
14	0,9326	0,8700	0,8118	0,7579	0,7077		
15	0,9279	0,8613	0,7999	0,7430	0,6905		
16	0,9233	0,8528	0,7880	0,7284	0,6736		
17	0,9187	0,8444	0,7764	0,7142	0,6572		
18	0,9141	0,8360	0,7649	0,7002	0,6412		
19	0,9096	0,8277	0,7536	0,6864	0,6255		
20	0,9051	0,8195	0,7425	0,6730	0,6103		
21	0,9006	0,8114	0,7315	0,6598	0,5954		
22	0,8961	0,8034	0,7207	0,6468	0,5809		
23	0,8916	0,7954	0,7100	0,6342	0,5667		
24	0,8872	0,7876	0,6995	0,6217	0,5529		
25	0,8828	0,7798	0,6892	0,6095	0,5394		
26	0,8784	0,7720	0,6790	0,5976	0,5262		
27	0,8740	0,7644	0,6690	0,5859	0,5134		
28	0,8697	0,7568	0,6591	0,5744	0,5009		
29	0,8653	0,7493	0,6494	0,5631	0,4887		
30	0,8610	0,7419	0,6398	0,5521	0,4767		
31	0,8567	0,7346	0,6303	0,5412	0,4651		
32	0,8525	0,7273	0,6210	0,5306	0,4538		
33	0,8482	0,7201	0,6118	0,5202	0,4427		
34	0,8440	0,7130	0,6028	0,5100	0,4319		
35	0,8398	0,7059	0,5939	0,5000	0,4214		
36	0,8356	0,6989	0,5851	0,4902	0,4111		
37	0,8315	0,6920	0,5764	0,4806	0,4011		
38	0,8273	0,6852	0,5679	0,4712	0,3913		
39	0,8232	0,6784	0,5595	0,4619	0,3817		
40	0,8191	0,6717	0,5513	0,4529	0,3724		

Tafel II. Fattor  $\frac{1}{1,0p^n}$ .

Jahr	Prozent						
	3	31/2	4	41/2	5		
1	0,9709	0,9662	0,9615	0,9569	0,9524		
2	0,9426	0,9335	0,9246	0,9157	0,9070		
3	0,9151	0,9019	0,8890	0,8763	0,8638		
4	0,8885	0,8714	0,8548	0,8386	0,8227		
5	0,8626	0,8420	0,8219	0,8025	0,7835		
6	0,8375	0,8135	0,7903	0,7679	0,7462		
7	0,8131	0,7860	0,7599	0,7348	0,7107		
8	0,7894	0,7594	0,7307	0,7032	0,6768		
9	0,7664	0,7337	0,7026	0,6729	0,6446		
10	0,7441	0,7089	0,6756	0,6439	0,6139		
11	0,7224	0,6849	0,6496	0,6162	0,5847		
12	0,7014	0,6618	0,6246	0,5897	0,5568		
13	0,6810	0,6394	0,6006	0,5643	0,5303		
14	0,6611	0,6178	0,5775	0,5400	0,5051		
15	0,6419	0,5969	0,5553	0,5167	0,4810		
16	0,6232	0,5767	0,5339	0,4945	0,4581		
17	0,6050	0,5572	0,5134	0,4732	0,4363		
18	0,5874	0,5384	0,4936	0,4528	0,4155		
19	0,5703	0,5202	0,4746	0,4333	0,3957		
20	0,5537	0,5026	0,4564	0,4146	0,3769		
21	0,5375	0,4856	0,4388	0,3968	0,3589		
22	0,5219	0,4692	0,4220	0,3797	0,3418		
28	0,5067	0,4533	0,4057	0,3633	0,3256		
24	0,4919	0,4380	0,3901	0,3477	0,3101		
25	0,4776	0,4231	0,3751	0,3327	0,2953		
26	0,4637	0,4088	0,3607	0,3184	0,2812		
27	0,4502	0,3950	0,3468	0,3047	0,2678		
28	0,4371	0,3817	0,3335	0,2916	0,2551		
29	0,4243	0,3687	0,3207	0,2790	0,2429		
30	0,4120	0,3563	0,3083	0,2670	0,2314		
31	0,4000	0,3442	0,2965	0,2555	0,2204		
32	0,3883	0,3326	0,2851	0,2445	0,2099		
33	0,3770	0,3213	0,2741	0,2340	0,1999		
34	0,3660	0,3105	0,2636	0,2239	0,1904		
35	0,3554	0,3000	0,2534	0,2143	0,1813		
36	0,3450	0,2898	0,2437	0,2050	0,1727		
37	0,3350	0,2800	0,2343	0,1962	0,1644		
38	0.3252	0,2706	0,2253	0,1878	0,1566		
39	0,3158	0,2614	0,2166	0,1797	0,1491		
40	0,3066	0,2526	0,2083	0,1719	0,1420		

Tafel II. Faktor  $\frac{1}{1,0p^n}$ .

Jahr	Prozent						
Sage	1/2	1	11/2	2	21/2		
41	0,8151	0,6650	0,5431	0,4440	0,3633		
42	0,8110	0,6584	0,5351	0,4353	0,3545		
43	0,8070	0,6519	0,5272	0,4268	0,3458		
44	0,8030	0,6454	0,5194	0,4184	0,3374		
45	0,7990	0,6391	0,5117	0,4102	0,3292		
46	0,7950	0,6327	0,5042	0,4022	0,3211		
47	0,7910	0,6265	0,4967	0,3943	0,3133		
48	0,7871	0,6203	0,4894	0,3865	0,3057		
49	0,7832	0,6141	0,4821	0,3790	0,2982		
50	0,7793	0,6080	0,4750	0,3715	0,2909		
51	0,7754	0,6020	0,4680	0,3642	0,2838		
52	0,7715	0,5961	0,4611	0,3571	0,2769		
53	0,7677	0,5902	0,4543	0,3501	0,2702		
54	0,7639	0,5843	0,4475	0,3432	0,2636		
55	0,7601	0,5785	0,4409	0,3365	0,2572		
56	0,7563	0,5728	0,4344	0,3299	0,2509		
57	0,7525	0,5671	0,4280	0,3234	0,2448		
58	0,7488	0,5615	0,4217	0,3171	0,2388		
59	0,7451	0,5560	0,4154	0,3109	0,2330		
60	0,7414	0,5504	0,4093	0,3048	0,2273		
61	0,7377	0,5450	0,4032	0,2988	0,2217		
62	0,7340	0,5396	0,3973	0,2929	0,2163		
63	0,7304	0,5343	0,3914	0,2872	0,2111		
64	0,7267	0,5290	0,3856	0,2816	0,2059		
65	0,7231	0,5237	0,3799	0,2760	0,2009		
66	0,7195	0,5185	0,3743	0,2706	0,1960		
67	0,7159	0,5134	0,3688	0,2653	0,1912		
68	0,7124	0,5083	0,3633	0,2601	0,1865		
69	0,7088	0,5033	0,3580	0,2550	0,1820		
70	0,7053	0,4983	0,3527	0,2500	0,1776		
71	0,7018	0,4934	0,3475	0,2451	0,1732		
72	0,6983	0,4885	0,3423	0,2403	0,1690		
73	0,6948	0,4837	0,3373	0,2356	0,1649		
74	0,6914	0,4789	0,3323	0,2310	0,1609		
75	0,6879	0,4741	0,3274	0,2265	0,1569		
76	0,6845	0,4694	0,3225	0,2220	0,1531		
77	0,6811	0,4648	0,3178	0,2177	0,1494		
78	0,6777	0,4602	0,3131	0,2134	0,1457		
79	0,6743	0,4556	0,3084	0,2092	0,1422		
80	0,6710	0,4511	0,3039	0,2051	0,1387		

Tafel II. Faktor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}}$ .

Jahr	Prozent							
Juli	3	31/2	4	41/2	5			
41	0,2976	0,2440	0,2003	0,1645	0,1353			
42	0,2890	0,2358	0,1926	0,1574	0,1288			
43	0,2805	0,2278	0,1852	0,1507	0,1227			
14	0,2724	0,2201	0,1780	0,1442	0,1169			
45	0,2644	0,2127	0,1712	0,1380	0,1113			
46	0,2567	0,2055	0,1646	0,1320	0,1060			
47	0,2493	0,1985	0,1583	0,1263	0,1009			
48	0,2420	0,1918	0,1522	0,1209	0,0961			
49	0,2350	0,1853	0,1463	0,1157	0,09150			
50	0,2281	0,1791	0,1407	0,1107	0,0872			
51	0,2215	0,1730	0,1353	0,1059	0,0830			
52	0,2150	0,1671	0,1301	0,1014	0,0791			
58	0,2088	0,1615	0,1251	0,09701	0,0753			
54	0,2027	0,1560	0,1203	0,09284	0,0717			
55	0,1968	0,1508	0,1157	0,08884	0,0683			
56	0,1910	0,1457	0,1112	0,08501	0,0650			
57	0,1855	0,1407	0,1069	0,08135	0,0619			
58	0,1801	0,1360	0,1028	0,07785	0,0590			
59	0,1748	0,1314	0,09886	0,07450	0,0562			
60	0,1697	0,1269	0,09506	0,07129	0,0535			
61	0,1648	0,1226	0,09140	0,06822	0,0509			
62	0,1600	0,1185	0,08789	0,06528	0,0485			
63	0,1553	0,1145	0,08451	0,06247	0,0462			
64	0,1508	0,1106	0,08126	0,05978	0,0440			
65	0,1464	0,1069	0,07813	0,05721	0,0419			
66	0,1421	0,1033	0,07513	0,05474	0,0399			
67	0,1380	0,09977	0,07224	0,05239	0,0380			
68	0,1340	0,09640	0,06946	0,05013	0,0362			
69	0,1301	0,09314	0,06679	0,04797	0,0345			
70	0,1263	0,08999	0,06422	0,04591	0,0328			
71	0,1226	0,08694	0,06175	0,04393	0,0313			
72	0,1190	0,08400	0,05937	0,04204	0,0298			
78	0,1156	0,08116	0,05709	0,04023	0,0283			
74	0,1122	0,07842	0,05489	0,03849	0,0270			
75	0,1089	0,07577	0,05278	0,03684	0,0257			
76	0,1058	0,07320	0,05075	0,03525	0,0245			
77	0,1027	0,07073	0,04880	0,03373	0,0233			
78	0,09970	0,06834	0,01692	0,03228	0,0222			
79	0,09680	0,06603	0,04512	0,03089	0,0211			
80	0,09398	0,06379	0,04338	0,02956	0,0201			

Tafel II. Faktor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}}$ .

Jahr	Prozent							
	1/2	1	11/2	2	2 1/2			
81	0,6676	0,4467	0,2994	0,2011	0,1353			
82	0,6643	0,4422	0.2950	0,1971	0,1320			
83	0,6610	0,4378	0.2906	0,1933	0,1288			
84	0,6577	0,4335	0,2863	0,1895	0,1257			
85	0,6545	0,4292	0,2821	0,1858	0,1226			
86	0,6512	0,4250	0,2779	0,1821	0,1196			
87	0,6480	0,4208	0,2738	0,1786	0,1167			
88	0,6447	0,4166	0,2698	0,1751	0,1138			
89	0,6415	0,4125	0,2658	0,1716	0,1111			
90	0,6383	0,4081	0,2619	0,1683	0,1084			
91	0,6352	0,4043	0,2580	0,1650	0,1057			
92	0,6320	0,4003	0,2542	0,1617	0,1031			
93	0,6289	0,3964	0,2504	0,1586	0,1006			
94	0,6257	0,3925	0,2467	0,1554	0,09817			
95	0,6226	0,3886	0,2431	0,1524	0,09577			
96	0,6195	0,3847	0,2395	0,1494	0,09344			
97	0,6164	0,3809	0,2359	0,1465	0,09116			
98	0,6134	0,3771	0,2324	0,1436	0,08893			
99	0,6103	0,3734	0,2290	0,1408	0,08676			
100	0,6069	0,3697	0,2256	0,1380	0,08465			
101	0,6043	0,3661	0,2223	0,1353	0,08258			
102	0,6013	0,3624	0,2190	0,1327	0,08006			
103	0,5983	0,3588	0,2158	0,1301	0,07860			
104	0,5953	0,3553	0,2126	0,1275	0,07669			
105	0,5923	0,3518	0,2094	0,1250	0,07482			
106	0,5894	0,3483	0,2063	0,1226	0,07299			
107	0,5864	0,3448	0,2033	0,1202	0,07121			
108	0,5835	0,3414	0,2003	0,1178	0,06947			
109	0,5806	0,3380	0,1973	0,1155	0,06778			
110	0,5777	0,3347	0,1944	0,1132	0,06613			
111	0,5749	0,3314	0,1915	0,1110	0,06452			
112	0,5720	0,3281	0,1887	0,1080	0,06294			
113	0,5692	0,3249	0,1859	0,1067	0,06145			
114	0,5663	0,3216	0,1832	0,1046	0,05991			
115	0,5635	0,3184	0,1805	0,1026	0,05845			
116	0,5607	0,3153	0,1778	0,1005	0,05701			
117	0,5579	0,3122	0,1752	0,09858	0,05563			
118	0,5551	0,3091	0,1726	0,09665	0,05423			
119	0,5524	0,3060	0,1700	0,09475	0,05295			
120	0,5496	0,3030	0,1675	0,09289	0,05166			
130	0,5229	0,2743	0,1443	0,07620	0,04036			
140	0,4975	0,2483	0,1244	0,06251	0,03153			
150	0,4732	0,2248	0,1072	0,05128	0,02463			
160	$0,\!4502$	0,2035	0,09235	0,04207	0,01924			
170	0,4283	0,1842	0,07957	0,03451	0,01503			
180	0,4075	0,1668	0,06857	0,02831	0,01174			
190	0,3877	0,1510	0,05908	0,02323	0,009172			
200	0,3688	0,1367	0,05091	0,01905	0,007165			

Tafel II. Faktor  $\frac{1}{1,0p^n}$ .

Jahr	Prozent						
Jugi	3	31/2	4	41/2	5		
81	0.09124	0.06164	0,04172	0,02829	0,01922		
82	0,08858	0,05955	0,04011	0,02707	0,01830		
83	0,08600	0,05754	0,03857	0,02590	0.01743		
84	0,08350	0,05559	0.03709	0.02479	0,01660		
85	0,08107	0,05371	0,03566	0.02372	0,01581		
86	0,07870	0,05190	0,03429	0,02270	0,01506		
87	0,07641	0,05014	0,03297	0,02172	0,01434		
88	0,07419	0,04845	0,03170	0,02079	0,01366		
89	0,07203	0,04681	0,03048	0,01989	0,01301		
90	0,06993	0,04522	0,02931	0,01903	0,01239		
91	0.06789	0.04369	0.02818	0.01821	0,01180		
92	0,06591	0,04222	0,02710	0,01743	0,01123		
93	0,06399	0,04079	0,02606	0,01668	0,01070		
94	0,06213	0,03941	0,02505	0,01596	0,01019		
95	0,06032	0,03808	0,02409	0,01527	0,009705		
96	0,05856	0,03679	0,02316	0,01462	0,009244		
97	0,05686	0,03555	0,02227	0,01399	0,008803		
98	0,05520	0,03434	0.02142	0,01338	0.008384		
99	0,05359	0,03318	0.02059	0,01281	0,007985		
100	0,05203	0,03206	0,01980	0,01226	0,007605		
101	0.05052	0,03098	0,01904	0,01173	0,007242		
102	0.04905	0,02993	0,01831	0,01122	0,006898		
103	0,04762	0,02892	0,01760	0,01074	0,006569		
104	0,04623	0,02794	0,01693	0,01028	0,006256		
105	0,04488	0,02699	0,01627	0.009835	0,005958		
106	0,04358	0,02608	0,01565	0,009412	0,005675		
107	0,04231	0,02520	0.01504	0,009007	0,005404		
108	0,04108	0,02435	0,01447	0,008619	0,005147		
109	0,03988	0,02352	0,01391	0,008248	0,004902		
110	0,03872	0,02273	0,01338	0,007892	0,004669		
111	0,03759	0,02196	0,01286	0,007553	0,004446		
112	0,03649	0,02122	0,01237	0,007227	0,004234		
113	0,03543	0,02050	0,01189	0.006916	0,004033		
114	0,03440	0,01981	0,01148	0,006618	0;003841		
115	0,03340	0,01914	0,01099	0,006333	0,03658		
116	0.03243	0,01849	0.01057	0,006061	0,003484		
117	0,03148	0,01786	0,01016	0,005800	0,003318		
118	0,03056	0,01726	0,009774	0,005550	0,003160		
119	0.02967	0,01668	0.009398	0.005311	0,003009		
120	0,02881	0,01611	0,009036	0,005082	0,002866		
130	0,02144	0,01142	0,006105	0,003273	0 001760		
140	0,01595	0,008098	0,004124	0,002107	0,001080		
150	0,01187	0.005740	0,002786	0,001357	0,0006631		
160	0,008832	0,004070	0,001882	0,0008738	0,0004071		
170	0,006572	0.002885	0,001272	0,0005626	0,0002499		
180	0,004890	0,002045	0,0008590	0,0003623	0,0001534		
190	0,003639	0,001450	0,0005803	0,0002333	0,0000941		
200	0.002707	0.001028	0.0003920	0,0001502	0,0000578		

Tafel III. Faktor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}-1}$ .

Jahr			Prozent		
Jugi	1/2	1	11/2	2	$2^{1}\!/_{2}$
1	200,0000	100,0000	66,6667	50,0000	40,0000
2	99,7506	49,7512	33,0852	24,7525	19,7531
3	66,3350	33,0022	21,8924	16,3377	13,0054
4	49,6266	24,6281	16,2963	12,1312	9,6327
5	39,6020	19,6040	12,9393	9,6079	7,6099
6	32,9191	16,2549	10,7017	7,9263	6,2620
7	28,1458	13,8629	9,1037	6,7256	5,2998
8	24,5658	12,0690	7,9056	5,8255	4,5787
9	21,7815	10,6741	6,9740	5,1258	4,0183
10	19,5537	9,5582	6,2289	4,5663	3,5703
11	17,7318	8,6454	5,6196	4,1089	3,2042
12	16,2133	7,8849	5,1120	3,7280	2,8995
13	14,9284	7,2415	4,6827	3,4059	2,6419
14	13,8272	6,6901	4,3149	3,1301	2,4215
15	12,8729	6,2124	3,9963	2,8913	2,2307
16	12,0379	5,7944	3,7177	2,6825	2,0640
17	11,3012	5,4258	3,4720	2,4985	1,9171
18	10,6463	5,0982	3,2537	2,3351	1,7868
19	10,0605	4,8052	3,0586	2,1891	1,6704
20	9,5333	4,5415	2,8830	2,0578	1,5659
21	9,0563	4,3031	2,7244	1,9392	1,4715
22	8,6227	4,0864	2,5802	1,8316	1,3859
23	8,2269	3,8886	2,4487	1,7334	1,3079
24	7,8642	3,7073	2,3283	1,6436	1,2365
25	7,5304	3,5407	2,2176	1,5610	1,1710
26	7,2223	3,3869	2,1155	1,4850	1,1107
27	6,9372	3,2446	2,0210	1,4147	1,0551
28	6,6724	3,1124	1,9334	1,3495	1,0035
29	6,4258	2,9895	1,8519	1,2889	0,9556
30	6,1958	2,8748	1,7759	1,2325	0,9111
31	5,9806	2,7676	1,7050	1,1798	0,8696
32	5,7789	2,6671	1,6385	1,1305	0,8307
33	5,5895	2,5727	1,5761	1,0843	0,7944
34	5,4112	2,4840	1,5175	1,0409	0,7603
35	5,2131	2,4004	1,4622	1,0001	0,7282
36	5,0844	2,3214	1,4102	0,9616	0,6981
37	4,9343	2,2468	1,3610	0,9253	0,6696
38	4,7921	2,1762	1,3145	0,8910	0,6428
39	4,6572	2,1092	1,2703	0,8586	0,6174
40	4,5291	2,0456	1,2285	0,8278	0,5934

Tafel III. Fattor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}-1}$ .

Jahr	Prozent					
	3	3 1/2	4	41/2	5	
1	33,3333	28,5714	25,0000	22,2222	20,0000	
2	16,4204	14,0400	12,2549	10,8666	9,7561	
3	10,7843	9,1981	8,0087	7,0839	6,3442	
4	7,9676	6,7786	5,8873	5,1943	4,6402	
5	6,2785	5,3280	4,6157	4,0620	3,6195	
6	5,1533	4,3620	3,7690	3,3084	2,9403	
7	4,3502	3,6727	3,1652	2,7711	2,4564	
8	3,7485	3,1565	2,7132	2,3691	2,0944	
9	3,2811	2,7556	2,3623	2,0572	1,8138	
10	2,9077	2,4355	2,0823	1,8084	1,5901	
11	2,6026	2,1741	1,8537	1,6055	1,4078	
12	2,3487	1,9567	1,6638	1,4370	1,2565	
13	2,1343	1,7732	1,5036	1,2950	1,1291	
14	1,9509	1,6163	1,3667	1,1738	1,0205	
15	1,7922	1,4807	1,2485	1,0692	0,9268	
16	1,6537	1,3624	1,1455	0,9781	0,8454	
17	1,5317	1,2584	1,0550	0,8982	0,7740	
18	1,4236	1,1662	0,9748	0,8275	0,7109	
19	1,3271	1,0840	0,9035	0,7646	0,6549	
20	1,2405	1,0103	0,8395	0,7084	0,6049	
21	1,1624	0,9439	0,7820	0,6578	0,5599	
22	1,0916	0,8838	0,7300	0,6121	0,5194	
23	1,0271	0,8291	0,6827	0,5707	0,4827	
24	0,9682	0,7792	0,6397	0,5330	0,4494	
25	0,9143	0,7335	0,6003	0,4986	0,4190	
26	0,8646	0,6916	0,5642	0,4671	0,3913	
27	0,8188	0,6529	0,5310	0,4382	0,3658	
28	0,7764	0,6172	0,5003	0,4116	0,3424	
29	0,7372	0,5842	0,4720	0,3870	0,3209	
30	0,7006	0,5535	0,4458	0,3643	0,3010	
31	0,6666	0,5249	0,4214	0,3432	0,2826	
32	0,6349	0,4983	0,3987	0,3236	0,2656	
33	0,6052	0,4735	0,8776	0,3054	0,2498	
34	0,5774	0,4503	0,3579	0,2885	0,2351	
85	0,5513	0,4285	0,3394	0,2727	0,2214	
36	0,5268	0,4081	0,3222	0,2579	0,2087	
37	0,5037	0,3889	0,3060	0,2441	0,1968	
38	0,4820	0,3709	0,2908	0,2311	0,1857	
39	0,4615	0,3539	0,2765	0,2190	0,1753	
40	0,4421	0,3379	0,2631	0,2076	0,1656	

Tafel III. Faktor  $\frac{1}{1,0\,p^n-1}$ .



Jahr	Prozent						
July	1/2	1	1 1/2	2	21/2		
41	4,4072	1,9851	1,1887	0,7986	0,5707		
42	4,2912	1,9276	1,1510	0,7709	0,5491		
43	4,1806	1,8727	1,1150	0,7445	0,5287		
44	4,0751	1,8204	1,0807	0,7195	0,5092		
45	3,9742	1,7705	1,0480	0,6955	0,4907		
46	3,8778	1,7228	1,0167	0,6727	0,4731		
47	3,7855	1,6771	0,9869	0,6509	0,4563		
48	3,6971	1,6334	0,9583	0,6301	0,4402		
49	3,6120	1,5915	0,9310	0,6102	0,4249		
50	3,5307	1,5513	0,9048	0,5912	0,4103		
51	3,4525	1,5127	0,8796	0,5729	0,3963		
52	3,3773	1,4756	0,8555	0,5555	0,3830		
53	3,3050	1,4400	0,8324	0,5387	0,3702		
54	3,2354	1,4057	0,8101	0,5226	0,3579		
55	3,1683	1,3726	0,7887	0,5072	0,3462		
56	3,1036	1,3408	0,7681	0,4923	0,3349		
57	3,0412	1,3102	0,7482	0,4781	0,3241		
58	2,9810	1,2806	0,7291	0,4643	0,3137		
59	2,9228	1,2520	0,7107	0,4511	0,3037		
60	2,8666	1,2244	0,6929	0,4384	.0,2941		
61	2,8122	1,1978	0,6757	0,4261	0,2849		
62	2,7596	1,1720	0,6592	0,4143	0,2760		
63	2,7087	1,1471	0,6432	0,4029	0,2675		
64	2,6594	1,1230	0,6277	0,3919	0,2593		
65	2,6116	1,0997	0,6127	0,3813	0,2514		
66	2,5653	1,0770	0,5983	0,3711	0,2438		
67	2,5203	1,0551	0,5843	0,3612	0,2364		
68	2,4767	1,0339	0,5707	0,3516	0,2293		
69	2,4344	1,0133	0,5576	0,3423	0,2225		
70	2,3933	0,9933	0,5448	0,3334	0,2159		
71	2,3534	0,9739	0,5325	0,3247	0,2095		
72	2,3146	0,9550	0,5205	0,3163	0,2034		
73	2,2768	0,9367	0,5089	0,3082	0,1974		
74	2,2401	0,9189	0,4976	0,3004	0,1917		
75	2,2044	0,9016	0,4867	0,2928	0,1861		
76	2,1697	0,8848	0,4761	0,2854	0,1808		
77	2,1358	0,8684	0,4658 .	0,2782	0,1756		
78	2,1028	0,8525	0,4558	0,2713	0,1706		
79	2,0707	0,8370	0,4460	0,2646	0,1657		
80	2,0394	0,8219	0,4366	0,2580	0,1610		

Jahr	Prozent					
	3	31/2	4	41/2	5	
41	0,4237	0,3228	0,2504	0,1969	0,1564	
42	0,4064	0,3085	0,2385	0,1869	0,1479	
43	0,3899	0,2950	0,2272	0,1774	0,1399	
44	0,3743	0,2822	0,2166	0,1685	0,1323	
45	0,3595	0,2701	0,2066	0,1600	0,1252	
46	0,3454	0,2586	0,1971	0,1521	0,1186	
47	0,3320	0,2477	0,1880	0,1446	0,1123	
48	0,3193	0,2373	0,1795	0,1375	0,1064	
49	0,3071	0,2275	0,1714	0,1308	0,1008	
50	0,2955	0,2181	0,1638	0,1245	0,09553	
51	0,2845	0,2092	0,1565	0,1185	0,09057	
52	0,2739	0,2007	0,1496	0,1128	0,08589	
58	0,2638	0,1926	0,1430	0,1074	0,08148	
54	0,2542	0,1849	0,1367	0,1023	0,07729	
55	0,2450	0,1775	0,1308	0,09750	0,07334	
56	0,2361	0,1705	0,1251	0,09291	0,06960	
57	0,2277	0,1638	0,1197	0,08856	0,06607	
58	0,2196	0,1574	0,1146	0,08442	0,06273	
59	0,2119	0,1512	0,1097	0,08049	0,05956	
60	0,2044	0,1454	0,1050	0,07676	0,05656	
61	0,1973	0,1398	0,1006	0,07321	0,05373	
62	0,1905	0,1344	0,09636	0,06984	0,05104	
63	0,1839	0,1293	0,09231	0,06663	0,04849	
64	0,1776	0,1244	0,08844	0,06358	0,04607	
65	0,1715	0,1197	0,08476	0.06068	0,04378	
66	0,1657	0,1152	0,08123	0,05791	0,04161	
67	0,1601	0,1108	0,07786	0,05528	0,03955	
68	0,1547	0,1067	0,07464	0,05277	0,03760	
69	0,1495	0,1027	0,07157	0,05039	0,03574	
70	0,1446	0,09888	0,06863	0,04811	0,03398	
71	0,1398	0,09522	0,06581	0,04595	0,03231	
72	0,1351	0,09171	0,06312	0,04388	0,03073	
78	0,1307	0,08833	0,06055	0,04191	0,02922	
74	0,1264	0,08509	0,05808	0,04004	0,02779	
75	0,1223	0,08198	0,05573	0,03825	0,02643	
76	0,1183	0,07899	0,05346	0,03654	0,02514	
77	0,1144	0,07611	0,05131	0,03491	0,02392	
78	0,1107	0,07335	0,04923	0,03336	0,02275	
79	0,1072	0,07069	0,04725	0,03187	0,02164	
80	0,1037	0,06814	0,04535	0,03046	0,02059	

Tafel III. Fattor  $\frac{1}{1,0p^n-1}$ .

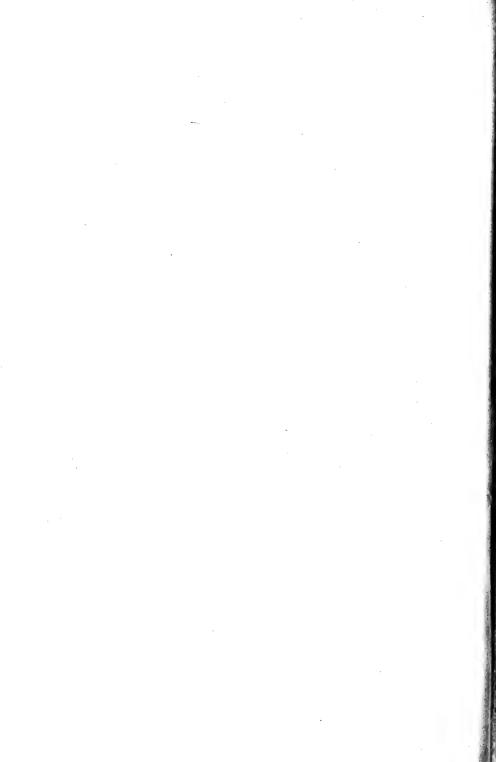
Jahr	Prozent .					
	1/2	1 .	11/2	2	21/2	
81	2,0090	0,8072	0,4273	0,2517	0,1565	
82	1,9791	0,7928	0,4184	0,2456	0,1521	
83	1,9501	0,7789	0,4097	0,2396	0,1478	
84	1,9217	0,7653	0,4012	0,2338	0,1437	
85	1,8940	0,7520	0,3929	0,2282	0,1397	
86	1,8670	0,7390	0,3849	0,2227	0,1358	
87	1,8406	0,7264	0,3771	0,2174	0,1321	
88	1,8149	0,7141	0,3694	0,2122	0,1285	
89	1,7897	0,7021	0,3620	0,2072	0,1249	
90	1,7651	0,6903	0,3547	0,2023	0,1215	
91	1,7410	0,6788	0,3477	0,1975	0,1182	
92	1,7174	0,6676	0,3408	0,1929	0,1150	
93	1,6944	0,6567	0,3341	0,1884	0,1119	
94	1,6719	0,6460	0,3275	0,1841	0,1088	
95	1,6499	0,6355	0,3211	0,1798	0,1059	
96	1,6283	0,6253	0,3149	0,1757	0,1031	
97	1,6072	0,6153	0,3088	0,1716	0,1003	
98	1,5865	0,6055	0,3028	0,1677	0,09761	
99	1,5662	0,5959	0,2970	0,1639	0,09501	
100	1,5442	0,5866	0,2914	0,1601	0,09248	
101	1,5270	0,5774	0,2858	0,1565	0,09002	
102	1,5079	0,5684	0,2804	0,1530	0,08762	
103	1,4892	0,5597	0,2751	0,1495	0,08531	
104	1,4709	0,5511	0,2700	0,1462	0,08306	
105	1,4530	0,5427	0,2649	0,1429	0,08087	
106	1,4354	0,5344	0,2600	0,1397	0,07874	
107	1,4181	0,5263	0,2552	0,1366	0,07667	
108	1,4011	0,5184	0,2505	0,1335	0,07466	
109	1,3845	0,5107	0,2458	0,1306	0,07271	
110	1,3682	0,5031	0,2413	0,1277	0,07081	
111	1,3522	0,4956	0,2369	0,1249	0,06902	
112	1,3365	0,4883	0,2326	0,1221	0,06717	
113	1,3211	0,4812	0,2284	0,1194	0,06542	
114	1,3059	0,4741	0,2243	0,1168	0,06373	
115	1,2910	0,4672	0,2202	0,1143	0,06207	
116	1,2764	0,4605	0,2163	0,1118	0,06046	
117	1,2620	0,4539	0,2124	0,1094	0,05890	
118	1,2479	0,4474	0,2086	0,1070	0,05739	
119	1,2340	0,4410	0,2049	0,1047	0,05591	
120	1,2204	0,4347	0,2012	0,1024	0,05447	
130	1,0960	0,3779	0,1687	0,08249	0,04205	
140	0,9899	0,3303	0,1420	0,06668	0,03255	
150	0,8984	0,2900	0,1200	0,05406	0,02525	
160	0,8189	0,2555	0,1017	0,04392	0,01962	
170	0,7492	0,2258	0,08645	0,03575	0,01526	
180	0,6877	0,2002	0,07361	0,02914	0,01188	
190	0,6331	0,1778	0,06279	0,02378	0,00925	
200	0,5843	0,1583	0.05364	0,01942	0,00721	

Tafel III. Faftor  $\frac{1}{1,0\,\mathrm{p^n}-1}\cdot$ 

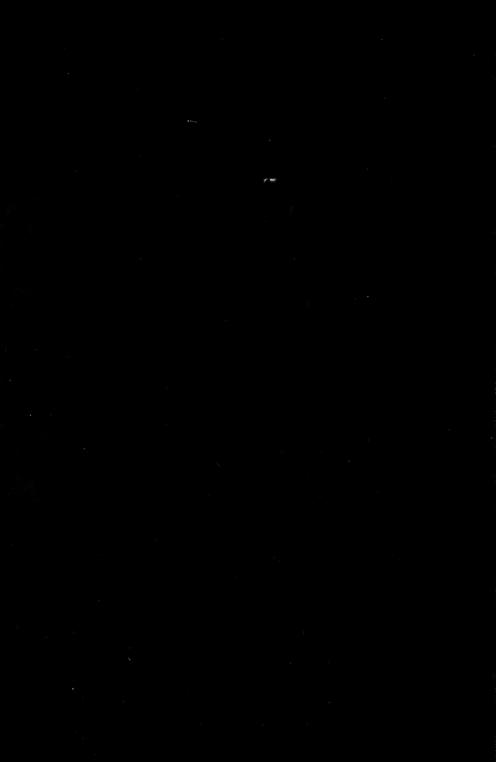
Jahr	Prozent					
	3	3 1/2	4	4 1/2	5	
81	0,1004	0,06568	0,04353	0,02911	0,01959	
82	0.09719	0,06332	0.04179	0.02782	0,01864	
83	0,09409	0.06105	0,04012	0,02659	0,01774	
84	0,09110	0.05886	0,03851	0,02542	0.01688	
85	0,08822	0,05676	0,03698	0,02430	0,01606	
86	0,08543	0,05474	0,03550	0,02323	0,01529	
87	0,08272	0.05279	0,03409	0.02220	0.01455	
88	0,08013	0,05091	0,03274	0,02123	0,01384	
89	0.07762	0.04911	0,03144	0,02030	0,01318	
90	0,07519	0,04737	0,03019	0,01940	0,01254	
91	0.07284	0,04569	0,02900	0,01855	0,01194	
92	0,07056	0,04408	0,02785	0,01774	0,01136	
93	0,06837	0.04252	0,02675	0,01696	0,01082	
94	0,06625	0,04103	0,02570	0,01622	0,01030	
95	0,06419	0,03958	0,02468	0,01551	0,009801	
96	0 06221	0,03819	0,02371	0,01483	0,009330	
97	0,06029	0,03686	0,02278	0,01419	0,008881	
98	0,05843	0,03557	0.02188	0,01357	0.008455	
99	0,05663	0,03432	0,02103	0,01297	0,008049	
100	0,05489	0,03312	0,02020	0,01241	0,007663	
101	0,05321	0,03197	0,01941	0,01187	0,007295	
102	0,05158	0,03085	0,01864	0,01135	0,006945	
103	0,05000	0,02978	0,01792	0,01086	0,006612	
104	0,04847	0,02874	0,01722	0,01038	0,006296	
105	0,04699	0,02774	0,01654	0,009933	0,005994	
106	0,04557	0,02678	0,01590	0,009501	0,005707	
107	0,04418	0,02585	0,01528	0,009088	0,005434	
108	0,04283	0,02495	0,01468	0,008694	0,005174	
109 -	0,04154	0,02409	0,01411	0,008316	0,004926	
110	0,04028	0,02326	0,01356	0,007955	0,004690	
111	0,03910	0,02245	0,01303	0,007610	0,004462	
112	0,03788	0,02168	0,01252	0,007280	0,004252	
113	0,03673	0,02091	0,01203	0,006965	0,004049	
114	0,03560	0,02020	0,01157	0,006662	0,003856	
115	0,03455	0,01951	0,01112	0,006374	0,003671	
116	0,03351	0,01884	0,01070	0,006097	0,003496	
117	0,03250	0,01819	0,01027	0,005833	0,003329	
118	0,03153	0,01756	0,009870	0,005581	0,003170	
119	0,03058	0,01696	0,009487	0,005339	0,003018	
120	0,02966	0,01638	0,009119	0,005108	0,002874	
130	0,02191	0,01155	0,006142	0,003284	0,001763	
140		0,008164	0,004141	0,002112	0,001081	
150	0,01201	0,005774	0,002794	0,001357	0,000663	
160	0,008914	0,004086	0,001886	0,0008737	0,000407	
170	0,006619	0,002893	0,001274	0,0005630	0,000250	
180	0,004914	0,002049	0,0008598	0,0003624	0,000153	
190	0,003 <b>6</b> 5 <b>2</b>	0,001452	0,0005807	0,0002334	0,000094	
200	0,002707	0.001029	0,0003926	0,0001502	0,000057	











SD 551 H48 1892

Heyer, Gustav
Anleitung zur
Waldwertrechnung 4. Aufl.

BioMed

PLEASE DO NOT REMOVE

CARDS OR SLIPS FROM THIS POCKET

UNIVERSITY OF TORONTO LIBRARY



